

## บทที่ 12. ทฤษฎีตัดสินใจเชิงสถิติ Statistical Decision Theory

Statistics are no substitute for Judgement.

Henry Clay

ทฤษฎีตัดสินใจจะกล่าวถึงการแยกแยะเกณฑ์ (Criteria) สำหรับการตัดสินใจที่ควรทำขึ้นภายใต้สภาวะการณ์ต่าง ๆ ซึ่งสามารถจะประเมินผลได้ และใช้เกณฑ์เหล่านี้มาพิจารณาทางเลือกที่ดีที่สุดในการตัดสินใจ (Best decision acts or Alternatives) ทฤษฎีตัดสินใจจะเน้นถึงการใช้ค่าความน่าจะเป็นเชิงวิเคราะห์และแบบเงื่อนไข กับยังไงเดียวที่การทางสถิติกลางสักออกไปอีก โดยการใช้ผลได้และผลเสีย (Gains or Losses) เข้าไปในการวิเคราะห์ นั่นคือพยายามใช้ข้อมูลข่าวสารที่เกี่ยวข้องทั้งหมดให้เป็นประโยชน์ ดังนั้นทฤษฎีตัดสินใจจึงแทนความพยายามที่จะรวบรวมข้อมูลข่าวสารที่มีทั้งหมดไปใช้ในกระบวนการของ การอนุมานหรืออ้างอิงเกี่ยวกับพารามิเตอร์ แล้วใช้ข้อมูลข่าวสารเหล่านี้พิจารณาทางเลือกหรือกลobiay (Strategies) ที่ดีที่สุด

### 12.1 การวิเคราะห์เกี่ยวกับการตัดสินใจ (The Analysis of Decision)

ในการกระทำการตัดสินใจนั้น ผู้ตัดสินใจ (Decision Maker) ต้องมีทางเลือกของการกระทำอยู่หลายทาง แต่ละทางก็ให้ผลต่าง ๆ กัน และในเวลาเดียวกันก็ต้องมีค่าของ สภาวะการณ์นอกบังคับ (States of Nature) ซึ่งเป็นตัวแทนของเหตุการณ์ต่าง ๆ ที่จะเกิดขึ้นนั้น ค่าที่เป็นไปได้จะมีสองค่าหรือมากกว่า นั่นคือผลตอบแทนของทางเลือกต่าง ๆ ขึ้นอยู่กับสภาวะการณ์นอกบังคับโดยทั่วไปกระบวนการสำหรับเลือกกลobiay หรือทางเลือกที่ดีที่สุดนั้น จะประกอบด้วย

- (1) ระบุทางเลือกทั้งหมด
- (2) แจงนัยเหตุการณ์หรือสภาวะการณ์นอกบังคับที่เป็นไปได้ทั้งหมด
- (3) วิเคราะห์รวมชาติของความไม่แน่นอนในปัจจัยตัดสินใจนั้น โดยการกำหนดความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ที่จะเกิดขึ้น

(4) กำหนดผลตอบแทนหรือความสูญเสียของทางเลือกต่าง ๆ และ

(5) เรียงลำดับข้อมูลข่าวสารที่ต้องรวมรวมกันลำดับก่อนหลัง

**ตารางสัมพันธ์ของผลตอบแทน (Payoff Matrix or Table)** นักวิเคราะห์ได้อาศัยวิธีการทางคณิตศาสตร์เสนอส่วนต่าง ๆ ของบัญหาการตัดสินใจในรูปแมทริกซ์ (Matrix) หรือตารางสองทางซึ่งเรียกว่าตารางสัมพันธ์ของผลตอบแทน แมทริกซ์จะเป็นແควาท์เลขแบบ 2 มิติ ซึ่งเรียงอยู่ในแนวอนและแนวตั้ง จะให้แนวอนเป็นกลไกหรือทางเลือกของการกระทำ (หนึ่งแนวอนก่อหนนกโภบาย) และแนวตั้งเป็นสภาวะการณ์นอกบังคับ หรือเป็นทางเลือกของคู่แข่งขัน ในแต่ละช่องหรือแต่ละเซลล์จะเป็นผลตอบแทน (Payoff) ซึ่งเป็นมาตรฐานคัดประโยชน์ (Utility) ที่ประมาณจากผลทดลองที่เกิดขึ้นภายใต้สภาวะการณ์นอกบังคับ กับกิโภบายแต่ละอย่าง ตั้งน้ำตารางสัมพันธ์จึงสามารถสรุปคุณลักษณะทั้งหมดของบัญหาการตัดสินใจได้ ดังนี้

สภาวะการณ์นอกบังคับ		$N_1$	$N_2$	.....	$N_j$
กโภบาย	$S_1$	$P_{11}$	$P_{12}$	...	$P_{1j}$
	$S_2$	$P_{21}$	$P_{22}$	...	$P_{2j}$
	$S_3$	$P_{31}$	$P_{32}$	...	$P_{3j}$
	:	:	:		:
	:	:	:		:
	$S_i$	$P_{i1}$	$P_{i2}$	...	$P_{ij}$

ในเมื่อ  $N_1, N_2, \dots, N_j$  แทนสภาวะการณ์,  $S_1, S_2, \dots, S_i$  แทนกิโภบาย, และ  $P_{11}, P_{12}, \dots, P_{ij}$  แทนผลตอบแทน ลองพิจารณาบัญหาการตัดสินใจท่อไปนี้

ตัวอย่าง บริษัท กขค ผู้ผลิตเครื่องใช้ในบ้าน กำลังพิจารณาโภบาย 3 อย่าง เกี่ยวกับมอเตอร์ไฟฟ้าของเครื่องใช้แบบใหม่ที่บริษัทกำลังจะนำออกขาย กิโภ拜นั้นเป็นดังนี้

กโภบาย 1 บริษัทจะใช้โนบายเดิม คือซื้อมอเตอร์ที่ประกอบแล้ว

กโภบาย 2 เพิ่มการลงทุน (ขนาดกลาง) เกี่ยวกับเครื่องมือและวิศวกรฝ่ายผลิต นั่นคือบริษัทซื้อส่วนประกอบของมอเตอร์และนำมาประกอบเอง

กโภบาย 3 บริษัทเพิ่มการลงทุนเพิ่มที่ในด้านโรงงานและวิศวกร นั่นคือ บริษัทจะผลิตมอเตอร์ และส่วนที่ต่าง ๆ เอง

ผลตอบแทนของเหล่ากโโลบายขึ้นอยู่กับสภาพของตลาด (สภาวะการณ์นอกบังคับ) นั่นคือ ขึ้นอยู่กับการยอมรับหรือความนิยมของผู้ใช้เครื่องนั้นว่าสูงหรือต่ำ ถ้าสภาวะการณ์แห่งสอง (ผู้ใช้นิยมมาก ผู้ใช้นิยมน้อย) กโโลบายทั้งสาม (ช้อมอเตอร์ ช้อล่าวันประกอบและนำมาระกอบเอง หรือผลิตภมอเตอร์เอง) และผลตอบแทนที่ผู้จัดการบริษัทจะประมาณได้ นั้น สรุปได้เป็นดังนี้

สภาวะการณ์นอกบังคับ	ผู้ใช้นิยมน้อย N <sub>1</sub>	ผู้ใช้นิยมมาก N <sub>2</sub>
กโโลบาย S <sub>1</sub> ช้อมอเตอร์	40	110
S <sub>2</sub> ประกอบมอเตอร์	30	150
S <sub>3</sub> ผลิตภมอเตอร์	-40	180

ในเมื่อ ผลตอบแทน มีหน่วยเป็น 100,000 บาท

ผลตอบแทนในแต่ละเซลล์นั้นจะประมาณได้จากข้อมูลข่าวสารเกี่ยวกับราคาขาย ค่าใช้จ่ายในการผลิต และจำนวนลูกค้าที่จะใช้ ถ้าสินค้าใหม่ได้รับความนิยมสูงเมื่อออกสู่ ตลาด บริษัทก็จะเลือกโโลบาย 3 ซึ่งจะได้กำไรมากที่สุด ถ้าน้อย 3 จะขาดทุน เพราะค่าใช้จ่ายคงที่สูง กโโลบาย 2 และ 3 จะให้ผลตอบแทนสูตรที่เล็กน้อย เมื่อสภาพตลาดอยู่ใน ระดับต่ำ และจะให้ผลตอบแทนสูตรที่มากขึ้น ถ้าได้รับความนิยมสูง

## 12.2 ชนิดของการตัดสินใจ (Kinds of Decisions)

ในการที่จะเลือกโโลบายในหนึ่งขั้นอยู่กับว่าผู้ตัดสินใจมีข้อมูลข่าวสารเกี่ยวกับ สภาวะการณ์แห่งอย่างจะเกิดขึ้นขนาดไหน นั่นคือทราบคือรู้ของความน่าจะเป็นที่สภาวะการณ์จะเกิดขึ้นนั่นเอง ดังนั้นนักตัดสินใจจึงแบ่งประเภทของการตัดสินใจได้เป็น 4 แบบ ตามดีกรีของความน่าจะเป็นที่สภาวะการณ์จะเกิดขึ้น ดังนี้

- (1) การตัดสินใจภายใต้ความแน่นอน
- (2) การตัดสินใจภายใต้การเสี่ยง
- (3) การตัดสินใจภายใต้ความไม่แน่นอน
- (4) การตัดสินใจภายใต้การขาดแย้ง หรือการแข่งขัน

### 12.2.1 การตัดสินใจภายใต้ความแน่นอน (Decision-making under Certainty)

การตัดสินใจแบบนี้จะเกิดขึ้นเมื่อเรามีบัญหาตัดสินใจที่เราทราบด้วยความแน่ใจว่า สภาวะการณ์ในจะเกิดขึ้นแน่ นั่นคือในเดาทั้งจะมีความเที่ยง การทำตัดสินใจในบัญหานี้

เราพิจารณาแค่ผลตอบแทนในกล่องย่าง ๆ ที่เกี่ยวข้องในสภาวะการณ์เดียวเท่านั้น ถ้ากล่องยามีจำกัด คือ ไม่มากนัก ผู้ตัดสินใจก็ไม่ยุ่งยากที่จะหากล่องย่างที่เหมาะสม นั่นคือถ้าทราบว่าสภาพลูกค้านั้นได้รับความนิยมต่ำ บริษัทก็จะเลือกกล่องย่างแรก ก็อชื่อมอเตอร์ที่ประกอบแล้ว เพราะกล่องยานี้จะให้กำไรมากกว่ากล่องย่างอื่น แต่ถ้าสภาพลูกค้าได้รับความนิยมสูง กกล่องย่างที่ดีที่สุดก็คือผลิตภัณฑ์ของ เนื่องจากตัดสินใจทางเลือกเพียงเล็กน้อย การตัดสินใจภายใต้ความแน่นอนเงื่อนไขง่าย อย่างไรก็ตามถ้าจำนวนกล่องยามีมาก many จำเป็นต้องมีเครื่องเรขาคณิตที่ดีที่สุด การวิจัยการปฏิบัติงาน (Operations Research Techniques) หรือเทคนิคโปรแกรมเชิงเส้น (Linear Programming Techniques) เป็นวิธีหนึ่งที่ใช้ทางการเลือกกล่องย่างที่ดีที่สุด โดยการหาผลตอบแทนที่มากสุด หรือผลเสียหายที่น้อยสุด (Maximizing gains or Minimizing losses) แบบมีข้อจำกัด

#### 12.2.2 การตัดสินใจภายใต้การเสี่ยง (Decision-making under Risk)

การตัดสินใจแบบนี้จะเกิดขึ้นเมื่อบัญชาการตัดสินใจนั้นมีจำนวนสภาวะการณ์มากๆ แต่กว่าผู้ตัดสินใจทราบความน่าจะเป็นที่สภาวะการณ์แต่ละอย่างจะเกิดขึ้น นั่นคือไม่สามารถระบุสภาวะการณ์ด้วยความแน่ใจได้ แต่สามารถระบุได้ด้วยความน่าจะเป็นที่ทราบค่าได้

ภายใต้สภาพของการเสี่ยงนี้ นักธุรกิจตัดสินใจได้ใช้เกณฑ์สำหรับประเมินผลกล่องย่างหรือทางเลือกต่าง ๆ เพื่อทางการเลือกที่ดีที่สุดนั้นด้วยเกณฑ์ของค่าคาดหวังของผลตอบแทน (Expected Value of the Payoff, EOP) ของกล่องย่างแต่ละอย่าง ผลตอบแทนคาดหวังของกล่องยานะจะเป็นผลรวมของผลตอบแทนที่เป็นไปได้ในสภาวะการณ์ต่าง ๆ ซึ่งคุณด้วยความน่าจะเป็นที่เกี่ยวพันอยู่ เกณฑ์ตัดสินใจแบบนี้จะเลือกกล่องย่างที่มีผลตอบแทนคาดหวังสูงสุด หรือผลเสียหายคาดหวังน้อยสุด นั่นคือ เลือกกล่องย่างที่มี

$$EOP (S_i) = \sum_j P_{ij} f(N_j)$$

มากที่สุด

ตัวอย่าง เจ้าของร้านขนมปังต้องการพิจารณาว่าจะผลิตขนมเค้กแต่ละคันเพื่อขายในวันรุ่งขึ้นเท่าใดจึงจะได้รายได้ในวันรุ่งขึ้นจะเสียหมด ขนมนั้นมีก้อนทุนอันละ 8 บาท และราคาขายอันละ 20 บาท

จากข้อมูลเก่า ๆ และประสบการณ์ที่เจ้าของร้านมีอยู่ เราทราบอุปสงค์แต่ละวันเป็นครั้น

อุปสงค์	0	1	2	3	4	5
ความน่าจะเป็น	0	0.1	0.2	0.3	0.3	0.1
จากข้อมูลข่าวสารข้างบน เราสร้างตารางสัมพันธ์ของผลตอบแทนที่ได้เป็นดังนี้						
สภาวะการณ์นอกบังคับ (อุปสงค์)	0	1	2	3	4	5
กโอล นาย (ผลิต)	0	0	0	0	0	0
1	-8	12	12	12	12	12
2	-16	4	24	24	24	24
3	-24	-4	16	36	36	36
4	-32	-12	8	28	48	48
5	-40	-20	0	20	40	60

สำหรับผลตอบแทนคาดหวัง (EOP) ของกโอลนาย ( $S_i$ ) ได้ คือ

$$EOP(S) = \sum_j P_{ij} f(N_j)$$

ในเมื่อ  $P_{ij}$  เป็นผลตอบแทนของกโอลนาย ; ในสภาวะการณ์  $j$  และ  $f(N_j)$  เป็นความน่าจะเป็นของสภาวะการณ์  $j$  ดังนั้นเราจะได้

$$EOP(S_1 = 0) = 0 \quad EOP(S_4 = 3) = 28$$

$$EOP(S_2 = 1) = 12 \quad EOP(S_5 = 4) = 28$$

$$EOP(S_3 = 2) = 22 \quad EOP(S_6 = 5) = 22$$

นั่นคือ เราจะเลือกกโอลนายที่ 4 หรือ 5 นั่นเอง

### วิธีวิเคราะห์แบบเพิ่ม (Marginal or Incremental Analysis)

บัญหาข้างบนนี้จะแก้ หรือทางทางเลือกให้ง่าย ถ้าสภาวะการณ์ และกโอลนายที่เป็นไปได้มีไม่มากนัก แต่ถ้ามีมาก ๆ เราทำได้ไม่สะดวกนัก เพราะเราต้องมีงานคำนวนมากมาย อย่างไรก็ตี เราทึกวิธีการแก้บัญหาเช่นนี้ ชื่นเรียกว่า วิธีวิเคราะห์แบบเพิ่ม วิธีนี้จะลงงานในด้านคำนวณลงมาก

ขอให้พิจารณาหน่วยเพิ่ม (Additional Unit) ของสินค้าที่เราจะเก็บไว้หรือจะซื้อมา เราจะพนวานว่าที่เพิ่มขึ้นนี้มีทางที่เป็นไปได้ 2 ทาง คือ ขายได้ หรือขายไม่ได้ ผลกระทบของความน่าจะเป็นของ 2 ทาง (เหตุการณ์) นี้จะเท่ากับ 1 เช่นถ้าความน่าจะเป็นที่จะขาย

หน่วยเพิ่มได้เป็น 0.3 และความน่าจะเป็นที่จะขายไม่ได้เท่ากับ  $1 - 0.3 = 0.7$  เป็นต้น

สำหรับหน่วยที่ซื้อเพิ่มเติม ถ้าขายได้ เรายังได้กำไรเพิ่มขึ้น ซึ่งเราเรียกว่า กำไรเพิ่ม (MP, Marginal Profit) ในปัจจุบันขั้นต้นกำไรเพิ่มจะเป็น  $20 - 8 = 12$  บาท ถ้ามองในแง่สูญเสียเนื่องจาก การเก็บ (Stock) หรือผลิตไม่พอ กับความต้องการ ก็จะเรียกว่า สูญเสียจากการเก็บไว้不足เกินไป (Loss from Understocking or Underage)

ในการคงกันข้าม ถ้าหน่วยเพิ่มขายไม่ได้ นั่นคือกรณีที่เก็บ (หรือผลิต) ของไว้เพิ่มหนึ่งหน่วย แล้วขายไม่ได้นั่นเอง ซึ่งจะทำให้กำไรลดลงด้วย จำนวนที่ลดลง จะเรียกว่า สูญเสียเพิ่ม (ML, Marginal Loss) หรือสูญเสียจากการเก็บไว้มากเกินไป (Loss from Overstocking or Overage) กรณีสูญเสียเพิ่มเป็น 8 บาท การสูญเสียหัก 2 ประเภท นี้เรียกว่า สูญเสียโอกาส (Opportunity Losses)

จากตัวอย่างข้างบน เราสามารถเป็นชั้นๆ ว่าจะผลิตขั้นมาเก็บหน่วยแรกดีหรือไม่ การตัดสินใจในกรณีนี้จะเลือกกลไบที่มาจาก “ผลิตหน่วยแรก” หรือ “ไม่ผลิตหน่วยแรก” และสภาวะการณ์นอกบังคับที่เป็นไปได้จะเป็น “มีอุปสงค์หน่วยแรก” หรือ “ไม่มีอุปสงค์หน่วยแรก” ดังนั้นเราจะได้ตารางสัมพันธ์สูญเสีย (Loss Matrix) เป็นดังนี้

สภาวะการณ์	มีอุปสงค์หน่วยแรก	ไม่มีอุปสงค์หน่วยแรก
	$P(D \geq 1) = 1.0$	$P(D < 1) = 0$
ไม่ผลิตหน่วยแรก	0 $MP = 12$	$ML = 8$ 0
ผลิตหน่วยแรก		

การสูญเสียโอกาสเฉลี่ย (EOL, Expected Opportunity Loss)

$$EOL(S_1) = 0, \quad EOL(S_2) = 12$$

ความน่าจะเป็นที่จะมีอุปสงค์หน่วยแรกจะเป็นความน่าจะเป็นสะสม (Cumulative Probability) ของอุปสงค์ (D, Demand) สำหรับหนึ่งหน่วยหรือมากกว่า นั่นคือ

$$\begin{aligned} P(D \geq 1) &= P(D = 1) + P(D = 2) + \dots + P(D = 5) \\ &= .1 + .2 + .3 + .3 + .1 = 1.00 \end{aligned}$$

$$\text{แล้ว } P(D < 1) = P(D = 0) = 0$$

ดังนั้น การสูญเสียโอกาสเฉลี่ย สำหรับการผลิตหรือไม่ผลิตขั้นมาเก็บหน่วยแรก จะคำนวณได้เป็น

$$EOL(S_1) = 0(1.00) + 8(0) = 0$$

$$EOL(S_2) = 12(1.00) + 0(0) = 12$$

สำหรับ  $EOL(S_1)$  ก็คือการสูญเสียเพิ่มเฉลี่ย (Expected Marginal Loss, E(ML)) นั้นเอง เพราะเป็นผลคุณของ MK กับความน่าจะเป็นของมัน และ  $EOL(S_2)$  ก็คือกำไรเพิ่มเฉลี่ย (Expected Marginal Profit, E(MP))

ในการตัดสินใจว่าจะผลิตหน่วยแรกหรือไม่นั้น พิจารณาจากการสูญเสียเฉลี่ยของกิโลกรัม  $S_1$  หรือ  $S_2$  นั้นคือคุณที่  $EOL(S_1)$  และ  $EOL(S_2)$  โดยที่  $EOL(S_1)$  น้อยกว่า  $EOL(S_2)$  เราจึงตัดสินใจผลิตหน่วยแรก

ลองพิจารณาการผลิตหน่วยที่สองต่อไป ซึ่งจะได้ทราบสัมพันธ์สูญเสีย ดังนี้

สภาวะการณ์	มีอุปสงค์หน่วยที่สอง		ไม่มีอุปสงค์หน่วยที่สอง	
	$P(D \geq 2) = .9$	$P(D < 2) = .1$	$ML = 8$	$MP = 12$
กิโลกรัม ผลิตหน่วยที่สอง	0			
ไม่ผลิตหน่วยที่สอง		$MP = 12$		0
การสูญเสียเฉลี่ย	$EOL(S_1) = 0.8$			
	$EOL(S_2) = 10.8$			

ในการตัดสินใจว่าจะผลิตหน่วยที่สองหรือไม่ ก็ทำได้เช่นเดียวกับหน่วยแรก และสำหรับการตัดสินใจในหน่วยที่  $j$  ก็เป็นไปในทำนองเดียวกัน ดังนั้นเราจะได้ตารางของวิธีวิเคราะห์แบบเพิ่มของหน่วยที่  $j$  ดังนี้

อุปสงค์หน่วยที่ $j$	$P(D \geq j)$	กำไรเพิ่มเฉลี่ย	$P(D < j)$	สูญเสียเพิ่มเฉลี่ย	
				$MP P(D \geq j)$	$ML P(D > j)$
1	1.0	2	0		0
2	.9	10.8	.1		.8
3	.7	8.4	.3		2.4
4	.4	4.8	.6		4.8
5	.1	1.2	.9		7.2

จากตารางเราจะเห็นว่า เมื่ออุปสงค์เพิ่มขึ้น กำไรเพิ่มเดียวกับต้นทง หรือสูญเสียเพิ่มเดียวกับสูงขึ้น ดังนั้นทราบให้สูญเสียเพิ่มเฉลี่ยน้อยกว่ากำไรเพิ่มเฉลี่ย เราจะเพิ่มผลิตเรื่อยไป โดยทวีไปเราจะเพิ่มระดับการผลิตหรือการเก็บจนกระหังสูญเสียเพิ่มเฉลี่ยไม่มากกว่ากำไรเพิ่มเฉลี่ย จากหลักการเพิ่ม (Marginal Principle) ทางเศรษฐศาสตร์เราจะได้ระดับที่ให้ผลประโยชน์มากที่สุด (Optimal Level) เมื่อสูญเสียเพิ่มเฉลี่ย (จากการเพิ่มการผลิต หรือการเก็บ) เท่ากับกำไรเพิ่มเฉลี่ย (จากการเพิ่มการผลิต หรือการเก็บ) หรือ  $E(MP) = E(ML)$

ดังนั้นระดับการผลิตหรือการเก็บที่ให้ผลประโยชน์สูงสุด จะเกิดขึ้นเมื่อ

$$E(MP) = E(ML)$$

$$\begin{aligned} MP \cdot P(D \geq j) &= ML \cdot P(D < j) \\ &= ML \left\{ 1 - P(D \geq j) \right\} \\ &= ML - ML \cdot P(D \geq j) \end{aligned}$$

$$P(D \geq j) \left\{ ML + MP \right\} = ML$$

$$P(D \geq j) = \frac{ML}{ML + MP} = p^*$$

สำหรับ  $p^* = P(D \geq j)$  นี้จะเรียกว่า ความน่าจะเป็นวิกฤต (Critical Probability) และอัตราส่วน  $\frac{ML}{ML + MP}$  นี้เรียกว่า อัตราส่วนวิกฤต (Critical Ratio)

ในการหาค่าของ  $j$  ซึ่งเป็นระดับการผลิตสูงสุดที่จะทำให้  $E(ML) = E(MP)$  นั้น หาได้ดังท่อไปนี้

ก. กรณีที่  $j$  แทนหน่วยของการผลิตชนิดไม่ต่อเนื่อง (Discrete Units) และ  $j$  จะเป็นค่าที่มากที่สุดที่ทำให้  $P(D \geq j) \geq p^*$

จากตัวอย่างเราได้  $MP = 12$ ,  $ML = 8$

$$p^* = 8/(8 + 12) = 0.4$$

และจากตาราง เราเห็นว่า  $j = 4$  นั้นคือผลิตขั้นมากที่เก้ากับ 4 หน่วย ทั้งนี้ เพราะ  $j = 4$

ทำให้  $E(ML) = E(MP) \approx 4.8$

ข. กรณีที่  $j$  แทนหน่วยของการผลิตชนิดก่อนเนื่อง (Continuous Case) และ  $j$  จะเป็นค่ามากที่สุดที่ทำให้  $P(D \geq j) = p^*$  เช่นในกรณีของการแจกแจงปกติ (Normal Distribution) เราจะได้  $j$  ดังนี้

$$j = \mu + Z_{p^*}$$

หรือกรณีทั่วไปย่างสุ่ม เราจะได้  $j = \mu_{\bar{X}} + Z_{p^*} S_{\bar{X}}$

$$= \bar{X} + Z_{p^*} S_{\bar{X}}$$

ในเมื่อ  $j$  แทนหน่วยที่ทำให้ได้ประโยชน์สูงสุด  $\bar{X}$  เป็นค่าเฉลี่ยที่ประมาณได้จากทั่วไป  $S_{\bar{X}}$  เป็นความคลาดเคลื่อนมาตรฐานจากทั่วไป และ  $S_{\bar{X}} = S/\sqrt{n}$  และ  $Z_{p^*}$  เป็นค่าของทัวร์แปรปักษ์มาตรฐานที่ทำให้เกิดพื้นที่ทางด้านขวาเท่ากับ  $p^*$  และค่านี้หาได้โดยการตารางปกติมาตรฐานนั้นเอง

ตัวอย่าง ผู้จัดการฝ่ายผลิตก้องการประมาณการผลิตที่เหมาะสมของสินค้าชนิดหนึ่ง และสินค้าชนิดนี้มีทันทุนการผลิต 20 บาท และราคาขาย 30 บาท

จากการสุ่มตัวอย่างเพื่อประเมินปริมาณการผลิต เข้าพบว่ามีส่วนเฉลี่ย 1,500 หน่วย และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 800 หน่วย ทั่วอย่างที่ใช้มีขนาด 64 ครั้ง

ประมาณการผลิตที่เหมาะสมจะหาได้ดังนี้

$$n = 64 \quad \bar{X} = 1,500 \quad S = 800$$

$$S_{\bar{X}} = S/\sqrt{n} = 800/\sqrt{64} = 100$$

$$MP = 30 - 20 = 10 \quad ML = 20$$

$$p^* = 20/(20 + 10) = 0.67$$

จากตารางปกติเราได้  $Z_{p^*} = -0.43$

$$\begin{aligned} \text{ดังนั้น } j &= 1,500 + (-0.43)(100) \\ &= 1,457 \text{ หน่วย} \end{aligned}$$

จากที่กล่าวมาเกี่ยวกับวิธีการนั้นบยเพิ่ม เรายอดรุปเป็นขึ้น ๆ ได้ดังนี้

(1) พิจารณา MP และ ML เมื่อ MP เป็นผลจากการเก็บหรือผลิตของเพิ่มน้ำหน่วง แล้วก็ขายได้ และ ML เป็นผลจากการเก็บหรือผลิตของเพิ่มน้ำหน่วง แล้วขายไม่ได้

$$(2) \text{ จำนวนอัตราส่วนวิกฤต } p^* = ML/(ML + MP)$$

(3) จากการแจกแจงก่อนการสุ่ม (Prior Probability) ของสภาวะการณ์นอกบังคับ  $\theta$  หรือ  $P(\theta)$  เราที่จำนวน  $P(\theta \geq j)$  สำหรับ  $j = 1, 2, \dots, n$  เมื่อ  $n$  แทนจำนวนสมาชิกที่เป็นไปได้ของสภาวะการณ์นอกบังคับ แล้วก็หาจำนวนสูงสุดของ  $j$  ที่ทำให้  $P(\theta \geq j)$  น้อยกว่าหรือเท่ากับอัตราส่วนวิกฤต สำหรับ  $j$  ที่สูงสุดนั้นจะเป็นกอบกาภัยที่ดีที่สุด

### 12.2.3 การตัดสินใจภายใต้ความไม่แน่นอน (Decision-making under Uncertainty)

การตัดสินใจแบบนี้เกิดขึ้นเมื่อไม่ทราบความน่าจะเป็นที่สภาวะการณ์นอกบังคับต่าง ๆ จะเกิดขึ้น อย่างไรก็ตามผู้ตัดสินใจยังสามารถระบุสภาวะการณ์และผลตอบแทนที่เกี่ยวข้องได้

ภายใต้ความไม่แน่นอนนี้ผลตอบแทนสามารถแยกแจงได้ แต่ไม่ทราบความน่าจะเป็น เกณฑ์ที่จะหาทางเลือกที่ดีที่สุดซึ่งเป็นที่เชื่อถือได้มีอยู่หลายประการ ผู้ตัดสินใจจะเลือกใช้ได้ตามทัศนคติของตน หรือให้สอดคล้องกับสมมติฐานที่ถูกขึ้น อย่างไรก็ตาม เกณฑ์ตัดสินใจเหล่านั้นพอยจะแยกได้เป็น 2 แบบ คือ เกณฑ์ตัดสินใจแบบไม่ได้รวมรวมข้อมูลข่าวสารจากทั้งสอง ขณะเดียวกันก็สามารถรวมข้อมูลข่าวสารจากทั้งสอง

ก. การตัดสินใจแบบไม่สุ่มตัวอย่าง (Decision Analysis Without Sampling)  
การตัดสินใจแบบนี้จะไม่อาศัยข้อมูลข่าวสารเพิ่มเติม โดยการรวมรวมข้อมูลจากทั้งสองที่เกี่ยวกับสภาวะการณ์ แก่ตัวอย่างข้อมูลที่มีอยู่มาช่วยพิจารณาตัดสินใจ เกณฑ์ตัดสินใจสำหรับเลือกโภชนาญที่ดีที่สุดของการตัดสินใจแบบนี้มีอยู่หลายเกณฑ์ดังนี้

(1) เกณฑ์เห็นค่าที่น้อยที่สุด (Maximin Criterion) เกณฑ์นี้ได้รับการเสนอแนะจาก Abraham Wald เมื่อปี 1945 ซึ่งแนะนำว่า ผู้ตัดสินใจควรจะเป็นคนมองโลกในแง่ร้าย นั่นคือผู้ตัดสินใจควรจะเลือกเอาการกระทำหรือทางเลือกที่ว่าได้ผลข้างต่ำซึ่งมากที่สุด (Maximize minimum payoff, Maximin) เพราะถือว่าผลประโยชน์ขั้นต่ำ (Worst) จะเกิดขึ้น

## กล่าวคือ (ตามทั้งอย่างเกี่ยวกับมอเตอร์ไฟฟ้า)

ถ้าเลือก  $S_1$  อย่างเดวที่สุดที่จะเกิดขึ้นได้ก็คือ  $N_1$  เป็นจริง นั่นคือได้กำไร 40

ถ้าเลือก  $S_2$  อย่างเดวที่สุดที่จะเกิดขึ้นได้ก็คือ  $N_1$  เกิดขึ้น นั่นคือได้กำไร 30 และ

ถ้าเลือก  $S_3$  อย่างเดวที่สุดที่จะเกิดขึ้น ก็คือ  $N_1$  เกิดขึ้น กล่าวคือ หากทุน 40

คันนั้นเมื่อเปรียบเทียบผลได้อย่างเดวที่สุดที่จะเกิดขึ้นของทางเลือก 3 ทาง นั้นแล้ว  $S_1$  ยังดีกว่า คือได้กำไรมากกว่า ฉะนั้นถ้าต้องการแกนทันนี้แล้วควรจะเลือกกลوبาย  $S_1$  คือ ช้อมอเตอร์ไฟฟ้าที่ประกอบแล้ว

สภาวะการณ์	ผู้ใช้ชนิมน้อย	ผู้ใช้ชนิมมาก	ผลขั้นต่ำ	
			(Worst or Minimum)	
กลوبาย	ช้อมอเตอร์	40	110	40 ←
	ประกอบมอเตอร์	30	150	30
	ผลิตมอเตอร์	40	180	-40

เราจะเห็นได้ว่าแกนทันนี้คือน้ำหนักของทางเลือกในแต่ละกรณี หรือหัวเก่าไปหน่อย และยังเป็นแกนทันนี้ของผู้มองโลกในแง่ร้าย (Criterion of Pessimism) พอดูมควรเพรียกทว่าแทนการณ์ที่เลวร้ายที่สุดจะเกิดขึ้น ถ้าใช้แกนทันนี้เป็นประจำในระยะเวลาภารานาน ก็ย่อมจะหมายถึงว่า คงจะไม่มีการริเริ่มดำเนินกิจการใหม่เป็นแน่ เพราะเป็นการยากที่กิจการใหม่จะไม่มีการขาดทุนในระยะแรกแกนทันนี้มีคุณค่าที่ไม่ได้คิดถึงผลประโยชน์สูงสุดเลย

(2) **เกณฑ์เพิ่มค่าที่มากสุด (Maximax Criterion)** แกนทันนี้จะเลือกกลوبายที่ดีที่สุดโดยการเลือกเอาใจกลางที่ได้ผลดีที่สุด (Maximize maximum payoff) เน้นการเลือกผลเดิมที่ดีที่สุด ซึ่งตรงข้ามกับเกณฑ์แรก นั่นคือเป็นแกนทันนี้ของโลกในแง่ดี (Criterion of Optimism) ตามแกนทันนี้ผู้ตัดสินใจจะคิดว่า ถ้าเลือก  $S_1$  ผลดีที่สุดคือ  $N_2$  เกิดขึ้น จะได้กำไร 110 ถ้าเลือก  $S_2$  ผลดีที่สุดคือ  $N_2$  เป็นจริง จะได้กำไร 150 และถ้าเลือก  $S_3$  ผลดีที่สุดคือ  $N_2$  เกิดขึ้น จะได้กำไรถึง 180

คันนั้นถ้าเลือกผลลัพธ์ จะเห็นว่า  $S_3$  ดีที่สุด เพราะได้กำไรสูงสุด นั่นคือ ผลิตมอเตอร์และส่วนท่าน ๆ เอง

ผลดีที่สุด  
กลوبาย (Best or Maximum payoff)

$S_1$	110
$S_2$	150
$S_3$	180 ←

(3) เกณฑ์ไฮร์วิช (Hurwicz Criterion) เกณฑ์นี้เสนอแนะโดย Leonid Hurwicz ซึ่งถือเอาส่วนเดียวแบบถ่วงน้ำหนักของผลตอบแทนที่มากสุดกับน้อยสุดในแต่ละกลobiay เป็นเกณฑ์ทั่วไป ผู้ทั่วไปจะเลือกน้ำหนักที่สะท้อนถึงทัศนคติเชิงจิตวิสัย (Subjective Opinion) ของเขาว่อง และน้ำหนักนี้ Hurwicz ถือว่าเป็นค่านี้ที่บอกร่องรีบดับการมองโลกในแง่ดี (Coefficient of Optimism) จะแทนด้วย  $\alpha$  ซึ่งมีค่าระหว่าง 0 กับ 1 กันนั้น  $1 - \alpha$  จึงเป็นค่านี้ที่บอกร่องรีบดับการมองโลกในแง่ร้าย ตามเกณฑ์นี้เราจะเปรียบเทียบทางเลือกหรือกลobiay โดยใช้  $H$

$$H = \alpha (\max) + (1 - \alpha) (\min)$$

ถ้า  $\alpha = 1/4$  เราประเมินทางเลือกต่อไป ได้ดังนี้

กลobiay	ผลตอบแทนมากสุด		ผลตอบแทนต่ำสุด		ผลตอบแทนเฉลี่ย	
	max. payoff	min. payoff	Expected	Payoff		
$S_1$	110	40	$110(1/4) + 40(3/4)$	=	57.5	
$S_2$	150	30	$150(1/4) + 30(3/4)$	=	60.0 ←	
$S_3$	180	-40	$180(1/4) + (-40)(3/4)$	=	15.0	

โดยเกณฑ์นี้บริษัทจะเลือก  $S_2$  นั้นคือ ข้อส่วนประกอบของมอเตอร์และประกอบในโรงงานเอง ถ้า  $\alpha = 1$  เกณฑ์นี้จะเป็นเกณฑ์เพิ่มค่าที่น้อยสุด แต่ถ้า  $\alpha = 0$  ก็จะเป็นเกณฑ์เพิ่มค่าที่มากที่สุด นั่นเอง

ถึงแม้ว่าเกณฑ์ไฮร์วิชจะดีกว่าเกณฑ์ที่มองโลกแบบสุดเหวี่ยง (Maximin หรือ Maximax) แต่ก็มีข้อบกพร่องเหมือนกัน คือถ้ามีเหตุการณ์หรือสภาวะการณ์มาก ๆ เช่น 3 เหตุการณ์หรือมากกว่าขึ้นไปเกณฑ์นี้ก็ยังคงเฉพาะเหตุการณ์ที่ดีที่สุด กับเหตุการณ์ที่เลวที่สุดเท่านั้น นั่นคือคิดเฉพาะเหตุการณ์แบบสุดเหวี่ยง (Extreme Payoffs) ไม่ได้คิดเหตุการณ์กลาง ๆ อีกด้วย

(4) เกณฑ์ล็อกค่าที่มากสุด (Minimax or Regret Criterion) เกณฑ์นี้ Leonard J. Savage เสนอแนะเมื่อ 1951 ซึ่งเน้นที่ค่าเสียโอกาส (Opportunity Cost) ของการตัดสินใจที่ผิด นั่นคือการบ้องกันผู้ตัดสินใจจะเสียผลประโยชน์ในการทำความผิดพลาด ภายใต้กฎการตัดสินใจนี้ จึงต้องสร้างตารางสูญเสีย (Regret or Loss Matrix) มาตรวจดูการสูญเสียจะเป็นผลตอบแทนที่เพิ่มขึ้นซึ่งสูญเสียไปเนื่องจากไม่เลือกโดยที่คือสุ่มในสภาวะการณ์ที่กำหนดไว้ ดังนั้นตามเกณฑ์นี้จะได้ตารางสูญเสีย ดังนี้

N		N <sub>1</sub>	N <sub>2</sub>
S	S <sub>1</sub>	0	70
	S <sub>2</sub>	10	30
	S <sub>3</sub>	60	0

ถ้า N<sub>1</sub> เป็นจริง แล้วเราเลือก S<sub>1</sub> ก็ไม่ต้องสูญเสียอะไร นั่นคือผลสูญเสียเป็น 0 เมื่อเลือก S<sub>2</sub> ซึ่งเป็นการตัดสินใจที่ผิด จึงมีการสูญเสียเกิดขึ้น คือ  $(40 - 30) = 10$  และ เมื่อเลือก S<sub>3</sub> ผลสูญเสียเป็น  $(40 - (-40)) = 80$

ถ้า N<sub>2</sub> เป็นจริง แล้วเราเลือก S<sub>3</sub> ก็ไม่ต้องสูญเสียอะไร เมื่อเลือก S<sub>2</sub> ก็เป็นการตัดสินใจที่ผิด จึงมีผลสูญเสีย  $(180 - 150) = 30$  และเมื่อเลือก S<sub>1</sub> ผลสูญเสียเป็น  $(180 - 110) = 70$

เกณฑ์ล็อกค่าที่มากสุดนั้นผู้ตัดสินใจจะเปรียบเทียบกันว่าภายในสถานการณ์หนึ่ง การตัดสินใจทางใดก็อให้เกิดระดับความสูญเสียสูงสุด แล้วเลือกแนวทางที่ก่อให้เกิดความสูญเสียต่ำสุดในจำนวนสูงสุดนั้น ดังนั้นความสูญเสียสูงสุดจากทางเลือกต่าง ๆ จะเป็นดังนี้

กlobal	ความสูญเสียต่ำสุด
Worst, or Maximum Regret	
S <sub>1</sub>	70
S <sub>2</sub>	30 ← Minimum
S <sub>3</sub>	80

ดังนั้น S<sub>2</sub> จึงเป็นทางเลือกที่ดีที่สุด

เกณฑ์ล็อกค่าที่มากสุดนี้จะดีกว่าเกณฑ์เพิ่มค่าน้อยที่สุด เพราะคิดถึงค่าเสียโอกาส ด้วย แต่ก็ยังเป็นเกณฑ์ที่มองโลกในแง่ร้ายนั่นเอง นั่นคือทำการตัดสินใจแบบที่ว่าสิ่งที่เลือ

## ที่สุคจะเกิดขึ้น

(5) **เกณฑ์คาดหวัง (Expected Value Criterion)** กฏการตัดสินใจของเกณฑ์นี้กล่าวว่า กโลบายที่ดีที่สุคจะต้องเป็นเกณฑ์ที่ให้ผลตอบแทนคาดหวังสูงสุด ถ้าใช้  $P_{ij}$  แทนผลตอบแทนสำหรับสภาวะการณ์ที่  $j$ ; และกโลบายที่  $i$ ;  $S_i$  แทนทางเลือกหรือกโลบายที่  $i$ ;  $N_j$  เป็นสภาวะการณ์ที่  $j$ ; และ  $f(N_j)$  เป็นความน่าจะเป็นของสภาวะการณ์  $j$ ; แล้วผลตอบแทนคาดหวังของแต่ละกโลบายคำนวนได้ดังนี้

$$EV(S_i) = \sum_j P_{ij} f(N_j)$$

เกณฑ์นี้ต้องมีความน่าจะเป็นที่เกี่ยวข้องกับแต่ละสภาวะการณ์ด้วย ความน่าจะเป็นเหล่านี้จะพิจารณาในเชิงจิตวิสัย หรืออาศัยข้อมูลจากการทดลองที่ทำมาแล้ว หรือใช้ข้อมูลข่าวสารทั้งสองแบบ สำหรับความน่าจะเป็นของสภาวะการณ์ที่กำหนดขึ้นมา จะเรียกว่า ความน่าจะเป็นก่อนสุ่มตัวอย่าง (Prior Probability) ถ้ากำหนดความน่าจะเป็นสภาวะการณ์เท่าๆ กัน นั่นคือทุกๆ สภาวะการณ์มีโอกาสเกิดขึ้นเท่ากัน แล้วเกณฑ์นี้จะเรียกว่า เกณฑ์ลาป拉斯 (Laplace Criterion) ดังนั้นคาดหวังของผลตอบแทนจะเป็น

$$EV(S_i) = (1/n) \sum_j^n P_{ij}$$

การที่กำหนดความน่าจะเป็นให้แก่สภาวะการณ์เท่าๆ กันนั้นก็โดยอาศัยหลักของเหตุผลที่ไม่พอเพียง (Principle of Insufficient Reason) ซึ่งดีกว่า ถ้าไม่มีเหตุผลพอเพียงว่าเหตุการณ์อันใดจะเกิดขึ้นมากน้อยกว่ากันเท่าไร ก็ให้สมมติว่าเหตุการณ์แต่ละอย่างมีโอกาสเกิดขึ้นเท่าๆ กัน

ตามที่ตัวอย่าง ถ้าผู้ตัดสินใจคิดคูณแล้วว่าไม่สามารถจะหาเหตุผลให้ร่วมสภาวะการณ์ได้มีโอกาสเกิดขึ้นเท่าไร แล้วเราสามารถหาผลตอบแทนคาดหวังของแต่ละกโลบายได้ดังนี้

กโลบาย	ผลตอบแทนคาดหวัง
$S_1$	$(1/2)(40 + 110) = 75$
$S_2$	$(1/2)(30 + 150) = 90 \leftarrow$
$S_3$	$(1/2)(-40 + 180) = 70$

เนื่องจากกโลบาย  $S_2$  มีผลตอบแทนคาดหวังสูงสุด จึงเป็นกโลบายที่ดีที่สุคสำหรับผู้ตัดสินใจที่อาศัยเกณฑ์ลาป拉斯

ถ้ากำหนดความน่าจะเป็นอย่างอื่นให้แก่สภาวะกรณ์ เราอาจจะเลือกกลobiay ที่ดีที่สุดเป็นอย่างอื่น นั่นคือถ้าการแจกแจงน่าจะเป็นของสภาวะกรณ์เปลี่ยนแปลง กlobiy ที่ดีที่สุดอาจจะเปลี่ยนแปลงไปได้

สมมติว่าถ้าเราได้ข้อมูลชี้ว่าสารเกี่ยวกับความน่าจะเป็นของสภาวะกรณ์ต่าง ๆ เช่น ผู้จัดการฝ่ายตลาดของบริษัท ก็จะได้กำหนดความน่าจะเป็นเชิงจิตรลักษณ์ให้แก่สภาวะกรณ์โดย อาศัยความรู้เรื่องผลิตภัณฑ์และการตลาดที่เขามีอยู่ จากข้อมูลชี้ว่าสารที่มีอยู่แบบนี้ จึงได้ กฎเกี่ยวกับค่าคาดหวังสำหรับเลือกกลobiay ที่ดีที่สุด ดังนี้

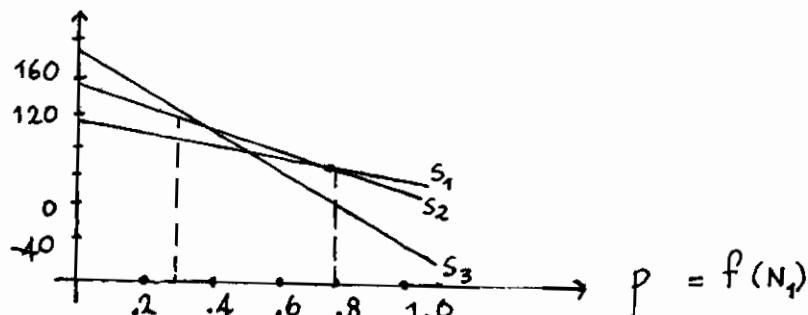
ให้ความน่าจะเป็นของสภาวะกรณ์  $N_1$  ด้วย  $P$  และของ  $N_2$  ด้วย  $(1-p)$  และเรา จะได้ค่าคาดหวังของแต่ละทางเลือก เป็น

$$EV(S_1) = 40(p) + 110(1-p) = 110 - 70(p)$$

$$EV(S_2) = 39(p) + 150(1-p) = 150 - 120(p)$$

$$EV(S_3) = -40(p) + 180(1-p) = 180 - 220(p)$$

จากสมการทั้งสามเรายืนยันกราฟได้ดังนี้



เราจะเห็นว่า  $EV(S_2) = EV(S_3)$  เมื่อ  $p = 0.30$

และ  $EV(S_1) = EV(S_2)$  เมื่อ  $p = 0.80$

สำหรับค่าที่ได้จาก

$$EV(S_2) = EV(S_3) \quad \text{และ} \quad EV(S_1) = EV(S_2)$$

$$150 - 120p = 180 - 220p \quad 110 - 70p = 150 - 120p$$

$$p = 0.30$$

$$p = 0.08$$

ภายในพิสัย  $0.0 < f(N_1) < 0.30$  ค่าคาดหวังของกลobiay  $S_3$  สูงสุด ซึ่งแสดง ว่าเมื่อความน่าจะเป็นของผู้ใช้นิยมน้อย ( $N_1$ ) น้อยกว่า 0.30 กlobiy  $S_3$  จะดีที่สุด ส่วน

กลobiay  $S_2$  จะเป็นกลobiayที่ดีที่สุดภากยในพิสัย  $0.3 < f(N_1) < 0.80$  และกลobiay  $S_1$  จะเป็นกลobiayที่ดีที่สุด เมื่อ  $f(N_1) > 0.80$

ถ้าผู้จัดการฝ่ายตลาดของบริษัท กชน สรุปเกี่ยวกับความน่าจะเป็นของผู้ใช้ในยุค  
น้อยได้แล้ว เกณฑ์คาดหวังที่ให้ผลตอบแทนคาดหวังสูงสุดจะกำหนดทางเลือกที่ก็สูด  
คำว่า “ผู้ใช้ในยุคน้อย” (Low Acceptance) นั่น ถ้านิยามเฉพาะเจาะจงไปก็จะเป็น  
ประโยชน์แก่การทัศนิจัย เช่นถ้าผู้จัดการฝ่ายตลาดชี้ว่า “ความนิยม” นั้นหมายถึงการ  
แสดงถึงความต้องใช้ที่จะซื้อผลิตภัณฑ์ และ “ผู้ใช้ในยุคน้อย” หมายถึงเปอร์เซ็นต์ของลูกค้า  
ที่แสดงความต้องใช้ซื้อประมาณ 25 % หรือน้อยกว่า ถ้าใช้ ๗ แทนสัดส่วนจริง (ประชากร)  
ที่ลูกค้าแสดงความต้องใช้ซื้อผลิตภัณฑ์ และกูห์ทัศนิจัยสามารถกล่าวเฉพาะเจาะจงได้เป็น

เลือกกลุ่มอย่าง  $S_1$  ถ้า  $P(\pi \leq 0.25) = f(N_1) > 0.80$

เลือกกลุบอย  $S_2$  ถ้า  $0.30 < P(\pi \leq 0.25) = f(N_1) < 0.80$

$$\text{เลือกกลุ่มอย่าง } S_3 \text{ ถ้า } P(\pi \leq 0.25) = f(N_1) < 0.30$$

จากที่กล่าวมาทั้งหมดของเกณฑ์ทั้งสิบไปกว่าห้าสิบ ซึ่งนำไปประยุกต์กับทั่วโลกอย่างเรื่องมอเตอร์ไฟฟ้า เราจะได้ข้อเสนอแนะในการเลือกกลไกที่ดีที่สุดต่อๆ กัน ดังนี้

ทัศนทีมของโลกแห่งร้าย S. เป็นทางเลือกที่ดีที่สุด

ทัศนที่มองโลกแห่งตัวเอง เกี่ยวกับ S<sub>3</sub>

เกณฑ์อินไดเรกต์  $S_2$

คั้นน้ำจิ่งไม่มีข้ออกกล่าวอันไหนเป็นทางเลือกที่ดีที่สุด และเกณฑ์ที่ก่อร่วมหังนมคนนี้เป็นเกณฑ์ในการตัดสินใจตามทัศนท่าที่ของบุคคล (หรือผู้ตัดสินใจ) ที่มีต่อการมองเหตุการณ์ หรือความสมมติฐานที่สอดคล้องกับผู้ตัดสินใจ แต่ละเกณฑ์อาจนำไปสู่การตัดสินใจแตกต่างกันออกไป จะว่าเกณฑ์ใดก็ตาม เกณฑ์ใดผิดย่อมไม่ได้ ทั้งนี้ย่อมแล้วแต่ทัศนของแต่ละคน

#### บ. การตัดสินใจแบบลั่นตัวอย่าง (Decision Analysis with Sampling)

การทั้งสิ่นใจแบบนี้จะก่อให้มูลข่าวสารเพิ่มเติมเกี่ยวกับความน่าจะเป็นของสภาพการณ์ นอกบังคับ ข้อมูลข่าวสารนี้จะใช้ขยายและปรับปรุงความน่าจะเป็นก่อนสู่ทัวอย่าง (Prior Probability) ดังนั้นการทั้งสิ่นใจแบบนี้จึงใช้ทั้งข้อมูลข่าวสารก่อนสู่ทัวอย่าง และข้อมูลข่าวสารจากทัวอย่างมาช่วยพิจารณาทางทางเดือกดีที่สุด จากข้อมูลข่าวสารทั้งสองอย่างนี้

เราจะได้การแจกแจงน่าจะเป็นหลังสุ่มทัวอย่าง (Posterior Probability Distribution) ซึ่งเป็นความน่าจะเป็นเกี่ยวกับสภาวะการณ์ และหาได้จากทฤษฎีเบย์ส (Bayes, Theorem) ลองพิจารณาด้วยตัวอย่างต่อไปนี้

ตัวอย่าง เข้าวันหนึ่งพ่อค้าขายแท่งโนมพิจารณาว่าจะซื้อแท่งโนม 200 ลูก ที่ชาวสวนส่งมาให้หรือไม่ ถ้าต้นทุนของแท่งโนมเป็นลูกละ 2 บาท แต่ขาย 3 บาท และพ่อค้าจะต้องเสียค่าแพงอีก 10 บาทต่อวัน จากประสบการณ์ พ่อค้าทราบว่าแท่งโนมจะเสีย 10% หรือ 40%

ดังนั้นถ้าแท่งโนมเสีย 10% เราพิจารณาทำไรได้ดังนี้

$$\begin{aligned}\text{กำไร} &= \text{ราคาขาย} - \text{ราคารื้อ} - \text{ค่าแพง} \\ &= 200(1 - .10)(3) - 200(2) - 10 \\ &= 540 - 410 = 130\end{aligned}$$

และถ้าแท่งโนมเสีย 40% เขาก็จะได้กำไร เป็น

$$\begin{aligned}\text{กำไร} &= 200(1 - .40)(3) - 200(2) - 10 \\ &= 360 - 410 = -50 \text{ นั่นคือขาดทุน } 50 \text{ บาท } \text{ นั่นเอง}\end{aligned}$$

เมื่อพ่อค้าไม่ซื้อแท่งโนม เขายังจะให้คนอื่นเช่าแพงในราคานี้เข้าเสีย ดังนั้นถ้าไม่ซื้อ เขายังจะได้กำไรเป็น 0 ที่กล่าวมานี้สรุปได้ว่า ควรสัมพันธ์ของผลตอบแทน ดังนี้

		$N_1$ : เสีย 10%	$N_2$ : เสีย 40%
ก.โดยราย	ซื้อแท่งโนม $S_1$	130	-50
	ไม่ซื้อแท่งโนม $S_2$	0	0

ในเทอมของค่าเสียโอกาส ตารางข้างบนจะเป็น

	$N_1$	$N_2$
$S_1$	0	50
$S_2$	130	0

ถ้าพ่อค้าไม่มีข้อมูลข่าวสารเกี่ยวกับคุณภาพของแท่งโนม (สภาวะการณ์) และเขายังไม่รู้ว่าต้องซื้อหรือไม่ ก็โดยอาศัยเกณฑ์ที่กล่าวมาแล้ว อย่างไรก็ตามถ้าเขารู้ว่าความน่าจะเป็นของคุณภาพแท่งโนมเป็นดังนี้

คุณภาพ (สภาวะการณ์)      ความน่าจะเป็นก่อนสุ่มทัวอย่าง (จิกวิสัย)

$N_1$  : เสีย 10%      0.70

$$N_2 : \text{เสี่ย } 40 \% \quad \frac{0.30}{1.00}$$

โดยการใช้ความน่าจะเป็นนี้ เราถึงสามารถพิจารณาทางเลือกที่ดีที่สุดได้ นั่นคือหาค่าเสียโอกาสคาดหวัง (EOL, Expected Opportunity Loss)

$$EOL(S_i) = \sum_j L_{ij} P(N_j)$$

ในเมื่อ  $L_{ij}$  เป็นค่าเสียโอกาสของนโยบายที่  $i$  ในสภาวะการณ์ที่  $j$

คั่งนั้น	$EOL(S_1) = 0(0.70) + 50(0.30) = 15$
	$EOL(S_2) = 130(0.70) + 0(0.30) = 91$

เราจะพบว่ากลไน  $S_1$  มีค่าเสียโอกาสคาดหวังน้อยกว่า  $S_2$  จึงซื้อแต่งโม ถ้าเราพิจารณากลไนที่ดีที่สุดในเทอมของผลได้ เราจะได้ว่า  $S_1$  จะให้ค่าคาดหวังของผลได้สูงสุด คั่งนั้น

$EV(S_1) = 150(0.7) + (-50)(0.3) = 76$
$EV(S_2) = 0(0.7) + 0(0.3) = 0$

(1) ค่าคาดหวังของข้อมูลข่าวสารสมบูรณ์ (Expected Value of Perfect Information, EVPI) ที่นี่เราก็มาประสมบัญญาเกี่ยวกับการพิจารณาว่าจะรวบรวมข้อมูลข่าวสารเพิ่มเติมก่อนจะทำการตัดสินใจหรือไม่ ซึ่งเราควรจะทราบว่าเราสามารถลดค่าเสียโอกาสคาดหวัง (หรือเพิ่มผลได้คาดหวัง) เท่าใดเมื่อมีข้อมูลข่าวสารเพิ่มเติมเกี่ยวกับสภาวะการณ์นอกบังคับ

ความจริงการตัดสินใจของผู้ค้าโดยอาศัยความเชื่อของทั้งสองเกี่ยวกับสภาวะการณ์ที่แท้จริงนั้นจะต้องมีความคลาดเคลื่อนเกิดขึ้น สำหรับข้อมูลข่าวสารที่สมบูรณ์ (Perfect Information) นั้นเป็นข้อมูลข่าวสารที่ปราศจากความคลาดเคลื่อน ในประชากรอนันต์ข้อมูลข่าวสารที่สมบูรณ์จะเป็นขีดจำกัด (Limit) ของค่าประมาณแบบไม่อ้างเฉลที่ดีที่สุดจากทั้งสองเมื่อเพิ่มขนาดทั้งสอง ส่วนประชากรที่จำกัดนั้นข้อมูลข่าวสารที่สมบูรณ์ก็ได้จากการสำมะโนอย่างสมบูรณ์ ในเมื่อค่าสังเกตถูกต้อง

การประหยัดคาดหวัง (Expected Savings) ที่ได้จากการที่ทราบสภาวะการณ์ที่แท้จริงจะเกิดขึ้นนั้นเราให้ชื่อว่า ค่าคาดหวังของข้อมูลข่าวสารสมบูรณ์ (EVPI) เทอมนี้

จะสร้างขึ้นจำกัดบนสำหรับข้อมูลข่าวสารเพิ่มเติม ถ้ามีข้อมูลข่าวสารสมบูรณ์การตัดสินใจก็จะเป็นการตัดสินใจภายใต้ความแน่นอน ดังนั้น EVPI จะเท่ากับค่าเสียโอกาสคาดหวังสำหรับทางเลือกที่ดีที่สุดภายใต้ความไม่แน่นอนนี้คือข้อมูลข่าวสารสมบูรณ์จะประหดัค่าเสียโอกาสจำนวนหนึ่งจริง ค่าคาดหวังของข้อมูลข่าวสารสมบูรณ์นี้เราจะเห็นว่ามันก็คือ ค่าใช้จ่ายของความไม่แน่นอน (Cost of Uncertainty) นั่นเอง

$$\begin{aligned}
 \text{ดังนั้น } EVPI &= \text{ค่าคาดหวังของผลได้ภายใต้ความแน่นอน} - EV(S_1) \\
 &= 130(0.7) + 0(0.3) - 76 \\
 &= 91 - 76 = 15 \\
 &= EOL(S_1)
 \end{aligned}$$

ในการตัดสินใจนั้นต้องอาศัยข้อมูลข่าวสารบางส่วน (Partial Information) มา กว่าที่จะอาศัยข้อมูลข่าวสารสมบูรณ์ ดังนั้นผู้ตัดสินใจจึงมีค่าเสียโอกาส กว่าเดือนเป็น 15 และในสถานการณ์จริง ๆ นั้น ข้อมูลข่าวสารสมบูรณ์ไม่ค่อยได้พบกันนัก จึงจำเป็นต้องหาข้อมูลข่าวสารเพิ่มเติมด้วยการสุ่มตัวอย่าง

วิธีหาข้อมูลข่าวสารเพิ่มเติมเกี่ยวกับสภาพการณ์นอกบังคับวิธีหนึ่งก็โดยการสุ่มตัวอย่างของแท่งเม็ดน้ำ และจากจำนวนแท่งไม่ที่เสียจากการสุ่มนั้นทำให้เราสามารถอนุมานเกี่ยวกับจำนวนที่เสียหักหมดได้ดังนั้นการตัดสินใจของพ่อค้าจะขึ้นกับผลของการทดลองหรือตัวอย่างสุ่มนั้น

สมมติว่าพ่อค้าเลือกแท่งโนมา 3 ถูก แบบสุ่มชนิดแทนที่ และทดสอบคุณภาพถ้าพบว่าเสีย 1 ถูก จากข้อมูลข่าวสารทั้งหมดไม่ว่าจะเป็นแบบจิตวิสัยหรือวัตถุวิสัย ทฤษฎีตัดสินใจจะนำมาใช้พิจารณาทางเลือกหรือโดยที่ดีที่สุด ดังนั้นข้อมูลข่าวสารที่สังเกตได้จากการทดสอบคุณภาพแท่งโน กับความน่าจะเป็นก่อนสุ่มตัวอย่างในเชิงจิตวิสัย จะช่วยสรุปการตัดสินใจ นั้นคือบัญชีหนึ่งจะสรุปได้ด้วยการทำค่าเสียโอกาสคาดหวังโดยอาศัยความน่าจะเป็นหลังการสุ่มตัวอย่าง

(2) ความน่าจะเป็นหลังการสุ่มตัวอย่าง (Posterior Probabilities) จากความน่าจะเป็นก่อนการสุ่มตัวอย่างของสภาพการณ์

$$P(N_1) = 0.70, \quad P(N_2) = 0.30$$

และผลทดสอบจากตัวอย่างที่ได้ เราสามารถคำนวณน่าจะเป็นหลังการสุ่มตัวอย่างของสภาพการณ์  $N_1$  และ  $N_2$  หรือ  $P(N_1/X_i)$  และ  $P(N_2/X_i)$  โดยอาศัยทฤษฎีเบย์ส์ได้ ดังนี้

ii. สัมมติ X = 0

ลักษณะของ ความน่าจะเป็นก่ออัน ความน่าจะเป็นเงื่อนไข ความน่าจะเป็นเริ่ม ความน่าจะ

$N_j$	สัมมติอย่าง $P(N_j)$	$P(X_i/N_j)$	$P(X_i, N_j)$	เป็นหลังสัมมติอย่าง $P(N_j   X_i)$
$N_1$	0.70	0.729	0.5103	0.9953
$N_2$	0.30	0.008	<u>0.0024</u>	<u>0.0047</u>
$P(X = 0) = 0.5127$			1.0000	

iii. สัมมติ X = 1

$N_1$	0.70	0.213	0.1701	0.8552
$N_2$	0.30	0.096	<u>0.0283</u>	<u>0.1448</u>

iv. สัมมติ X = 2

$N_1$	0.70	0.027	0.0189	0.1409
$N_2$	0.30	0.384	<u>0.1152</u>	<u>0.8591</u>

v. สัมมติ X = 3

$N_1$	0.70	0.001	0.0007	0.0045
$N_2$	0.30	0.512	<u>0.1536</u>	<u>0.9955</u>
$P(X = 3) = 0.1543$			1.0000	

$$P(X_i, N_j) = P(X_i/N_j)P(N_j)$$

$$P(X_i) = P(X_i, N_1) + P(X_i, N_2)$$

$$P(N_j/X_i) = P(N_j, X_i)/P(X_i)$$

เมื่อตัวอย่างมีແຕງโมเลีย 0 ลูก ค่าเสียโอกาสคิดหวังจะเป็น

$$EOL(S_1/0) = 0(0.9953) + 50(0.0047) = .235$$

$$EOL(S_2/0) = 130(0.9953) + 0(0.0047) = 129.389$$

กังนั้นทางเลือกที่ดีที่สุด เมื่อตัวอย่างไม่มีແຕງโมเลีย คือ  $S_1$

เมื่อตัวอย่างมีແຕງโมเลีย 1, 2, 3 ลูก ค่าเสียโอกาสคิดหวัง จะเป็น

$$EOL(S_1/1) = 0(0.8552) + 50(0.1448) = 7.240$$

$$EOL(S_2/1) = 130(.8552) + 0(.1448) = 111.576$$

ทางเลือกที่คือ  $S_1$

$$EOL(S_1/2) = 0(.1409) + 50(.8591) = 42.955$$

$$EOL(S_2/2) = 130(.1409) + 0(.8591) = 18.317$$

ทางเลือกที่คือ  $S_2$

$$EOL(S_1/3) = 0(.0045) + 50(.9955) = 49.775$$

$$EOL(S_2/3) = 130(.0045) + 0(.9955) = .585$$

ทางเลือกที่คือ  $S_2$

ข้อสำคัญที่น่าจะพิจารณาคือ การแจกแจงน่าจะเป็นเริ่มแรกที่แสดงถึงการแจกแจงก่อนการสุ่มตัวอย่าง เพราะสร้างขึ้นก่อน และเราที่ปรับปรุงการแจกแจงก่อนการสุ่มจากข้อมูลข่าวสารของตัวอย่างการแจกแจงน่าจะเป็นที่ปรับปรุงแล้วนี้ได้ชื่อว่า การแจกแจงหลังการสุ่มตัวอย่าง ซึ่งเป็นพั่ง์ชันของผลทดสอบจากตัวอย่าง เพราะฉะนั้นจึงมีการแจกแจงหลังการสุ่มตัวอย่างที่ กันตามแต่ผลทดสอบที่เป็นไปได้จากตัวอย่าง และเราจะสามารถหาค่าเสียโอกาสคาดหวังหลังการสุ่มตัวอย่างของทางเลือกที่คือ  $S_2$  ได้ดังนี้

$$\begin{aligned} \text{Posterior EOL} &= \sum_i \left\{ \min EOL(S_i/X_i) \right\} P(X_i) \\ &= 0.235(0.5127) + 7.240(0.1980) + 18.317(0.1431) \\ &\quad + (.585)(.1543) \\ &= 4.1071 \end{aligned}$$

จากทางเลือกที่คือ  $S_2$  และค่าเสียโอกาสคาดหวังของมัน เราสามารถสรุปได้ดังต่อไปนี้

$X_i$	$P(X_i)$	ทางเลือกที่คือ $S_2$	ค่าเสียโอกาส คาดหวัง	ค่าเสียโอกาสคาดหวัง หลังการสุ่มตัวอย่าง
0	0.5127	$S_1$	0.235	0.1205
1	0.1989	$S_1$	7.240	1.4400
2	0.1341	$S_2$	18.317	2.4563
3	0.1543	$S_2$	0.585	<u>0.0903</u>
				<b>4.1071</b>

แล้วเราจะสามารถสร้างกฎตัดสินใจได้ดังนี้

จะเลือกกลบราย  $S_1$  ถ้า  $x_i \leq 1$

จะเลือกกลบราย  $S_2$  ถ้า  $x_i > 1$

ในเมื่อ  $x_i$  แทนจำนวนแต่งโมที่เสียในทัวอย่าง

จากนั้นหากถ้ามานั้นเมื่อใช้ทัวอย่างขนาด 3 ปรากฏว่ามีแต่งโมเสีย 1 ลูก  
เราจึงเลือก  $S_1$  นั้นคือช้อตแต่งโมทั้งหมดนั้น

(3) ค่าคาดหวังของข้อมูลข่าวสารจากตัวอย่าง (EVSI, Expected Value of Sample Information) โดยที่ทัวอย่างมีความคลาดเคลื่อนมาตรฐาน (Sampling Error) จึงไม่สามารถพิจารณาทัวทำนายที่สมบูรณ์ (Perfect Predictor) ได้ แต่ทัวอย่างจะให้ข้อมูลข่าวสารเพิ่มเติมและช่วยปรับปรุงการตัดสินใจที่จะกระทำ เพราะว่าการปรับปรุงใด ๆ ใน การตัดสินใจจะมีค่าใช้จ่ายมากขึ้น นั้นคือทำให้ค่าเสียโอกาสคาดหวังลดลง

ทัวอย่างมีคุณค่าก็เพราะมันลดความไม่แน่นอน จากประจักษ์พยานจาก ทัวอย่างที่มีอยู่ในมือ เราจะมีความรู้เกี่ยวกับเหตุการณ์ที่จะเกิดมากยิ่งขึ้น กันนั้นเรายังมี โอกาสสนัยที่จะทำความผิดพลาด ถ้าเราเปรียบเทียบ EOL ก่อนการเลือกทัวอย่าง (ซึ่ง เท่ากับ 15) กับ EOL หลังการสัมตัวอย่าง (ซึ่งเท่ากับ 4.1071) กันนั้นเรายังได้ค่าคาดหวัง ของข้อมูลข่าวสารทัวอย่าง ดังนี้

$$\begin{aligned} EVSI &= \text{Prior EOL} - \text{Posterior EOL} \\ &= EVPI - \text{Posterior EOL} \end{aligned}$$

ในทัวอย่างนี้ เราจะได้  $EVSI = 15 - 4.1071 = 10.8929$

(4) ผลได้สุทธิค่าคาดหวังจากตัวอย่าง (Expected Net Gain from Sampling, ENGS) ถ้าข้อมูลข่าวสารเพิ่มเติม (ข้อมูลจากทัวอย่าง) ได้มาโดยไม่เสียค่าใช้จ่าย และ EVPI อาจจะลดลงได้ด้วยการเก็บข้อมูลจากการทดสอบ แต่ถ้าเสียค่าใช้จ่ายจากการสั่งตัวอย่าง แล้วก็ต้องพิจารณาควบคู่ไปกับ EVPI เมื่อผลได้สุทธิของ การสั่งตัวอย่าง (การลดลง ENPI ลบค่าวิกฤตค่าใช้จ่ายของการสั่งตัวอย่าง) เป็นบวก ก็จะมีเหตุผลสำหรับการเลือกตัดสินใจขึ้นสุดท้าย ซึ่งหมายความว่าเราต้องไม่เพียงแต่ประเมิน EVPI เท่านั้น ยังจะต้องพิจารณา ค่าใช้จ่ายจากการสั่งตัวอย่างด้วย ว่าจะได้ประโยชน์จากการหาข้อมูลข่าวสารเพิ่มเติมนั้นได้ เพิ่มขึ้นหรือไม่

โดยที่ไปตัวอย่างยังໂທ ก็ยังมีคุณค่ามาก แต่ตัวอย่างยังໂທ ก็ยังมีค่าใช้จ่ายมากด้วย กันนั้นผู้ตัดสินใจจะต้องใช้ขนาดตัวอย่างที่เหมาะสม ซึ่งจะทำให้คุณค่าของข้อมูลจากตัวอย่างเท่ากับค่าใช้จ่ายในการเก็บตัวอย่าง ตัวอย่างจะได้ไม่ใหญ่โตก็จะค่าใช้จ่ายของมันมากกว่าค่าคาดหวัง

สำหรับผลได้สุทธิคาดหวังจากตัวอย่าง (ENGS, Expected Net Gain from Sampling) กำหนดไว้ดังนี้

$$\begin{aligned} ENGS &= \text{การลดลงใน EVPI} - \text{ค่าใช้จ่ายของการสุ่มตัวอย่าง} \\ &= EVPI - \text{Post EOL} - C \\ &= EVSI - C \end{aligned}$$

ในเมื่อ  $C$  เป็นค่าใช้จ่ายทั้งหมดในการสุ่มตัวอย่าง

ถ้า ENGS เป็นลบ เราจะไม่ต้องพิจารณาการสุ่มตัวอย่าง จากตัวอย่างนี้เราได้ค่าใช้จ่ายในการสุ่มตัวอย่างเท่ากับ  $3(2) = 6$  บาท กันนั้นเราจะได้ ENGS เป็น

$$\begin{aligned} ENGS &= EVSI - C \\ &= 10.8929 - 6 = 4.8929 \end{aligned}$$

เนื่องจาก ENGS เป็นบวก จึงแสดงว่าจะมีประโยชน์ในการสุ่มตัวอย่าง

(5) ขนาดตัวอย่างที่เหมาะสม (Optimum Sample Size) เนื่องจาก EVSI และค่าใช้จ่ายของการสุ่มตัวอย่างผันแปรตามขนาดตัวอย่าง นั่นคือ EVSI เป็นพื้นฐานของขนาดตัวอย่าง ตัวอย่างยัง EVSI ก็ยิ่งมาก ดังนั้น ENGS จึงผันแปรตามขนาดตัวอย่างด้วย ผู้ตัดสินใจจะประสบกับน้ำหนาเกี่ยวกับการเลือกขนาดตัวอย่างที่เหมาะสม เนื่องจาก มีค่าใช้จ่ายในการเก็บตัวอย่างหรือข้อมูลช้าๆ ผลได้สุทธิคาดหวังจากตัวอย่างขนาด  $n$  หรือ ENGS ( $n$ ) จึงกำหนดไว้ดังนี้

$$ENGS(n) = EVSI - C(n)$$

ในเมื่อ  $C(n)$  แทนค่าใช้จ่ายในการสุ่มตัวอย่างขนาด  $n$

ถ้า  $ENGS(n) > 0$  แล้วการสุ่มตัวอย่างขนาด  $n$  จะมีคุณค่า หรือได้ประโยชน์จากตัวอย่าง แต่ถ้า  $ENGS(n) \leq 0$  ก็จะไม่สุ่มตัวอย่าง เพราะไม่ได้ประโยชน์จากตัวอย่าง สำหรับ  $ENGS(n) > 0$  นี้ก็ไม่ได้หมายความว่าขนาดตัวอย่าง  $n$  นี้เหมาะสม จึงมีน้ำหนาถือไปว่าตัวอย่างขนาดไหนที่จะทำให้ ENGS สูงสุด ขนาดตัวอย่างที่เหมาะสมจะให้เป็น  $n_*$  และจะให้กฎตัดสินใจที่เหมาะสมสำหรับ  $n = n_i$  เป็น  $\delta^*(n_i)$  ค่าใช้จ่ายของตัวอย่างใด ๆ ขนาด  $n$  จึงเป็น

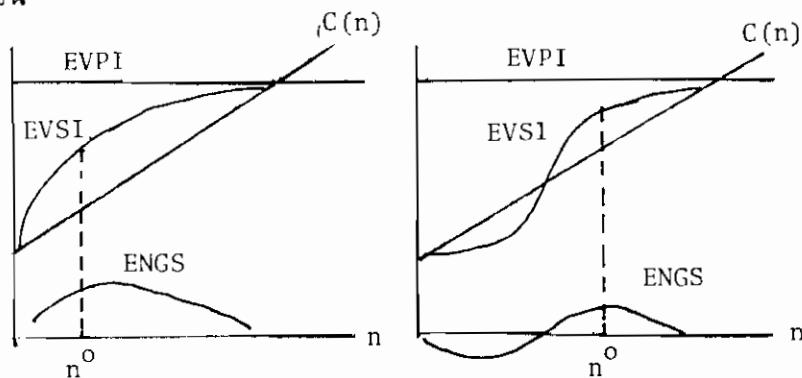
$$C(n) = FC + n VC$$

นั้นคือค่าใช้จ่ายหักหموดของทัวอย่างขนาด  $n$  เท่ากับผลรวมของค่าใช้จ่ายคงที่ (FC, Fixed Cost of Sampling) และค่าใช้จ่ายพันแปร (VC, Variable Cost)

การเลือกขนาดตัวอย่างที่เหมาะสมจะเกี่ยวข้องกับการคำนวณ ENGS ของทัวอย่างขนาดต่าง ๆ และพิจารณาค่าของ  $n$  ที่ทำให้ ENGS มากที่สุด และต้องมากกว่า 0 ด้วยอุ่นใจรักษา เราสามารถจำกัดค่าของ  $n$  ได้ คือค่าสูงสุดของ  $n$  หรือ  $n_{max}$  นั้นทั้งหมดกล้องกับความสมมัพน์ที่อีปีนี้

$$C(n_{max}) < EVPI$$

สำหรับกราฟของค่าใช้จ่ายในการสุ่มทัวอย่าง และ EVSI ตามขนาดของทัวอย่าง  $n$  จะเป็นดังนี้



ค่าของข้อมูลข่าวสารจากทัวอย่างจะเป็นค้างกราฟ ก หรือ ช แล้วแต่ธรรมชาติของบัญหาที่คัดสินใจ และพารามิเตอร์ของการแยกແ xen ก่อนสุ่มทัวอย่าง เราจะเห็นได้ว่าอัตราการเพิ่มของค่าของข้อมูลข่าวสารจะลดลง เมื่อค่านั้นเข้าใกล้ค่าสูงสุด สำหรับ ENGS นั้น เราไม่สามารถประกันได้ว่าจะเป็นบางเสมอ นั้นคือค่าใช้จ่ายอาจมากกว่า EVSI สำหรับทุกค่าของ  $n$  ได้ ซึ่งในกรณีนี้จะให้ขนาดทัวอย่างที่เหมาะสมเป็น  $n = 0$

โดยทั่วไปการพิจารณาขนาดทัวอย่างที่เหมาะสมที่ทำให้  $C(n_{max}) < EVPI$  ทำได้เป็นขั้น ๆ ดังนี้

- วิเคราะห์ก่อนการสุ่มทัวอย่าง (Preposterior Analysis) กำหนด  $\delta^*(n_i)$
- คำนวน Post. EOL สำหรับ  $\delta^*(n_i)$
- คำนวน EVSI สำหรับ  $\delta^*(n_i)$  จากผลต่างของ Prior EOL ของทางเลือกที่ดีที่สุด กับ Post. EOL
- คำนวน ENGS สำหรับ  $\delta^*(n_i)$  จากผลต่างของ EVSI -  $C(n_i)$

- ขนาดทั้วอย่างที่เหมาะสมจะเป็นค่าของ  $n$  ที่ทำให้ ENGS ของ  $\delta^*(n_i)$  มีค่าสูงสุด

#### **12.2.4 การตัดสินใจภายใต้การขัดแย้ง (Decision-making under Conflict or Competitive Conditions)**

การตัดสินใจที่กล่าวมาทั้ง 3 ประเภทนั้นเป็นการตัดสินใจท่อสภาวะการณ์ของบังคับแต่การตัดสินใจแบบนี้เป็นการตัดสินใจต่อคู่แข่งขันที่มีเหตุผล (Rational Opponents) นั่นคือในตารางความสัมพันธ์นั้น ถ้าทั้งสองคนพยายามอย่างคู่แข่งขัน ความสำคัญของบัญชาการตัดสินใจเกี่ยวกับคู่แข่งขัน ก็คือการขัดแย้งในผลประโยชน์ ซึ่งแต่ละฝ่ายพยายามหักล้างกัน

การตัดสินใจภายใต้การขัดแย้งเป็นศาสตร์ที่ศึกษาภัยในทฤษฎีเกม (Theory of Games) ซึ่งมีเทคนิคที่สามารถนำไปประยุกต์กับสถานการณ์เกี่ยวกับการแข่งขันระหว่างคู่ต่อสู้ที่สามารถตัด เซ่น การต่อรอง การแข่งขันทางธุรกิจ และการขัดแย้งระหว่างประเทศ เป็นต้น

ทฤษฎีเกมนั้นสามารถแบ่งประเภทได้ตามจำนวนคู่แข่งขัน และศึกษาของการขัดแย้งในผลประโยชน์ เกมที่มีคู่แข่งขันเพียงสอง เป็นกรณีที่ง่ายที่สุด แต่ไม่ง่ายที่จะศึกษาหากเกมที่มีการขัดแย้งในผลประโยชน์อย่างสมบูรณ์นั้น เป็นเกมที่คู่แข่งขันฝ่ายหนึ่งได้ประโยชน์ (Gains) แต่ฝ่ายอื่นสูญเสียผลประโยชน์ (Loss) นั่นคือผลได้ของฝ่ายหนึ่งจะเป็นการสูญเสียของอีกฝ่ายหนึ่ง หรือผลรวมของผลได้กับความสูญเสียของคู่ต่อสู้เป็นศูนย์ เกมทั้งกล่าวนี้เรียกว่า เกมผลรวมเป็นศูนย์ (Zero-Sum Game) เกมนิคนี้ในทางธุรกิจก็คือการแข่งขันในทางครองตลาด (Market Share) ในทางการเมืองก็คือการแข่งขันซ่อนเร้นซึ่งกันและกันในส่วน สำหรับเกมที่มีคู่ต่อสู้สองฝ่ายเท่านั้น จะเรียกว่า เกมผลรวมเป็นศูนย์นิคนิสส่องผ่า (Two-person, Zero-Sum Games)

เกมที่มีการขัดแย้งในผลประโยชน์ไม่สมบูรณ์ เรียกว่า เกมผลรวมไม่เป็นศูนย์ (Nonzero-Sum Games) บัญชาขององค์การเกี่ยวกับคู่แข่งขันส่วนมากเป็นแบบนี้ เช่น การแข่งขันการขาย ซึ่งจะมีขนาดของตลาดเกี่ยวข้องกับ การโฆษณาอาจให้การครองตลาดเพิ่มขึ้น แต่มันจะเป็นผลประโยชน์ของคู่แข่งขันกับ การทำการโฆษณาจะกระทบกับ

ขายและยึดหัวด้วย หรือกล่าวว่าได้ผลได้ของคุณภาพของขันฝายหนึ่งในเทอมของจำนวนขายไม่จำเป็นท้องเป็นค่าใช้จ่าย (สูญเสีย) ของฝ่ายอื่นทั้งหมด การขัดแย้งทางค้านการทหารก็เช่นเดียวกัน ทฤษฎีเกมประภาคผลาญไม่เป็นศูนย์นี้ยุ่งยากจะไม่กล่าวถึง จะพูดเฉพาะกรณี เกมผลาญเป็นศูนย์ชนิดสองฝ่ายเท่านั้น

สำหรับเกมผลาญเป็นศูนย์ชนิดสองฝ่ายนั้นเราจะใช้  $S_1, S_2, \dots, S_i$  แทนกลobiay ของคุณภาพของขันฝายหนึ่ง และ  $C_1, C_2, \dots, C_j$  แทนกลobiay ของคุณภาพของขันฝายหนึ่ง โดยที่คุณภาพของขันคนหนึ่งได้ อีกคนหนึ่งจะสูญเสีย เราจึงใช้ตารางสมมติที่ก่อมาตอนแรก ๆ แทนบัญญาการทักษินใจแบบนี้ ต่อไปนี้จะยกตัวอย่างบัญญาการทักษินใจเกี่ยวกับการแข่งขัน การครองตลาดกับคุณภาพของขันฝาย

สมมติว่าผู้จัดการมีกลobiay อยู่ 3 แบบ และคุณภาพมีอยู่ 4 แบบ ตารางสมมติที่สร้างในเทอมของเบอร์เช็นท์ที่เพิ่มขึ้นในการครองตลาด

กlobiay ของคุณภาพ		$C_1$	$C_2$	$C_3$	$C_4$
กlobiay ของผู้จัดการ	$S_1$	6	-3	15	-11
	$S_2$	7	1	9	5
	$S_3$	-3	0	-5	8

ตารางสมมตินี้อ่านได้เช่นเดียวกับที่ผ่านมา นั่นคือถ้าผู้จัดการเลือก  $S_1$  และคุณภาพเลือก  $C_3$  แล้ว ผู้จัดการจะเพิ่มการครองตลาด 15 % โดยที่เกมนี้เป็นเกมผลาญเป็นศูนย์ คุณภาพของขันฝายสูญเสีย 15 % ผลที่ได้เป็นลบนั้นจะใช้แทนการสูญเสียของผู้จัดการ หรือเป็นผลได้ของคุณภาพ

เกณฑ์ในการทักษินใจของผู้จัดการเกี่ยวกับเกมแบบนี้ให้ เกณฑ์เพิ่มค่าน้อยสุด (Maximin or Wald Criterion) นั่นคือ ถ้าผู้จัดการเลือกกลobiay  $S_1$  เขายังสูญเสียอย่างมากถึง 11 % (ถ้าคุณภาพเลือกกลobiay  $C_4$ ) ถ้าเขาเลือก  $S_2$  เขายังไม่สูญเสียอะไร แต่จะได้ค่าน้อยที่สุด 1 % (ถ้าคุณภาพเลือก  $C_2$ ) และถ้าเลือก  $S_3$  จะสูญเสีย 5 % (ถ้าคุณภาพเลือก  $C_3$  ก็จะน้อยกว่า)

ก.นโยบายของผู้จัดการ	ผลได้ที่ต้องสูญ
S <sub>1</sub>	-11
S <sub>2</sub>	1
S <sub>3</sub>	-5

ในเมื่อใช้เกณฑ์เพิ่มค่าน้อยสุด จึงเลือกค่าสูงสุดของผลได้ค่าสูดเหล่านั้น นั่นคือผู้ที่การจะเลือก  $S_2$

สำหรับค่าแข่งขันนั้นก็ต้องอาศัยเกณฑ์ที่อย่างเดียวกัน นั่นคือ ถ้าเลือก  $C_1$  เข้าจะสูญเสีย 7 % (ค่าสูงสุดในแต่ละด้าน) โดยที่ผลได้เหล่านี้อยู่ในเกณฑ์ของผู้จัดการ ซึ่งเป็นค่าแข่งขันของเขา) ถ้าเลือก  $C_2$  จะสูญเสีย 1 % (ถ้าค่าแข่งขันเลือก  $S_2$ ) และท่อ ๆ ไป เราจะได้

ก.โดยรายของคุณชั่งชัน	ผลเสียสูงสุด
C <sub>1</sub>	7
C <sub>2</sub>	1 ←
C <sub>3</sub>	15
C <sub>4</sub>	8

ตามเกณฑ์เพิ่มค่าน้อยสุด คู่แข่งขันก็องการทำให้ผลเสียสูงสุดนั้นอยู่ที่สุด ซึ่งเป็นค่าที่ลดค่ามากสุด (Minimax Value) นั่นเอง และค่าน้อยกว่า 1 % ก็ยังนั้นคู่แข่งขันของผู้จัดการจะเลือกกลไบ  $C_2$

กั้งน้ำและการตัดสินใจที่คิดที่สุดของคุณ เช่นขันหังสองกีวี ผู้จัดการควรเลือก  $S_2$  และกีวี เช่นขันของเขากำลังเลือก  $C_2$  ผลกีวีผู้จัดการจะคงกลาดเพิ่มขึ้น 1 %

เราจะเห็นว่าผู้จัดการใช้เกณฑ์เพื่อกำนั้อยสุด และคุ้มค่ามากสุด  
นั่นเอง ซึ่งผลของการเป็น 1 % เท่ากัน ค่านี้เรียกว่า ค่าของเกม (Value of the Game)  
ถ้าค่าของเกมเป็นบวก แสดงว่าผู้จัดการได้เปรียบ ถ้าเป็นลบก็เสียเปรียบ แต่ถ้าเป็น 0  
เกมนี้จะเรียกว่าเกมยุติธรรม (Fair Game or Equitable Game)

สำหรับเกมที่มีค่าที่เพิ่มค่าน้อยที่สุด (Maximin Value) เท่ากับ ค่าที่ลดค่ามากสุด (Minimax Value) นั้น ค่าของเกมจะได้ชื่อว่า จุดบนอานม้า (Saddle Point) เมื่อเกมไม่มีจุดบนอานม้า ก็จะใช้กลยุทธ์ที่ใช้กองเป็นกลยุทธ์ผสม หรือกลยุทธ์เชิงสุ่ม (Mixed or Randomized Strategies) (นั่นคือกลยุทธ์ที่ใช้สุ่มมาด้วยความน่าจะเป็นอย่างหนึ่ง) เพื่อทำให้ค่าเท่ากัน หรือให้เกิดจุดบนอานม้านั้นเอง

มีเกมบางเกมซึ่งกลยุทธ์หนึ่งดีกว่าอีกอย่างอื่น กลยุทธ์นั้นจะเรียกว่า กลยุทธ์มักน (Dominating Strategy)