

บทที่ 1

เบนวากานมคิดเบื้องต้น

วัตถุประสงค์

เมื่อศึกษาจบบทนี้แล้ว

1. นักศึกษาต้องสามารถบอกแนวความคิดการเกิดเลเซอร์ได้ว่า การเปล่งแสงตามปกติวิสัย การเปล่งแสงโดยการกระตุ้น การดูดกลืน การยกระดับพลังงานในเลเซอร์ ขั้นตอนเหล่านี้เกิดขึ้นอย่างไร

2. นักศึกษารู้ความสามารถเปรียบเทียบความแตกต่างทางคุณลักษณะของแสงเลเซอร์กับแสงทั่ว ๆ ไป คือ คุณสมบัติทาง การมีพิเศษทางตรง การมีแสงสีเดียว ความพร้อมเพียงและความสว่าง

3. นักศึกษาต้องสามารถแก้ปัญหาจากแบบฝึกหัดท้ายบทได้อย่างน้อย 50% ในเวลาหนึ่งสัปดาห์

1.1 การเปล่งแสงตามปกติวิสัยและการเปล่งแสงโดยการกระตุ้น การดูดกลืน

(Spontaneous and Stimulated Emission, Absorption)

วิชาความต้มอิเล็กทรอนิกส์สามารถทำกำหนดได้เป็นสาขาวิชานึงของวิชาอิเล็กทรอนิกส์ เนื่องจากธรรมชาติของความต้มได้แสดงปรากฏการณ์อันเป็นกฎขั้นพื้นฐานอย่างหนึ่งทางไฟฟ้า ดังนั้น เราจึงมีความมุ่งหมายเกี่ยวข้องกับวิชาความต้มอิเล็กทรอนิกส์ โดยเฉพาะที่เรียกว่า หลักการภาพของเลเซอร์และพฤติกรรมของมัน เลเซอร์มีการแสดงปรากฏการณ์ทางแสงขั้นพื้นฐานสามอย่างที่มีประโยชน์ ซึ่งจะเกิดขึ้นเมื่อคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้ามีอัตราการริบิกัน วัตถุ เรียกว่า วิธีการเปล่งแสงตามปกติวิสัยและการเปล่งแสงโดยการกระตุ้น และวิธีการดูดกลืน

1.1.1 การเปล่งแสงตามปกติวิสัย

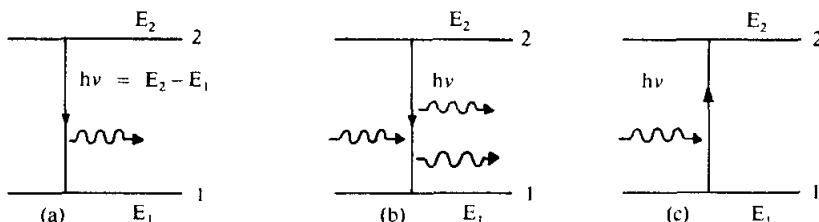
พิจารณา rate ของการปลั่งงานสองระดับ คือ ระดับ 1 และ 2 ของสารชนิดเดียวกัน ผลงานของมันคือ E_1 และ E_2 ($E_1 < E_2$) โดยสมมติว่า ระดับ 1 เป็นระดับต่ำ และตอนแรกจะตอม (หรือโนมเลกูล) อยู่ในระดับ 2 เมื่อ $E_2 > E_1$ จะตอมจะมีแนวโน้มลดระดับสู่ระดับ 1 และปลดปล่อย

พลังงานเท่ากับความแตกต่าง $E_2 - E_1$ ของมา เมื่อพลังงานที่ปลดปล่อยออกมานี้อยู่ในรูปของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า เราจะเรียกว่าเป็นการเปล่งแสง (หรือการแพร่งสี) ตามปกติวิสัยด้วยความถี่ ν กำหนดด้วยสมการ [เนื่องจากพลังค์ (Planck)]

$$\nu = (E_2 - E_1)/h \quad \dots\dots\dots (1.1)$$

ในที่นี่ h คือค่าคงที่ของพลังค์ ดังนั้น การเปล่งแสงตามปกติวิสัยคือ การเปล่งของโฟตอนด้วย พลังงาน $h\nu = E_2 - E_1$ เมื่ออะตอมลดระดับจากระดับ 2 ไปยังระดับ 1 (รูป 1.1a) ให้สังเกตว่าการเปล่งรังสีเป็นวิธีหนึ่งของส่องวิชีที่เป็นไปได้สำหรับอะตอมลดระดับ การลดระดับสามารถเกิดขึ้นได้แม้ไม่มีการแพร่งสี ในกรณีนี้พลังงานแตกต่าง $E_2 - E_1$ เกิดเป็นรูปแบบอื่นมากกว่าจะเป็นรังสีคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า (กล่าวคือ มันอาจจะเปลี่ยนไปเป็นพลังงานจลน์ของโมเลกุลที่อยู่รอบ ๆ)

ความเป็นไปได้ของการเปล่งแสงตามปกติวิสัยสามารถบ่งบอกด้วยวิธีต่อไปนี้ คือ เราสมมติว่าที่เวลา t มีอะตอมจำนวน N_2 (ต่อนหน่วยปริมาตร) อยู่ในระดับ 2 อัตราการลดระดับของอะตอมเหล่านี้คือ $(dN_2/dt)_{sp}$ เป็นสัดส่วนโดยตรงกับ N_2 ดังนั้น เราสามารถเขียนได้เป็น



รูป 1.1 แสดงแผนภูมิของสามขั้นตอน (a) การเปล่งแสงตามปกติวิสัย (b) การเปล่งแสงโดยการกระตุ้น (c) การคูคคลื่น

$$\left(\frac{dN_2}{dt} \right)_{sp} = -AN_2 \quad \dots\dots\dots (1.2)$$

สัมประสิทธิ์ A เรียกว่า ความเป็นไปได้ของการเปล่งแสงตามปกติวิสัย หรือเรียกว่า สัมประสิทธิ์เอ ไอ昂ส์ไตน์ (ไอ昂ส์ไตน์ได้พบสัมประสิทธิ์ A ครั้งแรกจากการพิจารณาทางอุณหพลศาสตร์) ปริมาณ $\tau_{sp} = 1/A$ เรียกว่าช่วงเวลาของการเปล่งแสงตามปกติวิสัย ค่าของ A (และ τ_{sp}) ขึ้นอยู่กับการเปลี่ยนแปลงที่เกิดขึ้นโดยเฉพาะ

1.1.2 การเปล่งแสงโดยการกระตุ้น (รูป 1.1 b)

ครั้งแรกเราสมมติว่า อะตอมที่พบตอนแรกอยู่ในระดับ 2 และคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า ความถี่ ν (ซึ่งเท่ากับความถี่ของคลื่นที่ปล่อยออกมายield จากการเปล่งแสงตามปกติวิสัย) ตกกระทบบนวัตถุ ถ้าคลื่นนี้มีความถี่ตรงกับความถี่ของอะตอม มันจะทำให้อะตอมเกิดการเปลี่ยนแปลง

- $2 \rightarrow 1$ ขั้น ในกรณีนี้พลังงานแตกต่าง $E_2 - E_1$ ถูกปล่อยออกมานิรูปของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า
- ซึ่งจะรวมกับคลื่นต่อกำแพง นี่คือปรากฏการณ์ของการเปล่งแสงโดยการกระตุ้น อย่างไรก็ตาม ยังมีข้อแตกต่างระหว่างการเปล่งแสงตามปกติสัยและการเปล่งแสงโดยการกระตุ้นคือ ในกรณีของการเปล่งแสงตามปกติสัย อะตอมปลดปล่อยคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าออกมายโดยปราศจากความสัมพันธ์ทางเฟสที่แน่นอนกับที่ปล่อยออกมาระหว่างอะตอมอื่น ยิ่งไปกว่านั้นยังสามารถปล่อยคลื่นนี้ออกมายังทิศทางใดก็ได้ ส่วนกรณีการเปล่งแสงโดยการกระตุ้น ขั้นตอนถูกบังคับด้วยคลื่นต่อกำแพงแม่เหล็กไฟฟ้า การเปล่งแสงของอะตอมได้รวมเฟสเข้ากับคลื่นต่อกำแพง คลื่นนี้ยังคงต้องพิจารณาทิศทางของคลื่นที่เปล่งออกมายังด้วย

ในกรณีนี้เราสามารถบ่งบอกขั้นตอนการเปล่งแสงโดยการกระตุ้นด้วยสมการ

$$\left(\frac{dN_2}{dt} \right)_{st} = -W_{21}N_2 \quad \dots\dots\dots (1.3)$$

เมื่อ $(dN_2/dt)_{st}$ เป็นอัตราการเปลี่ยนแปลงจากระดับ 2 → 1 เป็นผลลัพธ์ของการเปล่งแสงโดยการกระตุ้น และ W_{21} เรียกว่าความเป็นไปได้ของการเปลี่ยนแปลงโดยการกระตุ้น เมื่อหน่วยของกรณีของสัมประสิทธิ์ A ในสมการ (1.2) และสัมประสิทธิ์ W_{21} เป็นมิติของ $(เวลา)^{-1}$ อย่างไรก็ตาม A และ W_{21} ไม่เหมือนกันตรงไม่เพียงแต่ขึ้นอยู่กับการเปลี่ยนแปลงโดยเฉพาะยังคงขึ้นอยู่กับความเข้มของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าต่อกำแพงด้วย สำหรับคลื่นระนาบแม่เหล็กไฟฟ้า เราสามารถเขียนได้ว่า

$$W_{21} = \sigma_{21}F \quad \dots\dots\dots (1.4)$$

ในที่นี้ F คือ พลัง磁ไฟตอนของคลื่นต่อกำแพง และ σ_{21} คือ ปริมาณค่าหนึ่งมีมิติของพื้นที่ (เรียกว่าพื้นที่ภาคตัดขวางของการเปล่งแสงโดยการกระตุ้น) และขึ้นอยู่กับคุณลักษณะของการเปลี่ยนแปลงที่เกิดขึ้นเท่านั้น

1.1.3 การดูดคลื่น (สูป 1.1c)

เรามาสมมติว่าอะตอมครั้งแรกอยู่ในระดับ 1 ถ้าระดับนี้เป็นระดับต่ำสุด (ระดับพื้น) อะตอมจะคงอยู่ในระดับนี้เสมอ นอกจากว่ามีตัวกระตุ้นบางอย่างเข้าไปกระทบมัน ดังนั้น เราจะสมมติว่าคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าความถี่ n กำหนดด้วยสมการ (1.1) ได้ต่อกำแพงบนสสารอะตอมจะมีโอกาสถูกผลักให้ขึ้นไปอยู่ในระดับ 2 ได้ โดยอะตอมต้องการพลังงานเท่ากับความแตกต่าง $E_2 - E_1$ เพื่อให้เกิดการเปลี่ยนแปลง ซึ่งมันสามารถได้จากพลังงานของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าต่อกำแพง และนี่คือขั้นตอนของการดูดคลื่น

เราสามารถกำหนดอัตราการดูดคลื่น W_{12} ในรูปแบบเช่นเดียวกับสมการ (1.3) คือ

$$\frac{dN_1}{dt} = -W_{12}N_1 \quad \dots\dots\dots (1.5)$$

ในที่นี้ N_1 เป็นจำนวนประชากรในระดับ 1 ขณะใด ๆ ทำนองเดียวกันกับสมการ (1.4) เราสามารถเขียน

$$W_{12} = \sigma_{12}F \quad \dots\dots\dots (1.6)$$

เมื่อ σ_{12} คือ พื้นที่ภาคตัดขวางของการถูกกลืน ซึ่งขึ้นกับการเปลี่ยนแปลงโดยเฉพาะเท่านั้น

สำหรับพจน์ของโฟตอนในขั้นตอนของการเปลี่ยนแปลงตามปกติสัยและโดยการกระตุ้น การถูกกลืน สามารถอธิบายได้ดังนี้ (ดูรูป 1.1)

(1) ในขั้นตอนการเปลี่ยนแปลงตามปกติสัย อะตอมลดระดับลงจากระดับ 2 ไประดับ 1 โดยเปลี่ยนแปลงจำนวนหนึ่งโฟตอนออกมานะ

(2) ในขั้นตอนการเปลี่ยนแปลงโดยการกระตุ้น โฟตอนตกรอบทำให้เกิดการเปลี่ยนแปลงจากระดับ 2 ไประดับ 1 และมีสองโฟตอนเกิดขึ้น (เกิดจากการกระตุ้นบวกกับตัวการกระตุ้นอีกหนึ่ง)

(3) ในขั้นตอนการถูกกลืน โฟตอนถูกถูกกลืนเพื่อทำให้เกิดการเปลี่ยนแปลงจากระดับ 1 ไประดับ 2 สุดท้ายเราสังเกตได้ว่า $\sigma_{12} = \sigma_{21}$ เมื่อกับของไออนส์ไตน์ที่แสดงให้เห็นเมื่อตอนต้นคราวนี้ แสดงว่าความเป็นไปได้ของการเปลี่ยนแปลงโดยการกระตุ้นและการถูกกลืนเท่ากัน ดังนั้น ต่อไปนี้เราจะเขียน $\sigma_{12} = \sigma_{21} = \sigma$ และ σ จะหมายถึงพื้นที่ภาคตัดขวางของการเปลี่ยนแปลง จำนวนอะตอมต่อน่วยปริมาตรในระดับใด ๆ ที่กำหนดให้ จะเรียกว่าประชากรอะตอม (population) ของระดับนั้น

1.2 แนวความคิดของเลเซอร์

พิจารณาระดับพลังงานใด ๆ ส่องระดับคือ ระดับ 1 และ 2 ของสาร และให้ N_1 และ N_2 เป็นจำนวนอะตอมของมัน ถ้ามีคลื่นรบกวนที่มีความเข้มสัมพันธ์กับโฟตอน F เคลื่อนที่ไปตามทิศ z ในสาร การเปลี่ยนแปลงของโฟตันนี้เนื่องจากหั้งการเปลี่ยนแปลงโดยการกระตุ้นและการถูกกลืนในบริเวณแรกของรูป 1.2 เป็นไปตามสมการ (1.3) ถึง (1.6) กำหนดด้วย

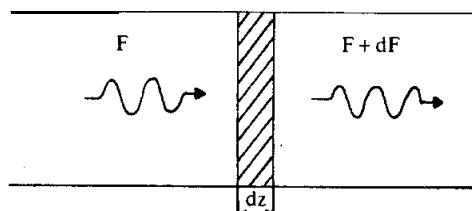
$$dF = \sigma F(N_2 - N_1)dz \quad (1.7)$$

สมการ (1.7) แสดงว่าสารประพฤติตัวเหมือนกับเป็นตัวขยาย (กล่าวคือ $dF/dz > 0$)

เมื่อ $N_2 > N_1$ และมันจะประพฤติตัวเป็นตัวคูดกลืนเมื่อ $N_2 < N_1$ ขณะนี้เราทราบแล้วว่ากรณีของอุณหภูมิสมดุล ประชากรอะตอมในระดับพลังงานอธินายได้ด้วยสถิติของโบลท์มานน์ (Boltzmann statistics) ดังนั้น ถ้า N_1 และ N_2 เป็นประชากรอะตอมของสองระดับพลังงาน เมื่ออุณหภูมิสมดุล เราได้

$$\frac{N_2^e}{N_1^e} = \exp \left| - \frac{(E_2 - E_1)}{kT} \right| \quad (1.8)$$

ในที่นี้ k คือ ค่าคงที่โบลท์มานน์ และ T คือ อุณหภูมิสัมบูรณ์ของวัตถุ ดังนั้น ในขณะอุณหภูมิสมดุล เราได้ $N_2 < N_1$ จากสมการ (1.7) สาระจะแสดงเหมือนกับเป็นตัวคูดกลืนที่ความถี่ v อย่างไรก็ได้ ถ้าอยู่ในสภาวะไม่สมดุล คือสำหรับ $N_2 > N_1$ สาระจะแสดงตัวเป็นตัวขยาย ในกรณีนี้เรากล่าวได้ว่ามันเป็นสถานะการผันกลับประชากร (population inversion) ในสารซึ่งเราหมายถึงว่าความแตกต่างของประชากรอะตอม ($N_2 - N_1 > 0$) มีเครื่องหมายตรงกันข้ามกับตอนอยู่ในสภาวะปกติ ($N_2 - N_1 < 0$) สารที่มีการผันกลับประชากรจะเรียกว่า สารกิริยา



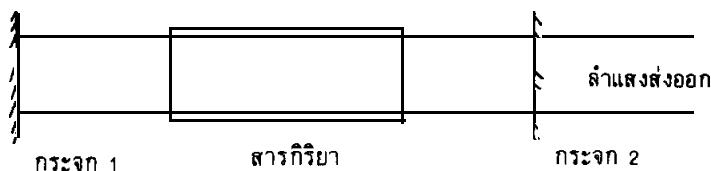
รูป 1.2 การเปลี่ยนแปลง dF ของฟลักซ์ไฟฟอน F สำหรับคลื่นรadian แม่เหล็กไฟฟ้า เกสั่นที่เป็นระยะทาง dz ผ่านสาร

ถ้าความถี่ของการเปลี่ยนแปลง $v = (E_2 - E_1)/h$ อยู่ในช่วงคลื่นไมโคร ตัวขยายชนิดนี้ เรียกว่า ตัวขยายเมเซอร์ (maser amplifier) คำว่าเมเซอร์ เป็นคำรวมของตัวอักษรตัวแรกของคำว่า “microwave amplification by stimulated emission of radiation” (การขยายคลื่นไมโครโดยการตุนการแผ่รังสี) แต่ถ้าความถี่ของการเปลี่ยนแปลง v อยู่ในช่วงของคลื่นแสง ตัวขยายเรียกว่า ตัวขยายเลเซอร์ คำว่าเลเซอร์ เป็นคำรวมของอักษรตัวแรกเหมือนเมเซอร์ แต่ใช้อักษร L (แสง) แทนที่ตัว m (คลื่นไมโคร) อย่างไรก็ตาม คำว่าเลเซอร์ใช้ได้ทั่ว ๆ ไป ไม่เพียงใช้กับความถี่ของคลื่นแสงที่มองเห็นเท่านั้น แต่ยังใช้ได้กับความถี่ต่าง ๆ ที่อยู่ในช่วงใกล้กัน หรือไกลจากคลื่นได้แดง (infrared) คลื่นเหนือม่วง (ultraviolet) และแม้แต่ในช่วงรังสีเอ็กซ์ (x-ray) ซึ่งเราจะเรียกเป็นเลเซอร์รังสีได้แดง เลเซอร์รังสีเหนือม่วง และเลเซอร์รังสีเอ็กซ์ ตามลำดับ

เพื่อสร้างตัวออสซิลเลตขึ้นจากตัวขยาย เราจำเป็นต้องรู้จักเกี่ยวกับการป้อนกลับเพิ่มขึ้น (positive feedback) ที่เหมาะสม สำหรับช่วงคลื่นไมโครสามารถทำได้โดยวางสารกิริยาในโครงกำทอน ซึ่งจะเกิด共振 (resonance) ที่ความถี่ ν ส่วนในการณ์ของเลเซอร์ การป้อนกลับหายได้โดยการวางสารกิริยาอยู่ระหว่างกระเจาสองบานที่มีประสิทธิภาพการสะท้อนกลับสูง (กระเจาบนบนตามรูป 1.3) ในกรณีนี้คลื่นระนาบแม่เหล็กไฟฟ้าจะเคลื่อนที่ในทิศทางตั้งฉากกับกระเจา และสะท้อนกลับไปกลับมาหลายครั้ง และมันจะขยายเพิ่มขึ้นในแต่ละครั้งที่ผ่านสารกิริยา ถ้ากระเจาแผ่นได้แผ่นหนึ่งทำให้มันโปรดังเสียงบางส่วน ก็จะมีลำแสงแยกผ่านออกมานิ่งสำคัญอีกอย่างหนึ่งสำหรับทั้งเมเซอร์และเลเซอร์คือ จะต้องปฏิบัติตามเงื่อนไขขีดเริ่มที่แน่นอนให้สำเร็จ ยกตัวอย่างเช่น ในการณ์ของเลเซอร์ การออสซิลเลตจะเริ่มต้นเมื่อการรับของสารกิริยาได้สัดส่วนกับการสูญเสียไปในเลเซอร์ (คือส่วนที่สูญเสียโดยการเล็ดลอดออกไป) จากสมการ (1.7) กำลังขยายในแต่ละครั้งที่เคลื่อนผ่านสารกิริยาไป (คืออัตราส่วนระหว่างพลัง磁์ไฟตอนที่ออกมานอกต่อพลัง磁์ไฟตอนที่เข้าไป) เป็น $\exp[2\sigma(N_2 - N_1)t]$ เมื่อ t คือความยาวของสารกิริยา ถ้ามีเพียงแต่ส่วนที่สูญเสียเนื่องจากการส่งผ่านเท่านั้นปรากฏในโครงกำทอน มันจะถึงขีดเริ่มเมื่อ

$$R_1 R_2 \exp[2\sigma(N_2 - N_1)t] = 1 \quad \dots\dots\dots (1.9)$$

ในที่นี้ R_1 และ R_2 เป็นกำลังของการสะท้อนในสองกระเจา สมการ (1.9) แสดงว่าถึงขีดเริ่มเมื่อการผันกลับประชากร $N_2 - N_1$ ถึงค่าิกฤตค่านึง เรียกว่าการผันกลับประชากร ิกฤต การออสซิลเลตทำให้เกิดการเปล่งแสงตามปกติวิสัย กล่าวคือ ไฟตอนซึ่งปล่อยออกมานอกแกนโครงกำทอนจะเริ่มขึ้นตอนของการขยาย นี่คือพื้นฐานของตัวออสซิลเลตหรือเลเซอร์นั่นเอง



รูป 1.3 แสกนแผนภูมิของเลเซอร์

คุณสมบัติที่สำคัญมากที่สุดของลำแสงเลเซอร์ คือความมีระดับสูงของ (1) การมีทิศทางตรง (directionality) (2) การมีแสงสีเดียว (monochromaticity) (3) ความพร้อมเพรียง (coherence) และ (4) ความสว่าง (brightness)

(1) การมีทิศทางตรง คุณสมบัตินี้ดูเหมือนมีความสำคัญมากของสารกิริยาในโครง

กำหนด ดังเช่นระบบขنانในรูป 1.3 มีเพียงคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าซึ่งเคลื่อนที่ตามทิศทางของโพรง (หรือในทิศทางไกล์เคียงกัน) สามารถรับรู้ในโพรงได้

(2) การมีแสงสีเดียว คุณสมบัตินี้เกิดจากพฤติกรรมต่อไปนี้

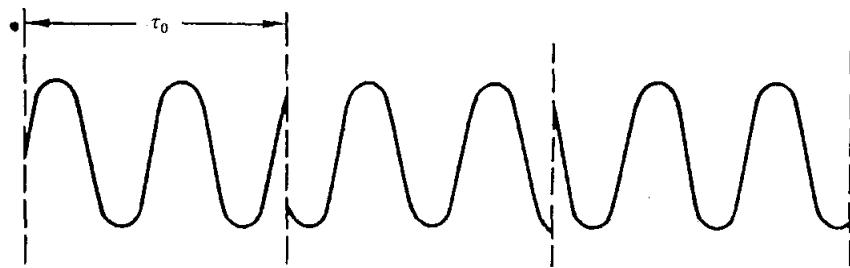
(ก) มีเพียงคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าของความถี่ ν ตามสมการ (1.1) ที่สามารถขยายสัญญาณได้

(ข) เมื่อ抗拒แรงของแผ่นจัดเป็นรูปของโพรงกำหนด การออสซิลเลตจะสามารถเกิดขึ้นได้ที่ความถือภินาทของโพรงกำหนดนี้เท่านั้น

(3) ความพร้อมเพรียง สำหรับคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าได้ เราสามารถอธิบายแนวความคิดของความพร้อมเพรียงได้สองแนวทางที่ไม่ขึ้นต่อ กัน เวียกว่า ความพร้อมเพรียงทางตำแหน่ง และความพร้อมเพรียงทางเวลา ดังนี้

(ก) ความพร้อมเพรียงทางตำแหน่ง เราสามารถนำจุด P_1 และ P_2 ส่องจุดเมื่อเวลา t_0 อยู่ในแนวหน้าคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า กำหนดให้ $E_1(t)$ และ $E_2(t)$ เป็นสนามไฟฟ้าที่สอดคล้องกับจุดเหล่านั้น โดยการกำหนดความแตกต่างเฟสระหว่างสนามสองสนามที่เวลา t_0 เป็นศูนย์ ในเวลาต่อมาถ้าความแตกต่างเฟสนี้ยังคงเป็นศูนย์ที่เวลา t ได้ เราถูกใจได้ว่ามีความพร้อมเพรียงสมบูรณ์ระหว่างจุดสองจุดนี้ ถ้าเหตุการณ์เข่นนี้เกิดขึ้นกับจุดสองจุดได้ ของแนวหน้าคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า เราถูกใจได้ว่าคลื่นมีความพร้อมเพรียงทางตำแหน่งสมบูรณ์ ในทางปฏิบัติสำหรับจุด P_1 และ P_2 จะต้องอยู่ภายใต้พื้นที่จำกัด S รอบจุด P_1 และต้องมีความสัมพันธ์เฟสกันอย่างดี ในกรณีนี้เราจะกล่าวว่า คลื่นมีความพร้อมเพรียงทางตำแหน่งจำกัด และสำหรับจุด P ได้ เราสามารถกำหนดพื้นที่ความพร้อมเพรียง $S(P)$ ให้เหมาะสมได้

(ข) ความพร้อมเพรียงทางเวลา พิจารณาสนามไฟฟ้าของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าที่จุด P เมื่อเวลา t และ $t + \tau$ สำหรับเวลาผ่านไป τ ถ้าความแตกต่างเฟสระหว่างสนามหักสองยังคงเหมือนเดิมสำหรับเวลา t ได้ เราจะกล่าวว่ามีความพร้อมเพรียงทางเวลาต่อเนื่องเวลา τ ถ้าเหตุการณ์เข่นนี้เกิดขึ้นในช่วงเวลาได้ ของ τ คลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าจะมีความพร้อมเพรียงทางเวลาสมบูรณ์ ถ้าเหตุการณ์นี้เกิดขึ้นในช่วงเวลาลดระดับ τ ซึ่ง $0 < \tau < \tau_0$ กล่าวได้ว่า คลื่นมีความพร้อมเพรียงทางเวลาจำกัดด้วยเวลาพร้อมเพรียงเท่ากับ τ_0 ตัวอย่างของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าที่มีความพร้อมเพรียงทางเวลาเท่ากับ τ_0 ได้แสดงในรูป 1.4 ซึ่งแสดงสนามไฟฟ้ารูปไซน์ที่มีเฟสกระโดดที่ช่วงเวลาเท่ากับ τ_0 เราเห็นได้ว่าแนวความคิดของความพร้อมเพรียงทางเวลาเกี่ยวข้องโดยตรงกับการมีแสงสีเดียว แสดงว่าคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าที่มีความพร้อมเพรียงทางเวลา มีช่วงกร้างแทน $\Delta\nu = 1/\tau_0$



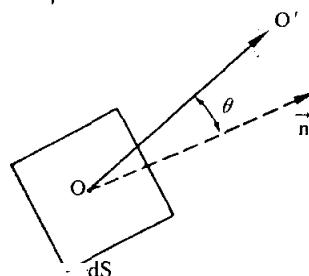
รูป 1.4 แสดงตัวอย่างของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้ามีความพร้อมเพรียงทางเวลาประมาณ t_0

จากแนวความคิดความพร้อมเพรียงทางตำแหน่งและทางเวลาที่ไม่ซ้ำต่อ กัน ความจริง ตัวอย่างเหล่านี้สามารถกำหนดด้วยคลื่นที่มีความพร้อมเพรียงทางตำแหน่งสมบูรณ์ แต่มีความพร้อมเพรียงทางเวลาจำกัด (หรือเป็นในทางตรงกันข้าม) ถ้าความจริงปรากฏว่าคลื่นในรูป 1.4 แสดงสนามไฟฟ้าที่จุด P_1 และ P_2 มีความพร้อมเพรียงทางตำแหน่งระหว่างจุดทั้งสองสมบูรณ์ ขณะที่คลื่นมีความพร้อมเพรียงทางเวลาจำกัด

(4) ความสว่าง เรากำหนดความสว่างของแหล่งกำเนิดคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าด้วยกำลัง ส่องสว่างต่อหน่วยพื้นที่ต่อหน่วยมุมตัน เพื่อให้เข้าใจมากยิ่งขึ้น กำหนดให้ ds เป็นพื้นที่ผิวเล็ก ๆ อยู่ที่บริเวณจุด O ของแหล่งกำเนิด (รูป 1.5) กำลัง dP ที่ออกมาจาก ds เข้าไปในมุมตัน $d\Omega$ รอบ ๆ ทิศทาง OO' สามารถเขียนเป็น

$$dP = B \cos \theta dS d\Omega \quad \dots \dots \dots (1.10)$$

เมื่อ θ เป็นมุมระหว่าง OO' และเส้นตั้งฉาก กับ กับผิว ปริมาณ B จะซึ่งกับพิกัด พอลาร์ θ และ ϕ ของทิศทาง OO' และบนจุด O ปริมาณ B นี้เรียกว่าแหล่งกำเนิดความสว่าง ที่จุด O ในทิศทางของ OO' ในสมการ (1.10) มีพจน์ร่วม $\cos \theta$ ได้จากเงาทานของ ds บน ระนาบตั้งฉากกับทิศทาง OO' ถ้า B ไม่ซึ่งกับ θ และ ϕ แหล่งกำเนิดจะเรียกว่า ไอโซทรอปิก (isotropic) [หรือเรียกเป็นแหล่งกำเนิดแอลเบริต (Lambert source)] เลเซอร์ของแหล่งกำเนิด กำลังต่ำ (ประมาณสองสามมิลลิวัตต์) จะมีความสว่างขนาดมากกว่าความสว่างมากที่สุดของ แหล่งกำเนิดที่นิยมใช้กัน ทั้งนี้ เนื่องจากคุณสมบัติของการมีทิศทางตรงอันดับสูงของลำแสง เลเซอร์นั้นเอง

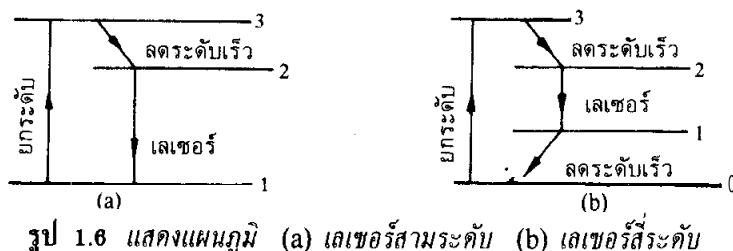


รูป 1.5 ความสว่างของผิวที่จุด O สำหรับแหล่งกำเนิดของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า

1.3 แผนภูมิการยกรดับพลังงาน (Pumping Schemes)

เราจะพิจารณาปัญหาของการผันกลับประชากรเกิดขึ้นได้อย่างไรในวัตถุ ในขั้นแรกดูเหมือนว่าเหตุการณ์นี้อาจเกิดจากอันตรกิริยาของวัตถุกับสนามแม่เหล็กไฟฟ้าที่แรงพอเหมาะสมด้วยความถี่ v กำหนดด้วยสมการ (1.1) ในขณะอุณหภูมิสมดุลจะมีจำนวนประชากรอะตอมอยู่ในระดับ 1 มากกว่าในระดับ 2 การดูดกลืนจะเกิดได้ง่ายกว่าการเปล่งแสงโดยการกระตุนคลื่นที่เข้ามาทำให้เกิดการเปลี่ยนแปลงจาก $1 \rightarrow 2$ มากกว่าการเปลี่ยนแปลงจาก $2 \rightarrow 1$ และเราคาดว่าขั้นตอนนี้จะทำให้เกิดการผันกลับประชากรขึ้นได้เป็นผลลัพธ์ อย่างไรก็ตาม เราจะเห็นว่าระบบเช่นนี้ไม่สามารถทำงานได้ตลอดไป (มันจะเข้าสู่สภาวะไม่เปลี่ยนแปลงในที่สุด) และเมื่อถึงสภาวะจำนวนประชากรเท่ากัน ($N_2 = N_1$) แล้วขั้นตอนการดูดกลืนและการกระตุนจะเท่ากันเป็นไปตามสมการ (1.7) ดังนั้น วัตถุจะเป็นวัตถุไปร่องใส เหตุการณ์เช่นนี้มักเกิดขึ้นเสมอ เมื่อกับเป็นสองระดับอีกตัว

ดังนั้น จึงเป็นไปไม่ได้ที่จะสร้างการผันกลับประชากรด้วยสองระดับ 1 และ 2 เท่านั้น จึงมีคำถามว่าเป็นไปได้หรือไม่ที่จะสร้างการกลับเป็นฝ่ายมากโดยใช้ระดับของอะตอมมากกว่าสองระดับขึ้นไป แต่ไม่ถึงกับเป็นกสุ่มของระดับไม่จำกัดจำนวนมาก ๆ เราจะเห็นได้ว่าขั้นตอนในการนี้เป็นไปได้มากที่เดียว ดังนั้นเราจะพิจารณาเกี่ยวกับเลเซอร์สามหรือสี่ระดับขึ้นกับจำนวนของระดับพลังงานที่ใช้ (รูป 1.6) ในระบบเลเซอร์สามระดับ (รูป 1.6 a) อะตอมขึ้นจากระดับพื้น (ground level) ไปยังระดับ 3 ด้วยวิธีการอย่างใดอย่างหนึ่ง หลังจากนั้นมันจะลดระดับลงอย่างรวดเร็วไปยังระดับ 2 ดังนั้น ด้วยวิธีการนี้เราสามารถทำการผันกลับประชากรได้อยู่ระหว่างระดับ 2 และระดับ 1 ในเลเซอร์สี่ระดับ (รูป 1.6 b) อะตอมขึ้นจากระดับพื้นอีก เช่นกัน (เพื่อความเหมาะสมเราจะเรียกระดับนี้เป็นระดับ 0) ไปยังระดับ 3 หลังจากนั้นอะตอมลดลงไปยังระดับ 2 อย่างรวดเร็ว และการผันกลับประชากรสามารถทำได้อยู่ระหว่างระดับ 2 และระดับ 1 เช่นกัน อย่างไรก็ตาม เมื่อการอสูตรแลตเริ่มขึ้นในเลเซอร์สี่ระดับ อะตอมจะเคลื่อนย้ายไประดับ 1 (เนื่องจากการเปล่งแสงโดยการกระตุ้น) ดังนั้น เมื่อเลเซอร์สี่ระดับทำงานด้วยคลื่นต่อเนื่อง มันจำเป็นต้องมีการเปลี่ยนแปลงจากระดับ $1 \rightarrow 0$ เกิดขึ้นอย่างรวดเร็วมาก ด้วยเช่นกัน



รูป 1.6 แสดงแผนภูมิ (a) เลเซอร์สามระดับ (b) เลเซอร์สี่ระดับ

ขณะนี้เราเห็นได้ว่า สามารถใช้ระบบสามหรือสี่ระดับของวัตถุสร้างการผันกลับประชากรขึ้นได้ ไม่ว่าระบบจะทำงานในแผนภูมิสามหรือสี่ระดับ (หรือมันจะทำงานในแผนภูมิทั้งสองพร้อมกัน) หรือมีเงื่อนไขต่าง ๆ มากหมายตามที่กำหนดไว้ข้างต้นก็ตาม มันสามารถทำได้สำเร็จ แน่นอนเราต้องถามว่าทำไมจึงต้องทำงานกับระบบสี่ระดับอีก ในเมื่อระบบสามระดับ มีประสิทธิภาพเพียงพอในการสร้างการผันกลับประชากรได้แล้ว คำตอบก็คือ โดยทั่วไปเราสามารถสร้างการผันกลับประชากรจากเลเซอร์สี่ระดับได้ง่ายกว่าสร้างจากเลเซอร์สามระดับ เพื่อให้เห็นง่ายขึ้น เรามาสังเกตว่าความแตกต่างพลังงานระหว่างระดับต่าง ๆ ในรูป 1.6 โดยทั่วไปมีค่ามากกว่า KT จากสถิติของโบลท์zman [ดูสมการ (1.8)] เราสามารถกล่าวได้ว่า อะตอมทั้งหมดแรกเริ่มอยู่ในระดับพื้น (ที่สภาวะสมดุล) ถ้าเราให้ N₀ เป็นจำนวนอะตอมทั้งหมด ต่อหน่วยปริมาตรของวัตถุอยู่ในระดับ 1 สำหรับกรณีของเลเซอร์สามระดับ ต่อไปเราให้อะตอมจากระดับ 1 ขึ้นไปยังระดับ 3 และลดระดับลงสู่ระดับ 2 และถ้าการลดระดับนี้มีความเร็วอย่างเพียงพอ ระดับ 3 จะคงเหลืออะตอมจำนวนน้อยหรือไม่ก็ว่างเปล่าเลยที่เดียว ในกรณีนี้ จะมีจำนวนอะตอมราวกว่าหนึ่งของประชากรอะตอมทั้งหมด N₀ ขึ้นไปอยู่ในระดับ 2 เพื่อไปทำให้จำนวนประชากรอะตอมของระดับ 1 และ 2 เท่ากัน จากจุดนี้เมื่อเห็นอะตอมอื่น ๆ ขึ้นไปยังระดับ 2 เรื่อย ๆ จะเห็นได้เกิดการผันกลับประชากรขึ้น อย่างไรก็ตาม ในเลเซอร์สี่ระดับ ระดับ 1 ตอนแรกเริ่มว่างเปล่า ออะตอมใด ๆ ที่ได้ขึ้นไปในเวลาต่อมาสามารถทำให้เกิดการผันกลับประชากรหันที่ จำกัดผลดังกล่าวแสดงว่าเราต้องหาวัตถุซึ่งสามารถทำงานได้เหมือนกับระบบสี่ระดับมากกว่าระบบสามระดับ และถ้าใช้ระบบที่มีระดับมากกว่าสี่ระดับ ย่อมเป็นไปได้ด้วย

ขั้นตอนซึ่งอะตอมขึ้นจากระดับ 1 ไประดับ 3 (ในแผนภูมิเลเซอร์สามระดับ) หรือขึ้นจากระดับ 0 ไประดับ 3 (ในแผนภูมิเลเซอร์สี่ระดับ) เรียกว่า การยกระดับพลังงาน มีวิธีการหลากหลายที่ขั้นตอนเหล่านี้สามารถปฏิบัติให้เป็นจริงได้ (เช่น โดยใช้คลื่นแสงที่เข้มเพียงพอซึ่งระบบดูดกลืนเข้าไป ทำให้อะตอมยกระดับพลังงานให้สูงขึ้นไประดับ 3) เราจะพิจารณาในรายละเอียดของขั้นตอนการยกระดับพลังงานยีกครั้งหนึ่งในบทที่ 3

1.4 สรุป

1. การเกิดแสงเลเซอร์มีปรากฏการณ์พื้นฐานสามอย่างคือ การเปล่งแสงตามปกติ-วิสัย การเปล่งแสงโดยการกระตุ้น และการดูดกลืน
2. คุณสมบัติที่สำคัญของแสงเลเซอร์คือ ความมีระดับสูงของการมีพิเศษทางตรงกับมีแสงสีเดียว ความพร้อมเพรียง และความสว่าง
3. ระดับพลังงานของเลเซอร์ต้องเป็นระบบสามระดับหรือสี่ระดับ มากกว่าเป็นระบบสองระดับ

แบบฝึกหัดที่ 1

- 1.1 จากスペกตรัมคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าในสาขาเลเซอร์ เริ่มจากบริเวณคลื่นวิลลิเมตรย่ออย่างไปจนถึงบริเวณความยาวคลื่นรังสีเอ็กซ์ ซึ่งครอบคลุมบริเวณต่อไปนี้
- (1) ไกลจากคลื่นได้เดง
 - (2) ไกลลักคลื่นได้เดง
 - (3) คลื่นแสงที่มองเห็นได้
 - (4) คลื่นเหนือม่วง (UV)
 - (5) คลื่นเหนือม่วงสูญญาณ (VUV)
 - (6) ไกลรังสีเอ็กซ์
 - (7) รังสีเอ็กซ์

จากตัวรามาตรฐาน ให้หาช่วงความยาวคลื่นของบริเวณดังกล่าวข้างต้น ให้บันทึกช่วงความยาวคลื่นเหล่านี้ที่พบบ่อย ๆ ในหนังสือเล่มนี้

- 1.2 จากปัญหาข้อ 1.1 ให้บันทึกความยาวคลื่นที่สอดคล้องกับแสงสีน้ำเงิน, สีเขียวและสีแดง
- 1.3 ถ้าระดับ 1 และ 2 ของรูป 1.1 ห่างกันด้วยพลังงาน $E_2 - E_1$ ซึ่งสอดคล้องกับการเปลี่ยนแปลงความถี่ตอกในช่วงกึ่งกลางของแทนคลื่นแสงที่มองเห็นได้ ให้คำนวณอัตราส่วนของจำนวนประชากรอะตอมของทั้งสองระดับในขณะอุณหภูมิสมดุลที่อุณหภูมิห้อง
- 1.4 เมื่ออุณหภูมิสมดุล (ที่ $T = 300^{\circ}\text{K}$) อัตราส่วนของจำนวนประชากร N_2/N_1 ของสองระดับคู่ใด ๆ กำหนดด้วย $1/e$ ให้คำนวณหาความถี่ v สำหรับการเปลี่ยนแปลงนี้ และความถี่ที่ตอกในช่วงบริเวณใดของスペกตรัมแม่เหล็กไฟฟ้า