

# บทที่ 1

## โครงสร้างของอะตอม

### วัตถุประสงค์

1. ศึกษาโครงสร้างของอะตอม แบบจำลองของอะตอม และ สเปกตรัมของอะตอม  
ไฮโตรเจน
2. ศึกษานิวเคลียส ปฏิกิริยานิวเคลียร์

### 1.1 บทนำ

สารทุกชนิดในโลกประกอบด้วยส่วนประกอบที่มีชื่อเรียกว่า อะตอม (atom) นักวิทยาศาสตร์ได้ทำการค้นคว้าศึกษาเรื่องราวของอะตอมมานานแล้ว และสามารถเข้าใจ ปรากฏการณ์ต่างๆ ที่เกิดจากอะตอม อย่างไรก็ตาม ปัจจุบันนี้นักวิทยาศาสตร์ก็ยังต้องศึกษาเรื่อง ราวของอะตอมอยู่ เพราะว่า มีการค้นพบคุณสมบัติของอะตอมซึ่งยังคงต้องการคำอธิบายเพิ่มขึ้น อีกมาก เนื่องจากอะตอมมีขนาดเล็กมากจนไม่สามารถมองเห็นด้วยตาเปล่า การศึกษาอะตอมจึง กระทำไปด้วยความยากลำบากและเป็นไปอย่างเชื่องช้า

### 1.2 ประวัติการศึกษาอะตอม

ประมาณ 400 ปีก่อนคริสต์ศักราช ดิโมคริตัส (Democritus) กล่าวถึงอะตอมเป็น คนแรก ตามความคิดของเขาสารทุกชนิดประกอบด้วยชิ้นส่วนที่เล็กที่สุดที่แบ่งแยกต่อไปอีก ไม่ได้ ชิ้นส่วนนี้มีชื่อเรียกว่าอะตอม หรือสสารมี質量นิดกี้เนื่องมาจากโครงสร้างการจับตัว ของอะตอมแตกต่างกัน ระหว่างอะตอมเป็นที่ว่างเปล่า ซึ่งอะตอมสามารถเคลื่อนที่ไปมาภายใน ที่ว่างเปล่านี้ อีกประมาณ 60 ปีต่อมา อาริสโตเตล (Aristotle) นักวิทยาศาสตร์ที่มีชื่อเสียงมาก

ไม่เชื่อเรื่องอะตอม เขากล่าวว่า สารไม่ได้ประกอบขึ้นจากอะตอม แต่ประกอบจากธาตุ 4 อายุ กือ ดิน น้ำ ลม ไฟ เนื่องจากอริสโตเตลเป็นบุคคลที่มีผู้เชื่อถือมาก ทำให้ความคิดเกี่ยวกับอะตอม ต้องหยุดชะงักลงเป็นเวลากว่า 2,000 ปี

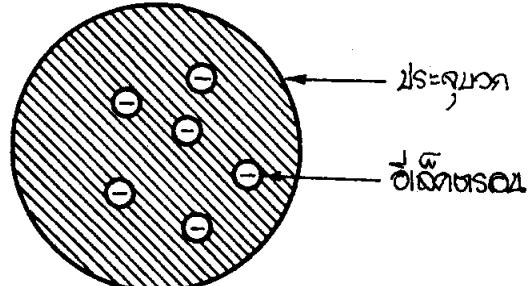
ต่อมาประมาณศตวรรษที่ 17 ดาลตัน (Dalton) ตั้งทฤษฎีอะตอมขึ้น โดยอาศัยวิธีการทางเคมีมาพิสูจน์ อะตอมของธาตุตัวตัวเดียวกันจะมีมวลเท่ากัน ไม่ใช่หัวใจของธาตุ เนื่องจากมีการทดลองมาสนับสนุนทฤษฎี นักวิทยาศาสตร์จึงหันมาค้นคว้าหาความจริงเกี่ยวกับอะตอม จนเป็นที่เชื่อแน่ว่า อะตอมมีอยู่จริง

ค.ศ. 1875 เชอร์วิลเลียมครูคส์ (Sir Williams Crookes) ต่อแหล่งจ่ายไฟตรงที่มีแรงเกลื่อนไฟฟ้าสูงเข้ากับขั้วไฟฟ้าของหลอดสูญญากาศ ปรากฏว่าเกิดแสงเรืองสีเขียวขึ้นบริเวณผิวแก้วใกล้ขั้วบวก (Anode) เขารู้ป่าว ล่างที่ทำให้เกิดแสงเรือง จะต้องเป็นอะไรมักอย่างหนึ่งที่ออกมาจากขั้วลบ (cathode) พยายามจะวิงไปยังขั้วบวกทำให้เกิดแสงเรืองขึ้น เขายกสิ่งที่ออกมาจากขั้วลบนี้ว่า รังสีแคโทด (cathode rays)

เจ.เจ. ทอมสัน (J. J. Thomson) เป็นคนแรกที่พิสูจน์ว่ารังสีแคโทดที่แท้จริงเป็นอนุภาคที่มีประจุบวก เพราะรังสีนี้ถูกเบี่ยงเบนได้โดยสนามแม่เหล็กและสนามไฟฟ้า ทอมสันสามารถวัดอัตราส่วนระหว่างประจุกับมวลของอนุภาคนี้ได้ ต่อมาอนุภาคนี้เรียกว่า อิเล็กตรอน (electron)

### 1.3 แบบจำลองอะตอมของทอมสัน

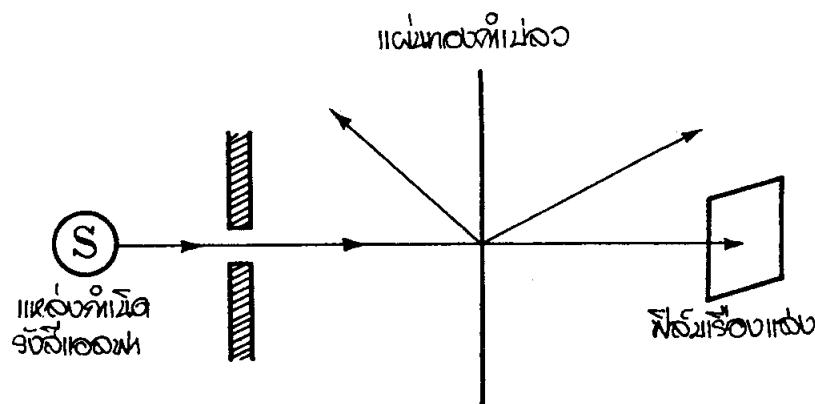
หลังจากการค้นพบอิเล็กตรอน ทอมสันได้เสนอว่า อะตอมควรประกอบด้วยประจุบวกรวมกันเป็นทรงกลม มีรัศมีประมาณ  $10^{-10}$  เมตร อิเล็กตรอนเป็นเม็ดเล็กๆ ฝังกระจายอยู่ภายในทรงกลมอย่างสม่ำเสมอจำนวนประจุบวกและประจุลบมีค่าเท่ากัน ทำให้อะตอมมีสภาพทางไฟฟ้าเป็นกลาง อิเล็กตรอนเคลื่อนที่ไปมาในเนื้อที่ประจุบวกได้โดยสะดวก เมื่ออิเล็กตรอนได้รับพลังงานจะเคลื่อนที่ไปมาและเปล่งคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าออกมานะ



รูปที่ 1.1 แบบจำลองอะตอมของทอมสัน

#### 1.4 แบบจำลองอะตอมของรัทเชอร์ฟอร์ด

เออเนสต์ รัทเชอร์ฟอร์ด (Ernest Rutherford) ทำการทดลองห้าโครงสร้างของอะตอมในปี ค.ศ. 1911 ณ ประเทศอังกฤษ เขายังสารกัมมันตรังสีเรเดียม (radium) ซึ่งสลายตัวให้ออนุภาคแอลฟ่า (alpha) พลังงาน 7.6 เอ็ม อี วี (MeV) เป็นแหล่งกำเนิดของอนุภาคที่มีความเร็วสูงประมาณ  $10^7$  เมตร/วินาที และทำให้คำนวนว่าอนุภาคแอลฟ่าส่วนมากวิ่งทะลุผ่านแผ่นทองคำบางๆ (gold leaf) ผลการทดลองพบว่า อนุภาคแอลฟ่าส่วนมากวิ่งทะลุผ่านแผ่นทองคำราวกับว่าไม่ได้ชนอะไรเลย ส่วนน้อยที่เบี่ยงเบนไปจากแนวเดิม และบางครั้งท่อนกลับ แสดงว่าจะต้องชนกับอะไรสักอย่างหนึ่งที่มีขนาดใหญ่กว่า รัทเชอร์ฟอร์ดจึงสรุปว่า อะตอมประกอบด้วยพื้นที่ว่างเป็นส่วนมาก โดยมีประจุบวกรวมตัวกันอยู่อย่างหนาแน่นอยู่ตรงกลางของอะตอม และมีอิเล็กตรอนโคจรอยู่ห่างๆ



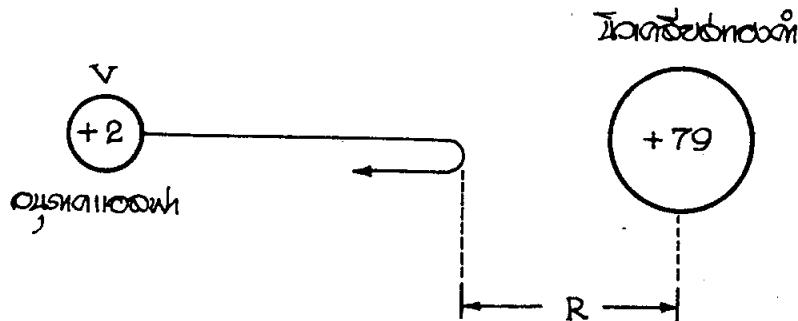
รูปที่ 1.2 การทดลองของรัทเชอร์ฟอร์ด (Scattering experiment)

อะตอมของรัทเชอร์ฟอร์ดมีข้อบังคับทฤษฎีฟิสิกส์คือ ตามทฤษฎีของแมกซ์เวลล์ (Maxwell) ประจุไฟฟ้าซึ่งเคลื่อนที่ด้วยความเร็วจะเปล่งคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า อิเล็กตรอนโคจรอณประจุบวกจะมีความเร่งเข้าสู่ศูนย์กลางซึ่งจะต้องส่งคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าออกมานำ ทำให้อิเล็กตรอนสูญเสียพลังงาน โคจรเข้าใกล้ประจุบวก และผลสุดท้ายจะตกลงสู่ประจุบวกอิเล็กตรอนจึงไม่สามารถโคจรอณประจุบวกตลอดไป

ตัวอย่างที่ 1.1 อนุภาคแอลฟ่าพลังงานจน 5 เอ็ม อี วี วิ่งเข้าใกล้ในวินาทีของสบong ทองคำซึ่งมีประจุบวก   
 PH 325 บวก 79 จงหา

- ก. ความเร็วของอนุภาคแอลฟ่า เมื่ออยู่ห่างจากนิวเคลียสมาก จะถือว่าไม่เกิดแรงกระทำกับนิวเคลียส
- ข. ระยะทางที่อนุภาคแอลฟ่าสามารถเข้าใกล้นิวเคลียสได้มากที่สุด โดยถือว่า นิวเคลียสของทองคำอยู่นิ่งตลอดเวลา

### วิธีทำ



กำหนดให้  $V$  = ความเร็วของอนุภาคแอลฟ่า

$R$  = ระยะห่างจากนิวเคลียส

$$\text{ก) พลังงานจลน์ (K.E.)} = \frac{1}{2} m V^2$$

$$V^2 = \frac{2 \text{ K.E.}}{m}$$

แทนค่า

$$V^2 = \frac{2(5 \times 10^6 \times 1.6 \times 10^{-19})}{4 \times 1.66 \times 10^{-27}}$$

$$V = 1.5 \times 10^2 \text{ เมตร/วินาที}$$

ความเร็วของอนุภาคแอลฟ่า  $1.5 \times 10^2$  เมตร/วินาที

ข) เมื่ออนุภาคแอลฟ่าเข้าไปใกล้นิวเคลียสมากที่สุด ความเร็วจะเป็นศูนย์ พลังงานจลน์ทั้งหมดเปลี่ยนเป็นพลังงานศักย์

$$\text{พลังงานจลน์ (K.E.)} = \text{พลังงานศักย์ (P.E.)}$$

$$\frac{1}{2} m V^2 = K Q_1 Q_2$$

$$5 \times 10^6 \times 1.6 \times 10^{-19} = \frac{(9 \times 10^9)(2 \times 1.6 \times 10^{-19})(79 \times 1.6 \times 10^{-19})}{R}$$

$$R = \frac{(9 \times 10^9)(2 \times 1.6 \times 10^{-19})(79 \times 1.6 \times 10^{-19})}{5 \times 10^6 \times 1.6 \times 10^{-19}}$$

$$= 5 \times 10^{-14} \text{ เมตร}$$

อนุภาคเข้าไปใกล้ผิวนิวเคลียสมากที่สุดในระยะ  $5 \times 10^{-14}$  เมตร

### 1.5 สมมติฐานเกี่ยวกับอะตอมของบอร์ (Bohr)

จากการที่อะตอมตามแบบของรัทธอร์ฟอร์ดยังมีข้อโต้แย้งอยู่ นีล บอร์ (Neils Bohr) พยายามแก้ไขข้อโต้แย้งนี้โดยการตัวสมมติฐานเกี่ยวกับอะตอม ซึ่งมีความดังต่อไปนี้

ก. เมื่ออิเล็กตรอนโคจรรอบนิวเคลียส โดยมีโมเมนตัมเชิงมุม (Angular momentum) เป็นไปตามความสัมพันธ์ข้างล่างนี้ จะไม่มีการส่งคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าออกมานะ

$$L = mVR = nh = \frac{nh}{2\pi}$$

เมื่อ  $L = \text{โมเมนตัมเชิงมุม}$

$m = \text{มวลของอิเล็กตรอน}$

$V = \text{ความเร็วของอิเล็กตรอน}$

$R = \text{รัศมีของวงโคจร}$

$n = \text{เลขเต็มหน่วยบวก} = 1, 2, 3, \dots$

$$n = \frac{h}{2\pi}$$

$h = \text{ค่าคงที่ของแพลงค์}$

ข. พลังงานของอิเล็กตรอนจะเกิดการเปลี่ยนแปลง เมื่ออิเล็กตรอนเปลี่ยนระดับวงโคจรจากระดับหนึ่งไปยังอีกระดับหนึ่ง ถ้าอิเล็กตรอนเคลื่อนเข้าใกล้นิวเคลียสจะหายพลังงานออกมาน แต่ถ้าเคลื่อนออกห่างจากนิวเคลียสจะต้องได้รับพลังงานจำนวนหนึ่ง ถ้าอิเล็กตรอนเคลื่อนจากระดับໂโคจรที่มีพลังงาน  $E_i$  ไปยังระดับวงโคจรที่มีพลังงาน  $E_f$  จะเกิดการเปลี่ยนแปลงของพลังงานดังนี้

$$\Delta E = E_f - E_i = hV$$

เมื่อ  $\Delta E$  = การเปลี่ยนแปลงของพลังงาน

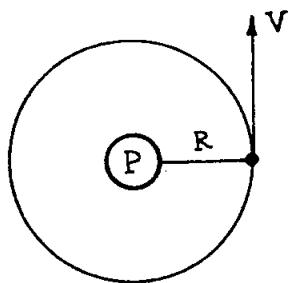
$E_i$  = พลังงานเริ่มต้น

$E_f$  = พลังงานสุดท้าย

$V$  = ความถี่ของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า

### 1.6 อะตอมไฮโดรเจน

อะตอมไฮโดรเจนประกอบด้วยโปรตอน 1 ตัว อยู่ตรงกลางของอะตอมและมีอิเล็กตรอน 1 ตัว โคจรเป็นวงกลมอยู่ห่างๆ กำหนดให้รัศมีของวงโคจร =  $R$  และความเร็วของอิเล็กตรอน =  $V$  ในสภาวะปกติอิเล็กตรอนจะโคจรอยู่ในวงโคจรที่ใกล้กับนิวเคลียสมากที่สุด คือ วงโคจร  $n = 1$  เรียกว่า อะตอมอยู่ในภาวะพื้นฐาน (ground state) เมื่ออิเล็กตรอนได้รับพลังงานจะเคลื่อนไปยังวงโคจรที่ห่างจากนิวเคลียสมากยิ่งขึ้น คือ วงโคจรชั้น  $n = 2, 3, 4, \dots$  เรียกว่า อะตอมอยู่ในภาวะกระตุ้น (excited state)



รูปที่ 1.3 อะตอมไฮโดรเจน

กำหนดให้  $V_n$  = ความเร็วของอิเล็กตรอนในวงโคจรชั้น  $n$

$R_n$  = รัศมีของวงกลมชั้น  $n$

$E_n$  = พลังงานของอิเล็กตรอนในวงโคจรชั้น  $n$

รัศมีของวงโคจร ( $R_n$ )

อิเล็กตรอนโคจรเป็นวงกลมรอบโปรตอนเกิดแรงสูญญากาศ ซึ่งเป็นแรงเดียวกับแรงคูโอล์ม ซึ่งเกิดจากการดูดของโปรตอนกับอิเล็กตรอน

$$\frac{mV_n^2}{R_n} = \frac{KQ_1Q_2}{R_n^2}$$

สำหรับอะตอมไฮโดรเจน  $Q_1 = Q_2 = e$

$$\frac{mV_n^2}{R_n} = \frac{Ke^2}{R_n^2}$$

$$mV_n^2 R_n^2 = Ke^2 R_n$$

$$m \text{ คุณตลอด ; } m^2 V_n^2 R_n^2 = mKe^2 R_n$$

แต่  $mV_n R_n = nh$

ดังนั้น  $n^2 h^2 = mKe^2 R_n$

$$R_n = \frac{n^2 h^2}{mKe^2}$$

แทนค่า  $h = 1.055 \times 10^{-34}$  จูล-วินาที

$m = 9.11 \times 10^{-31}$  กก.

$K = 9 \times 10^9$

$e = 1.6 \times 10^{-19}$  คูลอนบี

$$R_n = \frac{n^2 (1.055 \times 10^{-34})^2}{(9.11 \times 10^{-31})(9 \times 10^9)(1.6 \times 10^{-19})^2}$$

$$= n^2 \times 5.3 \times 10^{-11} \text{ เมตร}$$

$$R_n = (5.3 \times 10^{-11})n^2 \text{ เมตร}$$

ความเร็วของอีเล็กตรอน ( $V_n$ )

จาก  $mV_n R_n = nh$

$$\text{แทนค่า } R_n ; mV_n \frac{n^2 h^2}{mK e^2} = nh$$

$$V_n = \frac{K e^2}{n h}$$

$$V_n = \frac{(9 \times 10^9)((1.6 \times 10^{-19})^2)}{n(1.055 \times 10^{-34})}$$

$$= \frac{2.18 \times 10^6}{n} \text{ เมตร/วินาที}$$

$$V_n = \frac{2.18 \times 10^6}{n} \text{ เมตร/วินาที}$$

พลังงานของอีเล็กตรอน ( $E_n$ )

พลังงานของอีเล็กตรอนเท่ากับผลรวมของพลังงานจลน์ (K.E.) และพลังงานศักย์ไฟฟ้า (P.E.)

$$E_n = K.E. + P.E.$$

$$= \frac{1}{2} m V_n^2 - \frac{K e^2}{R_n}$$

แทนค่า  $V_n^2$

$$E_n = \frac{1}{2} m \frac{K e^2}{m R_n} - \frac{K e^2}{R_n}$$

$$= \frac{1}{2} \frac{K e^2}{R_n} - \frac{K e^2}{R_n}$$

$$= - \frac{1}{2} \frac{Ke^2}{R_n}$$

แทนค่า  $R_n$

$$E_n = - \frac{1}{2} \frac{Ke^2}{n^2 h} \frac{mKe^2}{n^2 h}$$

$$E_n = - \frac{mK^2 e^4}{2n^2 h^2}$$

$$\text{แทนค่า } E_n = \frac{(9.11 \times 10^{-31})(9 \times 10^9)^2 (1.6 \times 10^{-19})^4}{2n^2 (1.055 \times 10^{-32})^2}$$

$$= - \frac{2.172 \times 10^{-18}}{n^2} \text{ จูดิ}$$

$$= - \frac{2.172 \times 10^{-18}}{1.6 \times 10^{-9} n^2} \text{ eV}$$

$$= - \frac{13.6}{n^2} \text{ จูดิ}$$

$$E_n = - \frac{13.6}{n^2} \text{ eV}$$

### 1.7 สเปกตรัมของอะตอมไฮโดรเจน

เมื่ออีเล็กตรอนเคลื่อนที่จากวงโคจรชั้น  $n_i$  มาอยู่ในวงโคจรชั้น  $n_f$  จะเกิดการเปลี่ยนแปลงของพลังงาน ถ้าอีเล็กตรอนเคลื่อนเข้าใกล้แก่เดียวกันจะส่งคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าออกมานอก

$$hV = E_i - E_f$$

แทนค่า  $E_i$  และ  $E_f$

$$hV = -\frac{mK^2 e^4}{2n_i^2 h} - \frac{mK^2 e^4}{2n_f^2 h}$$

$$\frac{hc}{\lambda} = \frac{mK^2 e^4}{2n_f^2 h} - \frac{mK^2 e^4}{2n_i^2 h}$$

$$\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{n_f^2} - \frac{1}{n_i^2} \frac{mK^2 e^4}{2h^2 hc}$$

แทนค่า

$$\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{n_f^2} - \frac{1}{n_i^2} \frac{(9.11 \times 10^{-31})(9 \times 10^{9.2})(1.6 \times 10^{-19.4})}{2(1.055 \times 10^{-34.2})(6.63 \times 10^{-34})(3 \times 10^8)}$$

$$= 1.0918 \times 10^7 \frac{1}{n_f^2} - \frac{1}{n_i^2}$$

$$\boxed{\frac{1}{\lambda} = 1.0918 \times 10^7 \left[ \frac{1}{n_f^2} - \frac{1}{n_i^2} \right]}$$

ก่อนที่บอร์จคืนพนสูตรของスペคตรัมสูตรนี้ ในปี ก.ศ. 1885 เจ นาลเมอร์ (J. Balmer) ได้ทำการทดลองหาスペคตรัมของอะตอมจากผลการทดลองที่ได้ โดยอาศัยคณิตศาสตร์ ที่สามารถหาสูตรスペคตรัมได้ โดยเป็นไปตามสมการต่อไปนี้

$$\boxed{\frac{1}{\lambda} = R_H \left[ \frac{1}{n_f^2} - \frac{1}{n_i^2} \right]}$$

เมื่อ  $R_H$  = ค่าคงที่ของไรด์เบิร์ก (Rydberg)  
 $= 1.09721 \times 10^7$  เมตร $^{-1}$

เส้นスペคตรัมของอะตอมไฮโดรเจนนี้ นักวิทยาศาสตร์หลายท่านได้ทำการค้นคว้า

### จึงแบ่งสเปคตั้งของก่อเป็นหลายชุด

- ก. ชุดของบาลเมอร์ เกิดจากการที่อีเล็กตรอนเปลี่ยนระดับจากวงโคจรชั้นนอกเข้าสู่วงโคจรชั้น  $n = 2$  เช่น เปลี่ยนจากระดับวงโคจรชั้น  $n = 3$  ไปยังวงโคจรชั้น  $n = 2$  ทำให้ได้โฟตอนซึ่งมีความยาวคลื่น 656 นาโนเมตร
- ข. ชุดของไลแมน (LYMAN) อีเล็กตรอนเปลี่ยนระดับโดยไปหยุดอยู่ที่วงโคจรชั้น  $n = 1$
- ค. ชุดของพัสเซน (Paschen) อีเล็กตรอนเปลี่ยนระดับวงโคจรเข้าสู่วงโคจรชั้น  $n = 3$
- ง. ชุดของเบรคเกท (Brackett) อีเล็กตรอนเปลี่ยนระดับวงโคจรเข้าสู่วงโคจรชั้น  $n = 4$
- จ. ชุดของฟันด์ (Pfund) อีเล็กตรอนเปลี่ยนระดับวงโคจรเข้าสู่วงโคจรชั้น  $n = 5$

### ตารางที่ 1.1 เส้นสเปคตั้งชุดต่างๆ

สเปคตั้งชุด	ระดับวงโคจรสุดท้าย ( $n_f$ )	ระดับวงโคจรเริ่มต้น ( $n_i$ )
บาลเมอร์	2	3, 4, ...
ไลแมน	1	2, 3, ...
พัสเซน	3	4, 5 ...
เบรคเกท	4	5, 6, ...
ฟันด์	5	6, 7, ...

ตัวอย่างที่ 1.2 จงคำนวณความยาวคลื่นของโฟตอนที่เกิดจากอะตอมไฮโดรเจน เมื่ออีเล็กตรอนเปลี่ยนระดับโคจรจากวงโคจรชั้น  $n = 3, 4, 5, 6$  และ  $\infty$  มาข้างชั้น  $n = 2$  (เส้นสเปคตั้งชุดบาลเมอร์)

วิธีที่ 1 วิธีที่ 1 จาก

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \left[ \frac{1}{n_f^2} - \frac{1}{n_i^2} \right]$$

เส้นแรก  $n_i = 3$  ,  $n_f = 2$  ,  $R_H = 1.09721 \times 10^9$

$$\frac{1}{\lambda} = 1.09721 \times 10^9 \left[ \begin{array}{cc} 1 & 1 \\ -2^2 & 3^2 \end{array} \right]$$

$$= 6.65 \times 10^{-7} \text{ เมตร}$$

เลี้ยงที่สอง  $n_i = 4$ ,  $n_f = 2$

$$\frac{1}{\lambda} = 1.09721 \times 10^7 \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 4 & 16 \end{bmatrix}$$

$$\lambda = 4.86 \times 10^{-7} \text{ เมตร}$$

เลี้ยงที่สาม  $n_i = 5$ ,  $n_f = 2$

$$\frac{1}{\lambda} = 1.09721 \times 10^7 \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 4 & 25 \end{bmatrix}$$

$$\lambda = 4.34 \times 10^{-7} \text{ เมตร}$$

เลี้ยงที่สี่  $n_i = 6$ ,  $n_f = 2$

$$\frac{1}{\lambda} = 1.09721 \times 10^7 \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 4 & 36 \end{bmatrix}$$

$$\lambda = 4.10 \times 10^{-7} \text{ เมตร}$$

เลี้ยงสุดท้าย  $n_i = \infty$ ,  $n_f = 2$

$$\frac{1}{\lambda} = 1.09721 \times 10^7 \begin{bmatrix} 1 & -0 \\ 4 & 4 \end{bmatrix}$$

$$\lambda = 3.64 \times 10^{-7} \text{ เมตร}$$

วิธีที่ 2 จาก  $E_n = -\frac{13.6}{n^2} \text{ eV}$

เมื่อ  $n = 2$   $E_2 = -3.4 \text{ eV}$

เมื่อ  $n = 3$   $E_3 = -1.51 \text{ eV}$

เมื่อ  $n = 4$   $E_4 = -0.85 \text{ eV}$

เมื่อ  $n = 5$   $E_5 = -0.544 \text{ eV}$

เมื่อ  $n = 6$   $E_6 = -0.378 \text{ eV}$

เมื่อ  $n = \infty$   $E_\infty = 0 \text{ eV}$

เลี้ยงที่ 1  $n_i = 3$ ,  $n_f = 2$

$$\Delta E = E_3 - E_2 = (-1.51) - (-3.4) = 1.89 \text{ eV}$$

$$\lambda = \frac{hc}{E} = \frac{6.626 \times 10^{-34} \times 2.998 \times 10^8}{1.89 \times 1.602 \times 10^{-19}}$$

$$\boxed{\lambda = \frac{1.24 \times 10^{-6}}{E} \text{ เมตร}}$$

$$\text{แทนค่า } \lambda = \frac{1.24 \times 10^{-6}}{1.89} = 6.65 \times 10^{-7} \text{ เมตร}$$

เส้นที่สอง  $n_i = 4$  ,  $n_f = 2$

$$\Delta E = E_4 - E_2 = (-0.85) - (-3.4) = 2.55 \text{ eV}$$

$$\lambda = \frac{1.24 \times 10^{-6}}{2.55} = 4.86 \times 10^{-7} \text{ เมตร}$$

เส้นที่สาม  $n_i = 5$  ,  $n_f = 2$

$$\Delta E = E_5 - E_2 = (-0.544) - (-3.4) = 2.856 \text{ eV}$$

$$\lambda = \frac{1.24 \times 10^{-6}}{2.856} = 4.34 \times 10^{-7} \text{ เมตร}$$

เส้นที่สี่  $n_i = 6$  ,  $n_f = 2$

$$\Delta E = E_6 - E_2 = (-0.378) - (-3.4) = 3.022 \text{ eV}$$

$$\lambda = \frac{1.24 \times 10^{-6}}{3.022} = 4.1 \times 10^{-7} \text{ เมตร}$$

เส้นสุดท้าย  $n_i = \infty$  ,  $n_f = 2$

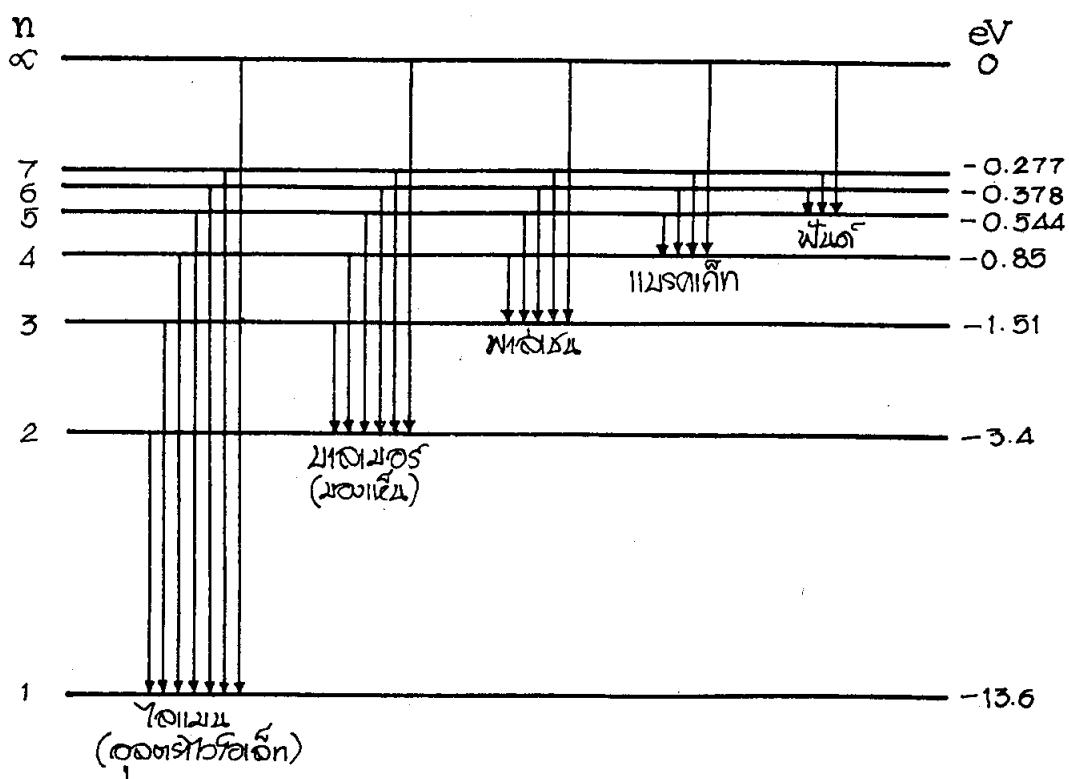
$$\Delta E = E_\infty - E_2 = 0 - (-3.4) = 3.4 \text{ eV}$$

$$\lambda = \frac{1.24 \times 10^{-6}}{3.4} = 3.64 \times 10^{-7} \text{ เมตร}$$

## 1.8 ระดับพลังงานของอะตอมไฮโดรเจน

จากสูตรที่ใช้ในการหาระดับพลังงานของอะตอมไฮโดรเจน เมื่อแทนค่า  $n$  จะได้ พลังงานที่ระดับต่างๆ สามารถนำมาเขียนเป็น ไอโคแกรมแสดงระดับพลังงาน ได้ (Energy level diagram) จากไอโคแกรมนี้จะแสดงให้เห็นสเปกตรัมชุดต่างๆ ได้ชัดเจนยิ่งขึ้น

$n$	$E_n$ (eV)
1	- 13.6
2	- 3.4
3	- 1.51
4	- 0.85
5	- 0.544
6	- 0.378
7	- 0.277
:	:
$\infty$	0



รูปที่ 1.4 ไดอะแกรมแสดงระดับพลังงานของอะตอมไฮโดรเจน

ตัวอย่างที่ 1.3 ถ้าอีเล็กตรอนของอะตอมไฮโดรเจนอยู่ในวงโคจรชั้น  $n = 3$  จงหา

- ก. ความเร็วของอีเล็กตรอน
- ข. รัศมีของวงโคจร
- ค. จำนวนรอบต่อวินาที

วิธีทำ ก. จาก  $V_n = \frac{2.18 \times 10^6}{n}$  เมตร/วินาที

$$V_3 = \frac{2.18 \times 10^6}{3} = 7.27 \times 10^5 \text{ เมตร/วินาที}$$

$$\begin{aligned} \text{ข. จาก } R_n &= 5.3 \times 10^{-11} n^2 \text{ เมตร} \\ R_3 &= 5.3 \times 10^{-11} 3^2 \text{ เมตร} \\ &= 4.77 \times 10^{-10} \text{ เมตร} \end{aligned}$$

$$\text{ค. จำนวนรอบต่อวินาที} = \frac{\text{ความเร็ว}}{\text{เส้นรอบวง}}$$

$$\begin{aligned} &= V_3 / 2\pi R_3 \\ &= \frac{7.27 \times 10^5}{2 \times \frac{22}{7} \times 4.77 \times 10^{-10}} \\ &= 2.5 \times 10^{14} \text{ รอบ/วินาที} \end{aligned}$$

### 1.9 อะตอมที่มีอีเล็กตรอนมากกว่าหนึ่งตัว

อะตอมตามแบบของบอร์ไม่สามารถอธิบายถึงพลังงานที่ส่งออกมากจากอะตอมชนิดอื่นที่มีโครงสร้างยุ่งยากกว่าอะตอมไฮโดรเจนได้ นักวิทยาศาสตร์หลายท่านพยายามปรับปรุงโครงสร้างอะตอมของบอร์ เพื่อที่จะอธิบายปรากฏการณ์ต่างๆ ที่เกิดจากอะตอมชนิดอื่นที่มีอีเล็กตรอนมากกว่า 1 ตัว (multielectron atom) แต่ก็ไม่ประสบผลสำเร็จมากนัก จนกระทั่งนักวิทยาศาสตร์ได้ตั้งทฤษฎีควันตัม (Quantum theory) ขึ้น จึงสามารถทำงานจาก การทดลองได้ ถูกต้องยิ่งขึ้น สำหรับงานทางด้านรังสีสามารถใช้อะตอมตามแบบของบอร์นมาอธิบายปรากฏการณ์ต่างๆ ได้ดีอยู่แล้ว จึงไม่จำเป็นต้องใช้ทฤษฎีควันตัม ซึ่งมีความยุ่งยากจากการคำนวณมาก

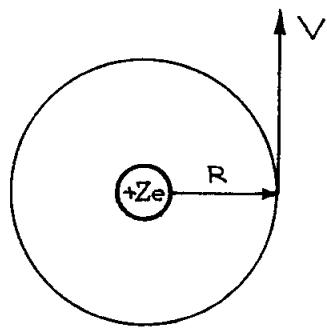
อีเล็กตรอน	พลังงาน (KeV)	อีเล็กตรอน	พลังงาน (KeV)
1 N	0.01	2	0.02
18 M	0.12	12	0.07
8 L	1.1	32	0.59
		18	2.8
2 K	9.0		
ทองแดง ( $Z = 29$ )		8	11.0
		2	69.51
ทั้งสแตน ( $Z = 74$ )			

รูปที่ 1.5 ระดับพลังงานของอะตอมทองแดงและทั้งสแตน

ตามปกติอะตอมจะมีสภาพทางไฟฟ้าเป็นกลาง เพราะว่าจำนวนอีเล็กตรอนภายในออกนิวเคลียสมีค่าเท่ากับประจุบวกของนิวเคลียส อีเล็กตรอนทั้งหมดจะโคจรรอบนิวเคลียส วงโคจรชั้นแรก ( $n = 1$ ) เรียกว่า วงโคจรชั้น內 (K - shell) จะมีอีเล็กตรอนอยู่ได้ไม่เกิน 2 ตัว วงโคจรชั้นที่สอง ( $n = 2$ ) เรียกว่า วงโคจรชั้นนอก (L - shell) มีอีเล็กตรอนไม่เกิน 8 ตัว วงโคจรชั้นที่สาม ( $n = 3$ ) เรียกว่า วงโคจรชั้นอื่น (M - shell) จะมีอีเล็กตรอนได้ไม่เกิน 18 ตัว วงโคจรชั้นนอกสุดของอะตอมมีชื่อเรียกว่า วาเลนซ์อีเล็กตรอน (Valence electron) เป็นอีเล็กตรอนที่มีผลต่อคุณสมบัติทางเคมีของอะตอมมาก อะตอมที่วงโคจรชั้นนอกสุดมีอีเล็กตรอนอยู่เพียง 8 ตัว ไม่ค่อยจะทำปฏิกิริยาทางเคมีกับอะตอมอื่น อะตอมชนิดนี้ ก็คือ อะตอมของพากก๊าซ惰性 (Inert gas) เช่น ไฮเดรน, นีโอน, 氩กอน ฯลฯ

### 1.10 อะตอมที่มีอีเล็กตรอนตัวเดียว

อะตอมอื่นๆ ซึ่งตามปกติมีอีเล็กตรอนมากกว่า 1 ตัว เมื่อเกิดการสูญเสียอีเล็กตรอนขึ้นจนมีอีเล็กตรอนเหลืออยู่เพียงตัวเดียว จะสามารถใช้ทฤษฎีของบอร์ได้ พิจารณาอะตอมที่นิวเคลียสมีประจุ  $Ze$  แต่สูญเสียอีเล็กตรอนบางตัวจนเหลืออีเล็กตรอนเพียงตัวเดียว ตามทฤษฎีของบอร์จะสามารถเขียนสมการได้ดังนี้



$$mVR = nh$$

$$\frac{mV^2}{R} = \frac{K(Ze)(e)}{R^2} = \frac{KZe^2}{R^2}$$

$$E = \frac{1}{2} mV^2 + \frac{K(-e)(+Ze)}{R^2} = \frac{1}{2} mV^2 - \frac{KZe^2}{R}$$

จากการพิสูจน์โดยใช้วิธีการเดียวกับอะตอมไฮโดรเจน จะสามารถพิสูจน์ได้ว่า

$$V = \frac{KZe^2}{nh} = \frac{2.18 \times 10^6}{n} \text{ เมตร/วินาที}$$

$$R = \frac{n^2 h^2}{m K Z e^2} = \frac{5.3 \times 10^{-11} n^2}{Z} \text{ เมตร}$$

$$E = \frac{-m K^2 Z^2 e^4}{2 n^2 h^2} = \frac{-13.6 Z^2}{n^2} \text{ eV}$$

ตัวอย่างที่ 1.4 อะตอมไฮเดรียมมีอิเล็กตรอนสองตัว เมื่อสูญเสียอิเล็กตรอนไปหนึ่งตัว จะเหลืออิเล็กตรอนเพียงตัวเดียว

ก. จงหาระดับพลังงานและรัศมีวงโคจรของวงโคจรชั้นต่างๆ ของอิเล็กตรอนที่เหลือ

ข. ถ้าอิเล็กตรอนเคลื่อนจากวงโคจรชั้น  $n = 4$  ไปยังวงโคจรชั้น  $n = 3$  จงหา

ความยาวคลื่นของโฟตอนที่ปล่อยออกมานา

ก. ถ้าต้องการดึงอิเล็กตรอนตัวที่เหลือนี้ให้หลุดออกจากอะตอม จะต้องใช้พลังงานเท่าไร

$$\text{วิธีทำ ก. จาก } E_n = -\frac{13.6Z^2}{n} \text{ eV}$$

$$\text{และ } R_n = \frac{5.3 \times 10^{-11} n^2}{Z} \text{ เมตร}$$

อะตอมไฮเดรียม  $Z = 2$  แทนค่า  $n$  จะได้ระดับพลังงานและรัศมีของวงโคจร

$n$	$E_n$ (eV)	$R_n (x 10^{-10} \text{ เมตร})$
1	-54.4	0.27
2	-13.6	1.06
3	-6.04	2.38
4	-3.40	4.24
5	-2.18	6.63
6	-1.51	9.54
$\infty$	0	$\infty$

ก.  $\Delta E = E_4 - E_3 = -3.4 - (-6.04) = 2.64 \text{ eV}$

$$\lambda = \frac{1.24 \times 10^{-6}}{2.64} = 4.7 \times 10^{-7} \text{ เมตร}$$

ค. ดึงให้หัวลูกจากอะตอม ก็คือ ทำให้อิเล็กตรอนเปลี่ยนระดับวงโคจรจากวงโคจรชั้น  $n = 1$  ไป

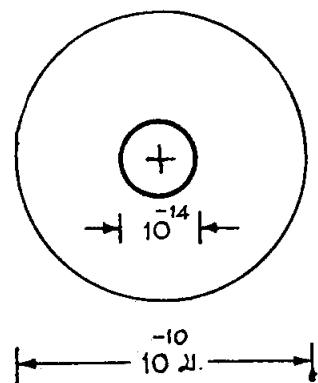
ถัง  $n = \infty$

$$\Delta E = E_1 - E_{\infty} = -54.4 - (0) = -54.4 \text{ eV}$$

จะต้องให้พลังงานแก่อิเล็กตรอน = 54.4 eV

### 1.11 นิวเคลียส

นิวเคลียสประกอบด้วยโปรตอนและนิวตรอนรวมตัวกันอย่างหนาแน่นอยู่ตรงกลางอะตอม นิวเคลียสมีขนาดเล็กมากประมาณ  $10^{-14}$  เมตร ส่วนเส้นผ่าศูนย์กลางของอะตอมประมาณ  $10^{-10}$  เมตร ซึ่งจะพบว่านิวเคลียสมีขนาด  $1/10,000$  เท่าของอะตอม



รูปที่ 1.6 อะตอมของไอโอดีน

ถ้าหากว่านิวเคลียสเป็นทรงกลมรัศมี  $R$  จากการทดลองพบว่า รัศมีของนิวเคลียส เป็นสัดส่วนโดยตรงกับ ( $\text{เลขมวล}$ )  $^{1/3}$

ในปี ค.ศ. 1932 แซดวิค (James Chadwick) ค้นพบนิวตรอน ซึ่งเป็นอนุภาคอิกรูปที่ 1.6 อะตอมของไอโอดีน

ชนิดหนึ่งที่ประกอบขึ้นเป็นนิวเคลียส นิวตรอนเป็นอนุภาคที่มีมวล แต่ไม่มีประจุ ใช้สัญลักษณ์

$\begin{matrix} 1 \\ n \end{matrix}$

## ตารางที่ 1.2 แสดงคุณสมบัติของอนุภาคที่ประกอบขึ้นเป็นอะตอม

อนุภาค	ประจุ (คูลอมป์)	มวล	
		กรัม	เออีมยู
อิเล็กตรอน	$-1.64 \times 10^{-19}$	$9.1 \times 10^{-28}$	0.00055
โปรตอน	$1.64 \times 10^{-19}$	$1.67252 \times 10^{-24}$	1.00727
นิวตรอน	0	$1.67482 \times 10^{-24}$	1.00866

อะตอมมีขนาดเล็กมากเมื่อเปรียบเทียบกับวัตถุก้อนหนึ่ง หน่วยที่ใช้กับวัตถุจึงไม่เหมาะที่จะนำมาใช้กับอะตอม นักวิทยาศาสตร์จึงตั้งหน่วยใหม่เพื่อใช้กับอะตอมและอนุภาคที่ประกอบขึ้นเป็นอะตอม โดยใช้ชาตุかるบอนเป็นตัวมาตรฐานเพื่อใช้ในการเปรียบเทียบ กำหนดให้ 1 เออีมยู (amu) มีค่าเท่ากับ  $\frac{1}{12}$  เท่าของมวลของนิวเคลียสของคาร์บอน ซึ่งประกอบด้วยโปรตอน 6 ตัว และนิวตรอน 6 ตัว ดังนั้น 1 เออีมยู เท่ากับ  $1.6605 \times 10^{-27}$  กิโลกรัม มวลของอะตอมชนิดอื่นก็คิดเทียบจากมวลของอะตอมการบอนนี้ เช่น ไฮโตรเจนธรรมดามีมวลเท่ากับ 1.007825 เออีมยู อ็อกซิเจนธรรมดามีมวล 15.994915 เออีมยู

### 1.12 สัญลักษณ์ของนิวเคลียส



เมื่อ X = สัญลักษณ์ทางเคมีของธาตุที่มีนิวเคลียสชนิดนั้น เช่น นิวเคลียสของไฮโตรเจนใช้ตัว H, นิวเคลียสของอ๊อกซิเจนใช้ตัว O, นิวเคลียสของยูเรเนียมใช้ตัว U

A = เลขมวล (mass number) เป็นตัวเลขแสดงจำนวนนิวตรอน และจำนวนโปรตอนที่มีอยู่ในนิวเคลียสของอะตอมนั้น เช่น  $^{16}\text{O}$  หมายความว่า นิวเคลียสของอ๊อกซิเจนมีโปรตอนและนิวตรอนรวมกัน 16 ตัว  $^{235}\text{U}$  หมายความว่า นิวเคลียสของยูเรเนียมมีโปรตอนและนิวตรอนรวมกัน 235 ตัว

$Z$  = เลขอะตอม (atomic number) เป็นตัวเลขที่แสดงจำนวนโปรตอนที่มีอยู่ภายในนิวเคลียส เช่น  ${}_8O$  หมายความว่า นิวเคลียสของออกซิเจนประกอบด้วยโปรตอน 8 ตัว,  ${}_{92}U$  หมายความว่า นิวเคลียสของยูเรเนียมประกอบด้วยโปรตอน 92 ตัว

$$\boxed{\text{จำนวนนิวตรอน} = A - Z}$$

เนื่องจากอะตอมที่เป็นกลางจะมีจำนวนอิเล็กตรอนเท่ากับจำนวนโปรตอน จะนับจำนวนอิเล็กตรอนของอะตอมด้วย เช่น ออกซิเจนมีอิเล็กตรอน 8 ตัว, ยูเรเนียมมีอิเล็กตรอน 92 ตัว

### ตัวอย่างที่ 1.5 จงหาจำนวนโปรตอน อิเล็กตรอน และนิวตรอนของอะตอมต่อไปนี้

7            22            32            204

Li ,      Na ,      P      และ      Pb

3            11            15            82

#### วิธีทำ

7

$$Li \quad \text{จำนวนโปรตอน} + \text{จำนวนนิวตรอน} = 7$$

3

$$\text{จำนวนโปรตอน} = 3$$

$$\text{จำนวนนิวตรอน} = 7 - 3 = 4$$

$$\text{จำนวนอิเล็กตรอน} = \text{จำนวนโปรตอน} = 3$$

22

$$Na \quad \text{จำนวนโปรตอน} + \text{จำนวนนิวตรอน} = 22$$

11

$$\text{จำนวนโปรตอน} = 11$$

$$\text{จำนวนนิวตรอน} = 11$$

$$\text{จำนวนอิเล็กตรอน} = \text{จำนวนโปรตอน} = 11$$

32

$$P \quad \text{จำนวนโปรตอน} + \text{จำนวนนิวตรอน} = 32$$

15

$$\text{จำนวนโปรตอน} = 15$$

$$\text{จำนวนนิวตรอน} = 32 - 15 = 17$$

$$\text{จำนวนอิเล็กตรอน} = \text{จำนวนโปรตอน} = 15$$

$$\begin{aligned}
 \text{Pb} & \quad \text{จำนวนโปรตอน} + \text{จำนวนนิวตรอน} = 204 \\
 82 & \quad \text{จำนวนโปรตอน} = 82 \\
 & \quad \text{จำนวนนิวตรอน} = 122 \\
 & \quad \text{จำนวนอีเล็กตรอน} = \text{จำนวนโปรตอน} = 82
 \end{aligned}$$


---

### 1.18 สัญลักษณ์ของอนุภาค

<sup>1</sup>  
H หมายถึง โปรตอนหรือนิวเคลียสของไฮโดรเจน

<sup>2</sup>  
H หมายถึง ดิวเทอرونหรือนิวเคลียสของดิวเทอเรียม

<sup>3</sup>  
H หมายถึง ตริตอนหรือนิวเคลียสของตริเตียม

<sup>1</sup>  
n หมายถึง นิวตรอน

<sup>0</sup>  
e หมายถึง รังสีเบตาชนิดลบหรือเนกตرون

<sup>-1</sup>  
<sup>0</sup>  
e หมายถึง รังสีเบตาชนิดบวกหรือโพซิตรอน

<sup>+1</sup>  
<sup>12</sup>  
C หมายถึง นิวเคลียสของชาตุคาร์บอน

3

He หมายถึงไฮเดรียม -3

2

4

He หมายถึงอนุภาคแอลฟ่า หรือนิวเคลียสของไฮเดรียมหรือรังสีแอลฟ่า

2

$\gamma$  หมายถึงรังสีแกมมา

#### 1.14 การจัดกลุ่มของอะตอม

อะตอมอาจจัดแยกเป็นกลุ่มโดยอาศัยลักษณะที่เหมือนกันได้หลายกลุ่ม คือไอโซโทป,  
ไอโซโทน, ไอโซบาร และไอโซเมอร์

**ไอโซโทป (Isotope)** หมายถึง กลุ่มของอะตอมที่มีจำนวนโปรตอนเท่ากัน เช่น

1	2	3
H , H	และ H	หรือยูเรเนียมมีหลาຍไอโซโทป คือ U - 227,
1	1	4

U - 228, U - 230, U - 231, U - 232, U - 233, U - 234, U - 235, U - 236, U - 237, U - 238,  
U - 239 และ U - 240

**ไอโซบาร์ (Isobar)** หมายถึง กลุ่มของอะตอมที่มีเลขมวล (mass number) เท่ากัน

2	3	14
H , He	หรือ C, N, O	
1	2	6 7 8

**ไอโซโทน (Isotone)** หมายถึง กลุ่มของอะตอมที่มีจำนวนนิวตรอนเท่ากัน เช่น

2	3	9 10 11 12 13 14
H , He	หรือ Li, Be, B, C, N, O	
1	2	3 4 5 6 7 8

**ไอโซเมอร์ (Isomer)** หมายถึง กลุ่มของอะตอมชนิดเดียวกัน แต่มีพลังงานต่างกัน

99	99m	113 113
Tc,	Tc	หรือ In, In

### ตารางที่ 1.3 กลุ่มของอะตอม

กลุ่มอะตอม	เลขอะตอม	จำนวนนิวตรอน	เลขมวล
ไอโซโทป	เหมือน	ต่าง	ต่าง
ไอโซโทน	ต่าง	เหมือน	ต่าง
ไอโซบาร์	ต่าง	ต่าง	เหมือน
ไอโซเมอร์	เหมือน	เหมือน	เหมือน

### 1.15 รูปร่างของนิวเคลียส

นักวิทยาศาสตร์หลายท่านพยายามอธิบายถึงรูปร่างของนิวเคลียส การอยู่ร่วมของ proton และ neutron ภายในนิวเคลียส มีการตั้งทฤษฎีต่างๆ หลายทฤษฎี แต่ทุกทฤษฎีไม่สามารถอธิบายปรากฏการณ์ทั้งหมดที่เกิดจากนิวเคลียสได้ ทฤษฎีแต่ละอันถูกสร้างมาเพื่อจะอธิบายปรากฏการณ์ที่ต้องการเท่านั้น อาจเปรียบเทียบได้กับตามอคลาสชั้นแล้วพยาบาลสร้าง模型ไว้ชี้ให้คนอื่นดู ถ้าคลาสสิกตัวชี้ของคิดว่าชี้ของนิวเคลียสเป็นลูกกลิ้งขนาดใหญ่ แต่ถ้าคลาสสิกมองว่าชี้ของนิวเคลียสเป็นตัน นักวิทยาศาสตร์ก็เข่นกันสร้างโมเดลขึ้นมาเพื่ออธิบายเหตุการณ์อย่างหนึ่ง แต่ไม่สามารถอธิบายเหตุการณ์ทั้งหมดที่เกิดจากนิวเคลียสได้ โมเดล 2 ชนิด ที่ใช้อธิบายงานทางด้านรังสี ก็คือ โมเดลรูปหยดน้ำ (liquid drop model) และ โมเดลรูปชั้น (shell model)

อนุภาคที่มีประจุเหมือนกันจะอกรเรียงผลักซึ่งกันและกัน ดังนั้น proton ในนิวเคลียสจะอกรเรียงผลักกันเอง แต่ proton กับ neutron กันจะสามารถรวมกันอยู่ภายใต้นิวเคลียสซึ่งมีขนาดเล็กมากได้ แสดงว่า จะต้องมีแรงอักขันดันนึงมาขัดไว้ และมีขนาดมากกว่าแรงผลักของ proton เรียกชื่อ แรงชนิดนี้ว่า แรงนิวเคลียร์ (nuclear force) ซึ่งกระทำเมื่อนิวเคลียสห่างกันน้อยกว่าขนาดของนิวเคลียสเท่านั้น

### 1.16 แมสติเฟ็คและพลังงานยึดเหนี่ยว

มวลของนิวเคลียสน้อยกว่ามวลรวมของนิวเคลียสที่ประกอบขึ้นเป็นนิวเคลียส ผลต่างของมวลจำนวนนี้มีชื่อเรียกว่า แมสติเฟ็ค (mass defect) มวลที่หายไปเปลี่ยนเป็นพลังงานเพื่อยึดนิวเคลียสไว้ เรียกพลังงานนี้ว่า พลังงานยึดเหนี่ยว (binding energy)

ความสัมพันธ์ระหว่างมวลและพลังงานเป็นไปตามสมนตรฐานซึ่ง “ไอ昂ส์ไตน์”

(Einstein) ตั้งขึ้นในปี 1905 คือ

$$E = mc^2$$

เมื่อ  $E$  เป็นพลังงาน  $m$  = มวล และ  $c$  = ความเร็วแสง

มวล 1 เออิมยูสามารถเปลี่ยนเป็นพลังงานได้เท่ากัน

$$\frac{(1 \text{ amu})(1.66 \times 10^{-27} \text{ Kg/amu})(3 \times 10^8 \text{ m/s})^2}{(1.6 \times 10^{-13} \text{ J/MeV})} = 931 \text{ MeV}$$

ดังนั้น

$$1 \text{ amu} = 931 \text{ MeV}$$

ถ้าเขียนเป็นสมการทางคณิตศาสตร์ จะหาค่าแมสเดฟิคได้ดังนี้

$$\text{Mass defect} = Zm_p + (A - Z)m_n - m$$

เมื่อ  $m_p$  = มวลของโปรตอน

$m_n$  = มวลของนิวตรอน

$m$  = มวลของนิวเคลียส

ทำงานเดียวกับพลังงานยึดเหนี่ยวจะมีค่าดังนี้

$$\text{B.E.} = [Zm_p + (A - Z)m_n - m] c^2$$

หรือถ้ามวลเป็นเออิมยู

$$\text{B.E.} = [Zm_p + (A - Z)m_n - m] 931 \text{ MeV}$$

ตามปกติ เราจะพบตารางแสดงมวลของอะตอมมากกว่าแสดงมวลของนิวเคลียส  
ดังนั้น ในการหาค่าพลังงานยึดเหนี่ยวของนิวเคลียสจะสะดวกกว่า ถ้าจะหาจากมวลของอะตอม  
กำหนดให้  $M$  = มวลของอะตอม

$$M = m + Zm_e$$

$$\text{แทนค่า} \quad \text{B.E.} = [Zm_p + (A - Z)m_n - (M - Zm_e)] c^2$$

$$= [Zm_p + Zm_n + (A - Z)m_n - M] c^2$$

$$= [ZM_p + (A - Z)m_n - M] c^2$$

เมื่อ  $M_H$  = มวลของอะตอมไฮโดรเจน = 1.007825 amu.

$m_n$  = มวลของนิวตรอน = 1.008665 amu.

$$\boxed{B.E. = [1.007825 Z + 1.008665 (A - Z) M] c^2}$$

### ตัวอย่างที่ 1.6 จงหาค่าพลังงานยึดเหนี่ยวและพลังงานต่ำนิวคลีอันของนิวเคลียสของคาร์บอน ซึ่งมีโปรตอน 6 ตัว และนิวตรอน 6 ตัว

วิธีทำ มวลของโปรตอน 6 ตัว =  $6(1.00727) = 6.04362$  amu.

มวลของนิวตรอน 6 ตัว =  $6(1.00866) = 6.05196$  amu.

มวลของนิวคลีอัน 12 ตัว = 12.09558 amu.

มวลของนิวเคลียสคาร์บอน = 12.00000 amu.

Mass defect = 0.09558 amu.

พลังงานยึดเหนี่ยว =  $0.09558 \times 931 = 89$  MeV

พลังงานยึดเหนี่ยวต่ำนิวคลีอัน =  $89 / 12 = 7.42$  MeV

หรือ แทนค่าในสูตร

$$B.E. = [Zm_p + (A - Z)m_n - m] c^2$$

$$= [6(1.00727) + (12 - 6)1.00866 - 12] 931 \text{ MeV}$$

$$= 89 \text{ MeV}$$

$$B.E. = 89 = 7.42 \text{ MeV}$$

$$A = 12$$

### ตัวอย่างที่ 1.7 จงหาพลังงานยึดเหนี่ยวเฉลี่ยต่ำนิวคลีอันของ ก. อิ๊อกซิเจน -16 ซึ่งมีมวลอะตอมเท่ากับ 15.994915 เออเอ็มยู ข. ตะกั่ว -208 ซึ่งมีมวลอะตอมเท่ากับ 207.976650 เออเอ็มยู

วิธีทำ B.E. =  $[1.007825Z + 1.008665(A - Z) M] 931$  MeV

$$\text{ก. } B.E. = [1.007825(8) + 1.008665(16 - 8) \cdot 15.994915] 931 \text{ MeV}$$

$$= 127.52 \text{ MeV}$$

$$\underline{\text{B.E.} = 127.52 = 797 \text{ MeV}}$$

$$\text{A} \quad 16$$

$$\begin{aligned}\text{v. B.E.} &= [1.007825(82) + 1.008665(208 - 82) - 207.9766501 \quad 931 \quad \text{MeV}] \\ &= 1634.88 \text{ MeV}\end{aligned}$$

$$\underline{\text{B.E.} = 1634.88 = 7.86 \text{ MeV}}$$

$$\text{A} \quad 208$$

---

ตัวอย่างที่ 1.8 จงหาพลังงานยึดเหนี่ยวเฉลี่ยต่อนิวเคลียต์ของบูรเนียม -230 บูรเนียม -232 และบูรเนียม -238 เมื่อนำมวลอะตอมของไอโซโทปทั้งสามเท่ากับ 230.033926 เออเอ็มบี 232.037167 เออเอ็มบี และ 238.050760 เออเอ็มบี ตามลำดับ

$$\text{วิธีที่ 1} \quad \text{B.E.} = [1.0078252 + 1.008665(A - Z) - M] \quad 931 \quad \text{MeV}$$

$$\begin{aligned}\text{B.E.} &= [1.007825(92) + 1.008665(230 - 92) - 230.0339261 \quad 931 \quad \text{MeV}] \\ &= 1751.6 \text{ MeV}\end{aligned}$$

$$\underline{\text{B.E.} = 1751.6 = 7.62 \text{ MeV}}$$

$$\text{A} \quad 230$$

### บูรเนียม -252

$$\begin{aligned}\text{B.E.} &= [1.007825(92) + 1.008665(232 - 92) - 232.0371671 \quad 931 \quad \text{MeV}] \\ &= 1751.6 \text{ MeV}\end{aligned}$$

$$\underline{\text{B.E.} = 1751.6 = 7.61 \text{ MeV}}$$

$$\text{A} \quad 232$$

### บูรเนียม -238

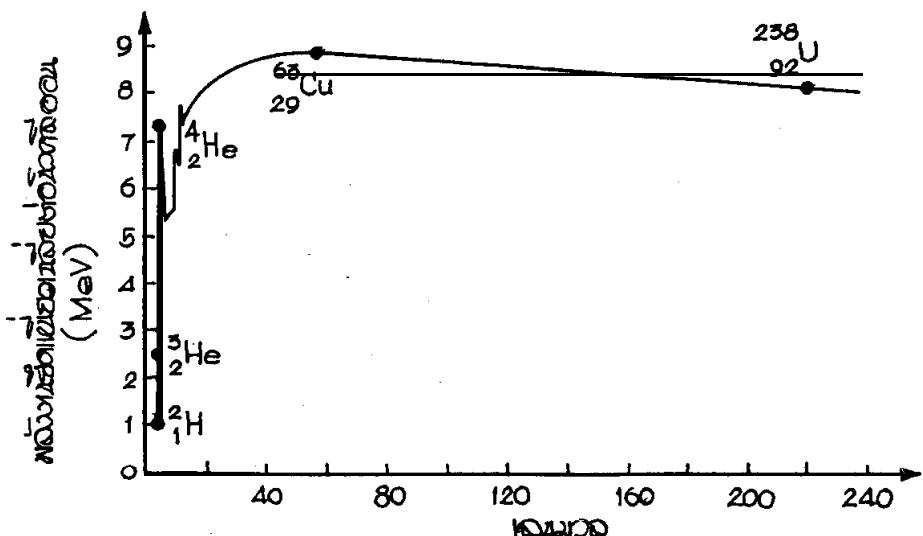
$$\begin{aligned}\text{B.E.} &= [1.007825(92) + 1.008665(238 - 92) - 238.0507601 \quad 931 \quad \text{MeV}] \\ &= 1800.8 \text{ MeV}\end{aligned}$$

$$\underline{\text{B.E.} = 1800.8 = 7.57 \text{ MeV}}$$

$$\text{A} \quad 238$$

---

ตามปกติไอโซโทปที่มีค่าพลังงานยึดเหนี่ยวเฉลี่ยต่อนิวเคลียอนมาก จะมีเสถียรภาพมากทำให้นีอยู่ตามธรรมชาตินากกว่าไอโซโทปอื่นๆ ของธาตุเดียวกัน ค่าพลังงานยึดเหนี่ยวเฉลี่ยต่อนิวเคลียอนจะมีค่าเพิ่มขึ้นเมื่อนิวเคลียสมีขนาดเพิ่มขึ้น ถ้าอนิวเคลียสมีเลขมวลมากกว่า 63 ค่าพลังงานยึดเหนี่ยวเฉลี่ยต่อนิวเคลียอนจะมีค่าลดลง แต่ถ้าขั้นตอนนี้ค่าไกส์เคียงกัน ซึ่งจะมีค่าประมาณ 8 เม้มอีวีต่อนิวเคลียอน พลังงานยึดเหนี่ยวเฉลี่ยต่อนิวเคลียอนของอนุภาคแอลฟ่า จะมีค่ามากกว่าอนิวเคลียสที่มีขนาดใกล้กัน ดังนั้นอนุภาคแอลฟាល้วนิวเคลียสของไฮเดรียม จึงมีเสถียรภาพสูงเมื่อเทียบกับอนิวเคลียสมากกว่าเด็กๆ ด้วยกัน



รูปที่ 1.7 ความสัมพันธ์ระหว่างเลขมวลกับพลังงานยึดเหนี่ยวเฉลี่ยต่อนิวเคลียอน  
1.17 ปฏิกิริยานิวเคลียส (nuclear reaction)

ปฏิกิริยานิวเคลียร์เกิดจากการแตกเปลี่ยนนิวเคลียอนระหว่างสองอนิวเคลียสที่วิ่งมาชนกัน ซึ่งก็คือ การรวมอนิวเคลียสเข้าด้วยกัน หลังจากเกิดปฏิกิริยานิวเคลียร์แล้ว ส่วนมากจะได้อะตอนชั้นนิดใหม่เกิดขึ้น ส่วนปฏิกิริยาเคมีเกิดจากการรวมตัวของอะลีคตรอนที่โคจรรอบอะตอนของสารที่มีปฏิกิริยาเข้าด้วยกัน ไม่มีอะตอน (ธาตุ) เกิดขึ้น ดังนั้น นักเล่นแร่แปรธาตุในสมัยโบราณจึงไม่สามารถผลิตธาตุชนิดใหม่ได้ แต่นักฟิสิกส์ในปัจจุบันสามารถสังเคราะห์ธาตุใหม่จากปฏิกิริยานิวเคลียร์

ในการนำอนิวเคลียสสองชนิดมาร่วมตัวกัน จะต้องเร่งคือ ให้พลังงานแก่นิวเคลียสจนสามารถเอาชนะแรงผลักที่เกิดจากอนิวเคลียสทั้งสอง ในทางปฏิบัติจะใช้นิวเคลียสที่มีขนาดไม่เท่ากัน อนิวเคลียสมากจะเล็ก เช่น อนุภาคแอลฟ่า โปรตอน หรือดิวเทอรอน จะถูกเร่งให้มี

ความเร็วสูง ผุ่งเข้าชนนิวเคลียสที่มีขนาดใหญ่ เช่น ญี่รนียม เป็นต้น

เมื่อเกิดปฏิกิริยานิวเคลียร์ จะเกิดการเปลี่ยนแปลงของพลังงาน พลังงานจำนวนนี้จะแทนด้วยสัญลักษณ์  $Q$  พิจารณาปฏิกิริยานิวเคลียร์ซึ่งแทนด้วยสมการต่อไปนี้



เมื่อ  $x$  = อนุภาคที่ถูกเร่งเข้าชน (bombarding particle, incident particle)

$X$  = นิวเคลียสที่ถูกชน (target nucleus)

$Y$  = นิวเคลียสที่เกิดขึ้นใหม่ (product nucleus)

$y$  = อนุภาคที่เกิดขึ้น (product particle)

ตามปกติในการทำให้เกิดปฏิกิริยานิวเคลียร์ นิวเคลียสที่ถูกชน  $X$  จะหยุดนิ่ง คือ ไม่มีพลังงานจนน์ เนื่องจากพลังงานทั้งหมดของอนุภาค หรืออัตราการมีค่าเท่ากับพลังงานของอนุภาคที่ถูกชนนิ่ง (rest energy) และพลังงานจนน์ จะเขียนสมการแสดงพลังงานได้ดังนี้

$$(E_x + m_x c^2) + M_x c^2 = (E_Y + M_y c^2) + (E_y + m_y c^2)$$

เมื่อ  $m_x$  = มวลของอนุภาคที่ถูกเร่งเข้าชน

$M_x$  = มวลของนิวเคลียสที่ถูกชน

$m_y$  = มวลของอนุภาคที่เกิดขึ้น

$M_Y$  = มวลของนิวเคลียสที่เกิดขึ้น

$E$  = พลังงานจนน์

พลังงาน  $Q$  มีค่าเท่ากับผลต่างของพลังงานจนน์ หลังเกิดปฏิกิริยา กับพลังงานจนน์ ก่อนเกิดปฏิกิริยา

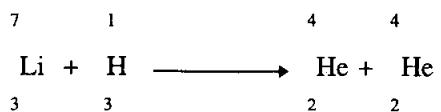
$$Q = E_Y + E_y - E_x$$

จากสมการ  $E_Y + E_y - E_x = (M_X + m_x - M_Y - m_y)c^2$

ดังนั้น

$$Q = (M_X + m_x - M_Y - m_y)c^2$$

ตัวอย่างที่ 1.9 จงหาพลังงานที่ได้จากการปฏิกิริยานิวเคลียร์



$$\frac{7}{3} \text{ กำหนดให้ } \text{ มวลของ Li } = 7.01823$$

$$\frac{1}{1} \text{ มวลของ H } = 1.00841$$

$$\frac{4}{2} \text{ มวลของ He } = 4.00388$$

**วิธีคำ**

$$\begin{aligned} Q &= (M_X + m_x - M_Y - m_y)c^2 \\ &= (7.01823 + 1.00814 - 4.00388 - 4.00388)c^2 \\ &= (0.01861)c^2 \\ &= (0.1861) 931 \\ &= 17.3 \text{ MeV} \end{aligned}$$

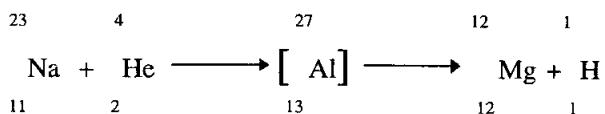
พลังงานที่ปลดปล่อยออกมาเท่ากับ 17.3 เอ็มอีวี

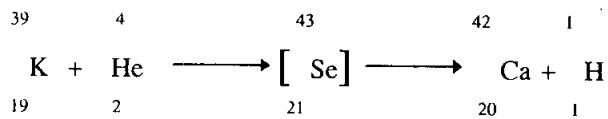
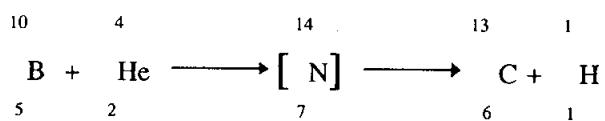
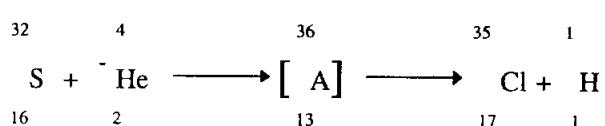
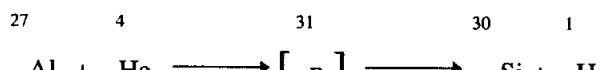
### ชนิดของปฏิกิริยานิวเคลียร์

ปฏิกิริยาทางนิวเคลียร์มีอยู่มากมายหลายชนิด อาจจำแนกได้โดยดูจากชนิดอนุภาคที่ทำให้เกิดปฏิกิริยาและอนุภาคที่เกิดขึ้น

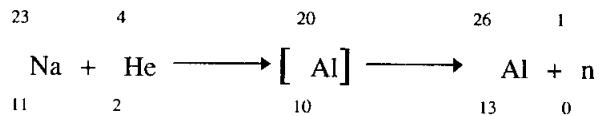
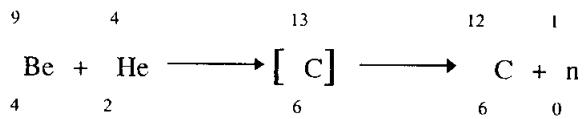
#### 1. ปฏิกิริยาที่เกิดจากอนุภาคแลฟ่า

1.1 ปฏิกิริยาที่เกิดจากอนุภาคแลฟ่า วิ่งชนนิวเคลียส (taget nucleus) ได้นิวเคลียสชนิดใหม่ (product nucleus) และอนุภาคโปรตอน เรียกว่า alpha - proton reaction เจียนแทนด้วยสัญลักษณ์ ( $\alpha, p$ ) reaction ดังสมการต่อไปนี้



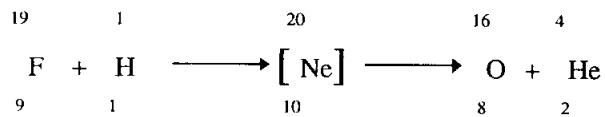
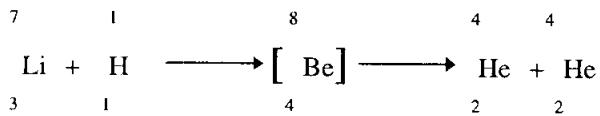


### 1.2 alpha - neutron reaction

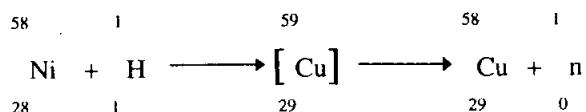


## 2. ปฏิกิริยาที่เกิดจากโปรตอน

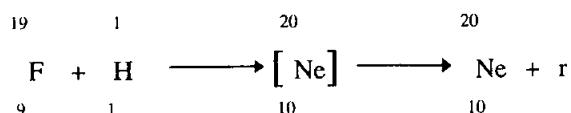
### 2.1 proton - alpha reaction



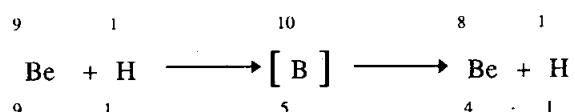
### 2.2 proton - neutron reaction



### 2.3 proton - gamma reaction

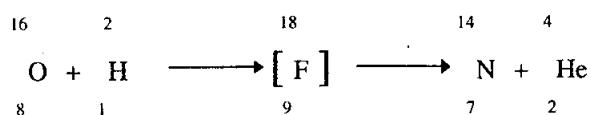


### 2.4 proton - deuteron reaction

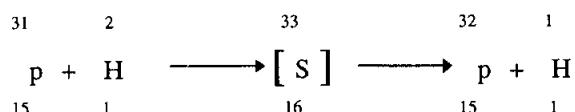


## 3. ปฏิกิริยาที่เกิดจากดิวนิวเคลียส

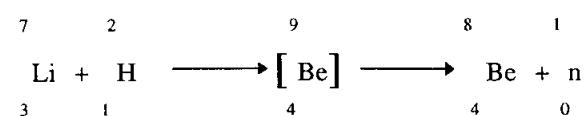
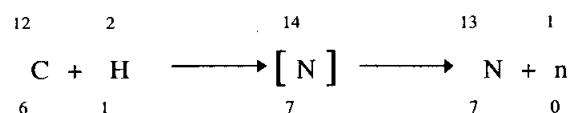
### 3.1 deuteron - alpha reaction



### 3.2 deuteron - proton reaction

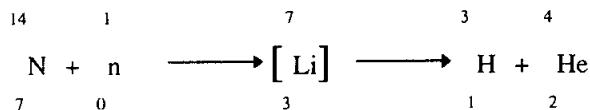


### 3.3 deuteron - neutron reaction

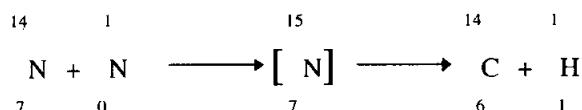


## 4. ปฏิกิริยาที่เกิดจากนิวเคลียส

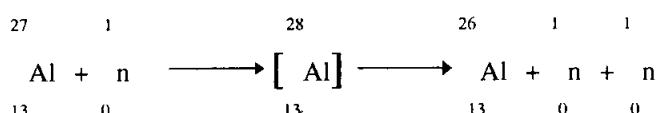
### 4.1 neutron - alpha reaction



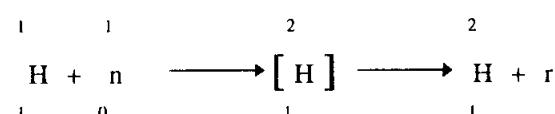
#### 4.2 neutron - proton reaction



#### 4.3 (n, 2n) reaction

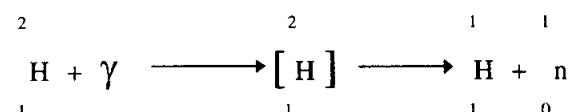


#### 4.4 (n, r) reaction

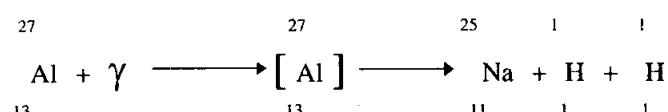


### 5. ปฏิกิริยาที่เกิดจากรังสีแคมมา

#### 5.1 ( $\gamma$ , n) reaction

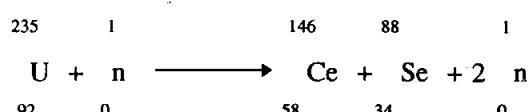
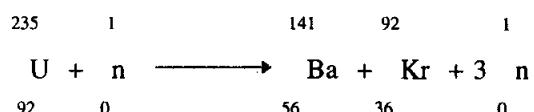
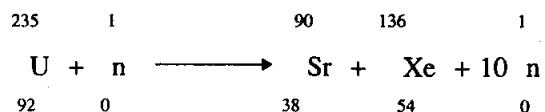


#### 5.2 (r, p) reaction



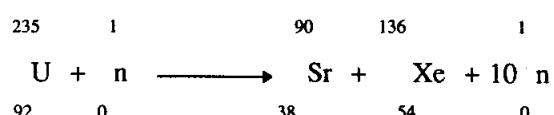
### 1.18 พิชชัน (Fission)

กระบวนการพิชชันถูกค้นพบในปี ค.ศ. 1930 โดยใช้นิวตรอนยิงนิวเคลียสของธาตุหนัก เช่น ยูเรเนียม ทำให้นิวเคลียสนั้นแตกตัวออกได้尼วเคลียสชนิดใหม่ ซึ่งมีขนาดเล็กลง และได้พลังงานเกิดขึ้นมาก many ตัวอย่างพิชชันของยูเรเนียม -235 คือ



สมการทั้งสามนี้เป็นเพียงตัวอย่างเล็กน้อยของปฏิกริยาฟิชันที่เกิดขึ้น ฟิชันของยูเรเนียม - 235 มีหลายชนิด จากสมการจะพบว่า ยูเรเนียม - 235 แตกตัวเป็นสตรอนเซียม - 90 และซีโนน - 136 ซึ่งเป็นสารกัมมันตรังสีจะต้องถลายตัวต่อไปอีก นอกจากนี้ยังได้นิวตรอนเกิดใหม่เพิ่มขึ้นอีกหลายตัว นิวตรอนนี้สามารถกันนิวเคลียสของยูเรเนียม - 235 ทำให้เกิดปฏิกริยาฟิชันอย่างต่อเนื่อง เรียกว่า ปฏิกริยาลูกโซ่ (Chain reaction)

ตัวอย่างที่ 1.10 ของพลังงานที่ได้จากการฟิชันของยูเรเนียม - 235 ตามสมการ



$$\text{กำหนดให้ มวลของ U - 235} = 235.0439 \text{ เออีนยู}$$

$$\text{มวลของนิวตรอน} = 1.0087 \text{ เออีนยู}$$

$$\text{มวลของ Sr - 90} = 89.9073 \text{ เออีนยู}$$

$$\text{มวลของ Xe - 136} = 135.9072 \text{ เออีนยู}$$

$$\text{วิธีคำนวณ} \Delta M = 235.0439 + 1.0087 - 89.9073 - 135.9072 - 10(1.0087)$$

$$= 0.1514 \text{ เออีนยู}$$

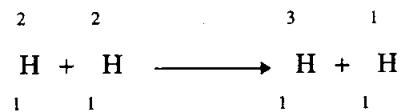
$$\text{มวลหายไป} 0.1514 \text{ เออีนยู}$$

$$\text{เปลี่ยนเป็นพลังงาน} = 0.1514 \times 931 = 141 \text{ MeV}$$

หลังจากเกิดปฏิกริยาจะได้พลังงาน 141 เอ็มวี

### 1.19 ฟิวชัน (Fusion)

ขบวนการฟิวชันเป็นขบวนการรวมตัวของนิวเคลียสที่มีขนาดเล็กเข้าด้วยกัน ทำให้ได้ นิวเคลียสที่มีขนาดใหญ่ขึ้นและพลังงานจำนวนหนึ่ง ตัวอย่างของฟิวชัน คือ



ตัวอย่างที่ 1.11 จงหาพลังงานที่ได้จากฟิวชันของคิวเทอเรียมกับตริเตียนดังสมการต่อไปนี้



$$\text{กำหนดให้ มวลของคิวเทอเรียม} = 2.014102 \text{ เออีมู}$$

$$\text{มวลของตริเตียน} = 3.016049 \text{ เออีมู}$$

$$\text{มวลของไฮเดรน} = 4.002603 \text{ เออีมู}$$

$$\text{วิธีทำ } \Delta M = (2.014102 + 3.016049 - 4.002603 - 1.008665)$$

$$= 0.018883 \text{ เออีมู}$$

$$\text{มวลหายไป } 0.018883 \text{ เออีมู}$$

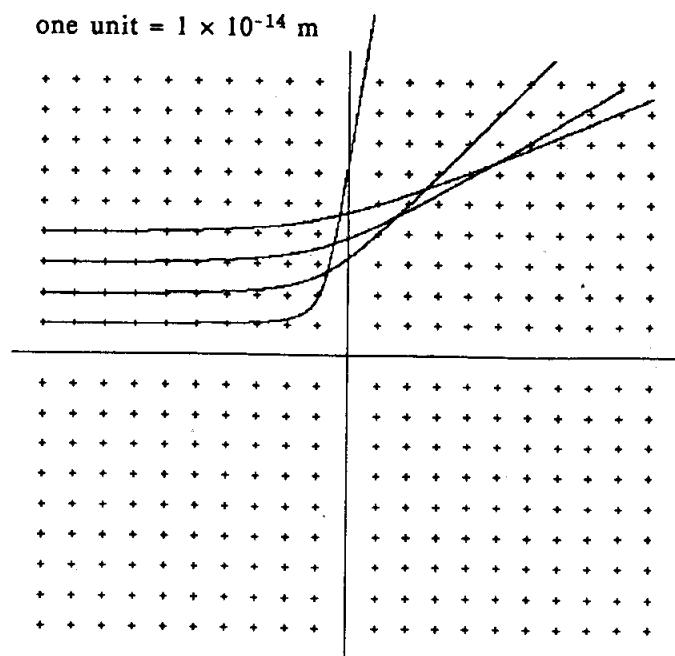
$$\text{คิดเป็นพลังงาน} = 0.018883 \times 931 = 17.6 \text{ เอ็มอีวี}$$

$$\text{พลังงานที่ได้จากปฏิกิริยา} = 17.6 \text{ เอ็มอีวี}$$

### โปรแกรมแสดงการทดลองของรัทเชอร์ด ฟอร์ด

90 REM \*\*\*\*\* Program 1.1 \*\*\*\*\*

95 REM The Rutherford Scattering Experiment



รูปที่ 1.8 อนุภาคแออ洛ฟลักกเบี้ยงเบนโดยนิวเคลียสของทองคำ

```

100 REM ***** Set up graphics characteristics *****
110 SCREEN 2 : CLS : XO = 320 : YO = 100 : SX = 1.5 : SY = SX/2.25
150 REM ***** specify initial conditions *****
160 E = 1.6*10^-19
170 M = 4*1.67*10^-27
180 K = 9*10^9
190 Z = 53
200 VX = 1.4*10^7
210 VY = 0
220 X = -10*10^-14
230 Y = 2*10^-14
240 DT = 10^-22
300 REM ***** set up screen display *****
310 Y1 = 0 : REM draw horizontal axis
320 FOR X1 = -110 TO 110 STEP 2
330 XS = XO + SX*S1 : YS = YO - SY*Y1 : PSSET (XS,YS)

```

```

340 NEXT X1
350   X1    =      0 : REM draw vertical axis
360 FOR Y1 =      -100 TO 100 STEP 1.5
370   xs    =      XO + SX*X1 : YS = YO - SY*Y1 : PSET (XS,YS)
380 NEXT Y1
390   REM draw coordinate grid
400 fOR X1 =      -100 TO 100 STEP 10
410 FOR X1 =      -90 TO 90 STEP 10
420   XS    =      XO + SX*X1 : YS = YO - SY*Y1 : PSET (XS,YS)
430 NEXT Y1
440 NEXT X1
1000 REM      ***** calculations and plotting *****
1002   SC    =      10^-14
1004   sx    =      10*SX/XC : SY = SX/2.25
1006 LOCATE 1.55 : PRINT " one unit = " ;SC; "m"
1010 FOR T =      0 TO 2*10^-20 STEP DT
1020   V1    =      V1 = VX+(K*Z*E*E/M) / (X^2 + Y^2)(X/S^2 + y^2)^.5 )*DT
1030   X1    =      X + VX*DT
1040   V2    =      VY +((K*X*R*R* / M) / (X ^2 + Y^2))*(Y/(X^2 + Y^2)^.5)*DT
1050   Y1    =      Y+VY*DT
1060 GPSIN 3000
1070   v x    =      V1 :x = X1
1080   VY    =      v2: Y1
1090 NEXT T
1200 END
2990      ***** plotting subroutine *****
3000   xs    =      XO + SX*X : YS = YO - SY*Y : PSET (XS,YS)
3010 RETURN

```

## แบบฝึกหัดที่ 1

1. จงอธิบายถึงการทดลองของรัฟเฟอร์ฟอร์ด เพื่อหาโครงสร้างของอะตอม
2. อะตอมของรัฟเฟอร์ฟอร์ด มีข้อขัดแย้งกับทฤษฎีฟิสิกส์อย่างไร
3. สมมติฐานเกี่ยวกับอะตอมของบอร์ นี้ใจความว่าอย่างไร
4. จงหา ก. ความเร็วของอิเล็กตรอนในวงโคจรสามชั้นแรกของอะตอมไฮโดรเจน  
ข. รัศมีของวงโคจรทั้งสามนี้
5. จงหา ก. เวลาในการวิ่งครบรอบของอิเล็กตรอนในวงโคจรชั้นแรกของอะตอมไฮโดรเจน  
ข. ความเร็วเชิงมุมของอิเล็กตรอน
6. จงหาพลังงานลอนของอิเล็กตรอนในวงโคจรชั้นที่  $n$  ของอะตอมไฮโดรเจนและหาพลังงาน  
ชั้น  $n$  เมื่อ  $n = 1, 2, 3$  และ  $\infty$
7. จงหาพลังงานชั้น, พลังงานศักย์ และพลังงานรวมของอิเล็กตรอนในวงโคจรชั้นแรกของ  
อะตอมไฮโดรเจน
8. จงหาพลังงานในการแตกตัวของอะตอมไฮโดรเจน
9. จงหา excitation potential ครั้งที่หนึ่งของอะตอมไฮโดรเจน

24                  25                  26  
10. จงหานวนโปรดตันและนิวตรอนของนิวเคลียสต่อไปนี้ ก. Mg   ข. Mg   ค. Mg  
                        12                  12                  12

11. จงอธิบายความสัมพันธ์ระหว่างเลขมวล (A) กับพลังงานยึดเหนี่ยวเฉลี่ยต่อนิวเคลียสน  
(B.E./A)

27  
12. จงหาพลังงานยึดเหนี่ยวของ Al

13  
                        3                  3

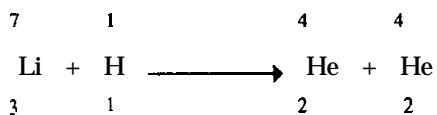
13. จงหาพลังงานยึดเหนี่ยวของ ก. H   ข. He   นิวเคลียสทั้งสองตัวนี้นิวเคลียสใดมี  
เสถียรภาพดีกว่า

7  
14. จงหาพลังงานยึดเหนี่ยวนวของ Li

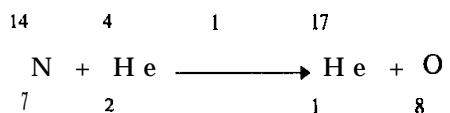
3

15. จงหาผลลัพธ์งานบีดเหนี่ยมมวลของ  $\text{He}_2$

16. จงหาผลลัพธ์งานที่ได้จากปฏิกิริยานิวเคลียร์ต่อไปนี้



17. จงหาผลลัพธ์งานที่ถูกดูดกลืนจากปฏิกิริยานิวเคลียร์ต่อไปนี้



18. ระดับยิง  $\text{Li}$  ด้วยดิวเทอรอน ทำให้เกิดอนุภาคแอลฟ่าสองตัว พิริ่อมกับได้ผลลัพธ์งาน 22.3

เอนอีวี  ${}^3$  ก้าหนดให้ มวลอะตอมดิวเทอรอนเท่ากับ 2.01474 และมวลอะตอมไฮเดรน  
เท่ากับ 4.00388 จงหามวลของลิเทียม-6

19. จงอธิบายฟิชั่น (Fission)

20. จงอธิบายฟิวชั่น (Fusion)