

# บันทึกคำบรรยายสรุปวิชาพิสิกส์อุณหภพ (PH 314)

## ครั้งที่ 3

เสียงจากผู้ประกาศนำ

“การบันทึกແນບคำบรรยายสรุปกระบวนการวิชาของมหาวิทยาลัย  
รามคำแหง มุ่งส่งเสริมการศึกษาด้วยตนเองและบริการความรู้  
มายังนักศึกษาและผู้สนใจทั่วไป เพื่อให้บรรลุวัตถุประสงค์  
พระราชบัญญัติจัดตั้งมหาวิทยาลัยรามคำแหง เป็นตลาดวิชา.....  
ผลิตโดยสำนักเทคโนโลยีการศึกษามหาวิทยาลัยรามคำแหง  
ท่านผู้พังครับ ต่อไปนี้เป็นการบรรยายสรุปวิชาพิสิกส์อุณหภพ  
หรือเทอร์มัลฟิสิกส์ (PH 314) ครั้งที่ 3 ในหัวข้อ”

1. งานแอดเดย์แบดติก
2. ประโยชน์ของงานแอดเดย์แบดติก
3. การเปรียบเทียบกระบวนการแอดเดย์แบดติกกับไอโซเทอร์มัล  
โดย รศ.อัจฉรา พันธุ์อิ่ม ภาควิชาพิสิกส์ คณะวิทยาศาสตร์  
มหาวิทยาลัยรามคำแหง

\*\*\*\*\*บันทึกແນບคำบรรยายสรุปนี้ประกอบการบรรยาย  
ด้วยการณา yanaphaiprong isotlodคำบรรยาย\*\*\*\*\*

## งานแอดีบติก

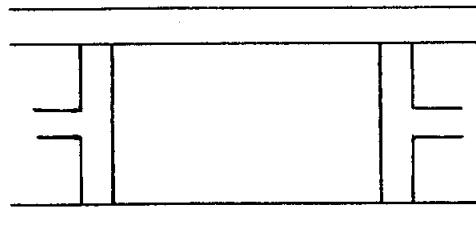
สำหรับงานแอดีบติก ซึ่งเป็นงานที่เกิดขึ้นจากกระบวนการแอดีบติก นับว่าเป็นกรณีพิเศษซึ่งต่างไปจากการอื่น ๆ ในทางเทอร์โมไดนามิกส์ เนื่องจากงานแอดีบติกนี้ไม่ขึ้นกับชนิดของกระบวนการ เพราะดังที่กล่าวแล้วว่า ความหมายของคำว่า “แอดีบติก” นั้นจะไม่มีการถ่ายเทความร้อน เช่น ระบบถูกหุ้มห่อด้วยฉนวนความร้อน เป็นต้น ดังนั้น เมื่อพิจารณาจากกฎข้อที่หนึ่งของเทอร์โมไดนามิกส์ ซึ่งเขียนความสัมพันธ์ได้ว่า  $dU = d'Q - d'W$  ในกรณีที่ไม่มีการถ่ายเทความร้อน นั่นคือ  $d'Q = 0$  จึงได้ว่า งานแอดีบติก เป็นฟังก์ชันของพลังงานภายใน

$$dU = d'W_{\text{Adiabatic}}$$

ซึ่งดังที่ได้แสดงแล้วว่าพลังงานภายในไม่ขึ้นกับชนิดของกระบวนการ แต่ขึ้นกับสมการเริ่มต้น และสมการสุดท้าย จัดเป็นฟังก์ชันของสมภาวะ (State function) เท่านั้น ฉะนั้นงานแอดีบติกจึงไม่ขึ้นกับชนิดของกระบวนการด้วย

ในการศึกษางานแอดีบติก นักศึกษาอาจข้องใจว่าเหตุใดจึงมีงานกระทำขึ้น โดยไม่มีการรับหรือ Haley ความร้อนมาเกี่ยวข้องด้วย ก่อนอื่นต้องพยายามทำความเข้าใจให้ดีว่า จำกำจำกัดความของงานในทางพิสิกส์ จะต้องมีการเคลื่อนที่ในทิศทางของแรงกระทำ สำหรับงานในทางกลศาสตร์ ซึ่งเขียนเป็นสูตรได้ว่า  $dW = \vec{F} \cdot d\vec{s}$  และในกระบวนการวิชานี้คำนึงถึงระบบของใหญมากกว่า โดยพิจารณาความดันแทนแรงที่กระทำ จึงได้ว่างานสัมพันธ์กับการเปลี่ยนแปลงปริมาตรดังนี้  $dW = PdV$  เมื่อขอบเขต (constraints) ของระบบเปลี่ยนแปลง จะทำให้เกิดงานกระทำขึ้นได้ ถึงแม้จะไม่มีการรับหรือ Haley ความร้อน ทั้งนี้ระบบจะเปลี่ยนจากสมภาวะหนึ่ง ไปสู่สมภาวะหนึ่งก็ตัวยพลังงานก่อเท่านั้น และอาจเป็นการทำงานโดยระบบเองให้กับสิ่งแวดล้อม หรือในทางที่ก่อให้กับกันก็เป็นการทำงานให้กับระบบโดยสิ่งแวดล้อม ดังตัวอย่างต่อไปนี้

ขอให้พิจารณาตัวอย่างระบบของไอลชนิดหนึ่งบรรจุอยู่ภายในภาชนะที่ทำด้วยฉนวน แต่ปริมาตรของภาชนะนี้เปลี่ยนแปลงได้ (ดังแสดงไว้ในรูปที่ 10) โดยบรรจุของไอลชนิดหนึ่งไว้ในกระบวนการอุ่นที่ทำด้วยฉนวนและมีลูกสูบทำด้วยฉนวนเช่นกันเคลื่อนที่ไปมา จนทำให้ปริมาตรของไอลในภาชนะนี้เพิ่มขึ้นหรือลดลงกลاจเป็นงานแอดีบติกขึ้นด้วยการขับเลื่อนลูกสูบ



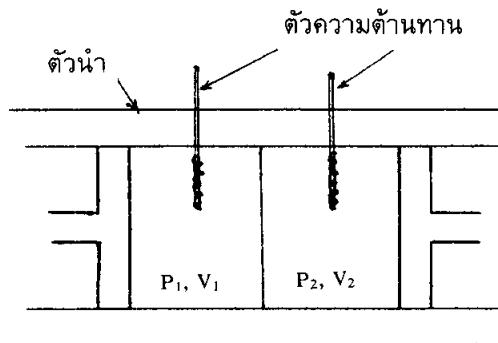
รูปที่ 10

ข้างใดข้างหนึ่ง หรือหั้งสองข้างอย่างข้างๆ ทำให้ระบบอยู่ในสภาวะสมดุลหรือเกือบสมดุลตลอดเวลา ขณะเดียวกับที่สภาวะของระบบเปลี่ยนไปทีละเล็กทีละน้อย เป็นกระบวนการที่เรียกว่า infinitesimal quasi-static process จะได้ว่า

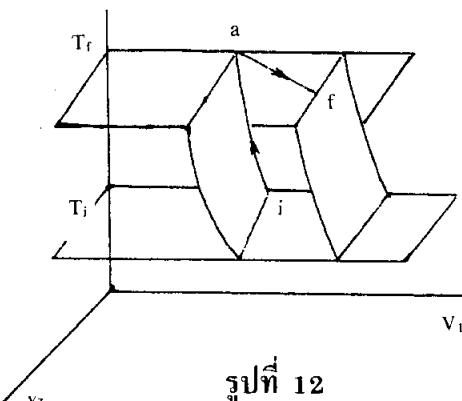
$$W = \int P dV$$

อย่างไรก็ตาม ในทางปฏิบัติ อาจมีงานแอดีเย่เบติกเกิดขึ้นได้ เมื่อทำให้ขอบเขตของระบบเปลี่ยนแปลงโดยรวดเร็ว ทำให้ความร้อนไม่ทันได้ถ่ายเทเข้า-ออกจากระบบ โดยที่ระบบอาจไม่ได้ทุกห่อตัวยังคงความร้อนก็ได้

นอกจากนี้งานแอดีเย่เบติก อาจเกิดขึ้นจากการในรูปแบบอื่นที่นอกเหนือไปจากการ เชิงกล เช่น โดยการผ่านกระแสไฟฟ้าเข้าสู่ชุดสวัสดิ์ความต้านทานซึ่งถือว่ามีการทำงานในรูปของพลังงานไฟฟ้า (ดังแสดงไว้ในรูปที่ 11 และรูปที่ 12) ตามเส้นทางของกระบวนการเปลี่ยน-แปลงต่างๆ โดยที่ i-a เป็นการอัดแบบแอดีเย่เบติก (ไม่มีความเสียดทาน) และ a-f เป็นการทำให้ลูกสูบเคลื่อนที่แบบไอโซเทอร์มัลด้วยพลังงานไฟฟ้า



รูปที่ 11



รูปที่ 12

เนื่องจากไม่มีวิธีทำงานแอดีเย่เบติกได้อย่างถูกต้องโดยตรง ตามกระบวนการต่างๆ ซึ่งให้ทุกกระบวนการเริ่มต้นจากจุดเดียวกัน และจบลงที่อีกจุดหนึ่งเหมือนกันทุกกระบวนการ แต่ถ้าทำการทดลองโดยไม่ได้หาปริมาณงานแอดีเย่เบติกโดยตรง ก็จะพบว่าไม่ว่ากระบวนการจะเป็นอย่างไร ถ้าเริ่มต้นและจบลงที่สภาวะสมดุลคู่หนึ่งตรงกันทุกกระบวนการ จะได้งานแอดีเย่เบติกเท่ากันเสมอ หรือถ้าล่าวโดยทั่วไปได้ว่า ถ้าระบบเปลี่ยนจากสภาวะสมดุลเดิมไปสู่สภาวะใหม่โดยกระบวนการแอดีเย่เบติกเท่านั้น งานที่กระทำการกระบวนการต่างๆ ซึ่งเริ่มต้นและจบลงเหมือนกันจะมีค่าเท่ากันเสมอ จึงได้ว่าผลจากการทดลองนี้แสดงว่า งานแอดีเย่เบติกเป็นพังก์ชันหนึ่ง นั่นคือพลังงานภายใต้ความสัมพันธ์ข้างต้น จะได้ว่า

$$\text{งานแอดีเย่เบติก, } -W_{i \rightarrow f} = U_f - U_i$$

สำหรับเครื่องหมาย – ข้างหน้า  $W_{i \rightarrow f}$  หมายความว่า ถ้าระบบทำงานให้กับสิ่งแวดล้อม จะทำให้พลังงานภายในระบบลดลง (แต่ถ้าระบบได้รับงานมาจากภายนอก จะทำให้พลังงานภายในของระบบเพิ่มขึ้น)

## หมายเหตุ

ในที่นี้จะได้ให้หมายเหตุเพิ่มเติมไว้สัก 3-4 ข้อว่า ในข้อความที่กล่าวถึงงานและเดียวกัน กว่า “ไม่เข้ากับชนิดของการบวนการ โดยกระบวนการต่าง ๆ ที่เริ่มต้นและจบลงเมื่อนอก จะได้งานและเดียวกันนั้น ถือได้ว่าเป็นกฎข้อที่หนึ่งของเทอร์โมไดนามิกส์ด้วย

อีกประการหนึ่ง ในตัวอย่างที่ยกมาแสดงถึงงานและเดียวกันนั้น ซึ่งเกิดขึ้นเมื่อลูกสูบเคลื่อนที่นั้น ถ้าการเคลื่อนที่ของลูกสูบเร็วมาก จะกระแทกหัวเรือกวาอัตราเคลื่อนที่ของโน้ลากูลของไฟล์ จะกลายเป็นการเคลื่อนที่ของโน้ลากูลสูตรที่ว่างหรือสัญญาการ ดังนั้นไม่ว่าลูกสูบจะเคลื่อนที่ออกไปทั้งสองข้างหรือข้างใดข้างหนึ่งก็ตาม จะไม่มีงานกระทำโดยโน้ลากูลต่อผนังลูกสูบ และกล่าวได้ว่าเป็นกรณีของ “การผูกกระจาดโดยอิสระ” ของระบบนี้

และตามที่กล่าวว่างานและเดียวกันนั้นคือ พังก์ชันของพลังงานภายในนั้น นักศึกษาจะเห็นได้กับในทางกลศาสตร์ สำหรับกรณีของพลังงานศักย์ ซึ่งเกิดจากการที่กระทำภายในตัวแรงโน้มถ่วง นับว่าเป็นแรงที่จะให้งานโดยไม่เข้ากับชนิดของเส้นทาง เรียกว่า conservative force และยังเห็นได้กับศักย์ในทางไฟฟ้าของงานในการเคลื่อนที่ของประจุไฟฟ้าภายใต้สนามไฟฟ้า

## ประโยชน์ของงานและเดียวกัน

ประโยชน์ของงานและเดียวกัน ที่เห็นได้ชัดเจนและนำมาใช้ได้จริงในการปฏิบัติ โดยเฉพาะในกรณีที่ต้องการเพิ่มและลดอุณหภูมิในของไฟล์ ซึ่งจะได้นำไปใช้ในการเปลี่ยนสถานะในบทที่ว่าการเปลี่ยนสถานะของสาร ในตอนนี้จะแสดงให้เห็นว่า เมื่อมีการอัดและการขยายแบบและเดียวกันจะทำให้อุณหภูมิเพิ่มหรือลดลงได้โดยอาจจะพิจารณาเป็นเลา ๆ ได้จากความสัมพันธ์  $-W_{i \rightarrow f} = U_f - U_i$  สำหรับกระบวนการและเดียวกัน โดยที่พลังงานภายในเป็นพังก์ชันของอุณหภูมิเท่านั้น ถ้าระบบทำให้เกิดงานกระทำกับสิ่งแวดล้อม ด้วยการขยายตัวแบบและเดียวกัน จะทำให้พลังงานภายในของระบบลดลง จะได้ว่าอุณหภูมิของระบบลดลงด้วย โดยไม่จำเป็นต้องอาศัยเครื่องทำความเย็นแต่อย่างใด และในทางที่กลับกันถ้าระบบได้รับงานกระทำจากภายนอก ทำให้พลังงานภายในของระบบเพิ่มขึ้น โดยไม่ต้องใช้เครื่องทำความร้อนหรือเตาหุงต้มได้ ๆ อุณหภูมิของระบบเพิ่มขึ้น โดยไม่ต้องใช้เครื่องทำความร้อนหรือเตาหุงต้มได้ ๆ

ส่วนระดับการเพิ่มหรือลดอุณหภูมิจะเปลี่ยนแปลงไปมากน้อยเท่าใด จะคำนวณหาได้ จากความสัมพันธ์ระหว่างอุณหภูมิกับปริมาตร หรืออุณหภูมิกับความดัน ดังที่จะได้พิจารณา ต่อไปสำหรับระบบกําช อุ่นคติ โดยอาศัยความสัมพันธ์ระหว่างความดัน ปริมาตรและอุณหภูมิ ซึ่งเรียกว่ากฎของกําช คือ  $PV = nRT$  เมื่อระบบมีการเปลี่ยนแปลงไปจากสภาวะสมดุลเดิม เล็กน้อย จะได้  $PdV + VdP = nRT$  และจากกฎข้อที่หนึ่งของเทอร์โน่ไดนามิกส์ได้ว่า  $d'Q = dU + PdV$  หรือ  $d'Q = C_v dT + PdV$  เนื่องจากเป็นการเปลี่ยนแปลงในขณะที่ปริมาตรคงที่ จึงจะหาค่าความจุความร้อน  $C_v = \frac{dQ}{dT} = \frac{dU}{dT}$  ดังนั้นโดยความสัมพันธ์  $C_p - C_v = nR$  จะได้  $d'Q = C_p dT - VdP$

เมื่อเทียบความสัมพันธ์ตามกฎข้อที่หนึ่งทั้งสองรูปแบบ สำหรับกรณีที่ระบบผ่านกระบวนการ การแอลเดียแบบติก ( $d'Q = 0$ ) ดังนั้น จะได้  $PdV = -C_v dT$  และ  $VdP = C_p dT$  ซึ่งเมื่อ เทียบหารสองสมการนี้แล้วจะได้  $\frac{1}{P} dP = -\frac{C_p}{C_v} \left(\frac{1}{V} dV\right)$  หรือถ้าให้อัตราส่วน  $C_p/C_v = \gamma$  จะเขียนเสียใหม่ได้ว่า

$$\frac{1}{P} dP = -\frac{\gamma}{V} dV \text{ หรือ } \ln P = -\gamma \ln V + \ln C$$

โดยพิจารณา  $\gamma$  เป็นค่าคงที่ และ  $C$  เป็นค่าคงที่ของการอินทิเกรชันชนิดที่ไม่มีขีดจำกัด นั้นคือ สำหรับระบบกําช อุ่นคติที่ผ่านกระบวนการแอลเดียแบบติก จะมีความสัมพันธ์ระหว่างความดัน และปริมาตรดังนี้

$$Pv^\gamma = \text{คงที่}$$

ขอให้นักศึกษาสังเกตว่าเฉพาะปริมาตร  $V$  เท่านั้นที่ยกกำลัง  $\gamma$  และสมการนี้จะเป็นสมการ แสดงสภาวะ สำหรับกําช อุ่นคติที่ผ่านกระบวนการแอลเดียแบบติก ซึ่งอาจเขียนได้อีกแบบหนึ่ง คือ  $P_1 V_1^\gamma = P_2 V_2^\gamma = P_3 V_3^\gamma = \dots$

โดยที่  $P_1$  คือความดันของกําชที่สภาวะ 1,  $V_1$  คือปริมาตรกําชที่สภาวะ 1,  $P_2$  คือ ความดันของ กําชที่สภาวะ 2,  $V_2$  คือปริมาณกําชที่สภาวะ 2, และต่อ ๆ ไป

ในการอัดและขยายตัวของกําชแบบแอลเดียแบบติกที่ได้กล่าวแล้วว่าจะทำให้อุณหภูมิของระบบ เปลี่ยนแปลงไปนั้น ถ้าหากพิจารณาจากสมการแสดงสภาวะที่มาแล้วนี้ จะเห็นว่าไม่สามารถ หาค่าอุณหภูมิที่เปลี่ยนแปลงไปได้เลย เพราะมีความสัมพันธ์ระหว่าง  $P$  กับ  $V$  เท่านั้น แต่เนื่องจาก ได้พิจารณาจากกฎข้อที่หนึ่งคร่าว ๆ แล้วว่า การอัดและการขยายตัวแบบแอลเดียแบบติกจะทำให้

อุณหภูมิของไก่เพิ่มขึ้นและลดลงตามลำดับ ต่อจากนี้ไปจะหาความสัมพันธ์ระหว่างปริมาตรที่ลดลงหรือที่เพิ่มขึ้นกับอุณหภูมิ ด้วยสาเหตุที่ได้กล่าวแล้วว่า จะนำไปใช้ประโยชน์ในเรื่องการเปลี่ยนสถานะของสารในบทที่ว่าด้วยการเปลี่ยนสถานะของสาร และโดยที่ได้พิจารณาแล้วว่า งานแอดีบติกจะเกิดขึ้น ต่อเมื่อขอบเขตหรือปริมาตรเปลี่ยนแปลงไป

ดังนั้น จากสมการแสดงสภาวะสำหรับกําช อุดมคติ ซึ่งผ่านกระบวนการแอดีบติกคือ  $PV^\gamma = CT$  จะไม่ได้แสดงความสัมพันธ์ใด ๆ กับอุณหภูมิเลยก็ตาม แต่สมการนี้ก็ได้ แต่สมการนี้จะใช้ได้ในกระบวนการแอดีบติกสำหรับกําช อุดมคติ ซึ่งยังคงมีการเปลี่ยนแปลงตามกฎของกําช อุดมคติ ( $PV = nRT$ ) อยู่ตลอดเวลา นำมาเทียบเคียงกันเมื่อกําชเปลี่ยนจากสภาวะสมดุล 1 ไปยังสภาวะสมดุล 2 คือ  $P_1V_1^\gamma = P_2V_2^\gamma$  และ  $P_1V_1/T_1 = P_2V_2/T_2$  จะได้

$$\begin{aligned} \frac{(V_1/V_2)^{\gamma-1}}{\text{หรือ}} &= T_2/T_1 \\ \frac{(P_2/P_1)^{\frac{1-\gamma}{\gamma}}}{\text{หรือ}} &= T_1/T_2 \end{aligned}$$

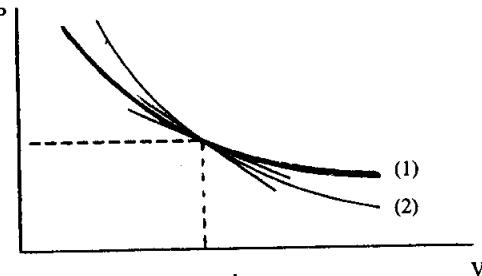
จะเห็นว่า ถ้าปริมาตรเปลี่ยนแปลงก็จะทำให้อุณหภูมิเปลี่ยนไปด้วย หรือถ้าความดันเปลี่ยน ก็จะทำให้อุณหภูมิต่ำลงด้วย แต่ถ้าเป็นกรณีที่ปริมาตรลดลงกลับกันจะทำให้อุณหภูมิสูงขึ้น หรือกล่าวอีกอย่างหนึ่งได้ว่า ถ้าความดันเพิ่มขึ้นนั่นคือเป็นการอัดกําชจะทำให้อุณหภูมิสูงขึ้นด้วย ดังจะยกตัวอย่างการหาค่าอุณหภูมิในกรณีการอัดกําชแบบแอดีบติก จากความดัน 1 บรรยากาศ ที่  $27^\circ\text{C}$ . ให้มีปริมาตรลดลงเหลือเพียง  $\frac{1}{10}$  ของปริมาตรเดิม ซึ่งปรากฏว่าอุณหภูมิสุดท้ายของกําชที่ถูกอัดแบบแอดีบติกจะเพิ่มขึ้นเป็น  $480^\circ\text{C}$ .

โดยที่ตามตัวอย่างนี้ระบุแต่เพียงว่าปริมาตรของอากาศลดลงจากเดิมถึง  $\frac{1}{10}$  ของปริมาตรเดิม จึงต้องใช้ความสัมพันธ์ระหว่างปริมาตรกับอุณหภูมิคือ  $(V_1/V_2)^{\gamma-1} = T_2/T_1$  ซึ่งในที่นี้อุณหภูมิต้องใช้สเกลลง Celsius คือเคลวิน จากที่กำหนดไว้ว่าเป็นองศาเซ็นติเกรดเดิมอากาศมีอุณหภูมิ  $27^\circ\text{C}$ . ความดัน 1 บรรยากาศ ถือว่าความดันต่ำสามารถใช้ความสัมพันธ์ของกําช อุดมคติได้ เมื่อแทนค่า  $T_1 = (273 + 27)$  เคลวิน  $= 300$  เคลวิน และ  $V_2/V_1 = 1/10$  จะได้  $T_2 = T_1(V_1/V_2)^{\gamma-1} = 300 \times 10^{(1.4-1)} = 480^\circ\text{C}$ . ในที่นี้กำหนดค่าของ  $\gamma = 1.4$  สำหรับอากาศที่ประกอบด้วยกําชออกซิเจนเป็นส่วนใหญ่ ซึ่งโมเลกุลหนึ่ง มีอะตอม 2 ตัว เป็นชนิดโมเลกุลคู่ จึงได้อุณหภูมิสุดท้ายของอากาศที่ถูกอัดแบบแอดีบติกตามตัวอย่างนี้เป็น  $480^\circ\text{C}$ . จากตัวอย่างนี้หวังว่าจะช่วยให้นักศึกษาเห็นความสำคัญของการบวนการแอดีบติก โดยเฉพาะประโยชน์ในการอัดหรือการขยายตัวของกําชแบบแอดีบติก จะทำให้อุณหภูมิเปลี่ยนแปลงได้ โดยไม่ต้องใช้เครื่องทำความเย็นหรือเครื่องทำความร้อนใด ๆ ทั้งสิ้น ซึ่งจะช่วยประหยัดค่าใช้จ่ายในการลดอุณหภูมิ หรือเพิ่มอุณหภูมิของกําชไปได้มาก

## การเปรียบเทียบกระบวนการแอลเดียแบบติกกับกระบวนการไอโซเทอร์มัล

ในการเปรียบเทียบเส้นทางของกระบวนการต่าง ๆ ในกราฟความสัมพันธ์ระหว่างความดันและปริมาตร ( $P - V$  diagram) จะดูได้จากรูปแบบของสมการแสดงสภาวะสำหรับกระบวนการนั้น และอาจดูได้จากความชันของกราฟ โดยความชันของเส้นแอลเดียแบบติกเป็นลบมากกว่าของไอโซเทอร์มัล เป็นต้น (ดูรูปที่ 13)

สำหรับก้าซอุดมคติที่ผ่านกระบวนการแอลเดียแบบติก จะมีความสัมพันธ์ระหว่างความดันกับปริมาตรเป็น  $PV^{\gamma} = \text{ค่าคงที่}$  แต่ถ้าผ่านกระบวนการไอโซเทอร์มัลจะเป็น  $PV = \text{ค่าคงที่} \times \text{เมื่อแสดงกระบวนการหั้งสอง ลงในกราฟความสัมพันธ์ระหว่างความดันกับปริมาตร (ดังแสดงไว้ในรูปที่ 13)} \text{ จะเห็นว่ากราฟของเส้นแอลเดียแบบติก และของเส้นไอโซเทอร์มัล มีความคล้ายกันมาก โดยเป็นเส้นไฮเพอร์โบลิกด้วยกัน หั้งคู่ ดังนั้นถ้าเขียนเส้นแอลเดียแบบติกและเส้นไอโซเทอร์มัลลงในกราฟเดียวกัน จะบอกได้อย่างไรว่าเส้นไหนแสดงถึงกระบวนการแอลเดียแบบติก และเส้นไหนคือกระบวนการไอโซเทอร์มัล$



รูปที่ 13

เมื่อพิจารณาจากสมการแสดงสภาวะของก้าซอุดมคติ ซึ่งผ่านกระบวนการแอลเดียแบบติก คือ  $PV^{\gamma} = \text{ค่าคงที่}$  และที่ผ่านกระบวนการไอโซเทอร์มัลคือ  $PV = \text{ค่าคงที่}$  และหาค่าความชันของเส้นหั้งสองที่จุดเดียวกัน จะได้ ความชันของเส้นแอลเดียแบบติกมีค่าติดลบมากกว่าของเส้นไอโซเทอร์มัล ดังนี้

$$\text{สำหรับเส้นแอลเดียแบบติก : } \text{ความชัน} = (dP/dV)_s = -\gamma P/V$$

$$\text{สำหรับเส้นไอโซเทอร์มัล : } \text{ความชัน} = (dP/dV)_T = P/V$$

โดยที่สมมุติที่ข้างหน้าค่าทางด้านขวาของสมการความชันหั้งสองนี้ต่างกันที่  $\gamma$  จะเห็นว่าของเส้นแอลเดียแบบติก เป็น  $-\gamma$  แต่ของไอโซเทอร์มัลเป็น  $-1$  ซึ่งโดยทั่วไปไม่ใช่เลข 1 ที่เป็นสัมประสิทธิ์ของค่าใด ๆ ไว้ข้างหน้าค่านั้น ๆ และโดยทั่วไป  $\gamma$  มีค่ามากกว่า 1 เช่นอย่างไร เป็นอัตราส่วนของ  $c_P$  กับ  $c_V$  ซึ่ง  $c_P$  มีค่ามากกว่า  $c_V$  ดังได้ศึกษาแล้วในการบรรยายครั้งก่อน

ดังนั้น เมื่อเปรียบเทียบค่าความชันของเส้นและเดียวกับเส้นไอโซเทอร์มัล จะเห็นว่า เส้นและเดียวกับค่าความชันติดลบมากกว่าของเส้นไอโซเทอร์มัล จากการเปรียบเทียบที่จุดเดียวกัน คือจุดที่เส้นหั้งสองตัดกัน โดยที่ค่าความดันตรงกันและมีปริมาตรเดียวกันด้วย

ในตอนท้ายนี้ ขอให้นักศึกษาทดสอบความเข้าใจบทเรียนที่ได้เรียนมาแล้วดังตัวอย่าง ต่อไปนี้

## แบบทดสอบความเข้าใจ 2

- สมการแสดงสภาวะ (equation of state) สำหรับกําช อุ่ม คติ มีรูปแบบอย่างไร
- ประโยชน์ที่สำคัญประการหนึ่งของกระบวนการแยกเดียวกันในระบบอุทกสติก็คืออะไร
- ในการ์ฟความสัมพันธ์ระหว่างความดันและปริมาตร จะทราบได้อย่างไรว่าเส้นกราฟได้แสดงถึงกระบวนการแยกเดียวกันหรือไอโซเทอร์มัล

## คำตอบแบบทดสอบ 2

- สมการแสดงสภาวะของกําช อุ่ม คติ อาจเขียนได้หลายแบบด้วยกันจาก  $PV = nRT$   
อาจเขียนได้ว่า  $P_1V_1 = nRT_1$ ,  $P_2V_2 = nRT_2$ .....  
หรือ  $P_1V_1/T_1 = P_2V_2/T_2 = P_3V_3/T_3 = \dots$   
แต่เมื่อกําช อุ่ม คติ ผ่านกระบวนการแยกเดียวกันจะได้ว่า  $PV' = \text{ค่าคงที่}$  หรือ  
 $P_1V_1' = P_2V_2' = \dots$  และถ้าผ่านกระบวนการไอโซเทอร์มัลจะพบว่า  
 $PV = \text{ค่าคงที่}$  หรือ  $P_1V_1 = P_2V_2 = \dots$  ทั้งนี้ สมการ  $PV = nRT$  คือ  
กฎของกําช (Gas law) จะยังคงใช้ได้ถูกต้องเสมอสำหรับกําช อุ่ม คติ ไม่ว่าจะผ่านกระบวนการใด ๆ
- ประโยชน์ของการอัดและการขยายตัวแบบแยกเดียวกัน จะทำให้อุณหภูมิของระบบเพิ่ม  
หรือลดลงได้ โดยไม่จำเป็นต้องใช้เครื่องทำความร้อนหรือเครื่องทำความเย็นแต่อย่างใด
- โดยการพิจารณาความชันของเส้นสัมผัสร้าฟ ณ จุดตัดของเส้นและเส้นไอโซ-  
เทอร์มัล ซึ่งมีค่าความดันและปริมาตรตรงกัน ถ้าค่าความชันของเส้นได้เป็นค่าติดลบมากกว่า  
แสดงว่าเส้นนั้นคือเส้นและเดียวกัน (เส้นหมายเลขอ 2 ในรูปที่ 13)

ขอขอบคุณรรยยสำหรับครั้งนี้ไว้เพียงเท่านี้ ในครั้งต่อไปจะพูดถึงกฎหมายที่สองของท่อร์โน่ไดนามิกส์

เสียงจากผู้ประกาศ “ที่จบลงไปนั้นคือการบรรยายสรุปกระบวนการวิชาของมหาวิทยาลัยรามคำแหง หรือ PH 314 ครั้งที่ 3 โดย รศ.อัจฉรา พันธุ์อิ่ม ภาควิชาฟิสิกส์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยรามคำแหง

.....การบันทึกແນบคำบรรยายสรุปกระบวนการวิชาของมหาวิทยาลัยรามคำแหง มุ่งส่งเสริมการศึกษาด้วยตนเองและบริการความรู้มายังนักศึกษาและผู้สนใจทั่วไป โปรดส่งคำถามและข้อข้องใจไปยังคณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยรามคำแหง กรุงเทพ 10240.....

