

บทที่ 5

การสะท้อน

๔.๔ Perfect Terminal

ถ้าเกื่องสัมภ์ต่อกันทั้งสองข้างเปิด และกระดิ่นทั้งสองข้างทำให้เกิดกัลล์เมตเตอร์ มีความต่ออยู่ในร่าง dispersive ทั้งสองข้างมีแรงต่อต้านเกื่องสัมภ์ซึ่งเป็นประคามคำอินท์และ สำหรับทั้งสองข้างที่เป็นระบบเปิดทุกจังหวะกัลล์เมตเตอร์ต้องทำบานหัวของทั้งสองข้างไปให้คงอยู่ในมีการสะท้อน แต่ทั้งนี้ก็จะขึ้นอยู่กับส่วนละเอียดของคำอินท์แกนช์ของทั้งสองข้างจะเข้ากัน กล่าวคือ ถ้าคำอินท์แกนช์ของทั้งสองข้างมีค่าเท่ากันกุญแจจะไม่มีการสะท้อนเกิดขึ้นเป็น perfect terminal แต่ถ้าคำอินท์แกนช์ มีค่าต่างกันในทั้งสองข้างจะทำให้เกิดการสะท้อนของกัลล์เมตเตอร์ และถ้ามีค่าต่างกันมากเกิดกัลล์เมตเตอร์จะห้อนไก่มาก

เราแทนทั้งสองข้างเป็นเส้นเชือกยาว เกื่องสัมภ์ต่อกันป่วยเส้นเชือกหักขาด มืด (เรียกเป็น L สำหรับหักขาดมืด) ส่วนปลายเส้นเชือกหักต่อกับ dashpot (ที่จะเรียกเป็น R สำหรับหักขาดขาวมืด) ในที่นี้ dashpot หมายถึงเกื่องสัมภ์ที่มีคุณสมบัติค้างนี้ ถ้ามีกัลล์เมตเตอร์ตั้งที่มากกว่า dashpot ท้ายความเร็ว u(t) dashpot จะตอบสนองท่อ บรรจุเกล็ดขี้น้ำนมและปฏิริยาในทางตรงกันข้ามประคามความเร็วของกัลล์เมตเตอร์

$$F(R \text{ on } L) = -Z_R u(t) \quad (4.4)$$

เมื่อ Z_R เป็นค่าคงที่บวก เรียกว่าคำอินท์แกนช์ของ dashpot และเมื่อไก่ไว้เป็น purely resistive เพราะว่า $F(R \text{ on } L)$ เป็นปฏิกิริยาตรงกับความเร็ว (สำหรับแรงที่ประคาม ความเร่งนี้เป็นประคามการซัก ถ้าว่าเป็น reactive ส่วนแรงนี้เป็นประคามความเร็วเป็น resistive) เมื่อเกื่องสัมภ์ตั้งไก่ซึ่งกัลล์เมตเตอร์ที่เข้าสู่ระบบเปิด(ในที่นี้เส้นเชือก)ที่มี คำอินท์แกนช์เป็น Z ระบบจะมีแรงกันทานของการซองเกื่องสัมภ์เป็น drag force

$$F(R \text{ on } L) = -Z \left(\frac{\partial u}{\partial t} \right)_{x=0} \quad (4.5)$$

ในที่นี้ ω_0^2/z เป็นความเร็วของเส้นเชือกที่ $z = 0$ และเป็นความเร็วของ output terminal เช่นกัน เราเพิ่งได้ว่า ถ้า z_R เท่ากับ z dashpot จะทำหน้าที่เมื่อตอนเป็นส่วนหนึ่งของเส้นเชือกบาง ทำให้จะเกิดเสียงที่ดีไปเพิ่มขึ้นกับในเมื่อไรมากัน ดังนั้นการสะท้อนนี้คือวิธีการหา perfect termination ของเส้นเชือกห้องน้ำ ถ้าว่าคือพาราโบลาในเมื่อการสะท้อนของคลื่นเกิดขึ้นที่จุดการสะท้อน termination บินพื้นที่ของ dashpot สามารถเขียนเป็น

$$z_R = z = \sqrt{\tau_0 \rho_0} \quad (\text{c.3})$$

สมการ (c.3) ใช้ได้ถูกต้อง เราถูกอ้างว่าถ้าอินพุตเก็บช่อง dashpot และอินพุตเก็บช่องเส้นเชือกเราเท่ากัน (matches) หัวข้างของ perfect termination ให้สูงกว่าในรูป c.1

c.4 การสะท้อนและการส่งผ่าน (Reflection and Transmission)

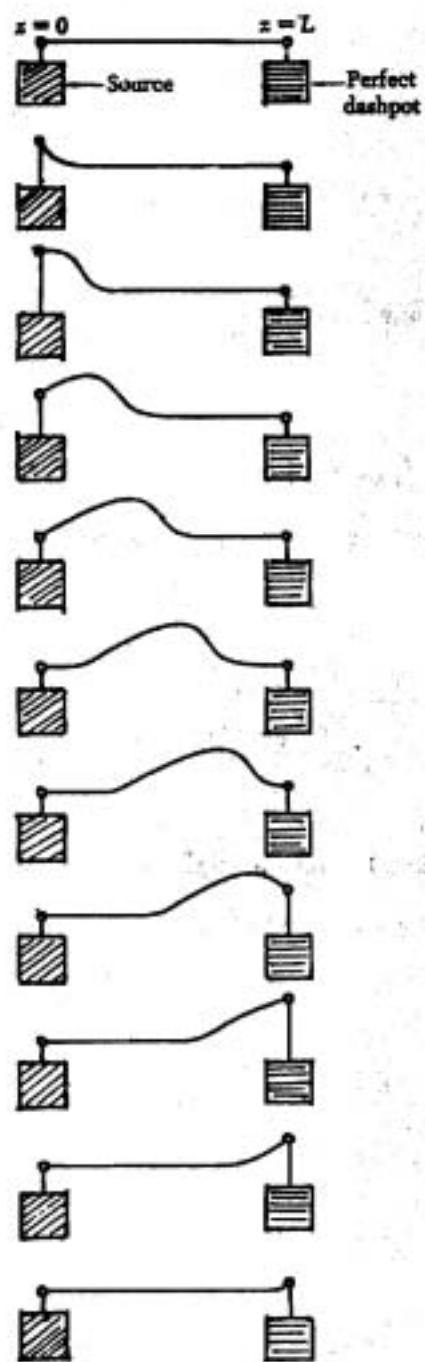
สมมติเราไม่เส้นเชือกบางที่อยู่บ้านที่มีกำลังเพิ่นกันที่เป็น z_1 ถูกตั้งไว้สูงจาก $z = -\infty$ ถึง $z = 0$ ที่ $z = 0$ ห้องกับ dashpot ที่มีกำลังเพิ่นกันที่เป็น z_2 เช่น z_2 ในห้อง z_1 ที่ $z = -\infty$ มีเกลื่อนตั้งไว้คลื่นเกิดขึ้นที่ด้านมาในทิศ $+z$ ห้องนั้นจะมีคลื่นสะท้อนเป็น

$$\psi_{\text{inc}}(z, t) = A \cos(\omega t - kz) \quad (\text{c.4})$$

ที่ $z = 0$ ห้องกับการสะท้อนก้ามที่ห้อง

$$\psi_{\text{inc}}(0, t) = A \cos \omega t \quad (\text{c.4})$$

ท่อไปเราจะเรียกชุดปลายทางเส้นเชือกเป็น L (ห้องกับห้องช่วย) และ dashpot เป็น R (ห้องกับห้องรัว) ถ้า dashpot มีอินพุตเก็บช่อง z_1 มันจะเรียกอินพุตเก็บช่องเส้นเชือกให้ unsafe ไม่เกิดกับสิ่งที่อยู่ในห้องน้ำ การนี้叫做 terminating force ที่เกิดจาก dashpot ห้องที่



รูป ๔.๔ แสดงการเดินทางของคลื่นไฟฟ้าในเชือก
ที่ เส้นเชือกยาวจากต้นเป็น dashpot
ท่าไห้เป็น perfectly terminated.

ท่อเส้นเชือกเป็น

$$F_{\text{term}}(R \text{ on } L) = -Z_1 \frac{\partial \phi_{\text{inc}}(0,t)}{\partial t} \quad (\text{e.4})$$

หากอินพุตของ dashpot เป็น Z_2 ซึ่งไม่เท่ากับ Z_1 วงศ์นั้นจะไม่เร้าสั่นเส้นเชือก (mismatch) ทำให้เกิดการสะท้อนของคลื่นที่ค่าหน่วย $z = 0$. ในกรณีสะท้อนเกิดขึ้นที่ปลายท่อ $-z$ เป็น $\phi_{\text{ref}}(z,t)$ นั่นหมายความว่า dashpot ทำให้เกิดคลื่นสะท้อนเรียกว่า *reflecting wave* หรือ *excess* มีค่าเท่ากับ ค่าอินพุตของ dashpot บวกความเร็ว

$$Z_1 \frac{\partial \phi_{\text{ref}}(0,t)}{\partial t} = F_{\text{exc}}(R \text{ On } L) \quad (\text{e.5})$$

นั่นหมายความว่า $F(R \text{ on } L)$ เป็นการรวมกันของ terminating force และ excess force ซึ่งไม่เท่ากัน

$$F(R \text{ on } L) = F_{\text{term}}(R \text{ on } L) + F_{\text{exc}}(R \text{ on } L) \quad (\text{e.6})$$

$$\text{หรือ} \quad F(R \text{ on } L) = -Z_1 \frac{\partial \phi_{\text{inc}}(0,t)}{\partial t} + Z_1 \frac{\partial \phi_{\text{ref}}(0,t)}{\partial t} \quad (\text{e.6})$$

นั่นหมายความว่า $F(R \text{ on } L)$ เป็นแรงที่เกิดจากแรงดึงดูดของคลื่นของ dashpot ซึ่งมีค่าเท่ากับ $-Z_2$ คูณด้วยความเร็วของคลื่นที่สุด L ความเร็วนี้เป็นการรวมกันของคลื่นสะท้อนและคลื่นที่ส่งออก

$$\frac{\partial \phi}{\partial t}(0,t) = \frac{\partial \phi_{\text{inc}}}{\partial t}(0,t) + \frac{\partial \phi_{\text{ref}}}{\partial t}(0,t) \quad (\text{e.7})$$

วงศ์นั้นแต่ $F(R \text{ on } L)$ ที่เป็นแรงที่สุดคลื่นจาก dashpot คือ

$$\begin{aligned} F(R \text{ on } L) &= -Z_2 \frac{\partial \phi}{\partial t}(0,t) \\ &= -Z_2 \frac{\partial \phi_{\text{inc}}}{\partial t}(0,t) - Z_2 \frac{\partial \phi_{\text{ref}}}{\partial t}(0,t) \end{aligned} \quad (\text{e.8})$$

รุกให้สมกับ (ε, ϵ) เท่ากับสมกับ (ε, ∞) เราได้ ($\forall x = 0$)

$$\frac{\partial \psi_{\text{ref}}}{\partial t}(0, t) = \left[\frac{z_1 - z_2}{z_1 + z_2} \right] \frac{\partial \psi_{\text{inc}}}{\partial t}(0, t) \quad (\text{eqn})$$

กําหนด R_{12} (รูปแบบที่พิจารณาเรื่องการสะท้อน (reflection coefficient) สำหรับการ
นํ้าทํา + เป็น

$$R_{12} = \frac{Z_1 - Z_2}{Z_1 + Z_2} \quad (4.24)$$

จากการอินซิเกตกรรมการ (๔, ๕๖) ทั้งสองข้างจะร่วมกันติดต่อกันเพื่อการอินซิเกต เนื่องจาก

$$\psi_{\text{ref}}(0,t) = R_{12} \psi_{\text{inc}}(0,t) = R_{12} A \cos \omega t \quad (\text{e.e.})$$

ด้วยค่าที่นับห้องเก็บอันที่ไปทางทิศ -z จาก $z = 0$ มีงบประมาณ $=$ ไทยล้านบาท $= < 0$ ก้าวตามการ
เริ่มต้น ϕ ไว้ เอา $c = z/v_{\phi}$ เรายังสามารถหาค่าที่นับห้องที่คำนวณ $=$ ไทยล้านบาท
แทนค่าที่นับ $z = 0, c$ ก้าว $z, z + v_{\phi}$ ดังนั้น

$$(\epsilon, \alpha) \quad \psi_{\text{ref}}(z, t) = R_{12} A \cos(\omega(t + z/v_0)) = R_{12} A \cos(\omega t + kz)$$

และแผนที่ความเส้นร่องรอยน้ำท่วมคือ $\psi_{inc}(z,t)$ และ $\psi_{ref}(z,t)$ ทั้งนี้การซึ่ง $\psi(z,t)$ เป็นการรวมกันของสองค่าดังนี้

$$\psi(z,t) = \psi_{inc}(z,t) + \psi_{ref}(z,t)$$

$$\psi(x,t) = A \cos(\omega t - kx) + R_{12}A \cos(\omega t + kx) \quad (\epsilon, \omega)$$

แบบนักศึกษาและการใช้ทักษะการสื่อสารด้วยภาษาไทยของนักเรียน ในการตีความของคณิต ปริมาณทางฟิสิกส์ที่น่าสนใจในแง่ของการประยุกต์ $\psi(x,t)$ และเราสามารถใช้ความเร็วความช้าของ $\frac{\partial \psi}{\partial t}$

และนรด.ศึกษาในพื้นที่ของแรงฟิลด์ T_0 คือ $-T_0 \frac{\partial \psi(z,t)}{\partial z}$ ซึ่งการพิจารณาจากสมการ (๔.๒๖) และ (๔.๒๗) จะเห็นได้ว่า ความเร็วคลื่น $\frac{\partial \psi(z,t)}{\partial t}$ มีสัมประสิทธิ์การสะท้อนเนินภูมิ R_{12} ต่อไปนี้ $\psi(z,t)$ แก้คลื่นแรงฟิลด์ $-T_0 \frac{\partial \psi(z,t)}{\partial z}$ มีสัมประสิทธิ์การสะท้อนที่มีขนาด เท่ากับสัมประสิทธิ์การสะท้อนสำหรับ $\psi/\partial t$ มากกว่ากันที่เกือบเท่ากัน

$$\psi_{\text{inc}} = A \cos(\omega t - kz), \quad \psi_{\text{ref}} = R_{12}A \cos(\omega t + kz) \quad (\text{๔.๒๘})$$

$$\frac{\partial \psi_{\text{inc}}}{\partial t} = -\omega A \sin(\omega t - kz), \quad \frac{\partial \psi_{\text{ref}}}{\partial t} = R_{12} -\omega A \sin(\omega t + kz) \quad (\text{๔.๒๙})$$

$$\frac{\partial \psi_{\text{inc}}}{\partial z} = kA \sin(\omega t - kz), \quad \frac{\partial \psi_{\text{ref}}}{\partial z} = -R_{12} kA \sin(\omega t + kz) \quad (\text{๔.๒๑})$$

จากสมการ (๔.๒๙) จะเห็นได้ว่าที่ $z = 0$ สำหรับความเร็วที่เกิดจากคลื่นสะท้อนมีค่าเป็น R_{12} ถูกห้ามส่วนที่เกิดจากคลื่นสะท้อนและจากสมการ (๔.๒๙) ที่ $z = 0$ จะเห็นได้ว่า ส่วนของแรงฟิลด์ที่เกิดจากคลื่นสะท้อนเป็น $-R_{12}$ ถูกห้ามส่วนที่เกิดจากคลื่นสะท้อน หันหน้าเราสามารถตรวจรวมสมการ (๔.๒๖), (๔.๒๗) และ (๔.๒๙) ใหยกตัวหนอนคลื่นประสีทธิ์ การสะท้อนสำหรับ ψ , $\psi/\partial t$ และ $\psi/\partial z$ เป็น

$$R_{\psi} = R_{\psi/\partial t} = R_{12} = \frac{z_1 - z_2}{z_1 + z_2} \quad (\text{๔.๒๐})$$

$$\text{และ} \quad R_{\psi/\partial z} = -R_{12} \quad (\text{๔.๒๑})$$

ให้สังเกตว่า R มีค่าอยู่ระหว่าง -1 และ $+1$

การสะท้อนที่ขอบเขตระหว่างทวากคลื่น

สมมติว่า เส้นเชือกยานที่มีอินพิลกน์ z_1 ซึ่งตั้งฉาก $z = -$ ถึง $z = 0$ กับ กับเส้นเชือกอีกเส้นหนึ่งที่มีอินพิลกน์ z_2 ซึ่งตั้งฉาก $z = 0$ ถึง $z = +$ หันหน้าคลื่น สะท้อนที่เกิดในทวากคลื่นนี้มีสัมประสิทธิ์การสะท้อนตามสมการ (๔.๒๐) และ (๔.๒๑) ให้สังเกตว่า $R_{21} = -R_{12}$ หันหน้าคุณสมบัติของทวากคลื่นทั้งสองเปลี่ยนกลับกันหากหันหน้า หมายความว่า สมมติประสีทธิ์การสะท้อนกันนี้ หันบ้างเข้าไป R_{ψ} เป็นค่าของสำหรับคลื่นสะท้อน

จากเดิมเชือกเบาไปปั้งเดิมเชือกหนัก (ให้แรงตึงแน่น เชือกหักจะหักเหล็ก) ดังนั้นถ้าบวก
กราฟน้ำชาเดิมเชือกหนักไปปั้งเดิมเชือกเบาที่นี่ริบราบที่มี μ เป็นค่าคง

การสูงบานที่ขอบเขตระหว่างทวี谷

ที่ $\theta = 0$ มีการของเรื่องเดียวกันเดิมจากบรรยายของแรงเหตุอนุของกลไกที่กระ
พนมและหักเมื่อหักในทวี谷 θ ดังนั้นทวี谷 θ ทำหน้าที่เป็นเส้นเป็นกันก้าวเดินของกลไก
ดังกล่าวเดิมที่บ้านไปทางทิศ $\pm \pi$ ในทวี谷 θ เราต้องการหาค่าสูงบานในปริมาณทาง
ทิศ θ_2 ความเร็วตามรา)y $\dot{\theta}_2/2\pi$ และแรงศักดิ์สิบ $-T_2 \dot{\theta}_2/2\pi$ ในที่นี่มีแรงก้าว μ
หมายความว่าสูงบานในทวี谷 θ และจัดห้องให้สภาวะขอบเขตก้าว

สภาวะขอบเขตและการค่าที่นี่

ต่อไปว่า $\dot{\theta}(x, t)$ ที่กราฟขอบเขตระหว่างทวี谷ของห้องสูงมีค่าเหมือนกันในว่าจะ
คิดจากทางขวาเมื่อหักกิจกรรมทางซ้ายเมื่อห้องของเขตที่ก้าว บันทึกการซัก $\dot{\theta}(x, t)$ เป็นค่า
ที่นี่ของ ดังนั้นความเร็ว $\dot{\theta}(x, t)/2\pi$ ก็เป็นค่าที่ต่อเนื่องรวมห้องของศักดิ์สิบ
 $-T_0 \dot{\theta}(x, t)/2\pi$ เป็นค่าที่ต่อเนื่องกับ สภาวะขอบเขตของกราฟที่ต่อเนื่องสำหรับกิจกรรมทาง
ความเร็วของรุกหนึ่งบนเส้นเชือก เราสามารถเพื่อให้บ่งชี้เดิน แต่สภาวะขอบเขตของ
แรงศักดิ์สิบเพื่อให้ในที่เดินนัก เพื่อที่จะเพื่อให้ $\dot{\theta}$ แรงศักดิ์สิบเป็นค่าที่ต่อเนื่องให้กิจกรรม
 $\dot{\theta} = 0$ ซึ่งอยู่ระหว่างทวี谷 θ และทวี谷 θ มีมาตรฐานนวาริบราที่นี่มีแรง
ศักดิ์สิบเป็น $-T_1 \frac{\partial \dot{\theta}_1}{\partial x}$ กราฟที่ต่อเนื่องเชือกทางทันทีมีอ และมีแรง $+T_2 \frac{\partial \dot{\theta}_2}{\partial x}$
กราฟที่ต่อเนื่องเชือกทางทันทีมีอ อย่างน้อยแรงห้องสูงมีค่าเท่ากับมาตรฐานน้ำ
ท่านนวาริบราที่นี่มีแรงก้าว μ แต่มาตรฐานนี้เป็นคุณบด ดังนั้น

$$-T_1 \frac{\partial \dot{\theta}_1}{\partial x} + T_2 \frac{\partial \dot{\theta}_2}{\partial x} = 0 \quad \text{ที่ } x = 0$$

ซึ่งเราต้องการให้ $T_0 \frac{\partial \dot{\theta}}{\partial x}$ เป็นค่าที่ต่อเนื่อง

สมบัติวุกช่องสัมประสิทธิ์การส่องผ่าน

ให้ $c(x,t)$ แทนค่าสัมประสิทธิ์ความเร็ว หรือแรงดึงดันในทิศทาง \pm ซึ่งก็คือ $c_1(x,t)$ เป็นการบรรยายของคลื่นพอกกระหนบและคลื่นส่องผ่าน

$$c_1(x,t) = c_0 \cos(\omega t - k_1 x) + R c_0 \cos(\omega t + k_1 x) \quad (4.26)$$

จากสมการ (4.26) และ (4.27) สมบัติวุกช่องสัมประสิทธิ์คือ $R_{12} = (z_1 - z_2)/(z_1 + z_2)$ ถ้า $c(x,t)$ แทนค่าความเร็ว หรือ รัฐมีค่า เท่ากับ $-R_{12}$ ถ้า $c(x,t)$ แทนความแรงดึงดันในทิศทาง \pm จะมีค่าปริมาณคลื่นเกือบเท่ากันที่ $x = \pm z$ เท่ากับ $\frac{1}{2}(1+R)$ สำหรับส่วนที่ส่องบ้านเข้าไปส่องบ้าน ดังนั้นเราสามารถเขียนสมการของ $c_2(x,t)$ ให้ ตามเดิมกันก่อนแล้วก็เป็น $c_2(x,t) = R c_0 \cos(\omega t - k_2 x) \quad (4.27)$

$$c_2(0,t) = R c_0 \cos(\omega t - k_2 z) \quad (4.27)$$

ให้สมการที่ว่า $c(x,t)$ เป็นค่าที่อยู่ในช่องห้องเรือน $x = 0$ ให้

$$c_2(0,t) = c_1(0,t)$$

$$R c_0 \cos \omega t = c_0 (1 + R) \cos \omega t$$

$$\text{หรือ } R = 1 + r \quad (4.28)$$

เมื่อ r เท่ากับ R_{12} สำหรับ \pm และ $\partial \phi / \partial t$ และเท่ากับ $-R_{12}$ สำหรับแรงดึงดัน $-R_{12} \partial \phi / \partial x$ ให้สูงกว่า r มีค่าอยู่ระหว่าง -1 และ $+1$ ร้อยละ 100 ระหว่างศูนย์และ $+2$ ดังนั้นสมบัติวุกช่องสัมประสิทธิ์การส่องบ้านมีค่าเป็นบวกเสมอ คือไปเป็นร่องผิวจักรที่น้ำสูบใจคันนี้ กรณีที่ $r > 1$.

ถ้า $z_2 = z_1$ ในเมื่อกลับสัมประสิทธิ์ R_{12} มีค่าเป็นศูนย์ สมบัติวุกช่องสัมประสิทธิ์การส่องบ้านเป็นหนึ่ง แต่ถ้า $z_2 = -z_1$ นั้นในไปตามความคิดเห็นว่าทิศทางห้องห้องเหมือนกัน ถ้าความหนา

ผู้อ่านและนักเรียนที่จะขอเปลี่ยนเชิงกังหันของทั่วไปเป็นกังหันทางซ้ายขวา
คงมีกังหันที่ สองนี้อ่อนเพียบค่า $z_1 = \sqrt{\tau_1/\rho_1}$ และ $z_2 = \sqrt{\tau_2/\rho_2}$ มีค่าเท่ากัน แต่ความเร็ว
เพื่อ $v_1 = \sqrt{\tau_1/\rho_1}$ และ $v_2 = \sqrt{\tau_2/\rho_2}$ ในที่นี้เป็นต้องเท่ากันในสังศ្មิงของความเร็ว

กรณีที่ ๑

ถ้า z_2/z_1 เป็นค่าอ่อนนับ z_{12} เป็น -1 ดังนั้น $\alpha = -\pi$ เนื่องด้วยกับที่ต้องไม่มีการ
ลดลงของ เอฟ การซึ่งและความเร็วมีสัมประสิทธิ์การสะท้อนเป็น -1 ดังนั้นก็ต้องการทราบ
และก็ต้องการที่ $\alpha = 0$ รวมกันให้เป็นสูญ กล่าวคือ กลั่นกอกกระแทกที่เป็น pulse บาง
(ชั้น) เกิดจากการสะท้อนก็มีผลก่อรายเป็นก็ต้องการที่เป็น pulse อนุ(อน) ส่วนแรงทาน
ของมีสัมประสิทธิ์การสะท้อนเป็น $+1$ ดังนั้นแรงกระแทกที่เปลี่ยนเชิงกังหันที่ $\alpha = 0$ มีทิศไปทาง
เดียวกับสำหรับกังหันของ พาให้มีแรงเพิ่มขึ้นเป็นสองเท่า (คือรากของรวมของ force
exerted และ excess force) และพาให้เกิดการสะท้อนมีอัตราสูงเป็นสอง มากกว่าเดิม
ซึ่งปฏิสูตรของกลั่นกอกกระแทก

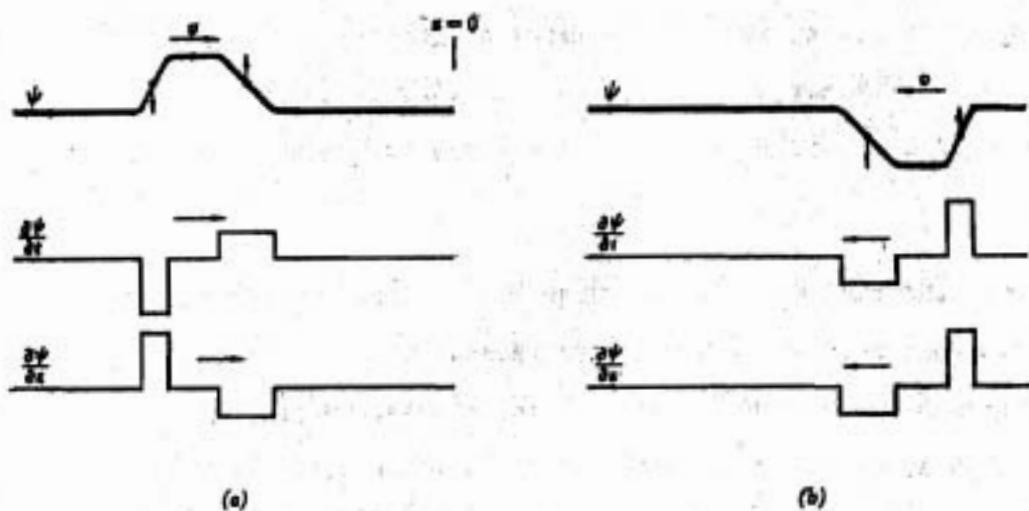
กรณีที่ ๒

ถ้า z_2/z_1 มีค่าเป็นสูญ คือบริเวณปลายของเส้นเชิงกังหันที่ $\alpha = 0$ เป็นปลายของร่อง ดังนั้น
ความตันของเส้นเชิงกังหันมีค่าเป็นสูญ นั่นคือสัมประสิทธิ์การสะท้อนสำหรับแรงคืนดัน
เป็น -1 ทำให้เกิดกอกกระแทกที่มีแรงคืนดันเป็น pulse บางกอกรายเป็น pulse อนุสังจาก
การสะท้อน ส่วนสัมประสิทธิ์การสะท้อนสำหรับการซึ่งและความเร็วเป็น $+1$ เส้นเชิงกัง
นิความเร็วเป็นสองเท่าที่ $\alpha = 0$ กลั่นกอกกระแทกที่มี pulse การซึ่งกบยกยังคงมี pulse
บางสังจากกการสะท้อนแล้ว กรณีที่ z_2/z_1 มีค่าเป็นบวกและมีค่าเป็นสูญให้แสดงไว้ใน
ดูป ๔.๖ และ ๔.๗

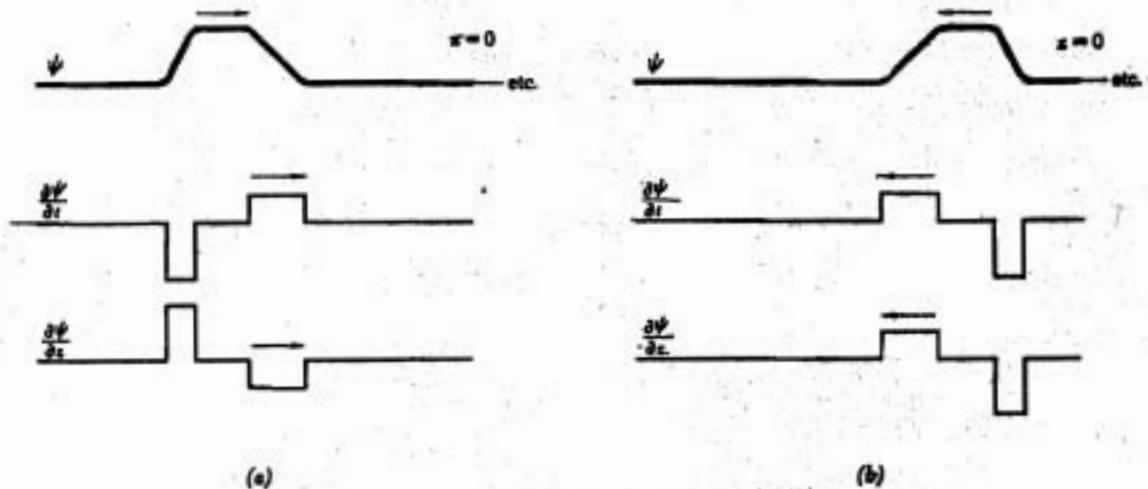
ทิศทางที่ไว้ในร่องกลั่นบุปผา

ในทั่วๆ ไป $\phi(z,t) = A \cos(\omega t - kz) + RA \cos(\omega t + kz)$

$$\phi(z,t) = A \cos(\omega t - kz) + RA \cos(\omega t + kz) \quad (4.64)$$



รูป 4.6 การระหบอนของ pulse จากการทบที่pulse เติบเชิงเส้น (a) ก่อนหักการทบท
(b) หลังหักการทบท



รูป 4.7 การระหบอนของ pulse จากการทบที่pulse เติบเชิงเส้น (a) ก่อนหักการทบท
(b) หลังหักการทบท

ในที่นี้ ψ ก็ต้องประสัย์การสะท้อนมีห้องบูรพาจว่าง -1 และ $+1$ เมื่อ ψ มีค่าเป็นศูนย์เราให้ perfect termination ดังนั้น $\psi(x,t)$ เป็นคลื่นเกลื่อนที่อยู่บ้างเดียวเกลื่อนที่ไปทางซิต $+z$ และเมื่อ ψ เป็น -1 $\psi(x,t)$ เป็นคลื่นนึงอยู่บ้างเดียวมี มัพพูที่ $= -0$ เมื่อ ψ เป็น $+1$ $\psi(x,t)$ เป็นคลื่นนึงอยู่บ้างเดียวเข้ากัน น้ำมีปฏิกิริยาหูที่ $= +0$ ส่วนมัพพูที่จะอยู่ห่างจาก $z = 0$ เป็นเหตุหนึ่งส่วนอีกหนึ่งของความยาวคลื่น เป็น λ ในที่นี้เป็นห้าง ± 1 $\psi(x,t)$ ไม่เป็นหังคลื่นนึงหรือคลื่นเกลื่อนที่อยู่บ้างเดียว มันเป็นแบบคลื่นรูปไข่หัวไปซึ่งเราสามารถเขียนให้หังจากภาระรวมกันของคลื่นนึงกับกัน หรือจากการรวมกันของคลื่นเกลื่อนที่กับกัน หรืออาจจะเป็นภาระรวมกันของคลื่นนึงและคลื่นเกลื่อนที่ ดังนั้นคลื่นรูปไข่ $\psi(x,t)$ สามารถเขียนให้ในแบบ

$$\psi(x,t) = A \cos(\omega t + \alpha) \sin kz + B \cos(\omega t + \beta) \cos kz \quad (\text{c.๒๔})$$

ซึ่งเป็นภาระรวมกันของสองคลื่นนึงที่มีมัพพูห่างกันเป็นความยาวคลื่นส่วนตัว และมีอัมปิติรูกและค่าคงที่เพื่อค้างกัน หรือเรารอกราชเรียนคลื่น $\psi(x,t)$ ในสักขณะเดียวกันคือ

$$\psi(x,t) = C \cos(\omega t - kz + \gamma) + D \cos(\omega t + kz + \delta) \quad (\text{c.๒๕})$$

ซึ่งเป็นภาระรวมกันของสองคลื่นเกลื่อนที่ในพื้นที่ทางตรงกันข้าม และมีอัมปิติรูกและค่าคงที่เพื่อค้างกัน

ห้องบูรพาจ การสะท้อนของคลื่นเสียง

สมการของภาระเกลื่อนที่สำหรับคลื่นเสียงเหมือนกับที่ให้สำหรับคลื่นความยาวคลื่น เส้นเชิง ซึ่งคล้ายกับที่ให้สำหรับคลื่นความยาวคลื่นเส้นเชิงก่อตัวเมื่อ ดังนั้นเราสามารถใช้ผลลัพธ์ที่หาให้สำหรับสมการประสัย์การสะท้อนและการส่งผ่านสำหรับเส้นเชิงก่อตัว ความเร็วของการเป็น $\frac{\partial \psi}{\partial z}$ ภาระกันปรากฏเป็น $-\gamma p_0$ $\frac{\partial \psi}{\partial z}$ คล้ายกับแรงคืนกลับ $-T_0 \frac{\partial \psi}{\partial z}$ สำหรับเส้นเชิงสำหรับห้องบูรพาจก้าบหนึ่ง

ที่บล้อบปิดความเร็วเชิงของไม้เลกออกทางคิดความ z (ความความยาวห้อง)

เป็นสูญย์คงอยู่ (เพราะว่า ในสิ่งของจากหมอก็ว่าเมื่อเกลือนที่ไปทางขวาไม่ถูกหัก + วนซึ่งมีป้ายปิก จะมีส่วนหนึ่งเกลือนที่ก่อขึ้นดังจากชนบั้นเด้อ และจะเกลือนที่ไปทางซ้าย มือ) ดังนั้นก็คือเรื่องความเร็ว $v_0/2c$ ท้องมีสัมประสิทธิ์การสะท้อนเป็น -1 ตรงป้ายปิก ทำให้การรวมกันของที่ก่อกรอบและก็คือระหัสที่บันเป็นสูญย์ ส่วนความศักดิ์ประภากฎซึ่งเป็นก็คือ แรงศักดิ์ $-4P_0$ $v_0/2c$ มีสัมประสิทธิ์การสะท้อนขนาดเท่ากันแค่เมื่อเกลือนหมายถึงกันกับของ ก็คือความเร็ว ดังนั้นความศักดิ์ประภากฎซึ่งจะหักท้ายสัมประสิทธิ์การสะท้อนเป็น $+1$ ที่ป้ายปิก ผู้ศักดิ์ความศักดิ์ประภากฎเมื่อการสะท้อนก้าวเกลือนหมายเหตุบนกับก็คือ *perfectly terminated* แค่เมื่อนำมาเป็นสองเท่า เพราะว่า ทั้งก่อกรอบและก็คือระหัสที่บันท่วงให้ ความศักดิ์ไปและสหอนกับในทิศทางเดียวกัน ซึ่งความศักดิ์ แรงศักดิ์น่วยพื้นที่ และแรงเป็น แรงสั่งหัวน้ำในแนวศักดิ์ท่อนน้ำทิศทาง

รายงานการประเมินผล

ที่ป่วยเป็นของห้องที่อยู่กับอาการภายในห้องที่มีความตื้นปกติ P_0 เหนือองค์ประกอบในห้อง และที่ป่วยเป็นของห้องที่ อาการสามารถเดาด้วยเชิงอุบัติธรรม ขณะที่มีค่านี้เชิงบ้านเร้าไปในห้อง การเดาด้วยที่ของอาการไปตามทิศ = อาย่างเดียว ดังนั้นความเร็วของอาการที่ป่วยเป็นไข้ไม่เป็นสูญน์ ที่บริเวณผ่าจราบที่ป่วยเป็นไข้เด็กน้อยพอดีมาก ความตื้นเป็น P_0 มีค่าเดียวกันเท่ากับความตื้นปกติ P_0 แต่ไม่เท่ากับ P_0 เพราะว่าถ้าความตื้นเดาด้วยที่จากห้องบังคับเดาด้วยของจากห้องของเดา และที่บริเวณนี้อาการสามารถเดาได้ยากที่สุด ทุกทางท่าให้อาการหนึ่งความเร็วเพิ่มขึ้น สามารถเดาด้วยห้องไปเป็นระบบห่างจากป่วยห้องเป็นห้องที่ส่วนกลางอิงบริเวณที่มีความตื้นของอาการเท่ากับ P_0 ดังนั้นที่ป่วยเป็นของห้องที่ภายในห้อง กว้างความตื้นประมาณภายนอกห้องเป็นสูญน์ เราให้คืนประสาทที่การสะท้อนสำหรับความตื้นประมาณเป็น -1 ที่ป่วยเป็น ดังนั้นที่ป่วยประสาทที่การสะท้อนสำหรับความเร็วเป็น +1 หากให้คืนแกนซ์ z ของอาการในห้องให้อยู่เหนือองค์ประกอบเป็นสูญน์

พ่อไปเรารอของพิจารณาผู้ว่า เกิดอะไรขึ้น เมื่อกลับเข้าบ้านมาอีกปีอย่างเป็นปกติ ก่อนที่กลับบ้าน เราก็จะซื้อป้ายเบิกมันให้ก่อนบ่ายบ้านในห้องโถงด้วยตัวเองและต่ำบ้านในบ้านกัน แก้มัน รูฟะ คือว่ากันจะรับสักคราคราส์วันหนึ่งและรับใบแทนที่มีกลับศรีน หันหน้าที่กลับเข้าบ้านมาอีกปีอย่าง

เป็นการห่อตัวก่อส่วนต่างเพื่อให้มีอิมพีเกนซ์ของค่าความถี่มากขึ้นกว่าเดิม叫做 rarefaction ในมีการห่อตัวในแนวศักย์กัน ทำให้ความถี่ของตัวก่อส่วนต่างที่ป้องเป็นอย่างกว่าปกติ เรียกว่า rarefaction ตัวก่อส่วนนี้จะมีอิมพีเกนซ์ของค่าความถี่มากกว่าปกติ มีจุดเด่นเร้าแพนที่ตัวก่อส่วนต่างที่นี่ ทำให้ตัวก่อส่วนนั้นเป็น rarefaction และตัวก่อส่วนนี้จะห่อตัวไปทางเร้าแพนที่ต่อมาไปใช้เก็กการเรียนกัน ดังนั้นเราเห็นได้ว่า มีประวัติการห่อตัวหอบความเร็วเป็นนาฬิกา และสำหรับความถี่เป็นอิมพีเกต

ห้องห้อง ๒ การสะท้อนในสายตัวก่อ

ให้กึ่งความถี่ต่างศักย์จากแรงเกลื่อนเป็น $v(z)$ เร้าที่ป้อง ($= 0$) จะแยกยังชั้นต่างๆ ที่มีอิมพีเกนซ์ z_1 ทำให้เกิดกึ่งกรดและเกลื่อนที่ $I(z,t)$ ในท่านที่ $t = z$ ดังนั้นที่ป้อง $z = 0$ เราได้

$$v(t) = v_0 \cos \omega t - z_1 I(0,t) \quad (c.24)$$

โดยที่กึ่งเกลื่อนที่กรดและกึ่งความถี่ต่างศักย์ก่อแพนคือ

$$(c.25) \quad v(z,t) = v_0 \cos(\omega t - k_1 z), \quad I = I_0 \cos(\omega t - k_1 z), \quad v_0 = z_1 I_0$$

ที่บันทึกของเรอกอินทีเกนซ์เป็นก้าวกระโดดหันจาก z_1 เป็น z_2 จะเกิดกึ่งสะท้อนและกึ่งส่อง返 ภารตานาวน้ำหนาเป็นประวัติการสะท้อนและการส่อง返เป็นเรื่องเกี่ยวกับที่เกิดขึ้นก่อตัวหอบกรด กึ่งแบบเดือนเชิงและกึ่งเสียง เราจึงไม่มีความจำเป็นต้องไปยังบริการตามขั้นตอนต่างๆ ที่ใช้สำหรับเดือนเชิงและกึ่งเสียง แต่เราจะพิจารณาเฉพาะบางกรณีเท่านั้นคือ การผ่านอิมพีเกนซ์ z_2 เป็นครุณ์และเป็นอันนั้นที่ป้องของสายตัวก่อ

การป้องของรากที่สอง ($z_2 = 0$)

ก่อแยกยังชั้นต่างๆ ของตัวก่อที่มีความถี่ต่างๆ ความถี่ต่างศักย์ระหว่างป้องมีค่าอยู่เป็นครุณ์ ดังนั้นสมการประวัติการสะท้อนที่ป้องเป็น -1 ในทางตรงกันข้ามการสะท้อนที่เป็นประวัติการสะท้อนเป็น $+1$ ดังนั้นหากน้ำกึ่งของความถี่ต่างศักย์น้ำก่อเกลื่อนบ้านในที่ $t = z$ ถูก

จะห้อนก็จะเป็นหน้ากื่นของความค้างศักดิ์อ่อน ร่วงกื่นกระแสไฟฟ้าที่เป็นกื่นกระแสไฟฟ้า

กระแสไฟฟ้าทางจราเปิด ($z_2 = \infty$)

ถ้าป้ายทางจราภิบาลชานมีต่อไปกับค่าห้าน้ำที่มีค่าเป็นอนันต์ (เช่นอากาศ หรือที่ป้ายทางจราในไม้ต่อไปกับอะไรอย่าง) ในมีกระแสไฟฟ้าบ้านจากศูนย์ไปยังศูนย์บ้านนั้นๆ ก็จะมีกระแสเป็นคูณบวกป้ายทางจราเปิด และสัมประสิทธิ์การสะท้อนของกระแสที่อยู่เป็น -1 ศูนย์นั้นสัมประสิทธิ์การสะท้อนความค้างศักดิ์เป็น $+1$

จากการพิจารณากราฟข้างบน เราสามารถก้าวหน้าที่สัมประสิทธิ์การสะท้อนสำหรับความค้างศักดิ์ v และกระแส I เป็น

$$R_v = \frac{z_2 - z_1}{z_2 + z_1} \equiv -R_{12}, \quad R_1 = -R_v \quad (\text{ค.๙๙})$$

ซึ่งสามารถพิจารณาได้ สำหรับ $z_2 = 0$ (ป้ายปิด) สมการ (ค.๙๙) ให้ $R_v = -1$ และ $R_1 = +1$ และสำหรับ $z_2 = \infty$ (ป้ายเปิด) $R_1 = -1$ เหมือนกับที่เราหาไว้ตอนที่

สัมประสิทธิ์การสะท้อนสำหรับสนาม E_x และ B_y

ในระบบแบบดูร่องานสายอากาศที่มีของว่างระหว่างแบบนี้เรียกว่า dielectric อยู่ ขึ้นพื้นที่ดูร่องก้าวหน้าที่ส่วน v (สมการ (ค.๙๔) กอน ๔.๙)

$$z = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \frac{4\pi}{c} \frac{A}{w} \quad (\text{ค.๙๙})$$

เราเห็นได้ว่าดูร่องานก้าวหน้าของของว่าง z เพิ่มขึ้นเป็นสองเท่า หากให้ดูร่องก้าวหน้าที่ส่วนไฟฟ้า E_x ในสายอากาศเป็นปฏิกิริยาครองกับความค้างศักดิ์ v และดูร่องก้าวหน้าที่ส่วนไฟฟ้า B_y เป็นปฏิกิริยาครองกับกระแสไฟฟ้า I ศูนย์นั้นเราได้

$$B E_x = V$$

$$\mu B_y = \frac{4\pi}{c} I \mu \quad (\text{ค.๙๙})$$

เมื่อถูกตั้งแต่พื้นที่กินแบ่งหน้าของสายลากาดที่มีอยู่จริง ที่ความกว้าง ๔ เมตรมีค่า permeability ๖ เมตรเมตรต่อวันต่อเมตรของสายลากาด เราจะเห็นได้ว่ามีมูลค่าสิทธิ์การระหบอนสำหรับ x เพิ่มขึ้นกับที่ใกล้สำหรับ y และมีมูลค่าสิทธิ์การระหบอนสำหรับ y เป็นเรื่องเดียวกันที่ใกล้สำหรับ x ในช้านองเดียวเท่านั้น เราจะเห็นได้ว่ามีมูลค่าสิทธิ์การระหบอนสำหรับ x เป็นเรื่องเดียวกันที่ใกล้สำหรับ y และมีมูลค่าสิทธิ์การระหบอนสำหรับ y/n เดียวกันที่ใกล้สำหรับ x แต่ไม่ว่าจะพิจารณาขนาดพื้นที่ใดพิจารณาขนาดพื้นที่ใดก็ตาม รูปแบบ

$$\text{สมการไฟฟ้า : } R_x = \frac{z_2 - z_1}{z_2 + z_1} \quad (c.m)$$

ส่วนท่านนั้นแม่เหล็กนี้คือประจุไฟฟ้ากระตุ้นรากเห่ากับช่องชนาดไฟฟ้า π_x แก่ปั๊กหรือตามราย
กรงกันช่วง

ในด้วยของสารค้างๆ เช่น แก้ว น้ำ อากาศ และ ionosphere มี $\mu = 1$ และสมมติว่าปัจจุบันเรื่องการทึบตื้องด้วยของสารค้าง (คือความกว้าง a และสูงกว้างห่าง g) ในมีการเปลี่ยนแปลงที่ชื่อว่า เอก ทึบัน อาร์คิวชาคณิตการ ($c.m.s.$) ปริมาณในเชิงพื้นที่ z ที่เปลี่ยนแปลงของชื่อเรียกให้เป็น ϵ dielectric constant ϵ ทึบัน z เป็นราก $1/\sqrt{\epsilon}$ ซึ่งมีค่าเท่ากับ $1/a$ เมื่อ $a = \sqrt{\epsilon}$ เป็นค่าที่รู้นี้พื้นที่ของสาร dielectric (สำหรับ $\mu = 1$) ให้แทนค่า $z_1 = 1/a_1$ และ $z_2 = 1/a_2$ ในสูตร ($c.m.s.$) และถูกพิสัย a_1, a_2 ตรวจสอบได้

$$R_E = \frac{n_1 - n_2}{n_1 + n_2} \quad (\epsilon, n\epsilon)$$

สมการ ($c = \infty$) น้ำใจเก็บกันก่อนแม่เหล็กไฟฟ้าในการที่คอกกระหนบหัวจากกัญชิราที่ซึ่งก่อไป เป็นไปอย่างทันทีทันใจ เนื่องจากมาร์กอฟฟ์ที่เก็บกันการเมืองก่อนแต่ง

การศึกษาทางชีววิทยา

เราใช้สมการ (C_{opt}) สำหรับหาค่ามаксิมัลของตัวแปรที่ต้องการและห้ามของค่าที่บรรบานแน่หนึ่ง

ปี $n = 1$, เริ่ม 朝加斯那ะแก้ว) หักนัน ให้ก็จะมีหักเหลืองของราคากำเป็น \dots และก็จะมีหักเหลืองแก้วเป็น \dots ดัง ที่อยู่ในค่าต้นที่บันทึกไว้ในราคาก่อสร้างไปบ้างแก้ว

$$R_E = \frac{a - n}{a + n} = \frac{a - a/c}{a + a/c} = -\frac{c}{c+1} \quad (c \neq 0)$$

(ในทางกษัณณ์ จ้ากสืบและเกื้อ่อนที่จากแก้วไปยังจากาด ซึ่งประดิษฐ์การละหันจะมีเครื่องหมายกรงแก่นฐาน ศิลปะ + ๔/๔) หลังจากที่ถักหินแบบห้องแปรตามก่อสร้างของสถานที่สำคัญนั้นแล้ว ก็ตั้งรากฐานของความเรียนและศักดิ์ท่อนบนขึ้น จากาด-แก้ว ทวีปเกียวเป็น ๔/๔ นั่นคือมีเพียง ๔ เปือเช่นท้องความเรียนและศักดิ์ท่อนบน

๔.๒ การเข้ากันได้ของอินพุตเกนท์ระหว่างศักดิ์ทองไปร่วมใจ

สมนตัวว่าเราต้องการส่งคลื่นเกลื่อนที่จากหัวก่อળนิกหนึ่งไปยังหัวก่อળนิกอีกหนึ่งในประเทศไทยเดียวกันนี้ ดังนั้น เราต้องการส่งพลังงานเสียงจากหัวก่อ声波ไปยังหัวก่อ声波ในประเทศไทย ไม่เกิดเสียงสะท้อน เพราะว่าเสียงสะท้อนอาจทำให้เกิดกิณฑ์ที่บ้าความดันและมีเสียงหวัดกรุณากวนใจ หรือเรารายจัดการส่งคลื่นแสงจากหัวก่อ声波บ้านเรามาไปยังสถานที่อื่นๆ ในประเทศไทยไม่ให้เกิดเสียงสะท้อน เพราะว่าการส่งหัวก่อ声波จะต้องหัวให้ความเร็วของคลื่นแสงที่บ้านเรามาไปยังสถานที่อื่นๆ แต่เราอาจต้องไม่ต้องการให้แสงสะท้อนไปตกกระทบกับส่วนอื่นของเครื่องนี้ วิธีการแก้ปัญหานี้ของการส่งบ้านเรามาจากหัวก่อ声波หนึ่งไปยังอีกหัวก่อ声波อีกหนึ่งในประเทศไทยไม่มีการสะท้อน เราเรียกว่า "impedance matching" เราจะต้องรังสรรค์วิธีที่ดีที่สุด วิธีแรกคือ "nonreflecting layer" อีกวิธีคือ "tapering"

71 nonreflecting layer

สมมติให้ตัวกลางที่ ๑ มีบิริเวณขอบเขตทั้งหมด $z = -\infty$ ถึง $z = 0$ ส่วนตัวกลางที่ ๒ เป็นเกลียวที่ต่อให้เกิด impedance matching มีบิริเวณขอบเขตทั้งหมด $z = 0$ ถึง $z = L$ และตัวกลางที่ ๓ มีบิริเวณขอบเขตทั้งหมด $z = L$ ถึง $z = +\infty$ เรายังคงการห้ามให้มีสิ่งกีดขวางตัวกลางที่ ๑ และตัวกลางที่ ๓ เจ้ากันได้ สำหรับอื่นความ

ที่เริงมน ๒ ก่อว่าคือ เราไม่ต้องการให้มีคลื่นสะท้อนเมื่อคลื่นกระแทบที่ตัวก่ออาจที่。
เก็ตตันไปทางทิศ $+z$ ความความเป็นจริงเราไม่สามารถทำให้ไม่เกิดการสะท้อนเมื่อคลื่นกระแทบที่จุดเดียวไม่ใช่แต่เมื่อ แค่เราสามารถหาให้อัมพ์แอกน์เร้ากันໄก์ ไกบซึ่งในที่สี่
สะท้อนเมื่อจากจุดไม่ต้องเมื่อที่ $z = 0$ และคลื่นสะท้อนเมื่อจากจุดไม่ต้องที่ $z = L$
เกิดการรวมกันໄก์ ให้คลื่นสะท้อนหังสนกในตัวก่ออาจที่ + มีรูปปัจจุบันเป็นดูนย์

เราให้บริเวณจาก $z = 0$ ถึง L เป็นตัวก่ออาจ dispersive ที่มีอัมพ์แอกน์
เป็น z_2 อั้นเราแก้ปัญหาการเข้ากันໄก์ของอัมพ์แอกน์ เราจะพบว่า z_2 มีค่าอยู่ระหว่าง
 z_1 และ z_3 จากสูตรของสัมประสิทธิ์การสะท้อนเรามี

$$R_{12} = \frac{z_1 - z_2}{z_1 + z_2} = \frac{1 - (z_2/z_1)}{1 + (z_2/z_1)} \quad \text{และ} \quad R_{23} = \frac{z_2 - z_3}{z_2 + z_3} = \frac{1 - (z_3/z_2)}{1 + (z_3/z_2)} \quad (\text{***})$$

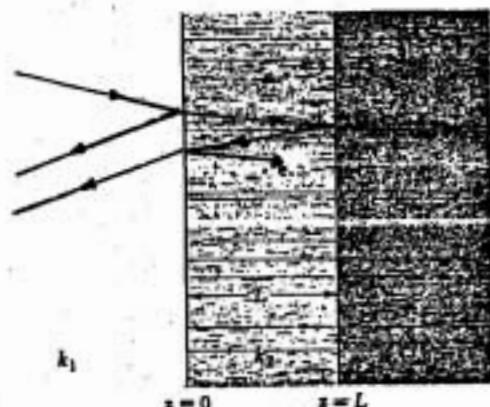
ดังนั้นเมื่อเรา假定 $z_1 < z_2 < z_3$ สัมประสิทธิ์การสะท้อน R_{12} และ R_{23} มีเท่ากับ
หมายเหตุนั้น จุดบุญหมายที่สำคัญของเรานี้คือการให้หังสนกเมื่อคลื่นสะท้อนที่ก่ออาจกันเอง
นั้นเป็นดูนย์ แต่เราต้อง假定ว่ามีสัมประสิทธิ์หังสนกหังสนกเดิมในที่ก่ออาจกันที่ $z = 0$ และ
 $z = L$ หังสนกเดิมของคลื่นหังสนกหังสนกต่างกัน เราสามารถหาผลลัพธ์เมื่อหังสนกเดิมกระ
ทันที่ $z = 0$ มีคลื่นส่วนหนึ่งสะท้อนกลับตัวยังสัมประสิทธิ์ R_{12} และบางส่วนส่งบ้านไปด้วย T_{12}
สัมประสิทธิ์การส่งบ้าน T_{12} ที่เป็นค่าบวกเสมอ คลื่นส่งบ้านเดิมที่ไปบัง $z = L$ ที่ก่อ-
แทนนั้นจะมีคลื่นบางส่วนสะท้อนกลับตัวยังสัมประสิทธิ์ R_{23} และบางส่วนส่งบ้านไป คลื่นสะท้อน
เดิมกลับมาที่ $z = 0$ อีกครั้ง และที่นี่มีคลื่นบางส่วนส่งบ้านกลับตัวยังสัมประสิทธิ์ T_{21} ดังนั้น
มันจะส่งบ้านเข้าไปในตัวก่ออาจที่ + ตรงค่าแทนที่ $z = 0$ เก็ตตันไปในทิศ $-z$ ถ้ายกไปเป็นปัจจุบัน
เป็นอัมปัจจุบันของคลื่นกระแทบที่จุด $T_{12} R_{23} T_{21}$ และถ้ายกหันที่เดิมที่
ถ่างจากคลื่นสะท้อนที่มีแรงก์ เหราะว่าคลื่นสะท้อนกลับของน้ำหังสนกหังสนกใช้เวลาส่วนหนึ่ง
ในการเดินทางที่ไปและกลับในตัวก่ออาจที่ + เป็นระยะทาง $2L$ ดังนั้นในตัวก่ออาจที่ + มี
คลื่นหังสนกเป็น

$$\Phi_{\text{inc}} = A \cos(\omega t - k_1 z) \quad (\text{***})$$

$$\psi(\text{เมื่อตอนที่ } z = 0) = R_{12}A \cos(\omega t + k_1 z) \quad (\text{ค.น.c})$$

$$\psi(\text{เมื่อตอนที่ } z = L) = T_{12}R_{23}T_{21}A \cos(\omega t + k_1 z - 2k_2 L) \quad (\text{ค.น.c})$$

เมื่อ $-2k_2 L$ เป็นเพศสัมพันธ์กับคลื่นที่ໄວ่ใน การ เกิดขึ้นที่ไปและกลับเป็นระบบ $2L$ กว้างจาก ขนาดคลื่นเดิม คือ k_2 คลื่นนี้จะเกิดขึ้นในระบบห้องทดลองตามสมการ (ค.น.c) และ (ค.น.c) ให้แสดงไว้ในรูป c.c



รูป c.c แสดงคลื่นจากการสะท้อนและคลื่นสะท้อน
ผ่านอุปสรรคทางบกพร่องที่สองและห้องทดลอง
ที่หนึ่ง

การประมาณแบบแยกตัวของคลื่น

สมมติให้อินพีแกนซ์ z_1 , z_2 และ z_3 มีความต่างกันไม่มากนัก ทำให้สัมประสิทธิ์ การสะท้อนมีค่าน้อยเมื่อเทียบกับหนึ่ง จากการใช้ห้องทดลองและการสั่งย่านระบุว่า ห้องทดลองมีความกว้างที่สามเท่ากับห้องทดลองที่สอง แต่เราสามารถตัดห้องทดลองเหลือห้องเดียวได้โดย จำกัดห้องทดลองห้องที่สองให้มีความกว้างเท่ากับห้องเดียวทั้งหมด จากสมการ (ค.น.c) เราพิจารณาดังนี้

$$T_{12}T_{21} = (1 + R_{12})(1 - R_{12}) = 1 - R_{12}^2 \quad (\text{ค.น.c})$$

ดังนั้นในการพิจารณาประมาณแบบแยกตัวของคลื่น คลื่นสะท้อนทั้งหมดเกิดจากอย่างรวมของ สองคลื่นสะท้อนจาก $z = 0$ และ $z = L$ เป็น

$$\psi_{ref} = R_{12}A \cos(\omega t + k_1 z) + R_{23}A \cos(\omega t + k_1 z - 2k_2 L) \quad (e.e)$$

หากอนุสานว่าการท่าให้อิ่มพิเศษนี้เข้ากันได้มากที่สุด ในขั้นแรกหาได้จากการเดิน z_2 ที่ทำให้ $R_{12} = R_{23}$ ดังนั้น

$$\frac{z_1}{z_2} = \frac{z_2}{z_3}, \quad z_2 = \sqrt{z_1 z_3} \quad (e.e)$$

สมการ(e.e) ก็จะเป็น

$$\psi_{ref} = R_{12}A [\cos(\omega t + k_1 z) + \cos(\omega t + k_1 z - 2k_2 L)] \quad (e.e)$$

ที่นำไปเดินค่า L ที่ทำให้ค่านะห์อนหังของรวมกันได้และหักล้างกันเป็นศูนย์ เราจะได้การผ่านร่องหักล้างของบ่ำงสัมบูรณ์ ในกรณี $2k_2 L$ เท่ากับ π ซึ่งเป็นเพื่อที่เปลี่ยนไปหลังจากคืนเดือนที่ในศักดิ์สิทธิ์ ทั้งไปและกลับเป็นระยะ $2L$ และจาก $k_2 = 2\pi/\lambda_2$ ดังนั้น

$$L = \frac{\lambda}{4}$$

สรุปได้ว่า ค่านะห์อนหังหนึ่งหน่วยเป็นศูนย์ท่อเมื่อ z_2 เป็นคราวกากาลังสองของระยะ z_1 และ z_3 และถ้าความหนา L ของ nonreflective layer เป็นความยาวครึ่งส่วนตัวของคืนเดือนที่ในศักดิ์สิทธิ์

หัวข้อ ๔ การเดลิบบยนแก้ว

เนื้อหานะห์อนหังบ่ำงนี้มาในแบบแก้ว มันจะบ่ำงป่าวแก้วเป็นช้านวนสองปีก้าวไปที่จะมีความเร็วของแสงและห์อนซึ่งถูกกำหนดโดยการที่หักล้างของสองสัมประสิทธิ์การสะท้อนจากสมการ(e.e) ในตอน ๔.๑ มีความเร็วแสงสูงเสียไปเท่ากับ $(\frac{1}{5})^2 = \frac{1}{25} = 4x$ ในแบบป่าว ดังนั้นสำหรับการส่งบ่ำงนี้ไปหังสองปีก้าวมีความเร็วแสงสูงเสียไปเป็น $8x$ อย่างไรก็ตามเราสามารถหาให้ไม่เกิดการสูญเสียความเร็วและได้ ให้ยกการเดลิบบบยนแก้วก้าว nonreflecting layer ที่มีคุณสมบัติความสมการ(e.e) ก่อร่างกิจ อันพิเศษ ของสารเดลิบบบยนท้องเท่ากับรากกาลังสองของระยะหักล้างอันพิเศษนี้ของแก้วและอากาศ ดังนั้น

สำหรับส่วนของสารเกลือบค้องเป็นการรากกำลังสองของ + ถูกกับ π สำหรับแก้วมีค่าเป็น $+0.20$ ดังนั้น $\sqrt{+0.20} = +0.446$ และค้องของสารให้มีความหนาเท่ากับ λ_2 เมื่อ λ_2 เป็นความยาวคลื่นของแสงในสารเกลือบ สำหรับแสดงให้มีความยาวคลื่นในสูญญากาศเท่ากับ 4400 Å ความยาวคลื่นในสารเกลือบจะเป็น $4400/0.446 = 9900 \text{ Å}$ หรือเท่ากับ $0.99 \times 10^{-4} \text{ cm}$. สำหรับวิธีการเกลือบสาร นำแผ่นแก้วที่จะเกลือบวางในห้องสูญญากาศ (vacuum chamber) ที่ประกอบด้วยเบ้าห้องขนาดเล็ก ภายในเบ้าห้องมีสารที่จะใช้เกลือบถูกห่อไว้ด้านนอกภายในห้องเป็นไอ ในสูญญากาศโดยสารเหล่านี้จะตอบไปทางบนผิวน้ำซึ่งแนบแน่นกว่าที่อยู่ใกล้กันในเบ้าห้อง จนกระทั่งได้ความหนาตามต้องการ

วิธี Tapered section

ในวิธี nonreflecting layer ที่เกลือบสารให้มีความหนาเท่ากับ $\lambda/4$ นั้น ได้ใช้คีเดพาระคลื่นแสงที่มีความถี่เดียวกันนั้น ด้วยเราไม่มีความต้องการเกลือบให้อย่างเพียงพอ เราสามารถหาได้ก็ว่าวิธี nonreflecting layer ซึ่งโดยใช้วิธี tapered section กล่าวคือ สมมติให้ L มีความหนาบางกว่าความยาวคลื่นใน L เราต้องการแก้คุณสมบัติของ L ให้มีความหนาบางกว่าความยาวคลื่นใน L ในช่วงความยาวคลื่นส่วนสั้นที่อินฟราเรดเปลี่ยนไปเล็กน้อย เพื่อความสะดวกเราจะต้องให้อินฟราเรดมีค่าเพิ่มขึ้นกว่าปัจจุบันเป็น Δz ในแต่ละช่วงความหนา $\Delta z = \lambda/4$ สำหรับความยาวคลื่นส่วนสั้นสารเกลือบแล้ว การสหห้อนจากแผนผังความหนานั้นซึ่งอินฟราเรดเพิ่มขึ้นจาก z_1 ไปยัง $z_2 = z_1 + \Delta z$ ทำให้สัมประสิทธิ์การสหห้อนเปลี่ยนไปกับ ΔR ซึ่ง

$$\Delta R = \frac{z_1 - z_2}{z_1 + z_2} = -\frac{\Delta z}{2z} = -\frac{1}{2z} \left[\frac{dz(z)}{dz} \right] (\text{ดู}) \quad (4.44)$$

จากการสหห้อนจากแผนผังความหนาสารเกลือบอินฟราเรดที่ถูกหักออกจากแผนผังสารเกลือบต้องไปที่ห่างกันเป็นระยะทางความยาวคลื่นส่วนสั้น ΔR คือเป็นค่าคงที่ในชั้นกับระยะทาง $=$ เริ่บก้าวที่มีความ = ดังนั้นแทนค่า $\Delta R = =$ ในสมการ (4.44) ให้

$$\frac{dz}{z} = -\frac{Bx}{\lambda} dx \quad (\text{e.ee})$$

ถ้าเราให้ x เป็นค่าคงที่ไม่เท่ากับ 0 ชิ้นส่วนหนึ่งของเส้นทางเดินไปบนเส้นทางระหว่างพาน = ซึ่งได้จากการอินติเกรตสมการ (e.ee) เราได้

$$z = a^{\frac{Bx}{\lambda}} \quad (\text{e.ee})$$

PROBLEMS

5.1 A rubber tube in which the speed of transverse waves is c_1 is joined end-to-end to a second tube in which the speed is c_2 . A train of sine waves travels toward the junction in the first tube. (1) What is the speed c_2 , in terms of c_1 , if the amplitude of the reflected wave equals that of the transmitted wave? (2) What is then the ratio of the average power reflected to that transmitted? (3) Explain why the average power are not equal, although the amplitudes are equal. (4) What is the speed c_2 if the reflected power equals the transmitted power? Ans. (1) $c_2 = c_1/3$; (4) $c_2 = 5.9c_1$, $c_2 = 0.18c_1$.

5.2 A rubber tube in which the speed of transverse waves is 20 m/sec is joined end-to-end to a second tube in which the speed is 10 m/sec. A transverse sine wave of wavelength 1 m and amplitude 3 cm travels in the first tube toward the junction. (1) What is the amplitude of the wave reflected at the junction? (2) What is the amplitude of the transmitted wave? (3) What is the ratio of the average power transmitted to that reflected?

5.3 Two transverse cosine waves, each of amplitude 1 in. and wavelength 2 in., travel in opposite directions in a string with a speed of 4 in/sec. Construct graphs of the shape of the string at the following times: $t = 0$, $t = 2$ sec, $t = 4$ sec.

5.4 A stretched string is observed to vibrate with a frequency of 30 cycles/sec in its fundamental mode when the supports at its end are 60 cm apart. The amplitude at the antinode is 3 cm. The string has a mass of 30 gm.

- (1) What is the speed of propagation of a transverse wave in the string?
 (2) Compute the tension in the string. (3) Write the equation representing the wave motion, using the constants given above and computed in (1).

5.5 The relation between the impedance Z and the refractive index n of a dielectric is given by $Z = 1/n$. Light travelling in free space enters a glass lens which has a refractive index of 1.5 for a free space wavelength of 5.5×10^{-7} meters. Show that reflections at this wavelength are avoided by a coating of refractive index 1.22 and thickness 1.12×10^{-7} meters.

5.6 Suppose a coaxial transmission line having 50 ohms characteristic impedance is joined to one having 100 ohms characteristic impedance.

(a) A voltage pulse of +10 volts (maximum value) is incident from the 50 Ω line to the 100 Ω line. What is the "height" (in volts, including the sign) of the reflected pulse? Of the transmitted pulse?

(b) A + 10-volt pulse is incident from the 100 Ω to the 50 Ω line.
 What are the reflected and transmitted pulse heights?

5.7 Light of wavelength $\lambda = 5000 \text{ \AA}$ is incident normally on a series of two transparent plastic disks separated by a distance large compared with the wavelength. If the index of refraction of the disks is $n = 1.5$, what fraction of the light is transmitted? Neglect absorption, internal multiple reflections, and interference effects. Ans. $I_t/I_o = 0.85$.

5.8 Compare the amplitude and intensity reflection coefficients for light normally incident on a smooth water surface (index $n = 1.33$) for the two cases of incidence from air to water and from water to air.

5.9 Reflections in a thin film of air. Suppose you have two optically flat slabs of glass touching at one edge and spaced apart by a sheet of paper at the other edge, which is a distance L from the edge where they touch. Assume the paper has the thickness of one page of this book. (How can you measure that without a micrometer?) Suppose you want successive fringes of green light to be separated by 1 mm so that you can see them easily. How long must the length L of the "wedge" of air be?

5.10 For light (or other electromagnetic radiation) incident from medium 1 to medium 2, we found that, provided the magnetic permeability of the medium is unity (or does not change at the discontinuity) and provided the "geometry" is constant (parallel-plate transmission line of constant cross-sectional shape or slab of material in free space), then the reflection and transmission coefficients for the electric field E_x and magnetic field B_y are given by

$$R_E = \frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2}, \quad T_E = 1 + R_E = \frac{2k_1}{k_1 + k_2},$$

$$R_B = \frac{k_2 - k_1}{k_2 + k_1}, \quad T_B = 1 + R_B = \frac{2k_2}{k_2 + k_1},$$

where $k = n\omega/c$ and n is the index of refraction. Show that the reflection and transmission coefficients for E_x imply that E_x and $\partial E_x / \partial z$ are both continuous at the discontinuity, i.e., that they have the same instantaneous values on either side of the discontinuity. (By the field on the left side (medium 1) we mean, of course, the superposition of the incident and reflected waves.) Similarly, show that the reflection and transmission coefficients for the magnetic field B_y imply that B_y is continuous at the boundary but

that $\frac{\partial B_y}{\partial z}$ is not continuous. Show that $\frac{\partial B_y}{\partial z}$ increases by a factor $(k_2/k_1)^2 = (n_2/n_1)^2$ in crossing from medium 1 to medium 2. It is important to notice that we mean the total field, not just the part traveling in a particular direction.

5.11 Show that for waves on a string the boundary condition that is analogous to constant magnetic permeability (across a discontinuity) for light is that the mass density of the string be constant. Show that an increase in dielectric constant for light in crossing the boundary is analogous to a decrease in string tension. Show that the transverse string velocity behaves like the magnetic field in a light wave, in the sense that it is continuous but that its z derivative increases by a factor $(k_2/k_1)^2$ in going from medium 1 to 2. Show that the transverse tension $-T_0 \frac{\partial \psi}{\partial z}$ behaves like the electric field, in that both it and its z derivative are continuous at the boundary. (In all cases, we are referring to the total field, not to components traveling in a particular direction.)

5.12 General sinusoidal wave. Write the traveling wave $\psi(z,t) = A \cos(\omega t - kz)$ as a superposition of two standing waves. Write the standing wave $\psi(z,t) = A \cos \omega t \cos kz$ as a superposition of two traveling waves traveling in opposite directions. Consider the following superposition of traveling waves:

$$\psi(z,t) = A \cos(\omega t - kz) + RA \cos(\omega t + kz).$$

Show that this sinusoidal wave can be written as a superposition of standing waves given by

$$\psi(z,t) = A(1+R) \cos \omega t \cos kz + A(1-R) \sin \omega t \sin kz.$$

Thus the same wave can be thought of as a superposition either of standing waves or of traveling waves.

5-13 Suppose you want to match optical impedances between a region of index n_2 , and you want to expend a total distance L in the impedance-matching transition region. What is the optimum z dependence of the index n between the two regions? Is it exponential? Why not?

Ans. The wavelength $\lambda = (c/v)/n$ should vary linearly with z , i.e., if the transition region extends from $z = 0$ to $z = L$, we want $\lambda(z) = \lambda_1 + (z/L)(\lambda_2 - \lambda_1)$

5.14 Multiple reflection. In the following derivations you are to use complex numbers. Suppose ψ_{inc} is the real part of $Ae^{i(\omega t - kz)}$, where A is real. Thus $\psi_{inc} = A \cos(\omega t - kz)$. At $z = 0$ the impedance suffers a sudden change from Z_1 to Z_2 . At $z = L$ the impedance changes again from Z_2 to Z_3 . Let $R_{12} = (Z_1 - Z_2)/(Z_1 + Z_2) = -R_{21}$. $R_{23} = (Z_2 - Z_3)/(Z_2 + Z_3)$. Assume that in medium 1 there is a reflected wave that is the real part of $RAe^{i(\omega t + kz)}$, where R is complex, and may be written $R = |R|e^{-i\phi}$.

(a) Show that if we neglect all contributions except the reflection from $z = 0$ and the first reflection from $z = L$, we obtain

$$R = R_{12} + T_{12}R_{23}T_{21}e^{-2ik_2L},$$

where $T_{12} = 1 + R_{12}$ and $T_{21} = 1 + R_{21} = 1 - R_{12}$.

(b) Show by explicit summation of the infinite series corresponding to an infinite number of multiple reflections that the exact solution for R is

$$R = R_{12} + \frac{(1 - R_{12})^2 R_{23} e^{-2ik_2 L}}{1 - R_{23} R_{12} e^{-2ik_2 L}},$$

where the first term, R_{12} , is due to the reflection at the first discontinuity at $z = 0$, and the rest is due to one or more reflections at $z = L$. Show that in the small-reflection approximation this result reduces to that of

part (a) Show that the exact result can be written in the form

$$R = \frac{R_{12} + R_{23} e^{-2ik_2 L}}{1 + R_{12} R_{23} e^{-2ik_2 L}}.$$

5.15 Transmission resonance. (a) Show that for reflection due to two discontinuities the fractional time-averaged energy flux that is not reflected (and hence by energy conservation must be transmitted) is given by

$$1 - |R|^2 = \frac{1 - R_{12}^2 - R_{23}^2 + R_{12}^2 R_{23}^2}{1 + 2R_{12} R_{23} \cos 2k_2 L + R_{12}^2 R_{23}^2}.$$

(b) Show that if medium 3 has the same impedance as medium 1 this becomes

$$1 - |R|^2 = \frac{(1 + R_{12})^2}{1 - 2R_{12}^2 \cos 2k_2 L + R_{12}^4}.$$

(c) Show that at certain values of $k_2 L$ the fractional time-averaged energy flux not reflected is unity, i.e., for those values, all the energy is transmitted and none reflected. Call any one of these "resonance values" of k_2 by the name k_o . Show that the resonance values are given by $k_o L = \pi, 2\pi, 3\pi, \dots$

(d) Show that for k_2 sufficiently near a resonance value k_o the transmitted (time-averaged) energy flux is given by

$$1 - |R|^2 = \frac{(1 - R_{12})^2}{(1 - R_{12})^2 + R_{12}^2 [2L(k_2 - k_o)]^2}.$$

5-16 Suppose that a point a on a string at $x_a = 10$ cm oscillates in harmonic motion at frequency 10 cps with amplitude 1 cm. Its phase is such that at $t = 0$ the point on the string is passing through its equilibrium position with upward velocity (positive displacement is upward).

- (a) What is the magnitude and direction of the velocity of point a at $t = 0.05$ sec? Suppose the string parameters (mass per unit length and tension) are such that the wave velocity is 100 cm/sec.
- (b) What is the wavelength of a traveling wave? What is the wavelength of a standing wave?
- (c) Another point b at $z_b = 15$ cm oscillates with the same amplitude as that at $z_a = 10$ cm, but with a relative phase of 180 deg with respect to the oscillation at z_a . Can you tell whether we have here a pure traveling wave, a pure standing wave, or a combination?
- (d) A third point c at 12.5 cm also oscillates with the same amplitude as that at z_a but 180 deg out of phase with point a. Point b oscillates as given above. Now tell us whether the wave is a traveling or a standing wave (or a combination).