

บทที่ 4

คลื่นเคลื่อนที่

(Travelling waves)

๔.๐ คลื่น

ระบบค่าๆที่เราได้ศึกษาในบทที่ ๑, ๒ และ ๓ ค่างเป็นระบบปิด ก่อตัวคือเป็นระบบที่ มีขอบเขตแน่นอน ตั้งแต่กึ่งจานห้องน้ำจนถึงห้องนอนของระบบปัจจุบันในระบบไม่ได้สูญเสียไป (พื้นที่งานคงที่) เราพบว่าการของสิ่งเหลือบ้างอีกรายของระบบปิดสามารถอธิบายได้ด้วยพจน์ที่เกิดจาก การรวมกันของคลื่นนั่นที่ให้ราก *modes* ค่างๆ ก่อตัวคือ *mode* และแรงเหวี่ยง ของวิธีแยกที่ *steady-state* สามารถเขียนเป็นการรวมกันของคลื่นนั่นจากส่วนของ *mode* และบ่งบอกว่าต้องมีอะไรการค่างๆของ *mode* ที่ปรากฏพิจารณาจากสภาวะของขอบเขตของระบบ ตั้งเรื่น สามัญๆ ลูกเมียใน เป็นระบบที่ค่อนข้างซับซ้อนไว้ ตั้งนั้นคลื่นที่เกิดในลูกเมียตอนไปมาทำให้เกิดคลื่นนั่น และพื้นที่งานไม่ถ่ายทอดออกนอกระบบ

ในบทที่ ๔ นี้เราจะพิจารณาการของสิ่งเหลือบ้านในระบบเปิดซึ่งหมายถึงระบบที่ไม่มีขอบเขตแน่นอน ตัวอย่างเช่น มีคนชั้นในห้องนอนยกน้ำหนัก (balloon) และเป็นภัยในขณะที่น้ำหนักลอยอยู่ในบรรยายกาฬระดับสูงๆ อาการหัวหน้าที่เป็นระบบเปิด หรือหัวใจเปิดของคลื่นเสียง อย่างน้อยที่สุดเราพิจารณาให้ว่าจะไม่มี *echo* ซึ่งเกิดจากเสียงสะท้อนที่หินอ่อนไปซึ่งผู้บ่ามครกนั้น แต่จะมีสิ่งแวดล้อมที่ต่างกันมากถ้าคนเดียวคนนั้นเป็นผู้บ่ามที่มีป่าใหญ่ ค้านห้องน้ำทั้งหมดที่เป็นรังกฤษ เพราะในห้องแบบนี้อาการหัวหน้าที่เป็นระบบปิด และจะเกิดกลิ่นอาหารด้วยความตื่นของคลื่นเสียงเท่ากับความตื่นของคลื่นเสียงที่ต่อไปนี้ *mode* แต่ถ้าห้องน้ำบุกawayรัฐ เก็บเสียงอย่างที่รุนแรงทั้งไม่เกิดเสียงสะท้อนได้เลย อาการในห้องน้ำก็จะหัวหน้าที่เป็นระบบเปิดให้เหมือนกัน ที่ก่อความมาห้องน้ำซึ่งให้เห็นว่าระบบเปิดในที่น้ำเป็นจะต้องเป็นระบบที่มีขนาดกว้างขวางตามมองไม่เห็นขอบเขตเท่านั้น ระบบที่มีริเวณแคบๆ สามารถเป็นระบบเปิดได้เช่นกัน

คลื่นที่เกิดจากแรงเหวี่ยงในระบบเปิดเรียกว่า คลื่นเหวี่ยงที่ เพราะว่าคลื่นที่เกิดขึ้นจะกระจายห่างออกไปจากที่ก่อให้เกิดคลื่น คลื่นนี้ มีอุณหภูมิที่สูงกว่าคือ มันสามารถส่ง

บ้านพัชร์งานและไม้เบนทึมได้ หงส์เร่น จ้าไยนก้อนพินทองในบ้านนี้แห่งท่าให้ เกิดกลิ่นของอบูราณ ของไปรษณีย์และพากพังงานชนิดออกไปเป็นระยะทางไกลได้ เพื่อให้จากสั่งของที่เก็บสะสม นั่งอยู่ห้องจากดูก็ก้อนพินทองกระหนบเป็นจำนวนมาก เกิดอาการเกร็อนไขวายได้เมื่อกลิ่นบ้านหงส์เร่น ที่ไปเดิน หรือห้าไม้เบนทึมงานศักดิ์เพิ่มขึ้นได้ หงส์เร่นสังทึกใจร่างกายกรีงตอบใบหน้าให้อด้วยน้ำซึ่งถูกกลิ่น ศักดิ์เพิ่มไปจนเข้าสูตรจากคำแนะนำเดิมมาก

ท่านเจ้าพ่อรัมปิติวุฒิ

ถ้าค่าสัมประสิทธิ์ของความเร็วที่บันทึกไว้ในแต่ละช่วงต่างกันมาก ก็จะแสดงว่าในช่วงนั้นน้ำท่วมอยู่ในรูปแบบที่ซับซ้อน เช่น คลื่นกระแทก คลื่นกระแทกที่มีความเร็วต่ำกว่าความเร็วของน้ำที่บันทึกไว้ หรือคลื่นกระแทกที่มีความเร็วสูงกว่าความเร็วของน้ำที่บันทึกไว้ คลื่นกระแทกที่มีความเร็วต่ำกว่าความเร็วของน้ำจะทำให้น้ำท่วมลุกลามไปทั่วทั้งช่วง แต่คลื่นกระแทกที่มีความเร็วสูงกว่าความเร็วของน้ำจะทำให้น้ำท่วมลดลง คลื่นกระแทกที่มีความเร็วต่ำกว่าความเร็วของน้ำจะทำให้น้ำท่วมลุกลามไปทั่วทั้งช่วง แต่คลื่นกระแทกที่มีความเร็วสูงกว่าความเร็วของน้ำจะทำให้น้ำท่วมลดลง

ความทันทัณฑ์ทาง

ความสืบพันธ์เพื่อระหำว่าจะของที่วันเกิดขึ้นที่วัดกันในตัวกงลงเป็นค่างกันมากกัน
กรณีสำหรับกลุ่มนี้ในระบบปีก เพราะว่าไม่ก่อเรื่องกลุ่มนี้ซึ่งอาจเป็นการของสวัสดิ์ของบ่
ใช้ระบบรือการของเด็กที่ดูแลแรงงานของระบบปีก ที่วันเกิดขึ้นที่ห้องนอนของเด็กที่วันเดียวกัน
สำหรับกรณีเด็กที่วันเกิดขึ้นที่อีกันจะมีเพียงค่างกันถ้าปีน้ำพื้นที่กันความต่าง
ที่วันเดียวกันที่ที่วันเดียวกัน

๔.๖ กิจกรรมที่นักเรียนนิยมในชั้นเรียนคณิตศาสตร์

สมมติว่าเรา มีระบบที่เป็นพื้นที่ที่ประกอบด้วยเส้นทางเด็กพันธุ์ยาวซึ่งสิ้นที่ $z = 0$ ถึงอยู่นั่นที่ ตรง $z = 0$ ท่อแก๊สเครื่องมือบางอย่างที่ให้ของกินมา ก้าวให้เส้นทางสิ้นและสิ่งที่ใน เกลือบที่บ้านไปตามเส้นทาง เรียกเครื่องมือว่า transmitter ถ้าให้ $D(z)$ เป็นการจัก ที่เก็บอยู่มีสิ่งของมากเท่านั้นก็ว่าการจักจะดึงเด็กหนาๆ ไม่นัก

$$D(t) = A \cos \omega t \quad (\text{๔.๙})$$

เราพึงทราบการที่ $\psi(z, t)$ ของเส้นคลื่นคงที่มีค่า $z = 0$ ให้พึงบูรณาภิวัต $= 0$ และอยู่ในที่ส่วนที่ค่า $z = 0$ เราสามารถหา $\psi(0, t)$ ได้ตามนี้ เพราะว่าเส้นคลื่นคงที่ $z = 0$ เท่ากับ $D(t)$

$$\psi(0, t) = D(t) = A \cos \omega t \quad (\text{๔.๑๐})$$

ความเร็วเพลิง

จาก การสังเกตคลื่นเกลื่อนที่บนผิวน้ำทำให้เราถูกรบกวนด้วยความเร็วเพลิงที่ เมื่อหัวคลื่นซึ่งเคลื่อนที่อยู่มาเรื่อยๆ (เรื่องความเร็วของคลื่น) เป็นคลื่นเป็นคลื่นเกลื่อนที่มีการ ไม่แน่ ความเร็วเพลิงของเราเรียกว่า ความเร็วเพลิง v และเราอาจพบว่าการเกลื่อนที่ซึ่งส่วน เกลื่อนที่กระดาษหนัง z เมื่อเวลา t เป็นเรื่องเดียวกับส่วนเกลื่อนที่คลื่น $z = 0$ เมื่อเวลา t' และ t' เป็นเวลาที่遅กว่า t ด้วยเวลาที่คลื่นใช้ในการเกลื่อนที่เป็นระยะทาง z ด้วยความเร็ว v

$$t' = t - \frac{z}{v} \quad (\text{๔.๑๑})$$

ดังนั้นเราได้รูปแบบของคลื่นเกลื่อนที่ญี่ปุ่นคือ

$$\begin{aligned} \psi(z, t) &= \psi(0, t') \\ &= A \cos \omega t' \\ &= A \cos \omega \left(t - \frac{z}{v} \right) \\ &= A \cos \left(\omega t - \frac{\omega}{v} z \right) \quad (\text{๔.๑๒}) \end{aligned}$$

ให้สังเกตค่า z บนบนค่า z หนึ่ง $\psi(z, t)$ เป็นคลื่นในบริเวณเดียวกันในเวลา t บนเดียวกันด้วยสังเกตที่เวลา t บนบนเวลาหนึ่ง $\psi(z, t)$ เป็นการของคลื่นในบริเวณเดียวกันใน

ระหว่างที่ แม้กระนั้นจะเป็นกรณีนี้จะไปที่ห้องของกรณีที่จะเป็นจริงเรื่อง และเราสามารถเรียบ
การซึ่งก็คือว่าเป็นแบบ

$$\psi(x,t) = B \cos(\omega t) \cos(\alpha - kx) \quad (4.4)$$

ในที่นี่ α เป็นค่าคงที่ สำหรับเวลาที่แบบอนุสูตร (4.4) มีรูปแบบเช่นเดียวกับกรณีนี้ของการ
สมการ (4.2) เมื่อเราใช้จำนวนคงที่ k (และความยาวคงที่ λ) สำหรับกรณีเดียวกันที่รูป
โหนนเป็นเช่นเดียวกันที่เราใช้สำหรับกรณีนี้ เราสามารถเรียบสมการของกรณีเดียวกันที่เป็น

$$\psi(x,t) = A \cos(\omega t - kx) \quad (4.5)$$

โดยการเบริชบเพิ่มสมการ (4.4) และ (4.5) เราจะเห็นได้ว่า ลักษณะการเพิ่มของบุมเพื่อ
ท่อนวายความยาว λ สำหรับกรณีเดียวกันที่ก่อให้เกิด

$$k = \frac{\pi}{v_f} \quad (4.6)$$

บันทึกความเร็วเพื่อเป็น $v_f = \frac{\pi}{k}$ (4.6)

$$\text{หรือเมื่อ } \omega = 2\pi v \text{ และ } k = \frac{2\pi}{\lambda}$$

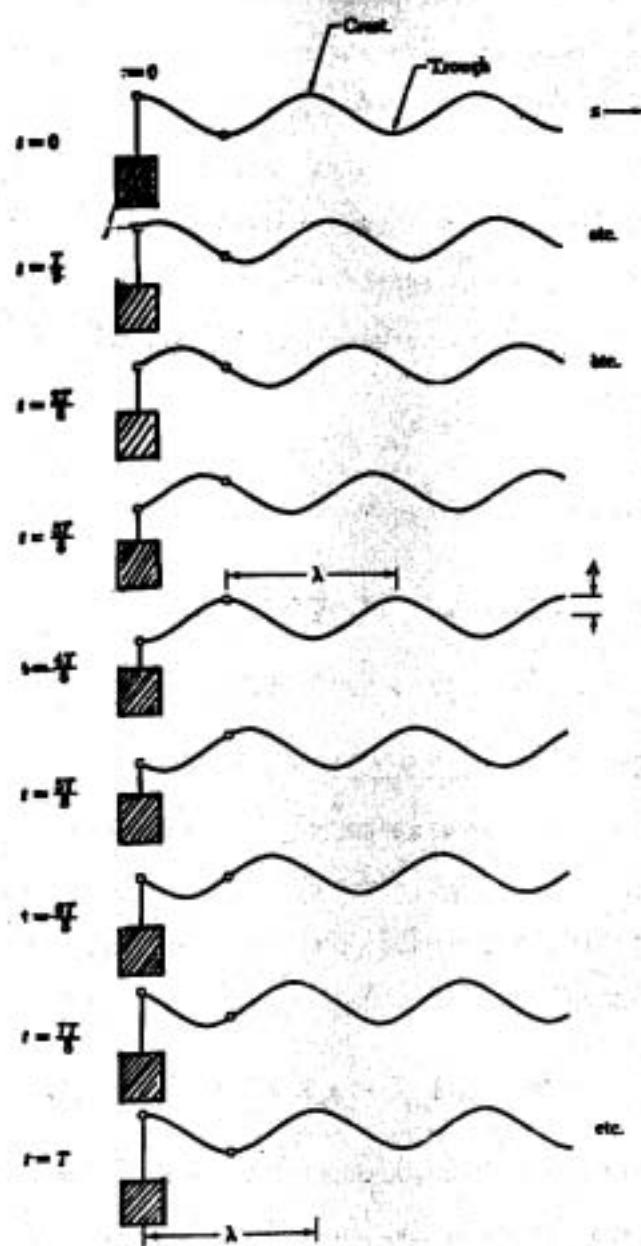
$$v_f = \lambda v \quad (4.6a)$$

$$\text{และเมื่อ } v = \frac{1}{T}$$

$$v_f = \frac{\lambda}{T} \quad (4.6b)$$

สมการ (4.2) มีความสำคัญมากสำหรับกรณีเดียวกันที่แบบบุปผา เรายังหาความเร็วเพื่อให้
เชิงรัศมีนี้โดยการแทนค่าอย่างทั่วไป $c(x,t)$ ก็คือว่าเป็นที่รูปไปในพิกัด $+z$ เป็น
argument ของฟังก์ชันคงที่ $\cos(\omega t - kz)$

$$c(x,t) = vt - kz \quad (4.7)$$



รูป ๔.๔ นรรบ. เกี่ยวกับการเคลื่อนที่ของคลื่นใน ๒ มิติแบบสามมิติในปริภูมิความเร็ว T กับนรรบ. เกี่ยวกับไม่น์เกลื่อนไปทาง $+z$ ความยาวคลื่นเป็น λ . ความเร็วคลื่นเป็น $\lambda/T = u/k = \lambda v$. แต่จะดูคุณสมบัติของการเคลื่อนที่เมื่อลงที่ $z = 0$.

ไทยก้าวนะ = เป็นค่าคงที่ เรายามาดึงให้สังเกตครึ่นที่ค่าแทนงหนึ่ง จะพบว่า เพื่อมีค่าเพิ่มขึ้นตาม ϵ และถ้าก้าวนะคือ ϵ เป็นค่าคงที่ หมายดึงเมื่อเวลาหนึ่งเวลาใดให้ สังเกตครึ่น ณ ค่าแทนง (z) ถ่างๆกัน จะเห็นว่าเพื่อมีค่าคงของเมื่อ z มีค่าเพิ่มขึ้น ถ้าเราต้อง การพิจารณาค่าแทนงสัมภึติ (ค่ามากที่สุดของ $\cos\epsilon(z,t)$) หรือร่องคืบ (ค่าต่ำที่สุดของ $\cos\epsilon(z,t)$) ศึกษาบ้างก็ออก เราต้องพิจารณาค่าแทนง = ถ่างๆเมื่อ ϵ เป็นสิ่งแปรปรวนไทย ให้เพล $\epsilon(z,t)$ เป็นค่าคงที่ ดังนั้นอุบัติห้องนักของ $\epsilon(z,t)$ จะให้ผลลัพธ์เป็นสูญญ์ เราย สามารถหาความสัมพันธ์ระหว่าง ϵ และ ϵ สำหรับแต่ละค่าแทนงที่เพื่อเป็นค่าคงที่ได้ดังนี้

$$d\epsilon = \left(\frac{\partial \epsilon}{\partial t}\right) dt + \left(\frac{\partial \epsilon}{\partial z}\right) dz = wdt - kdz \quad (4.20)$$

ซึ่งมีค่าเป็นสูญญ์พาร์ที่ $d\epsilon$ และ dz ตั้งแต่กันทั้งสอง

$$\nu_0 = \left(\frac{dz}{dt}\right) (d\epsilon = 0) = \frac{w}{k} \quad (4.21)$$

ซึ่งเป็นสมการ (4.20) และ dz/dt คือความเร็วหัวน้ำหรือความเร็วเพลน์เจอง

Dispersion law for linear array of coupled pendulums

ถ้าไปเรามาพิจารณาค่าว่าย่างของระบบสูกตุนแก่ว่างควบคู่กันก็จะส่องเป็นชานวน อนันต์ ซึ่งสูกตุนอยู่ทางที่ $z = 0$ เพื่อนำถูกการกระชาวยที่แท้จริงสำหรับสูบกึ่นเกลื่อนที่ซึ่งเรา เชื่อว่าเป็นเช่นเดียวกับถูกการกระชาวยสำหรับสูบกึ่นนั่น อาจสัยจากกรณีของสูกตุนควบคู่ สมการ ของการเคลื่อนที่แท้จริงของสูกตุนกว่าที่ n เส็บนี้ได้เป็น

$$\ddot{\theta}_n = -\frac{k}{l}\theta_n + \frac{k}{M}(\theta_{n+1} - \theta_n) - \frac{k}{M}(\theta_n - \theta_{n-1}) \quad (4.22)$$

เราอาจว่าได้ว่าส่วนเกลื่อนที่สูกตุนจะของตัวเองเป็นแบบชาร์โวโนิกสำหรับสูกตุนแก่สูบกึ่นที่หักภาวะ ไม่เปลี่ยนแปลงเป็นเช่นเดียวกับการผิดของสภาวะไม่เปลี่ยนแปลงของสูบกึ่นแรงของระบบ มีค่า ดังนั้น

$$\ddot{\theta}_n = -\omega^2 \theta_n \quad (4.23)$$

แผนที่สมการ (4.43) อยู่ในสมการ (4.42) รวมรวมพจน์ที่เหลือบันและหารด้วยค่า ψ_n เรายัง

$$\omega^2 = \frac{\kappa}{l} + \frac{2K}{M} - \frac{K}{M} \left(\frac{\psi_{n+1} + \psi_{n-1}}{\psi_n} \right) \quad (4.44)$$

เราสมมติให้คลื่นเดลล์อนที่แบบญูปีไซน์มีสมการเป็น

$$\psi_n = A \cos(\omega t + \phi - kz), \quad z = na$$

จากที่ว่าบ้างข้างต้นเราแทนหาได้ว่า

$$\psi_{n+1} + \psi_{n-1} = 2\psi_n \cos ka$$

ดังนั้นสมการ (4.44) ก็จะเป็น

$$\omega^2 = \frac{\kappa}{l} + \frac{2K}{M} (1 - \cos ka) \quad (4.45)$$

$$\text{หรือ} \quad \omega^2 = \frac{\kappa}{l} + \frac{4K}{M} \sin^2 \frac{ka}{2} \quad (4.46)$$

สมการ (4.46) หักความสัมพันธ์การกระจำเป็นเพิ่มเติบโตที่หายไปในตอน 4.4 สมการ (4.40) สำหรับการของสัมประสิทธิ์ของแรง เรายังเห็นได้ว่าบ้างความถี่สำหรับกึ่งญูปีไซน์มีค่าเป็นเพิ่มเติบโต สำหรับกึ่งญูปีไซน์ที่แต่ละคึ่งนึง คือช่วงจาก ω_{\min} ถึง ω_{\max} เมื่อ

$$\omega_{\min}^2 = \frac{\kappa}{l} = \omega_0^2 \quad \text{และ} \quad \omega_{\max}^2 = \frac{\kappa}{l} + \frac{4K}{M} \quad (4.47)$$

สำหรับแรงทางเดลล์อนที่มีความถี่ต่ำกว่า cutoff ω_0 จะให้คลื่นเป็นแบบเอกซ์ไบเนนเซียล และเราหากจะเห็นว่า ความสัมพันธ์การกระจำเป็นสำหรับระบบเปิดยังคง มีค่าเหมือนกับระบบปิดอีกด้วย เรายังได้

$$\psi(z, t) = Ae^{-Kz} \cos \omega t \quad z = na \quad (4.48)$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 - \frac{4K}{M} \sinh^2 \frac{ka}{2} \quad (\text{less})$$

พานอยเดียวเก็บสำหรับแรงโน้มถ่วงที่มีความตื้นกว่า upper cutoff ω_{\max} ERA ได้แก่

แบบเอกซ์ไปเบนเรียบซิกแซก

$$\psi(x,t) = A(-1)^n e^{-kx} \cos nt \quad x = na \quad (\text{less})$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + \frac{4K}{M} \cosh^2 \frac{ka}{2} \quad (\text{less})$$

หัวข้อ ๔ คลื่นความชรากวนบันทึกของคลื่นความชรากวนมาก

จากความสัมพันธ์การกราฟของสำหรับคลื่นความชรากวนบันทึกของคลื่นความชรากวนที่มีแรงตึง T_0 แต่ละดูองบักมีมวล M และระยะห่างระหว่างดูองบักเป็น a ให้ (คุณสมบัติ (๒.๑๐) ตอน ๒.๔))

$$\omega^2 = \frac{4T_0}{Ma} \sin^2 \frac{ka}{2} \quad 0 \leq k \leq \frac{\pi}{a} \quad (\text{less})$$

ดังนั้นความเร็วเพื่อสำหรับคลื่นเกือบจะที่ความชรากวนเป็น

$$v_\phi^2 = \frac{\omega^2}{k^2} = \frac{4T_0}{Ma} \frac{\sin^2 \frac{ka}{2}}{k^2} \quad 0 \leq ka \leq \pi \quad (\text{less})$$

สำหรับความตื้นกว่า high-frequency cutoff (ซึ่งให้ $\omega_0 = \sqrt{4T_0/Ma}$) คลื่นเป็นแบบเอกซ์ไปเบนเรียบซิกแซกในปริภูมิที่มีความเร็วเพื่อสูง ถ้าความต้องบูรณาภรณ์และ ω_0 คลื่นเป็น dispersive waves ความเร็วเพื่อไม่เท่ากันในทั้งที่ซึ่งกัน ในการที่ต่ำกว่า คลื่นมีความยาวคลื่นมากเมื่อเพิ่มกับระยะห่างระหว่างดูองบัก ให้ $a/\lambda \ll 1$ ความเร็วเพื่อเก็บจะไม่ซึ่งกันความยาวคลื่น ดังนั้นคลื่นก่ออาบเป็น nondispersive ERA สามารถเพื่อใช้จากการกราฟของ $\sin \frac{ka}{2}$ ความอนุกรมของการเพื่อ

$$v_\phi = \sqrt{\frac{T_0}{M} \frac{\sin(ka)}{(ka)}}$$

$$\begin{aligned} &= \sqrt{\frac{T_0 s}{M}} \frac{ka - \frac{1}{6}(ka)^3 + \dots}{(ka)} \\ &= \sqrt{\frac{T_0 s}{M}} \left[1 - \frac{1}{24}(ka)^2 + \dots \right] \quad (c.24) \end{aligned}$$

ค่าคงที่ ρ_0 เป็นค่าพารามิเตอร์ที่อยู่ในความเร็วที่สูงที่สุด ต่อ $\rho_0 = M/s$ เราได้

$$v_f = \sqrt{\frac{T_0}{\rho_0}} \quad (c.25)$$

ดังนั้นความเร็วเพียงอย่างเดียวที่สามารถเรียกได้ว่ามีความเร็วที่ไม่ขึ้นกับความถี่ ความเร็วคงที่ ก็คือความเร็วที่สูงที่สุดที่ไม่ขึ้นกับความถี่

ความเร็วคงที่ คือความเร็วที่สูงที่สุดที่ไม่ขึ้นกับความถี่

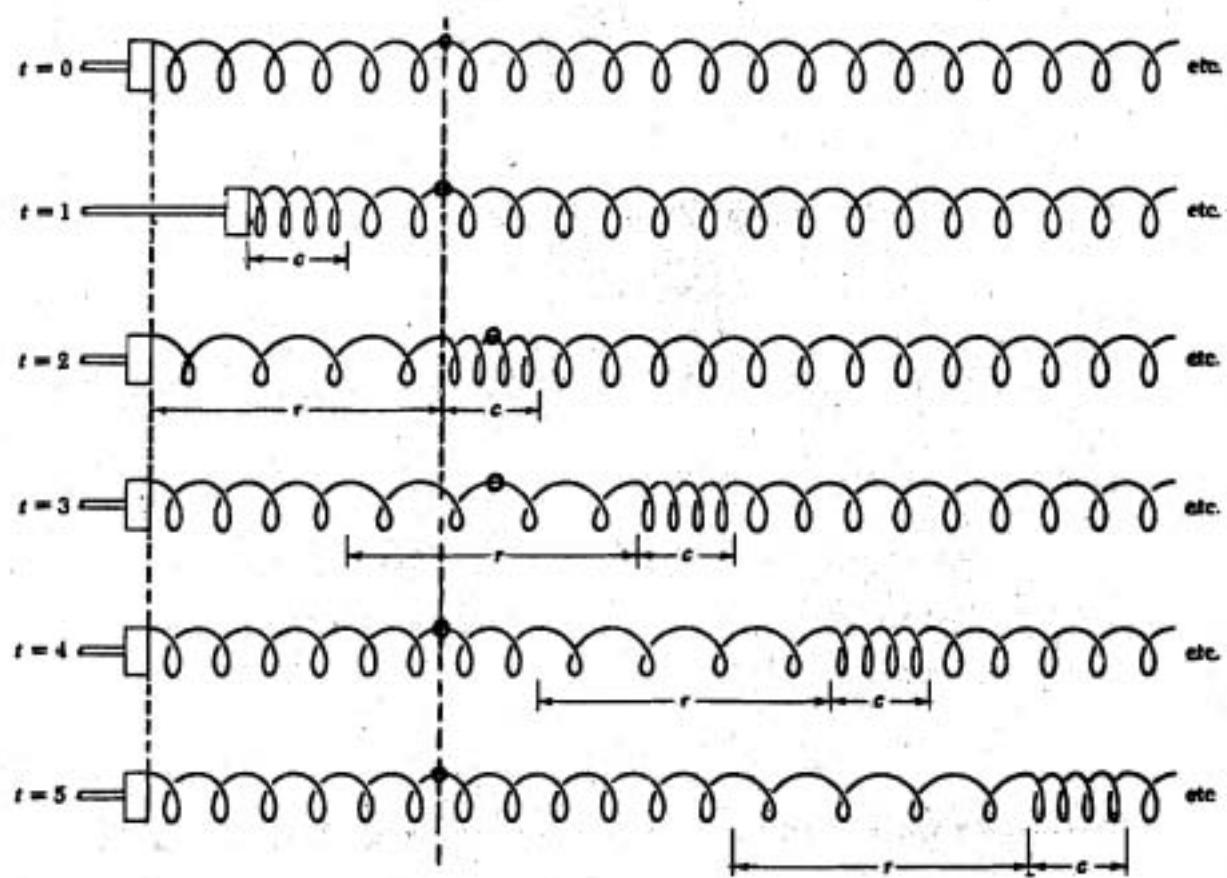
ถูกการกระทำของสารที่บีบอัดความเร็วเราสามารถหาได้จากกรณีที่ความเร็วคงที่ v_f และการแทนค่าแรงดึงดูดที่สูงที่สุดที่ T_0 ด้วยค่าคงที่สูงที่สุดที่บีบอัดที่ K_L ตามการ (b.22) และ (b.6) เป็น

$$v^2 = \frac{4K}{M} \sin^2 \frac{ka}{2}$$

ดังนั้นในกรณีการคำนวณ เราหาความเร็วเพียงอย่างเดียว T_0 เป็น M ในสมการ (c.25) ให้

$$v_f = \sqrt{\frac{ka}{\rho_0}} = \sqrt{\frac{K_L L}{\rho_0}} \quad (c.26)$$

ในที่นี้เราเขียน $ka = K_L L$ เพื่อบอกว่าถ้าเราคำนวณที่บีบอัดที่ K_L เราก็จะได้ความเร็วคงที่ที่สูงที่สุดที่ v_f และมีค่าคงที่สูงที่สุดที่ K_L ซึ่งเท่ากับ M/L ดูแล้วค่าคงที่สูงที่สุดที่ K_L จะดูสูงแต่จริงๆ แล้ว K_L คือการถูกบีบอัด (c.26) จะให้ค่าคงที่ความเร็วคงที่สูงที่สุดที่เราเป็นแบบ non-dispersive ในญี่ปุ่น c.6 ให้แสดงการถูกบีบอัดที่ประกอนหัวการซึ่งจะแสดงให้เห็นว่ามันบีบอัดไปทางขวาเมื่อ



รูป ๔.๒ กสิ่งเกี่ยวกับความเร็วประจุอนค์ส่วนซัก c และส่วนความ τ เกี่ยวกับสมบัติไปทางขวาเมื่อ

ความเร็วเฟสของเสียง Newton's model

นิวตันเป็นคนแรกที่ทั้งสอนการเพื่อกำหนดหาความเร็วของคลื่นเสียงในอากาศ นักศึกษาของนิวตันให้คำสอนบีกฟลากจากที่เป็นจริง กล่าวคือ ศูนย์กลางของเข้ากับความเร็วเสียง ในอากาศได้ประมาณ ๒๔๐ เมตรต่อวินาที แต่จากการทดลองวัดความเร็วเสียงในอากาศได้ เห็นว่า ๒๘๖ เมตรต่อวินาที (ที่ STP อุณหภูมิและความดันมาตรฐาน คือที่ความดันหนึ่ง barrabara และอุณหภูมิ 0°C) วิธีการของนิวตันเป็นแบบง่ายๆและเหตุผลที่ทำให้คำสอนบีกฟลาก นั้นน่าสนใจมาก วิธีการทั้งสอนการของนิวตันเป็นดังนี้

ถ้าบรรจุอากาศในภาชนะปิดชนิดนึง จะเกิดความตึงกระห้ามอย่างภาชนะทุกอัน นี่ให้คุณลองซ้ำๆ กัน ถ้าอากาศซึ่งมีลักษณะเหมือนกับสปริงที่ถูกยืดและพยายามยืดกันมันจะ ออกเสียงภาวะปกติ ถ้าเราให้ภาชนะเป็นรูปทรงกระบอกยาวปิดช่องหนึ่ง และปลดปล่อยซ้ำๆ หนึ่งมีถูกศูนเบ้าเสียงเร้าออกโดยปิดปากท่อกระบอกหอยต์ ถ้านั้นอากาศในภาชนะเหมือนกับ สปริงที่ถูกยืดกามแนวห่วงกระบอกและพยายามขยายตัวกันถูกศูนของจาระหวงกระบอกก็จะแรง ขนาด ๗ ถ้านั้นที่มีภาวะสมดุล แรงภายในออกนอกน้ำ ๗ ที่กระห้ามถูกยืดหักกันแรงของ อากาศภายใน

สำหรับสปริงที่มีความยาวระยะพัก L_1 (relaxed length) ถูกยืดกามมีความ ยาวเป็น L ($\text{เมื่อ } L < L_1$) และมีกำลังที่สปริง K_1 และที่ใช้สปริงมีมากเป็น

$$F = K_1(L_1 - L)$$

ถ้าความยาวสปริงเปลี่ยนไปทำให้แรงและเสียงแบบตัวบ

$$dF = -K_1 dL \quad (\text{---})$$

พานออกเพียงกันแรงเพื่อจากอากาศกระห้ามถูกยืดที่ภาคตื้น A เป็น

$$F = pA$$

เมื่อ p เป็นความดันอากาศในทรงกระบอก ถ้าถูกยืดเกลื่อนเร้าซ้ำๆ ในทรงกระบอกเพียง

เมื่อกำหนดจากค่าแพนั่งสมดุลที่ ห้าให้ความเริ่ว v ของแรงกระแทกเปลี่ยนไปทั้ง dL ปริมาตรของอากาศในแรงกระแทกเปลี่ยนไปเป็น $AL - dv$ ดังนั้นแรง F เป็น

$$dF = A dp = A \left(\frac{dp}{dv} \right)_o A dL \quad (4.24)$$

ในที่นี้เรามากันถูกพิมายด้วย dp/dv เป็นการคำนวณที่ปริมาตรสมดุล v_o ไทยการเปรียบเทียบสมการ (4.24) และ (4.22) เราเห็นได้ว่า ค่าคงที่สปีดสมดุลที่ทางอากาศในห้องเป็น

$$k_2 = -A^2 \left(\frac{dp}{dv} \right)_o \quad (4.25)$$

ถ้าเราซักสปีดที่มีค่าคงที่สปีด k_2 ความเร็วจากค่าแพนั่งสมดุล L_o และความหนาแน่นมวลเรืองแสง ρ_o (เรืองแสง) ดังนั้นความเร็วเพื่อสำหรับค่าสมมติความเร็วของอากาศเป็น (สมการ (4.26))

$$v^2 = \frac{k_2 L_o}{\rho_o (\text{เรืองแสง})} \quad (4.26)$$

จากสมการ (4.20) เมื่อห้องการใช้บันกอสเสียงซึ่งเป็นกลืนความเร็ว ในที่นี้ k_2 ห้องเป็นไปตามสมการ (4.24) $AL_o = v_o$ เป็นปริมาตรเมื่อสมดุล และความหนาแน่นมวลเรืองแสง ก้าหนกดี

$$\rho_o (\text{เรืองแสง}) L_o = \rho_o (\text{ปริมาตร}) AL_o \quad (4.27)$$

เมื่อ ρ_o (ปริมาตร) เป็นความหนาแน่นมวลเรืองปริมาตร แทนค่าสมการ (4.24) และ (4.27) ลงในสมการ (4.20) และจะได้เรื่องพิมายด้วย "ปริมาตร" จากความหนาแน่นมวลเรืองปริมาตรเป็น ρ_o เราจะได้ความเร็วของเสียง

$$v^2 = - \frac{v_o (dp/dv)_o}{\rho_o} \quad (4.28)$$

เราปัจจุบันคงทราบแล้วว่าแรงเปลี่ยนแปลงความดันของปริมาตร dp/dv ในห้องบันกอสได้เรียกว่า "ของขบด" (Boyle) ซึ่งก่อให้ว่าที่ดูดดูดมีแรงที่ ผลดูดดูดของความดันและปริมาตรเป็นค่าคงที่

$$PV = P_0 V_0 \quad \text{หรือ} \quad P = \frac{P_0 V_0}{V} \quad (\text{ค.๙๙})$$

P_0 เป็นความดันสัมฤทธิ์ หาอยู่ที่น้ำทึบ

$$\frac{dp}{dv} = - \frac{P_0 V_0}{V^2}$$

จะได้ $v = v_0$ เรายังได้

$$v_0 \left(\frac{dp}{dv} \right)_0 = -P_0 \quad (\text{ค.๙๔})$$

ตั้งน้ำทึบ (ค.๙๔) ก็ถูกเรียกว่าเป็นข้อตกลงของน้ำทึบ

$$v_{\text{น้ำทึบ}} = \sqrt{\frac{P_0}{P_0}} \quad (\text{ค.๙๔})$$

สำหรับอุณหภูมิ STP ให้ได้

$$P_0 = 1 \text{ บรรยากาศ} = 1.013 \times 10^5 \text{ ไกยน์ต่อตารางเมตรที่บีบต่ำ}$$

$$P_0 = \frac{101.3 \text{ กิโลกรัมต่อตารางเมตร}}{101.3 \text{ มิลลิเมตรไนโตรเจน}} = 1.013 \times 10^{-2} \text{ กิโลกรัมต่อตารางเมตรที่บีบต่ำ}$$

ตั้งน้ำทึบหมายความว่าของเสียงได้เป็น

$$v_{\text{น้ำทึบ}} = \sqrt{\frac{1.013 \times 10^5}{1.013 \times 10^{-2}}} = 10.13 \times 10^3 \text{ เมตรต่อวินาที} \\ = 1013 \text{ เมตรต่อวินาที} \quad (\text{ค.๙๕})$$

ความเร็วเสียงจากกระบวนการหักของส้านร้อนอุณหภูมิ STP เป็น

$$v = 334 \text{ เมตรต่อวินาที} \\ = 334 \text{ ในเมตรต่อวินาที} \quad (\text{ค.๙๖})$$

กฎใช้ชื่อเป็นผลลัพธ์ของน้ำทึบ

กฎนี้ทำให้เราสามารถคำนวณความเร็วเสียงของน้ำทึบเป็นผลลัพธ์ของการใช้กฎของน้ำทึบ (ค.๙๗)

ซึ่งก็เป็นจริงก็เมื่อถูกนิรบดีเท่านั้น แต่ถูกนิรบดีของอากาศในระยะมีค่าเสียงไม่เป็นก้ากที่ เหราะว่า บริเวณของอากาศเมื่อถูกหักจะมี work done เพื่อขับหัวให้อากาศร้อนกว่า ถูกนิรบดีเมื่อถูกหัก บริเวณใดก็เสียงที่ห่างประมาณครึ่งหนึ่งของความยาวก็เป็นบริเวณของ rarefaction (เป็นบริเวณที่อากาศขยายออก) มีถูกนิรบดีกว่า (ความต้านทานต่อการ) เนื่องจาก การเพิ่มขึ้นของถูกนิรบดีในบริเวณของอากาศถูกหักให้ความตันในบริเวณของอากาศถูกหัก มีความมากกว่าความตันในกรุของน้ำยา และบริเวณของอากาศขยายออกมีความตันน้อยกว่าความตันที่เกิดไว้ จากผลดังนี้ หัวให้แรงคืนมากกว่าที่คาดไว้และความเร็วเพื่อเพิ่มขึ้น

แทนที่จะใช้กฎของน้ำยา เราต้องใช้กฎ adiabatic gas ซึ่งให้ความตันที่ต่ำกว่า P และ V เมื่อไม่มีความร้อนในสิ่ง ความตันที่นี้สามารถเขียนได้เป็น

$$PV^\gamma = P_0 V_0^\gamma \quad \text{และ} \quad P = P_0 V_0^{\gamma} V^{-\gamma} \quad (\text{ค.ค})$$

ในที่นี้ γ มีค่าคงที่เป็นค่ารากที่สองของความร้อนช้าเหาะ เมื่อความตันคงที่คือความร้อนช้าเหาะ เมื่อปริมาตรคงที่ และมีค่าปักไว้เป็น

$$\gamma = 1.40 \quad \text{สำหรับอากาศที่ STP}$$

หาอนุพันธ์ของสมการ (ค.ค) และแทน $V = V_0$ ให้

$$\frac{dp}{dV} = -\gamma P_0 V_0^{\gamma} V^{-\gamma-1}$$

$$V_0 \left(\frac{dp}{dV} \right)_0 = -\gamma P_0$$

แทนลงในสมการ (ค.ค) ให้ผลลัพธ์ของอนุพันธ์ความเร็วเสียงในอากาศคือ

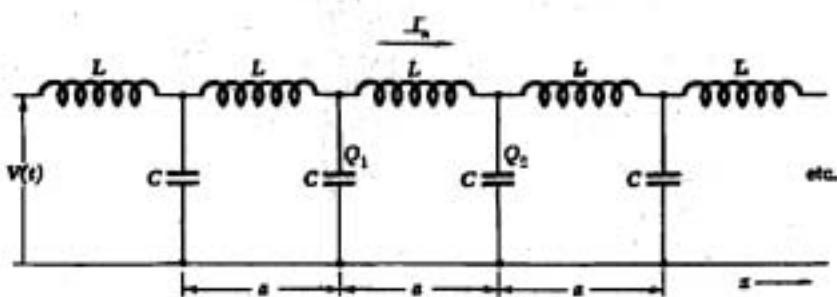
$$v_{\text{เรียบ}} = \sqrt{\frac{\gamma P_0}{\rho_0}}$$

$$= \sqrt{1.40} v_{\text{เรียบ}} = 330 \text{ เมตร/วินาที} \quad (\text{ค.ค})$$

หัวข้อที่ ๔ ๙ สายอิเล็กทรอนิกส์ (Transmission line-low pass filter)

ระบบไฟฟ้าคงที่ไว้ในรูป ๔.๙ สายอิเล็กทรอนิกส์ความถี่ทางทั่วไปแบบ LC ในนิสก์ กระเพาะของค่าแพนงปลายนสายอิเล็กทรอนิกส์ช่วง $z = 0$ ในตอน ๖.๔ เรายกเหตุการณ์ของการเกลื่อนที่สำหรับระบบมีนาฬิกา มีสิ่งที่จะบ่งการของสิ่งและค่ามายาวของระบบมีความต่อเนื่อง ไกบเร้าแพนค่า K ต่ำบย C^{-1}/a และแพน M ต่ำบย L/a อาการความดันพื้นที่ของการกระจำบไฟฟ้า

$$\omega^2 = \frac{4C^{-1}}{L} \sin^2 \frac{ka}{2}$$



รูป ๔.๙ สายอิเล็กทรอนิกส์เป็นวงจรไฟฟ้า LC ควบคู่กันยาระบบมีจุดที่ให้แรงกระตุ้นไฟฟ้าเข้ามาที่หัวแพนที่ $z = 0$ ในทางขวา มี

เป็นช่วงความถี่ dispersive (the pass band) มีค่าทั้งหมดคือ $\omega_0 = 2\sqrt{C^{-1}/L}$ ในการหาค่าริจาร์ก็ต้องความถี่ค่า ($k = 0$) หรือการจ่าก็ต้นที่เป็นอย่าง ($a = 0$) เรายกสถานการณ์ $\sin ka$ เป็น ka ให้ ซึ่งมีความเร็วไฟฟ้าเท่ากับความเร็ว

$$v_\phi^2 = \frac{\omega^2}{k^2} = \frac{1}{(C/a)(L/a)} \quad (4.40)$$

เมื่อ C/a คือ shunt capacitance ท่อนนำความยาว และ L/a คือ series inductance ท่อนนำความยาว ซึ่งนั่นสำหรับสายอิเล็กทรอนิกส์เป็นอย่างนี้ หรือแบบที่รู้ว่า เมื่อบานๆ ในสัญญาณมีความเร็วไฟฟ้าเป็นส่วนหนึ่งของรากกำลังสองของ capacitance

ค่าหน่วยความถี่ความถี่ทั่วไป inductance ค่าหน่วยความถี่ และเป็นค่าคงที่ไม่ขึ้นกับความถี่ ดังนั้น ค่าสัมของความถี่ทั่วไปคือกระแสไฟฟ้าเป็น nondispersive wave

หัวข้อ ๔ สายอากาศแบบแย็บสูตรฐาน

ระบบประกอบด้วยแย็บสูตรฐานเหนี่ยวบ่า ๒ แผ่น กว้าง a ในพิกัด x , y มีหน้ากว้างในทั้งสองทิศทางห่างกัน a และห่างจากตัวเรื่องว่าง g ในพิกัด x และให้กระแสเดสก์อนที่ไปในพิกัด x ตามกฎ $c.c.$ เราก็จะการคำนวน capacitance และ inductance ค่าหน่วยความถี่ความถี่ทั่วไป ω โดยให้ความถี่ทั่วไปคือกระแสไฟฟ้าที่แย็บสูตรฐานที่ค่าหน้าง $z = 0$ เป็นค่าคงที่ ดังนั้นกระแสไฟฟ้ามีค่าสมมุติเดียวกันในแย็บสูตรฐานเหนี่ยวบ่า หากให้แย็บสูตรฐานมีศักย์ไฟฟ้าเป็นคงที่และเปลี่ยนไปตาม x สมมติให้ค่า ω มีค่าใหญ่กว่า g มาก ดังนั้นจึงสามารถมองอัตราการซึบไว้ ให้ Q เป็นการซึบประจุบนพื้นที่ของแย็บสูตรฐานทั้งสองทิศทาง x กว้าง a และยาว g ให้ C เป็น capacitance ของพื้นที่ของแย็บสูตรฐานนี้ ดังนั้นเราจะได้ความสัมพันธ์

$$Q = CV \quad (4.40)$$

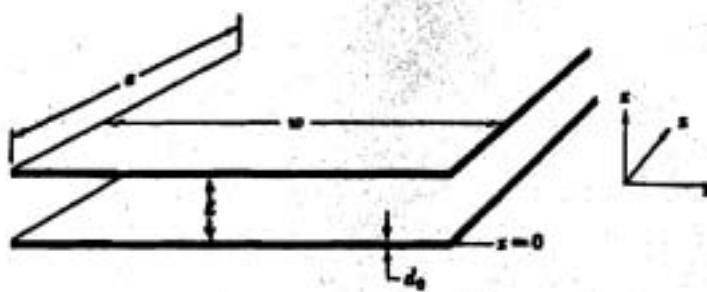
$$V = gE_x \quad (4.41)$$

$$E_x = \frac{4\pi Q}{\epsilon_0 a} \quad (4.42)$$

ในที่นี้สมการ (4.40) และ (4.41) ใช้ได้ทั้งหน่วย esu และหน่วย MKS และสมการ (4.42) เป็น 4π คูณค่าของประจุที่อยู่บนพื้นที่ และให้หน่วยไฟฟ้าในหน่วย esu (statvolts per cm.) และหน่วย a ค่า C จะได้ capacitance ค่าหน่วยความถี่ความถี่เป็น

$$\frac{C}{a} = \frac{\epsilon_0}{4\pi g} \quad (4.43)$$

ค่าไปเพร้าหา inductance ค่าหน่วยความถี่ L/a แบบต่างกันขึ้นกับการของ power supply และแบบนับนักท่องเที่ยว ดังนั้นกระแสไฟฟ้าบวก I ในอินดักเตอร์ $+z$ บันทึกว่างและ



รูป ๔.๔ สามเหลี่ยมแบบผืนผ้าหุ่น ให้ความดันฟาก $V(t)$ และว่าที่ผืนผ้าหุ่นที่ $z = 0$ ที่ให้เกิดกระแสไฟฟ้า $I(t)$ เก็บข้อมูลผืนผ้าหุ่นไปทาง $-z$ และเก็บข้อมูลไปในทิศ $+z$ บนแบบบัน ไทยให้ลักษณะฐานและรูป ๔.๔ เราจะให้ส่วนแม่เหล็กระหว่างผืนผ้าหุ่นที่ y และบนอุบัติเหตุผืนผ้าหุ่นในมีส่วนแม่เหล็ก ใน L เป็น self-inductance ของผืนผ้าหุ่นนี้ ซึ่งมีลักษณะเดียวกันกับ บ้านที่ ga มีค่าเท่ากับ

$$\Phi = B_y ga \quad (4.4c)$$

ส่วนแม่เหล็กมีความสัมพันธ์กับกระแสดังนี้

$$nB_y = \frac{4\pi I}{c} \quad (4.4d)$$

และ self-inductance L ทำได้ด้วย

$$L \frac{dI}{dt} = \frac{1}{c} \frac{d\Phi}{dt}$$

เมื่อเราตั้ง I เป็นตัวแปร

$$LI = \frac{1}{c} \Phi \quad (4.4e)$$

จากสมการ (4.4c), (4.4b), และ (4.4e) หาก self-inductance คงที่น้ำดี

ความเร็วไฟ

$$\frac{L}{a} = \frac{4\pi R}{c^2 \omega} \quad (\text{๔.๔๙})$$

พารามิเตอร์ v_ϕ สำหรับห้องเก็บอนุที่ให้โดยใช้สมการ (๔.๔๘)

$$v_\phi = \sqrt{\frac{1}{(L/a)(C/a)}} = c \quad (\text{๔.๔๙})$$

ดังนั้นเรามหาได้ว่า ความเร็วไฟของห้องเก็บอนุที่แบบนี้เหลือไฟฟ้าในสูญญากาศมีค่าเท่ากับ c

ถ้าที่ว่างระหว่างแผ่นดินฐานสายอากาศ มีสสาร dielectric ซึ่งมีค่าคงที่ dielectric ϵ เติมอยู่ ก็ capacitance จะมีค่าเพิ่มขึ้นกว่าเดิม c ห้องของเก็บอนุที่ว่างระหว่าง dielectric ที่เติมอยู่มีค่า magnetic permeability μ ดังนั้น self-inductance มีค่าเพิ่มขึ้นกว่าเดิม c หากให้ความเร็วไฟของห้องเก็บอนุที่ห้องกระบอกไฟฟ้าและความถ่วงศักย์เก็บอนุที่ไปตามสายอากาศแบบแบบนี้ขึ้นมาที่มีสสาร dielectric อยู่ภายในที่ว่างมีค่าเป็น

$$v_\phi = \sqrt{\frac{a}{Lc}} = \frac{1}{\sqrt{\mu\epsilon}} v_\phi(\text{สูญญากาศ})$$

$$v_\phi = \sqrt{\frac{c}{\mu\epsilon}} \quad (\text{๔.๕๐})$$

สมการ (๔.๕๐) เป็นการพิสูจน์โดยห้องเก็บอนุที่ของกระแสไฟฟ้าและความถ่วงศักย์ในสายอากาศ และใช้ให้กับค่าแบบนี้เหลือไฟฟ้าชนิดน้ำที่เก็บอนุที่บ้านของเรา เช่น ใช้ให้กับค่าแบบนี้และเก็บอนุที่บ้านแบบห้องรือสาย dielectric ซึ่งในสมการ (๔.๕๐) เพศเดียว $\mu\epsilon$ เรียกว่า ค่ามีของการผูกเหตุ (index of refraction) ใช้สัญญาลักษณ์แทนด้วย n

$$n = \frac{c}{v_\phi} = \sqrt{\mu\epsilon} \quad (\text{๔.๕๑})$$

$$\lambda = \frac{1}{n} \frac{c}{v} = \frac{1}{n} \lambda(\text{สูญญากาศ}) \quad (\text{๔.๕๒})$$

$$k = n \frac{\omega}{c} = nk \quad (\text{สูญญาณ}) \quad (4.28)$$

จะเห็นได้ว่าศักดิ์ของไม่เป็นผลก่อความถี่ของแรงเหตุขึ้นแพ้อั่งไว้ และ ๔ หมายถึงความเร็วของแสงในสูญญาณ ดังนั้นเมื่อห้องการก่อหนกความยาวคลื่นในสูญญาณ เรากำเนิดไฟฟ้า/v แทน λ (สูญญาณ) ห้องของเก็บกัน E (สูญญาณ) = v/c ความยาวคลื่นแสงจะเป็นผลของการที่บ้านแก้วมีค่าเพียง $1/v$ ของความยาวคลื่นในสูญญาณ แต่ร้านวนคลื่น $\sigma = 1/\lambda$ ในแก้วมีค่าร้านวนกว่าห้องไฟฟ้าเพียง $1/c$ ในสูญญาณ

๔.๗ อินเพนเดนซ์ (Impedance) และพลังงาน (Energy Flux)

ในการศึกษา mode และคลื่นนี้เราพบว่า ในห้องของคือเนื้อของเราราสามารถอธิบายสัญญาณนี้ได้ด้วยพารามิเตอร์สองตัว คือ ห้องนี้ก่อหนกที่วิ่งเร่งศักดิ์ และอีกห้องนี้ คือความเรื้อรัง (inertia) เช่นเดียวกับค่าเรื่อง แรงที่สมดุล T_0 เป็นแรงศักดิ์และความหนาแน่นมวล ρ_0 เป็นความเรื้อรัง สำหรับสายอากาศ ของพารามิเตอร์ส่วนที่นั้นคือ $(C/a)^{-1}$ คือส่วนกึ่งของ shunt capacitance ที่อยู่ด้วยความยาว และ L/a คือ inductance ที่อยู่ด้วยความยาว สำหรับส่วนความยาวนับเป็นสปริง พารามิเตอร์ทั้งสอง แรงศักดิ์คือ ka และความเรื้อรังคือ $A/a = \rho_0$ สำหรับค่าเรื่อง แรงศักดิ์ก่อหนกที่วิ่ง AT_0 ส่วนความเรื้อรังก่อหนกที่วิ่งความหนาแน่นมวลปริมาตร ρ_0 ในกรณีห้องค่าเหล่านี้ประพฤติแบบเก็บกันเหมือนห้องสูญเสียแบบอิเล็กทรอนิกส์ในนิยมอย่างจำบ

ส่วนคลื่นเกลื่อนที่ได้แสดงสัญญาณแคบค่าของจากคลื่นนี้มากน้อย ก็ตามคือ มันสามารถส่งผ่านพลังงานและไม่เบนคืนให้ ความสัมภันธ์เรียกว่าท่องจากคลื่นนี้ และห้องของที่คลื่นเกลื่อนที่อยู่ในเป็นน้ำมีสัญญาณที่เป็น one big harmonic oscillator เมื่อตอนบ้างคลื่นนี้ ดังนั้น แรงศักดิ์และความเรื้อรังไม่เป็นพารามิเตอร์ที่คืออินยาห้องของที่คลื่นเกลื่อนที่บ้านได้ ปริมาณอันหนึ่งที่ใช้อินยาห้องของห้องของให้คือ ความเร็วแสง v_0 สำหรับค่าความเร็วของน้ำที่

$$v_0 = \sqrt{\frac{T_0}{\rho_0}} \quad (4.29)$$

ซึ่งเป็นของรวมของแรงดันกัมและความเรื้อรัง T_0 และ ρ_0 ของรวมของ T_0 และ ρ_0 ซึ่งปริมาณหนึ่งเท่า

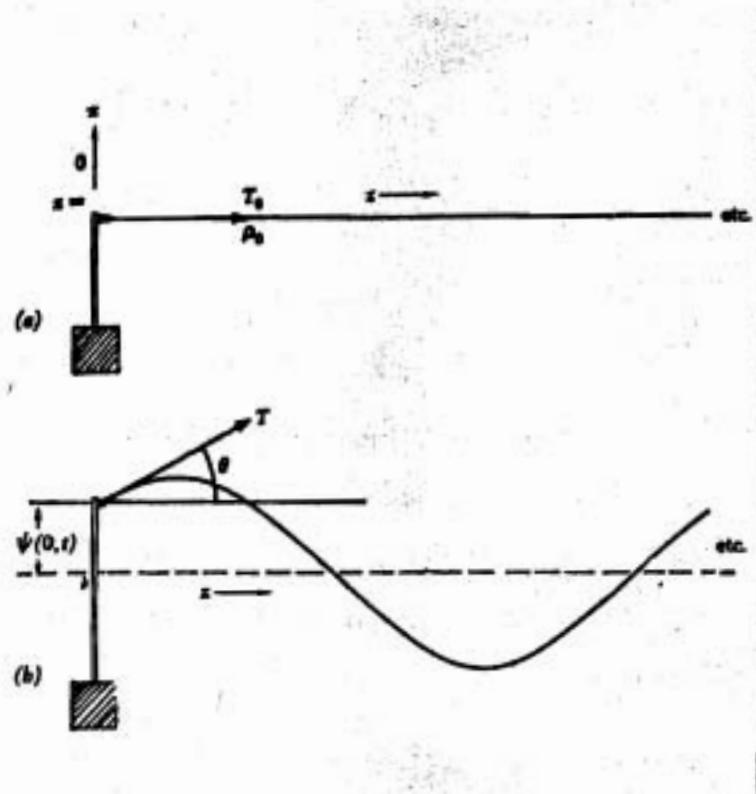
$$z = \sqrt{\rho_0 T_0} \quad (4.44)$$

ปริมาณนี้เรียกว่า characteristic impedance หรือเรียกอีกชื่อว่า อัมพิเนคันซ์ สำหรับกัม เกี่ยวกับหัวแม่เส้นคลื่นที่เป็นไปได้ เป็นค่านอกตัวของการถ่ายเทพบ้างงานจากแรงดันกัมที่อยู่ในเส้นคลื่น แรงสามารถใช้ความเร็วเพื่อส่งอัมพิเนคันซ์เป็นพารามิเตอร์สองตัว คือบ้ายกสูงเกือบเท่ากับของรวมของดันกัมและความเรื้อรังกัมและความเรื้อรังในกัมนั้น

หัวข้อ c อัมพิเนคันซ์ที่หัวแม่เส้นคลื่นที่เป็นไปได้

สมมติว่าเรามีเส้นคลื่นยาวซึ่งต่อจากข้างไปขวา หัวปล่อยข่ายอยู่ที่ค่าหนึ่ง $z = 0$ คือกับหัวแปลงกัมที่ให้แรงดันเป็น การขอสืบต่อความยาวแนวสาร์ไม่มี กะบาน ให้แสดงไว้ตามรูป 4.4 ให้เรากราฟนักผู้ถูกต้องชี้ของการค่อข้อต่อหัวปล่อยกัมและเส้นคลื่น ที่หัวแม่เส้นคลื่นที่ปลายท่อหัวปล่อย R (สำหรับข้างขวา) ขณะที่มุ่ย (รูป 4.4 a) แรงดันบนเส้นคลื่นจะมุ่ย T_0 และในมีตัวของแรงดันกัมของหัวแม่เส้นคลื่น L ในจุดใดๆ (รูป 4.4b) แรงดันเส้นคลื่นเป็น T เส้นคลื่นนี้แรงกระทำต่อ transmitter output ที่ปล่อยกัมแรง $P_x(R \text{ on } L)$ เป็น

$$\begin{aligned} P_x(R \text{ on } L) &= T \sin \theta \\ &= (T \cos \theta) \frac{\sin \theta}{\cos \theta} \\ &= T_0 \tan \theta \\ &= T_0 \frac{\partial \phi}{\partial z} \end{aligned} \quad (4.45)$$



รูป 4.4 การกระจำลองเสียงที่พิสูจน์ทางวิทยา (a) แหล่งเสียง (b) การวัดความดัน

สมการ (4.26) ได้ให้บ่งชี้ว่าหุบเสียงที่ ซึ่งมี $T = T_0/\cos\theta$ และบังใช้ให้กับสัมประสิทธิ์
สำหรับบุน 0 เมื่อ

Characteristic impedance

สมบัติที่ให้คัวแปรคงที่สำหรับเสียงที่ในระบบเปิดเป็นแบบสภาวะไม่เปลี่ยน
แปลง เกิดขึ้นเกตื้องที่ไปในทิศ +z การซึ่งมีสมการเป็น

$$\psi(z,t) = A \cos(\omega t - kz) \quad (4.27)$$

หมายเหตุที่บันทึกไว้ในระบบทางด้าน

$$\frac{\partial \psi}{\partial z} = kA \sin(\omega t - kz) \quad (4.28)$$

$$\text{และหาอย่างเดียวกันได้ } \frac{\partial \phi}{\partial z} = -\omega A \sin(\omega t - kz) \quad (4.44)$$

เปรียบเทียบสมการ (4.42) และ (4.44) ให้ได้ว่า $v_{\phi} = a/k$ เราจะได้ความสัมพันธ์

$$\frac{\partial \phi}{\partial z} = -\frac{1}{v_{\phi}} \frac{\partial \phi}{\partial t} \quad (4.45)$$

แทนที่สมการ (4.45) ลงในสมการ (4.46) เราได้

$$F_x(R \text{ on } L) = -\frac{T_0}{v_{\phi}} \frac{\partial \phi}{\partial t} \quad (4.46)$$

ในที่นี่ $\frac{\partial \phi}{\partial t}$ คือความเร็วความchangeของอนุภาคในเส้นทางตรงๆ ที่ต่อไปปะสาย transmitter output ปริมาณ T_0/v_{ϕ} เป็นค่าคงที่ ดังนั้นเราพบว่าศักยภาพของคลื่นไฟฟ้าในห้องที่แน่นอนที่สุดจะอยู่ในที่ทาง L ไป R เส้นทางเดิมตรงไปก็จะมีค่าศักยภาพของคลื่นเป็นไปตามที่ทางการเดินทางที่ แรงนี้เป็นค่าตอบแปรความเร็วที่กระเพาท์มัน ค่าคงที่แปรตามเรียกว่า characteristic impedance Z

$$F_x(R \text{ on } L) = -Z \frac{\partial \phi}{\partial t} \quad (4.46)$$

$$\text{เมื่อ } Z = \frac{T_0}{v_{\phi}} \quad (4.46)$$

สำหรับคลื่นไฟฟ้าที่ความเร็วบนเส้นทางคือเดียวกันก็เป็น

$$v_{\phi} = \sqrt{\frac{T_0}{\rho_0}} \quad \text{หน่วยเป็น } \text{อม./วินาที} \quad (4.47)$$

$$Z = \frac{T_0}{v_{\phi}} = \sqrt{T_0 \rho_0} \quad \text{หน่วยเป็น } \text{คายน์/(อม./วินาที)} \quad (4.48)$$

ศักยภาพคงคลื่นในห้องทั่งระบบ

นرجห์เชื่อห้องทั่งงานที่ศักยภาพคงคลื่นให้ออกมากันน้อยเท่าไรจะถูกเส้นทางถูกกัดลิบ หมก เราต้องว่าไม่มีการสูญเสียพลังงานในญี่ปุ่นของความร้อน การแบ่งกระแสจากห้องออกมาระบุ

ที่วัสดุคงคลื่นก้าวหนักก้าวบนผิวของแรงความช่วงที่กระทำจากตัวแปรองค์คือเส้นลวดกระชุด $z = 0$ และความเร็วความช่วงของเส้นลวดที่ $z = 0$ ไทยใช้ความจริงที่ว่าแรง $F_x(L \text{ on } R)$ เป็นกำลังของแรง $F_x(R \text{ on } L)$ (ความถูกซึ่งที่สามารถของน้ำทัน) และใช้สมการ (4.66) เราให้ก้าวเดินของไทย $P(t)$ เป็น

$$P(t) = F_x(L \text{ on } R) \frac{\partial u}{\partial t} \quad (\text{ที่ } z=0) \quad (4.66)$$

$$P(t) = (z \frac{\partial u}{\partial z}) \frac{\partial u}{\partial t} = z (\frac{\partial u}{\partial z})^2 \quad (\text{กรณีเดียวที่})$$

ปรินาพารอกในสมการ (4.66) ใช้ให้พื้นไป ด้านปรินาพที่สองให้ใช้สำหรับค่าเส้นที่เหลือที่เหลือที่เหลือในสมการ (4.66) เราให้เขียนก้าวเดินของแรงความเร็วของไทย $\frac{\partial u}{\partial z}$ ของเส้นลวด ($z = 0$) และเราบังสานารถเขียนก้าวเดินของตัวแปรองค์คือเส้นลวดเป็นพจน์อื่นให้ออกไทยให้สมการ (4.66) และ (4.60) ดังนี้

$$P(t) = F_x(L \text{ on } R) \frac{\partial u}{\partial t} \quad (\text{ที่ } z=0) \quad (4.66)$$

$$= [-T_0 \frac{\partial u}{\partial z}] \frac{\partial u}{\partial t} \quad (\text{ที่ } z=0)$$

$$= [-T_0 \frac{\partial u}{\partial z}] \left[-v_\phi \frac{\partial u}{\partial z} \right] \quad (\text{กรณีเดียวที่}) \quad (4.66)$$

$$= \frac{v_\phi}{T_0} \left[-T_0 \frac{\partial u}{\partial z} \right]^2$$

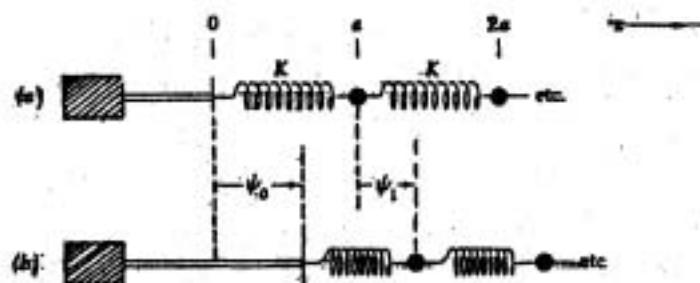
$$= \frac{1}{z} \left[-T_0 \frac{\partial u}{\partial z} \right]^2$$

สมการ (4.66) และ (4.60) ค่าที่เป็นสมการให้ข้อมูลดังนี้ที่ด้วยเหตุจากตัวแปรองค์คือเส้นลวด แยกตัวแปรที่บวกไว้สองแบบก้าวเดินเพื่อต้องการหาปรินาพคือเส้นที่ต่างๆ ให้ลาก เนื่องร้าว ในบางระบบเราอาจต้องเลือกใช้บ่างให้บ่างหนึ่งในขณะที่อีกระบบหนึ่งต้องใช้อีกน้ำหนึ่งหัวบ่างเด่น ในกรณีของค่าเสียง เรายังคงใช้ความตันประภูมิ (guage pressure) แทนแรงตึงก้าวเดิน $-T_0 \frac{\partial u}{\partial z}$ สำหรับเส้นลวด และความเร็วคือเสียงในอากาศตามบาราใช้แทน ความเร็วที่บีบในเส้นลวดความช่วง v_ϕ/z ห้านองเกี่ยวกัน ในการนี้ของการแม่กระเราย

ก็คืนนั้นเพลี้ยไฟฟ้า เรายสามารถใช้ส่วนแม่เหล็กความชาร์จ v_y และความเร็วคลื่นความชาร์จ¹ ในเส้นลวด $\omega_0/2\pi$ ให้ ขณะที่ชานมไฟฟ้าความชาร์จ v_x ใช้แทนแรงดันกัปตัน $-T_0 \omega_0/2\pi$ สำหรับเส้นลวด

หัวข้อที่ ๖ การนับกระชาวยของคลื่นความบานสปริง

เราจะพิจารณาการนับกระชาวยของคลื่นความบานจากภารณฑ์และภารณฑ์ของสปริง จากภารณฑ์ที่ไม่สามารถนำไปปรับปูงไว้ให้กับภารณฑ์ของคลื่นเสียงไปบีบให้รัดกันด้วย ปัจจุบัน ระบบไก่และไก่ในรูป ๔.๖ คือ



รูป ๔.๖ การนับกระชา yokine kei no tetsu kaiyaku (a) ภารณฑ์ต่อกัน (b) ภารณฑ์ห้อยไก่

ในสมการของภารณฑ์ที่สำหรับการนับกระชาอนที่ความชาร์จของถูกบีบและสปริง เรายสามารถใช้ ปัจจุบัน K_s และค่าแรงตึงลมดูด T_0 ในสมการของภารณฑ์ที่สำหรับการนับกระชาอนที่ความชาร์จของถูกบีบและสปริงให้ ให้บริบทความเร็วเพื่อหาให้จากการเปลี่ยนค่า T_0 เป็น K_s ในสมการ (๔.๖๔) ในห้านองเดียวกัน เรายสามารถหาค่าอินทิเกรนท์และฟังก์ชันของ การนับกระชานบานสปริงที่เมื่อไก่ ค่าของแรงหนาแน่น ρ_0 เป็น K_s ในบทที่ห้าให้การ ของสปริงและภารณฑ์ ดังนั้นจากสมการ (๔.๖๔), (๔.๖๕), (๔.๖๖) และ (๔.๖๗) ท่อง เอื้น

$$v_f = \sqrt{\frac{K_s}{\rho_0}} \quad z = \sqrt{K_s \rho_0} \quad (4.64)$$

และการให้ของก้าวสั้นในคลื่นเกลื่อนที่เป็น

$$P(z, t) = z \left[\frac{\partial \psi(z, t)}{\partial t} \right]^2 - \frac{1}{2} \left[-Ka \frac{\partial \psi(z, t)}{\partial z} \right]^2 \quad (4.44)$$

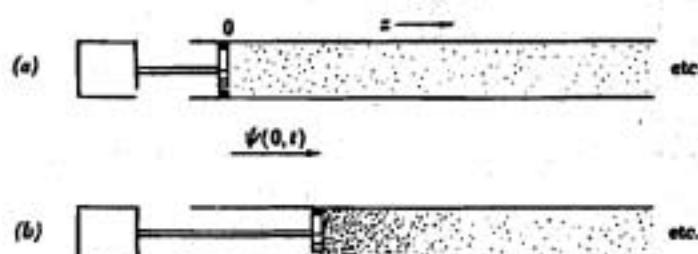
ปริมาณ $\psi(z, t)$ คือการซึ่งกักจากคลื่นหนึ่งของคลื่นอยู่ในแนว z $P(z, t)$ มีค่าเป็นบวกด้วย การซึ่งกักในทิศ $+z$ ดังนั้นชั้นความเร็ว $\partial \psi(z, t)/\partial t$ เป็นบวกด้วย และปริมาณ

$-Ka \frac{\partial \psi(z, t)}{\partial z}$ คือแรงกระทำจากคลื่นสองคลื่นที่ส่งไปในทิศ $+z$ ถ้าให้ P_0 เป็นแรงกระทำในชั้นคลื่นอยู่ ดังนั้นแรงหักบันทุกที่ด้านป้องกันกระทำที่ส่งไปในทิศ $+z$ ก็จะเป็น

$$P_z(L \text{ on } R) = P_0 - Ka \frac{\partial \psi(z, t)}{\partial z} \quad (4.45)$$

ท่อบ่ำ 4. กลื่นเสียง

เราจะใช้รูปแบบของบ่ำของน้ำที่สำหรับกลื่นเสียงที่ให้ก่อความไว้แล้วก่อน 4.16
ตามที่ 4.5 ต่อ



รูป 4.4 การกระจำคลื่นเสียงหมายเหตุ (a) ขณะคลื่นอยู่ (b) การซึ่งกักไว้

ในตอน 4.6 เรายืนว่าความเร็วเพื่อของคลื่นเสียงที่หากแบบของบ่ำของน้ำที่
หลักคลื่นกับคลื่นความเร็วนบนสปิงค์เนื่อง เพียงแค่เปลี่ยนท่าความหนาแน่นมวลความเรื้อน
สำหรับสปิงค์เป็นความหนาแน่นมวลความปริมาตรสำหรับอากาศ และเปลี่ยนค่า Ka สำหรับ

สปิงเป็นความกันสูนอุ่น P_0 สำหรับอากาศที่ว่าง γ ทั้งนี้ เราสามารถหาอัตราการเปลี่ยนแปลงของความดันในความเร็วที่ v_ϕ สำหรับอุ่นคงที่ T_0 ในความเร็วที่ v_ϕ ได้โดยใช้สมการ

$$v_\phi = \sqrt{\frac{TP_0}{\rho_0}}, \quad z = \sqrt{TP_0 \rho_0} \quad (\text{ค.๙๐})$$

และความเร็วของห้องงานที่ในอุ่นคงที่ T_0 ในหน่วย $\text{erg/cm}^2 \cdot \text{sec}$ เป็น

$$I(z,t) = z \left[\frac{\partial \psi(z,t)}{\partial t} \right]^2 = \frac{1}{2} \left[-TP_0 \frac{\partial \psi(z,t)}{\partial z} \right]^2 \quad (\text{ค.๙๑})$$

ปริมาณ $\psi(z,t)$ เป็นการรักษาอุ่นคงอากาศเพื่อกำจัดจากพื้นที่ในที่ z ปริมาณ $\partial \psi(z,t)/\partial t$ เป็นความเร็ว และปริมาณ $-TP_0 \partial \psi(z,t)/\partial z$ เท่ากับแรงต่อพื้นที่กระเพาะห้องอากาศในที่ $+z$ ไปทางข้างมือ ภายนอกจะจากอุ่นคงของแรงต่อพื้นที่ที่แล้วจะได้

$$\frac{F_z(L \text{ on } R)}{A} = P_0 - T P_0 \frac{\partial \psi(z,t)}{\partial z}$$

เป็นสังกะสีเด่นเด่นเก็บกันสมการ (ค.๙๐) สำหรับอุ่นคงความเร็วที่ v_ϕ ไกบเป็น P_0 สำหรับ T_0 และ TP_0 สำหรับ K_a เราเรียก $-TP_0 \partial \psi(z,t)/\partial z$ ใหม่เป็นความกันปราออก

$$P_g = -TP_0 \frac{\partial \psi(z,t)}{\partial z} \quad (\text{ค.๙๒})$$

สำหรับอากาศที่ T_0 เราได้ $P_0 = 1 \text{ บรรยากาศ} = 1.013 \times 10^5 \text{ กะบัน/ซม}^3$ และ $P_0 = 1.013 \times 10^{-3} \text{ กะบัน/ซม}^3$ ดังนั้นสมการ (ค.๙๐) ให้

$$v_\phi = 1.013 \times 10^4 \text{ ซม/วินาที} \quad (\text{ค.๙๓})$$

$$z = 10.13 \frac{(\text{กะบัน/ซม}^3)}{(\text{ซม/วินาที})} \quad (\text{ค.๙๔})$$

ความเร็วเสียงมาตรฐาน

ความเร็วของอุ่นคงเสียงก้ามปกเป็นห้องงานเกือบเท่ากับความเร็วที่ท่อหน่วยที่ท่อหน่วย

เรา ความเรื้มเสียงมาตรฐานที่ไปภาคหนังสือ

$$\text{ความเรื้มมาตรฐาน} = I_0 = 1 \text{ mw/cm}^2 = 10 \text{ erg/cm}^2 \cdot \text{sec} \quad (< \text{def})$$

เมื่อจาก $1 \text{ mw} = 10^{-6} \text{ watt}$ และ $1 \text{ watt} = 10^4 \text{ erg/sec}$ หน่วยไปภาคหนังสือจะเป็นหน่วยเสียงของน้ำเสียงในระดับเฉลี่ยประมาณ 100 erg/sec จึงถูกตั้งให้ร่องรอยไว้ทางป่ากษาและหน้าประมาณ $10 \text{ คลารา} \text{ cm}$. ดังนั้นความเรื้มเสียงพื้นหลังที่เปลี่ยนแปลงประมาณ ($100 \text{ erg/sec})/10 = 10 \text{ คลารา} \text{ cm}$. $- I_0$ จัดเป็นระดับใหญ่ไปกว่าเสียงที่ห้ามได้ เรายังสามารถหาให้มีความเรื้มเสียงได้ประมาณ 100 I_0 ซึ่งคือความเรื้มเสียงระหว่าง 100 ถึง 1000 เท่าของ I_0 . สามารถพิจารณาให้เป็นเสียงรุ่มได้เชิงป่ากษา

เสียงอย่างเบาที่สุดที่คนให้บันยังรู้สึกความต้องการฟัง ที่ความอัตรา 10^{-10} I_0 เป็นเสียงกระตุกที่ห้ามที่คนทั่วไปให้บันรู้สึกโดยที่สุดมีความเรื้มประมาณ 10^{-10} I_0 ดังนั้นยกตัวอย่างการบันเสียงให้รู้สึกเป็นช่วงของเพกเกอร์ 10^{10} I_0 ในความเรื้ม (จาก 100 I_0 ถึง 10^{10} I_0)

เมื่อความเรื้มเสียงเพิ่มขึ้นก็จะเพิ่มเสียง 10 ครั้งให้รู้สึกเพิ่มขึ้น 1 bel ดังนั้น ช่วงความเรื้มของเสียงที่สูงที่สุดที่ห้ามได้ประมาณ 10 bels เมื่อความเรื้มเสียงเพิ่มขึ้น ก็จะเพกเกอร์ 10^{10} I_0 มีเพิ่มขึ้นก็จะ 10 bel หรือ 10 decibel ดังนั้น

$$\bullet \text{ คบ.} = 10 \text{ เกลเบล } = \text{เพกเกอร์} 10^{10} \text{ I}_0 = \text{เพกเกอร์} 10^{10} + 10 \text{ ใบความเรื้ม}$$

$$\bullet \text{ แบบ} = 10 \text{ คบ.} = \text{เพกเกอร์} 10^{10} \text{ I}_0 \text{ ในความเรื้ม} \quad (< \text{def})$$

Application :

- RMS gauge pressure for painful sound intensity

เราต้องการทราบว่า ฐานกับความเรื้อนเสียงที่ทำให้เกิดข้อห้องคนเจ็บปวดมีรากที่มาจากความเสียงอย่างไร แต่ต้องการทราบค่าตอบในหน่วยของนิยม นิยมมาก เพราะว่า เราสนใจว่าจากภาพที่ให้เกิดความเจ็บปวดได้เรื่องเกี่ยวกับขยะที่ถูกกำเนิดขึ้นไปแล้ว ๔๕ นิยม หรือสักว่าบ้านจากบ้านนั้นร่องไม่ เรายุ่งว่าที่ความลึก ๓๐ นิยมของบ้านมีท่าความดันเท่ากัน นิยมมากของความดันอากาศ ตั้งนั้น ที่ความลึก ๔๕ นิยม ความดัน นิยมมากประมาณ ๔๐๖ นิยมมากของความดันอากาศ ความดันนิยมมากที่ให้เกิดความเจ็บปวดได้เรื่องที่

กำหนดให้ความเรื้อนเสียงที่ทำให้เจ็บปวดมากที่สุดเป็น $I = 4000 I_0$ อาคีบ จากสมการ (๔.๘๙) เราได้

$$\begin{aligned} \langle p_g^2 \rangle^{1/2} &= (2I)^{1/2} \\ &= (4000 2I_0)^{1/2} \\ &= [(4000)(40.4)(40)]^{1/2} = 440 \text{ dyne/cm}^2 \end{aligned}$$

ค่านี้จะเมื่อเพิ่มนิยม นิยมมาก = 4.0×10^6 คลาบ/ซม.² ดังนั้นเราได้ค่าตอบที่นำ สนใจว่าความเจ็บปวดไม่ใช่เกิดจากการเสียงความดันที่เป็นความลึก เนื่องจากความดันเท่า กัน ๔๔๐ คลาบ/ซม.² หรือเท่ากับ 4.2×10^{-4} นิยมมาก ซึ่งเหมือนกับการว่ายน้ำใต้น้ำที่ลึกเพียง ๔๐ ฟุต. เท่านั้น

-Amplitude for painfully loud sound

เราต้องการหาค่ามิติรูป A ของไม้เล็กๆ ของความดันของเสียงที่ทำให้เจ็บปวดนิยม มากเท่าไร? โดยที่ $\phi(z,t) = A \cos(\omega t - kz)$ หากต้องการหา A ให้ $A = \frac{\sqrt{I}}{2\pi}$ และเนื่อง

ในที่สูงที่สุด = คงที่ มีค่าเท่ากับ $\frac{1}{\pi} \frac{A^2}{\omega}$ ในไทยใช้หน่วย (ค.ลว.) และสมมติให้ความถี่มีค่า เป็น 440 รอบ/วินาที เรายาก

$$\begin{aligned} A &= \frac{(2D/z)^{\frac{1}{2}}}{\omega} \\ &= \frac{(4.40 \times 10^{-4} / 440, \pi)}{(4.40)(440)}^{\frac{1}{2}} \\ &= 4.4 \times 10^{-6} \text{ cm.} = 4.4 \text{ mm.} \end{aligned}$$

-Amplitude for barely audible sound

ต้องการหาอัมปลิจูดของคลื่นเสียงเมื่อเวลาที่ถูกหักห้ามสามารถยินได้เป็น เท่าไร ? สมมติให้ความเร็วของเสียงเป็น 30^{-10} m/s อัมปลิจูดของเสียงจะเป็นค่า I_0 ก้าวเดียวของ I คันบันสำหรับความถี่ 440 รอบ/วินาที

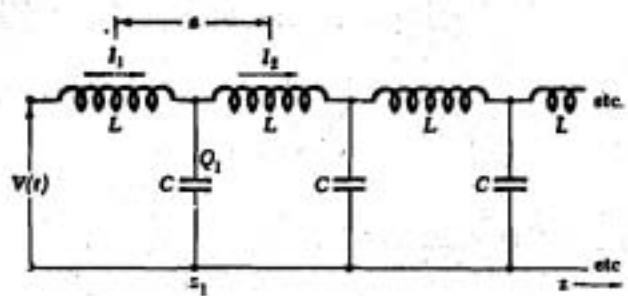
$$\begin{aligned} A &= \frac{(4.4 \times 10^{-6} / 440, \pi)^{\frac{1}{2}}}{(4.40)(440)} \\ &= 10^{-6} \cdot 4 (4.4 \times 10^{-6})^{\frac{1}{2}} \\ &= \frac{4.4 \times 10^{-6}}{\sqrt{10}} = 10^{-6} \text{ mm.} \end{aligned}$$

คัวบ่งคุณ คือสิ่งที่บันสายคลื่น

ให้แรงเหวี่อนที่เป็นความคล่องตัว $V(z)$ ที่ $z = 0$ แก่สายคลื่น เราจะพิจารณา เอกพัฒน์ความยานริบบิลิตี้มาก ใบหีบ $V(z, t)$ และ $I(z, t)$ เป็นพังค์ชันที่เนื่องของ z ถ้าสายคลื่นเป็นเส้นตรงที่ไม่เคลื่อนที่ของความคล่องตัว $V(z, t)$ และกระแสไฟฟ้า $I(z, t)$ แรงเหวี่อนคงที่ $V(t)$ ที่ให้แก่ระบบคงปั๊บที่

$$V(t) = V_0 \cos \omega t \quad (\text{ค.ลว.})$$

ถ้าบังคับความคล่องตัว $V(z, t)$ ต้องเท่ากับ $V_0 \cos \omega t$ ที่ $z = 0$ และที่ z ใหญ่ขึ้นเป็น



รูป ๔.๔ การกระจายศักย์ไฟฟ้าที่บนสายอ่าก้าว

$$V(z,t) = V_0 \cos(\omega t - kz) \quad (4.44)$$

สำหรับกระแสไฟฟ้า $I(z,t)$ มีความสัมพันธ์กับ $V(z,t)$ โดยมีผลต่อความถี่ที่กันและกัน ได้
อาจเขียนเป็น

$$I(z,t) = I_0 \cos(\omega t - kz) + J_0 \sin(\omega t - kz) \quad (4.45)$$

เราดึงการพิจารณาจากที่ J_0 มีค่าเป็นศูนย์

พิจารณาตัวเก็บประจุด้านในรูป ๔.๔ มีการเปลี่ยนแปลงประจุ $Q_1(t)$ ซึ่ง
สัมพันธ์กับ $V_1(t)$ คือ

$$Q_1(t) = CV_1(t) = CV(z_0, t) \quad (4.46)$$

ดังนั้น

$$C \frac{\partial V(z_1, t)}{\partial t} = \frac{dQ_1}{dt}$$

$$= I_1 - I_2 = -(I_2 - I_1)$$

$$= -a \frac{\partial I(z_1, t)}{\partial z}$$

$$\frac{\partial V(z_1, t)}{\partial t} = -\left(\frac{C}{a}\right)^{-1} \frac{\partial I(z_1, t)}{\partial z} \quad (\text{e.48})$$

แทนค่าสมการ (e.48) และ (e.40) ลงในสมการ (e.46) เราเห็นได้ว่าภาคที่ J_o ในสมการ (e.40) ต้องเป็นสูน์ พจน์ที่เหลือคือ

$$-\omega V_o \sin(\omega t - kz) = -\left(\frac{C}{a}\right)^{-1} I_o k \sin(\omega t - kz)$$

ให้ $V_o = \frac{(C/a)^{-1}}{v_\phi} I_o$ (e.49)

หรือ $V(z, t) = \frac{(C/a)^{-1}}{v_\phi} I(z, t) \equiv zI(z, t)$ (e.44)

จากที่มีขามของ z ทั้งนี้ความเร็วเพื่อและค่าอิม-พัฒนาการจะเป็น

$$v_\phi = \sqrt{\frac{(C/a)^{-1}}{(L/a)}} \quad (\text{e.44})$$

$$z = \frac{(C/a)^{-1}}{v_\phi} = \sqrt{\frac{L}{a} \left(\frac{C}{a}\right)^{-1}} \quad (\text{e.45})$$

ก้าวจะจะไปจากด้านซ้าย $z = 0$ เป็น

$$P(t) = V(t) I(t) = V(0, t) I(0, t) = zI^2(0, t) \quad (\text{e.46})$$

เขียนเส้นกราฟ $P(t) = V(0, t) I(0, t) = \frac{V^2(0, t)}{Z}$ (e.47)

ให้สังเกตว่า เราสามารถหาค่า z ได้โดยการแทนเป็น C^{-1} สำหรับ C และ L สำหรับ L ในขณะเดียวกันเราพบการขอสิ่งเดียวกันบางอย่างระหว่างมวลและศักยิ่ง

หัวข้อ ๔ รายอากรแบบเบนชูนาร์

หากับจากหัวข้อ ๔ ในสมการ (e.44) และ (e.45) เราได้ **capacitance** คือหน่วยความยืดหยุ่น และ **inductance** คือพินัยความยืดหยุ่น

$$\frac{c}{a} = \frac{\pi}{4\pi g}, \quad \frac{L}{a} = \frac{4\pi g}{ac^2} \quad (4.44)$$

เมื่อ a คือความกว้างและ L เป็นช่องว่างระหว่างแผ่น กรณั้น ข้อเท็จจริงเป็น

$$z = \sqrt{\frac{L/a}{c/a}} = \frac{4\pi}{c} \frac{g}{a} \quad (4.45)$$

การณ์ที่กระชากร้าว $P(t)$ มีค่าเป็น

$$P(t) = \frac{1}{2} v^2(0,t) = \frac{c}{4\pi} \frac{g}{a} v^2(0,t) \quad (4.46)$$

เราต้องการจะถอดสมการของก้าวที่กระชากร้าวแรง tekซึ่นในพื้นที่ของสนามไฟฟ้า E_x ในบริเวณระหว่างแผ่นคุ้นเคยมากกว่าทั้งพื้นที่ความท่องศักย์ $V(0,t)$ ซึ่งสัมภันธ์กับสนามไฟฟ้าบ้านท่องว่าง E ดัง

$$V(0,t) = gE_x(0,t) \quad (4.47)$$

กรณั้นสมการ (4.46) ก็จะเป็น

$$P(t) = \frac{c}{4\pi} (ga) E_x^2(0,t) \quad (4.48)$$

ให้สังเกตว่า ga คือพื้นที่ภาคที่ห้องว่างทรงปั๊วะของสายอากาศ จึงสามารถถือว่าการกระชาก้าบ E จะได้ความเร็วพื้นฐานของการกระชาก (ในหน่วย $\text{cm}/\text{sec}^2 \cdot \text{sec}$) และใช้ตัวสูตรเดียวกันเป็น E ซึ่งเป็นตัวอย่างที่สำคัญที่สุดในการคำนวณเพื่อใช้กับไฟฟ้า กรณั้น สำหรับกึ่งระบบ tek ที่ต้องการร้าวแรงแม่เหล็กไฟฟ้า เทคซึ่นที่บ้านในห้อง $+z$ ในรากของสมบันยานคุ้นเคย พึงใช้ค่าที่ห้องน้ำยังคงการเงินที่ไม่ทราบค่าหน่วยเวลาอย่างสุด E ก็ทำให้เกิดความเร็ว

$$S(z,t) = \frac{c}{4\pi} E_x^2(z,t) \quad (4.49)$$

ที่นำไปใช้ในการคำนวณต่อไปนี้จะหัวใจที่น้ำหนักเพื่อให้ $S_y(z,t)$ ที่ส่วนไฟฟ้า $E_x(z,t)$ เป็นตัว变量 ซึ่งเราสามารถหาได้ เพราะว่า เรายังคงทราบว่า E ของระบบ tek ที่บ้าน

$V(z,t)$ ก็ $E(z,t)$ เป็นค่าคงที่ z และห้องความต้องการของ V ก็ E_x และ I ก็ B_y ดังนั้นเราได้

$$V = zI \quad (\epsilon, \mu) \quad (4.4c)$$

พิจารณา $\epsilon E_x = \frac{4\pi}{c} \frac{\mu}{\omega} I$ (ϵ, μ)

จากสมการ (4.4b) เราได้

$$\omega B_y = \frac{4\pi}{c} I \quad (\epsilon, \mu) \quad (4.4d)$$

โดยการบวกที่ยับสมการ (4.4b) และ (4.4d) พบว่า สำหรับสายน้ำอากาศแบบเดียวกันน้ำหนักในระบบเดียวกันที่ไปทางทิศ $+z$ มีอุปทานไฟฟ้าและอุปทานแม่เหล็กที่ต่ำลง z และเวลา t ใหญ่เท่ากัน ดังนั้นจึงเป็นไปได้ที่ E และ B จะมีลักษณะเดียวกันที่ z และ t ตามที่กำหนด $E \times B$ เรียกเป็น

$$E_x(z,t) = B_y(z,t) \quad (\epsilon, \mu) \quad (4.4e)$$

ค่าน้ำหนักในส่วนของไปทาง $+z$

สมมติว่าของว่างระหว่างเส้นผ่านศูนย์กลางของสายอากาศ มีสารทึบแสง dielectric constant ϵ และ magnetic permeability μ ข้อนี้ ให้แรงดึงดูดเป็นความคงที่ $P(t)$ ดังนั้นก้าวกระชาญเป็น

$$P(t) = \frac{v^2}{z}$$

เนื่อง $V = \epsilon E_x$

และ $z = \sqrt{\frac{L/a}{C/a}} = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} z$ (ระยะทาง)

พิจารณา $z = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \frac{4\pi}{c} \frac{\mu}{\omega}$ (ϵ, μ)

จากสมการห้องส่องไฟความเร็วแสงงานเป็น

$$s = \frac{P}{sw}$$

$$s(z,t) = \sqrt{\frac{\epsilon}{\mu}} \frac{c}{4\pi} E_x^2(z,t) \quad (4.40)$$

ที่ไปเปรียบเทียบกับส่วนของ B_y กับ E_x มีผลกันหนึ่ง ทำให้เกิดกระแสไฟฟ้า I ด้านบนแม่เหล็กจะมีปัจจัยเพิ่มมากขึ้นที่ว่าเพื่อให้ B_y จากกระแสไฟฟ้าอยู่ที่ห้องว่าง ตั้งนั้น

$$\mu B_y = \frac{4\pi}{\mu c} I$$

$$B_y = \frac{4\pi}{\mu c} I$$

$$\text{ก่อวายต์} \quad \mu E_x = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \frac{4\pi}{\mu} I$$

เปรียบเทียบสมการเหล่านี้จะได้

$$\frac{B_y}{E_x} = \sqrt{\epsilon \mu}$$

$$B_y = \sqrt{\epsilon \mu} E_x = n E_x \quad (4.41)$$

n คือค่าตัวแปรที่ถูกเรียกว่า *dielectric*

คือระบบแม่เหล็กไฟฟ้าในสูญญากาศปราศจากการดูด 吸 ด้วยแม่เหล็ก

จากสมการที่ได้สำหรับสูญญากาศก่อให้เกิดการ (4.44) และ (4.42)

$$(4.40a) \quad s(z,t) = \frac{c}{4\pi} E_x^2(z,t), \quad B_y(z,t) = E_x(z,t)$$

ซึ่งเราหาได้สำหรับก็คือแม่เหล็กไฟฟ้าของกลไกและไฟฟ้าและก็คือความต่างภาระในสายอาจเป็นกระแสและแบบถูกบันดาล แต่เมื่อปัจจุบันนี้เป็นจริงสำหรับหลักแม่เหล็กไฟฟ้าในสูญญากาศของระบบหัวไป ห้องด้านในไฟฟ้า $E_x(z,t)$ และ ด้านบนแม่เหล็ก $B_y(z,t)$ บังคับที่มีภาระน้ำหนัก

พิจารณาที่คำนวณ \mathbf{E} และเวลาแผนผังจะเป็น E_x มีค่าเท่ากัน สำหรับทุกทิศทาง x และ y และ B_y ที่เป็นไปในทางของเพียงในทิศทั้ง x และ y ก็จะแบบนี้เรียกว่า คลื่นระนาบ (plane wave) ระนาบในการที่ตั้งฉากกับแกน z เป็นระนาบของเพลิงที่ คลื่นว้าวซึ่ง เป็น ระนาบทองถ่องทั่วโลก $c = 3 \times 10^8$ เมตร/วินาทีเรียกว่า พื้นผิวน้ำ (wave front) คลื่นระนาบเกิดขึ้นที่แม่เหล็กไฟฟ้าเกิดขึ้นที่ไปในทิศ $+z$ ในสูญญากาศท้องฟ้า

ถูกแทนด้วยสัญลักษณ์ ดัง

- $E(z,t)$ และ $B(z,t)$ ทั้งสองทางกับ z และตั้งฉากซึ่งกันทั่วไป
- ขนาดของ $E(z,t)$ เท่ากับขนาดของ $B(z,t)$
- พิสัยทางของ $E(z,t)$ และ $B(z,t)$ เป็นเดียวกัน $E(z,t) \propto B(z,t)$ ไปตามทิศ $+z$
- จากดุษสมบัติความซ้อน弱ของคลื่น คลื่นว้าวให้ $E(z,t) = E_x(z,t) = E_y(z,t)$ และ $B_x(z,t) = -B_y(z,t)$.
- ความเร็วเพลิงซึ่งไม่ขึ้นกับความถี่ คลื่นว้าว คลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าใน สูญญากาศเป็น non-dispersive
- ความเข้มขยะไฟฟ้า (ในหน่วยของ $\text{erg/cm}^2 \cdot \text{sec}$) ก้าวนอกทั่วไป

$$S(z,t) = \frac{c}{4\pi} E^2(z,t) = \frac{c}{4\pi} [E_x^2(z,t) + E_y^2(z,t)] (\text{coul}^2)$$

ในบางกรณีใช้สูญญากาศสำหรับปริมาณนี้เป็นความเรื้อน, พลัง, และพลังงานฟลักซ์

www.BharatPeeth.com

- 4-1 The equation of a certain traveling transverse wave is

$$Y = 2 \sin 2\pi \left(\frac{t}{0.01} - \frac{x}{30} \right),$$

where x & t are in centimeters and t is in seconds. What are (1) the amplitude, (2) the frequency, (3) the wavelength, and (4) the speed of propagation of the wave?

- 4.2 (a) Show that the equation of a traveling transverse wave in a string can be written $y = Y \cos(2\pi/\lambda)(x - ct)$.

- (b) Let $T = 1$ in., $\lambda = 2$ in., $c = 0.25$ in/sec. Show in a full-size diagram the shape of the string at times $t = 0$, 1 sec, and 2 sec. Determine from your diagram the direction in which the wave is traveling.

- 4.3 A transverse sine wave of amplitude 10 cm and wavelength 200 cm travels from left to right along a long horizontal stretched string with a speed of 100 cm/sec. Take the origin at the left end of the undisturbed string. At time $t = 0$, the left end of the string is at the origin and is moving downward.

 - What is the frequency of the wave?
 - What is the angular frequency?
 - What is the propagation constant?
 - What is the equation of the wave?
 - What is the equation of motion of the left end of the string?
 - What is the equation of motion of a particle 150 cm to the right of the origin?
 - What is the (absolute) maximum transverse velocity of any particle of the string?
 - Find the transverse displacement and the transverse velocity of a particle 150 cm to the right of the origin, at time $t = 3.25$ sec.
 - Make a sketch of the shape of the string, for a length of 400 cm, at time $t = 3.25$ sec.

(Ans.: (a) $f = 0.5$ cps. (b) $\omega = \pi$ rad/sec; (c) $k = \pi/100$ cm $^{-1}$;

- (d) $y = 10 \sin[(\pi x/100) - \pi t]$; (e) $y = -10 \sin \pi vt$; (f) $y = 10 \sin[(3\pi/2) - \pi t]$;
 (g) 10π cm/sec; (h) $y = 5\sqrt{2}$ cm, $v = -5\pi\sqrt{2}$ cm/sec.)

4.4 (1) Light waves travel in vacuum with a speed $c = 3 \times 10^8$ m/sec. The visible spectrum extends from a wavelength of about 4×10^{-7} m (violet) to about 7×10^{-7} m (red). What are the frequencies of light waves of these wavelengths? (2) Radio waves travel at the speed of light. The "broadcast band" extends from a frequency of 550 kc/sec to a frequency of 1600 kc/sec. What are the wavelengths corresponding to these frequencies?

4.5 One end of a rubber tube is fastened to a fixed support. The other end passes over a pulley at a distance of 8 m from the fixed end, and carries a load of 2 kgs. The mass of the tube, between the fixed end and the pulley, is 600 gm. What is the speed of a small-amplitude transverse wave in the tube?

4.6 A long rubber tube for which $\rho = 0.10$ kgm/m (weight about $1/4$ lbf/m) is stretched with a tension T of 90 newtons. One end is oscillated transversely with SHM of amplitude $Y = 30$ cm and with a frequency f of 1 oscillation per second. If all of the energy transmitted is absorbed at the far end, what is the average power required?

4-7 A stretched string is observed to vibrate with a frequency of 30 cycles/sec in its fundamental mode when the supports at its ends are 60 cm apart. The amplitude at the antinode is 3 cm. The string has a mass of 30 gm.

- (a) What is the speed of propagation of a transverse wave in the string?
 (b) Compute the tension in the string. (c) Write the equation representing

the wave motion, using the constants given above and computed in (a).

(d) Suppose the center of the string is pulled to one side, distorting the string into one-half of a triangular wave, and is then released.

What frequencies would you expect to be present in the resulting vibration of the string?

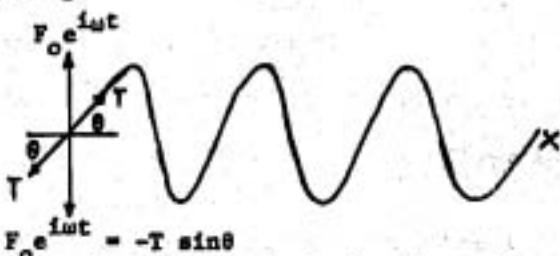
4.8 The velocity of sound in air of density 1.29 kgm^{-3} may be taken as $330 \text{ metres sec}^{-1}$. Show that the acoustic pressure for the painfull sound of $10 \text{ watts metre}^{-2} = 6.5 \times 10^{-4}$ of an atmosphere.

4.9 Show that the displacement amplitude of an air molecule at a painful sound level of $10 \text{ watts meter}^{-2}$ at 500 Hertz $= 3.10^{-4}$ meter.

4.10 If the wave on the string in fig. below propagates with a displacement

$$y = a \sin(\omega t - kx)$$

Show that the average rate of working by the force (average value of transverse force times transverse velocity) equals the rate of energy transfer along the string.



4.11 Show that the characteristic impedance for a pair of Lecher wires of radius r and separation d in a medium of permeability μ and permittivity ϵ is given by

$$z_0 = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \ln \frac{d}{r}$$

4.12 The end of a string at $z = 0$ is driven harmonically at frequency 10 cps and with amplitude 1 cm. The far end of the string is infinitely far away (or else the string is "terminated" so that there are no reflections). The phase velocity is 5 meter/sec. Describe (precisely) the motion of a point on the string located 325 cm downstream from the driving terminal. What is the motion of a second point located 350 cm downstream?

4.13 Assume that the piano string of length 1 meter and with frequency A440 (440 cps) for its lowest mode, and has diameter 1 mm and is made of steel having volume density 7.9 gm/cm^3 . Find the tension in dynes and in pounds. (980 dyne = 1 gm-wt; 1 kgm weighs 2.2 lb.) Ans. about 1100 lb.

4.14 Coaxial transmission line. Show that the capacitance per unit length, C/a , for a coaxial transmission line with inner conductor of radius r_1 and outer conductor of radius r_2 and with vacuum between the inner and outer cylindrical conductors is given (in esu, i.e., cm of capacitance per cm of length along the axis) by

$$\frac{C}{a} = \frac{1}{2\ln(r_2/r_1)} .$$

Show that the self-inductance per unit length, L/a , is given by

$$\frac{L}{a} = \frac{2}{c^2} \ln \frac{r_2}{r_1}$$

To obtain C/a , use $Q = CV$ and Gauss's law. To obtain L/a , use $L = (1/c)\Phi/I$, where Φ is the magnetic flux produced by a current I .

4.15 Show that the electric and magnetic fields are zero outside the outer conductor of a coaxial transmission line and inside the inner conductor.

Show that the electric and magnetic fields are zero outside of the region between the plates of a parallel-plate transmission line.

4.16 Show that the self-inductance of a parallel-plate transmission line is given by Eq.(4.48), for alternating current as well as for steady current, as long as the wavelength is long compared with the plate thickness d_0 .

4.17 An infinite string with linear mass density 0.1 gm/cm and tension 100 lb (1 lb = 354 gm-wt; 1 gm-wt = 980 dyne) is driven at $z = 0$ in harmonic motion of amplitude 1 cm and frequency 100 cps. What is the time-averaged energy flux in watts? Ans. About 40 watts.

4.18 Find the rms (root-mean-square) electric field (averaged over all frequencies) at a point in space 1 meter from a 40-watt light bulb.

4.19 Suppose two traveling waves on an elastic string with $T_0 = 1$ dyne, $\rho = 1$ gm/cm, and $\omega = 10^3$ rad/sec are given by

$$\psi_1 = A \cos(\omega t - kz + \pi),$$

$$\psi_2 = A \cos(\omega t - kz + \frac{\pi}{4}).$$

Find the time-averaged intensity of the superposition of ψ_1 and ψ_2 .

4-20 Three plane electromagnetic waves, given by

$$E_{1x} = E_0 \cos(kz - \omega t - \delta_1) = B_{1y},$$

$$E_{2x} = E_0 \cos(kz - \omega t - \delta_2) = B_{2y},$$

and

$$E_{3x} = E_0 \cos(kz - \omega t - \delta_3) = B_{3y},$$

travel over the same space. What are the maximum and minimum amplitudes and

energy fluxes that can be produced by adjusting the values of the constants δ_1 , δ_2 , and δ_3 ?

4.21 "Gauge pressure" for longitudinal waves on a spring. Derive Eq.(4.70), which is

$$F_x(L \text{ on } R) = F_0 - K_a \frac{\partial \phi(x, t)}{\partial x}.$$

Start with a lumped-parameter beaded spring. At equilibrium each spring is compressed so that it exerts a force F_0 . The spring constant is K . The bead separation is a . Find the force on a given bead exerted in the $+z$ direction by the spring just to the left of that bead. Go to the continuous limit, and thus derive the desired relation. Note that in the continuous limit the product Ka is a property of the continuous spring and is independent of the length a .

4.22 Are sound waves perfectly nondispersive? We found in sec.4.2 that the phase velocity of sound is constant, independent of frequency. The dispersion law that gave that result was

$$u^2 = \frac{YF_0}{\rho_0} k^2,$$

which is similar to the dispersion law for longitudinal oscillations on a continuous spring

$$u^2 = \frac{K}{M} k^2.$$

For a lumped-parameter beaded spring, the dispersion law is

$$u^2 = \frac{K}{M} \frac{\sin^2 k a}{(k a)^2},$$

which leads to a high-frequency cutoff. By analogy and by physical reasoning,

guess a value for a high-frequency cutoff for sound in air at STP (standard temperature and pressure). Would you expect ultrasonic wave of frequency $v = 100$ Mc to travel at ordinary sound velocity? Ans. You expect a high-frequency cutoff $v_c = 10^{10}$ Hz.