

**เฉลยแบบฝึกหัดบทที่ 4**  
**การกระทำที่ได้ผลดีที่สุด**

## ກຳແບນຝຶກຫັດ

### 1. ວິທີກຳ

ກຳເຫດໄດ້  $P = \text{ຜລກຳໄຮ}$

$TC = \text{ຕັນຖຸນທັງໝາດ}$

$TR = \text{ຮາຍໄດ້ທັງໝາດ}$

$u = \text{ຈຳນວນຂອງໜ່ວຍທີ່ຂາຍ} (\text{ອຸປສົງຄົ})$

$p = \text{ຮາຄາຂາຍ}$

$f = \text{ຕັນຖຸນຄົງທີ່ທັງໝາດ}$

$v = \text{ຕັນຖຸນັ້ນແປຣຕ່ອໜ່ວຍ}$

$b = \text{ຈຸດຕັດຮ່ວງຄວາມສັນພັນຮູ້ຂອງອຸປສົງຄົກັບຮາຄາຂາຍ}$

$e = \text{ຄວາມຊັ້ນຮ່ວງຄວາມສັນພັນຮູ້ຂອງອຸປສົງຄົກັບຮາຄາຂາຍ}$

### ສົນກາຣີພື້ນຖານ

$$\text{ຜລກຳໄຮ} = \text{ຮາຍໄດ້ທັງໝາດ} - \text{ຕັນຖຸນທັງໝາດ}$$

$$P = TR - TC \quad \dots \dots \dots (1)$$

$$TR = pu \quad \dots \dots \dots (2)$$

$$TC = f + vu \quad \dots \dots \dots (3)$$

$$u = b + e \cdot p \quad \dots \dots \dots (4)$$

ແກນຄ່າສົນກາຣີ (4) ລົງໃນສົນກາຣີ (2) ແລະ (3)

$$TR = p(b + e \cdot p) = bp + ep^2 \quad \dots \dots \dots (5)$$

$$\text{ແລະ } TC = f + v(b + e \cdot p) = f + vb + ve p \quad \dots \dots \dots (6)$$

ແກນຄ່າສົນກາຣີ (5) ແລະ (6) ລົງໃນສົນກາຣີ (1)

$$\begin{aligned} P &= (bp + ep^2) - (f + vb + ve p) \\ &= bp + ep^2 - f - vb - ve p \end{aligned} \quad \dots \dots \dots (7)$$

ອຸພັນຮູ້ທີ່ໜຶ່ງຂອງສົນກາຣີ (7) ເກື່ອນ p

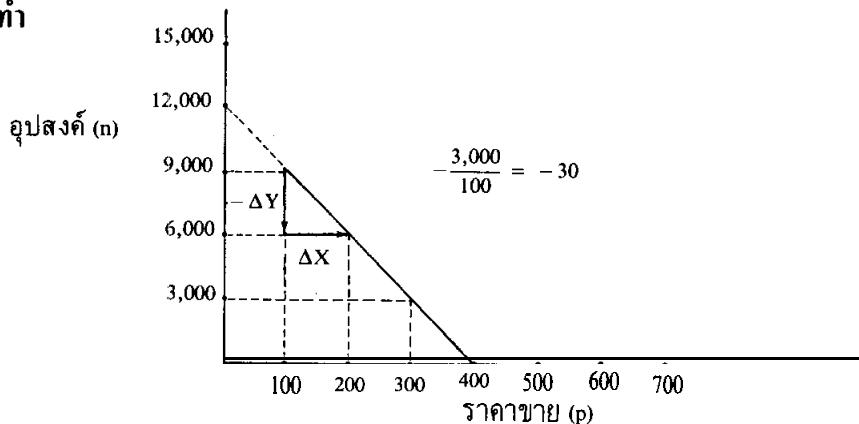
$$\frac{dP}{dp} = b + 2ep - ve = 0 \quad (\text{ປັບໄທເທົ່າກັບສູນຍົງ})$$

$$-2e p = b - ve$$

$$p = \frac{v}{2} - \frac{b}{2e}$$

ในเมื่อ  $p$  เป็นราคาขายที่ต้องสูงที่ทำให้ผลกำไรมากที่สุด

## 2. วิธีคำ



ก. หน่วยที่ขายที่คาดหวัง

$$y = a + bx$$

$$n = 12,000 + (-30)p$$

$$\begin{aligned} \text{รายได้ทั้งหมด } TR &= n p = (12,000 - 30p)p \\ &= 12,000p - 30p^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ต้นทุนทั้งหมด } TC &= \$100,000 + 75n = 100,000 + 75(12,000 - 30p) \\ &= 100,000 + 900,000 - 2,250p \\ &= 1,000,000 - 2,250p \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ผลกำไร } P &= TR - TC \\ &= 12,000p - 30p^2 - (1,000,000 - 2,250p) \\ &= -30p^2 + 14,250p - 1,000,000 \end{aligned}$$

อนุพันธ์ที่หนึ่ง

$$\frac{dP}{dp} = -60p + 14,250 = 0$$

$$p = \frac{14,250}{60} = \$237.50$$

ข. การทดสอบอนุพันธ์ที่สอง

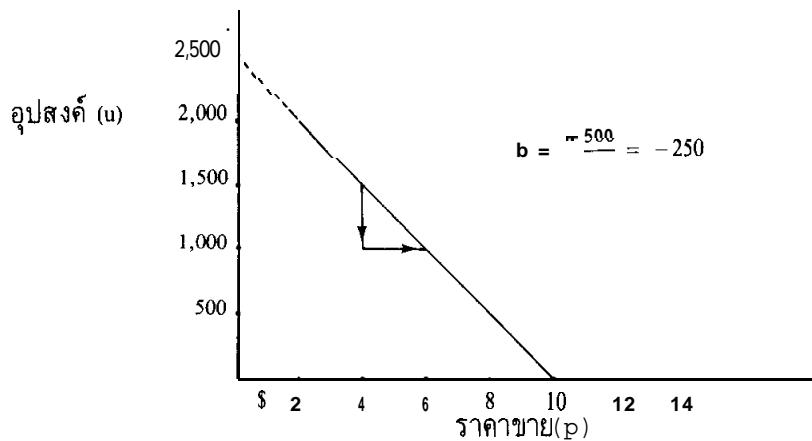
$$\frac{d^2P}{dp^2} = -60$$

มีค่าเป็นลบ แสดงราคาขายสูงสุด

$$\begin{aligned}
 \text{ค. } n &= 12,000 - 30p \\
 &= 12,000 - 30(237.50) = 12,000 - 7,125 \\
 &= 4,875 \text{ หน่วย ที่จะผลิตที่ราคาขาย } \$237.50
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{จ. } P &= TR - TC \\
 &= (12,000 - 30p)p - (1,000,000 - 2,250p) \\
 &= [(12,000 - 30)(237.50)]237.50 - [1,000,000 - 2,250 \times 237.50] \\
 &= (12,000 - 7,125)(237.50) - (1,000,000 - 534,375) \\
 &= (4,875)(237.50) - (465,625) \\
 &= \$692,187.50
 \end{aligned}$$

### 3. วิธีทำ



$$\begin{aligned}
 y &= a + bx \\
 u &= 2,500 + (-250)p \\
 &= 2,500 - 250p
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{รายได้ทั้งหมด } TR &= up = (2,500 - 250p)p \\
 &= 2,500p - 250p^2
 \end{aligned}$$

$$ต้นทุนต่อหน่วย C = \frac{1,000}{u} + \$0.80$$

$$\begin{aligned}
 \text{ต้นทุนทั้งหมด } TC &= u\left(\frac{1,000}{u} + \$0.80\right) = (2,500 - 250p)\left(\frac{1,000}{2,500 - 250p} + .80\right) \\
 &= 3,000 - 200p
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{ผลกำไร } P &= TR - TC = 2,500p - 250p^2 - 3,000 + 200p \\
 &= -250p^2 + 2,700p - 3,000
 \end{aligned}$$

อนุพันธ์ที่หนึ่ง

$$\frac{dP}{dp} = -500 + 2,700 = 0$$

$$P = \$ \frac{2,700}{500} = \$5.40$$

อนุพันธ์ที่สอง

$$\frac{d^2P}{dp^2} = -500 \quad \text{ซึ่งได้ค่าเป็นลบแสดงถึงราคาขายสูงสุด}$$

ii.  $P = 2,500 - 250(5.4) = 2,500 - 1,350$   
 $= 1,150 \text{ หน่วย}$

iii.  $P = -250(5.4)^2 + 2,700(5.4) - 3,000$   
 $= -7,290 + 14,580 - 3,000 = \$4,290$

#### 4. วิธีทำ

สิ่งที่กำหนดให้  $S = \text{จำนวนเงินที่ขายได้}$   
 $X = \text{จำนวนเงินค่าโฆษณา}$   
 $P = \text{ผลกำไรสุทธิ}$

จำนวนเงินที่ขายได้และต้นทุนการโฆษณา

$$S = \frac{20,000X}{500 + X}$$

ผลกำไรสุทธิ จำนวนเงินที่ขายได้ และต้นทุนการโฆษณา

$$P = \frac{1}{5}S - X$$

$$\text{ในเมื่อ } S = \frac{20,000X}{500 + X}$$

$$P = \frac{1}{5} \left( \frac{20,000X}{500 + X} \right) - X = \frac{3,500X - X^2}{500 + X}$$

ก. อนุพันธ์ที่หนึ่ง

$$\frac{dP}{dx} = \frac{(500 + X)(3,500 - 2X) - (3,500X - X^2)(1)}{(500 + X)^2} = 0$$

$$x = -X^2 - 1,000X + 1,750,000 = 0$$

เพื่อหาค่า  $X$  เราใช้สูตร

$$X = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

ในเมื่อ  $a = -1$ ,  $b = -1,000$ ,  $c = 1,750,000$

$$\begin{aligned} X &= \frac{1,000 \pm \sqrt{(-1,000)^2 - 4(-1)(1,750,000)}}{2(-1)} \\ &= \frac{1,000 \pm \sqrt{8,000,000}}{-2} = \frac{1,000 \pm 2,828.43}{-2} \\ &= -1,914.22 \text{ หรือ } 914.21 \end{aligned}$$

นั่นคือ \$ 914 (ไม่ใช้ค่าลบ)

### ๗. อนุพันธ์ที่สอง

$$\begin{aligned} \frac{d^2P}{dx^2} &= \frac{d}{dx} \left( \frac{-X^2 - 1,000X + 1,750,000}{(500 + X)^2} \right) \\ &= \frac{(500 + X)^2(-2X - 1,000) - (-X^2 - 1,000X + 1,750,000)2(500 + X)}{(500 + X)^4} \\ &= -\frac{4,000,000}{(500 + X)^3} \quad \text{ให้ } X = 914 \\ &= -\frac{4,000,000}{(500 + 914)^3} \end{aligned}$$

ซึ่งให้ค่าเป็นลบ แสดงว่าให้ผลกำไรมาก ถ้าสูงสุดสำหรับพังก์ชันผลกำไรมีส่วนต่างๆ กับต้นทุนการโฆษณา

### ๕. วิธีทำ

ให้  $X$  = งบประมาณการโฆษณาที่ยังไม่ทราบของบริษัท Atlas Battery

$Y$  = งบประมาณที่ทราบโดยเฉลี่ยของคู่แข่งขัน

$Q$  = จำนวนการขายที่พยากรณ์ของบริษัทก่อตสาหกรรมทั้งหมด

$f$  = ต้นทุนคงที่

$v$  = ต้นทุนผันแปร

$p$  = ราคابาบเดอร์สำหรับบริษัททั้งสอง

สิ่งที่กำหนดให้

$$\text{จำนวนที่คาดหวัง } Q\left(\frac{X}{X+Y}\right) = \frac{QX}{X+Y}$$

$$\text{พังก์ชันจำนวนเงินที่ขายได้ทั้งหมด } TR = p\left(\frac{QX}{X+Y}\right)$$

$$\text{พังก์ชันต้นทุนทั้งหมด } TC = f + v\left(\frac{QX}{X+Y}\right) + X$$

$$\begin{aligned} \text{พังก์ชันผลกำไร } P &= TR - TC \\ &= p\left(\frac{QX}{X+Y}\right) - \left(f + v\left(\frac{QX}{X+Y}\right) + X\right) \end{aligned}$$

ก. อนุพันธ์ที่หนึ่ง

$$\begin{aligned} \frac{dP}{dx} &= \left\{ \frac{(X+Y)(pQ) - (pQX)(1)}{(X+Y)^2} \right\} - I^0 + \frac{(X+Y)(vQ) - (vQX)(1)}{(X+Y)^2} + 1_1 = 0 \\ &= \left\{ \frac{XpQ + YpQ - pQX}{(X+Y)^2} \right\} - \left\{ \frac{XvQ + YvQ - vQX}{(X+Y)^2} + 1 \right\} = 0 \\ &= \left\{ \frac{YpQ}{(X+Y)^2} \right\} - \left\{ \frac{YvQ}{(X+Y)^2} + 1 \right\} = 0 \\ &= \frac{YpQ - YvQ}{(X+Y)^2} = 1 \\ &= (X+Y)^2 = yQ(p-v) \\ X+Y &= \sqrt{(p-v)(yQ)} \\ X &= \sqrt{(p-v)(YQ)} - Y \\ &= \sqrt{(\$20 - \$15)(300,000 \times 2,000,000)} - (300,000) \\ &= \sqrt{(\$5.00)(6.00 \times 10^{11})} - 300,000 \\ &= 1.732 \times 10^6 - 300,000 \\ &= \$1,432,000 \quad (\text{งบประมาณการโฆษณาที่ดีที่สุด}) \end{aligned}$$

ข. พิจารณาตัวประกอบอื่น ๆ

1. ผลกำไรที่คาดหวังของบริษัท ถ้าคณะบริหารตัดสินใจที่จะใช้จ่ายการลงทุนการโฆษณาที่ดีที่สุด
2. จำนวนที่ขายของบริษัทจะเป็นเท่าไร

3. การตัดสินใจของคู่แข่งขันของเขากับการโฆษณา
4. บริษัทใช้จ่ายเกี่ยวกับการโฆษณาเพื่อที่จะรักษาระดับผลกำไรเดิม \$1,000,000 ของเขามีเพียงเท่าไร

## 6. วิธีทำ

ในกรณีนี้รวมภาษี

$$\text{พังก์ชันของหน่วยที่ขาย} \quad N = 9,000 - 90p \quad (p \text{ คือราคาขาย})$$

$$\text{จำนวนเงินที่ขายได้ทั้งหมด} \quad TR = Np$$

$$\text{ต้นทุนทั้งหมด} \quad TC = 25,000 + 50N$$

$$= 25,000 + 50(9,000 - 90p)$$

$$= 475,000 - 4,500p$$

$$\text{ผลกำไร} \quad P = TR - TC = (9,000 - 90p)p - (475,000 - 4,500p)$$

$$= 9,000p - 90p^2 - 475,000 + 4,500p$$

$$= -90p^2 + 13,500p - 475,000$$

อนุพันธ์ที่หนึ่ง

$$\frac{dP}{dp} = -180p + 13,500 = 0$$

$$p = \$75 \text{ ต่อหน่วย}$$

อนุพันธ์ที่สอง

$$\frac{d^2P}{dp^2} = 180$$

$$N = 9,000 - 90(75) = 2,250 \text{ หน่วย}$$

$$P = -90(75)^2 + 13,500(75) - 475,000 = \$31,250$$

ในกรณีรวมภาษี \$2

พังก์ชันของรายได้ไม่เปลี่ยนแปลง แต่พังก์ชันต้นทุนเปลี่ยนแปลง รวมทั้งภาษี \$2

$$\text{ต้นทุน} \quad TC = 25,000 + 50N + 2N = 25,000 + 52N$$

$$= 25,000 + 52(9,000 - 90p) = 493,000 - 4,680p$$

$$\text{ผลกำไร} \quad P = TR - TC = 9,000p - 90p^2 - (493,000 - 4,680p)$$

$$P = -90p^2 + 13,680p - 493,000$$

อนุพันธ์ที่หนึ่ง

$$\frac{dP}{dp} = 180p + 13,680 = 0$$

$$P = \frac{13,680}{180} = \$76$$

อนุพันธ์ที่สอง

$$\frac{d^2P}{dp^2} = -180$$

$$N = 9,000 - 90(76) = 2,160 \text{ หน่วย}$$

$$P = -90(76)^2 + 13,680(76) - 493,000 \\ = \$26,840$$

ราคากลิตภัณฑ์ในกรณีไม่รวมภาษีกับรวมภาษีคือ \$75 กับ \$76 ตามลำดับ ที่ทำให้ผลกำไรต่อปริมาณมากที่สุด

## 7. วิธีคำ

กำหนดให้ อัตราการขายเป็น  $\frac{dS}{dt} = A + Bt + Ct^2$  ในเมื่อ  $t$  เป็นเวลาเป็นปี

ให้  $t = 0$  เป็นปีแรก  $\left(\frac{dS}{dt} = 50,000\right)$

$t = 1$  เป็นปีที่สอง  $\left(\frac{dS}{dt} = 65,000\right)$

$t = 3$  เป็นปีสาม  $\left(\frac{dS}{dt} = 90,000\right)$

A, B และ C เป็นค่าคงที่

$$\text{ดังนั้น } t = 0 \quad 50,000 = A + B(0) + C(0)^2$$

$$A = 50,000$$

$$\begin{aligned} \text{เมื่อ } t = 1 \quad 65,000 &= A + B(1) + C(1)^2 \\ &= 50,000 + B + C \end{aligned}$$

$$15,000 = B + C \quad \dots\dots\dots (1)$$

$$\begin{aligned} \text{เมื่อ } t = 2 \quad 90,000 &= A + B(2) + C(2)^2 \\ &= 50,000 + 2B + 4C \end{aligned}$$

$$40,000 = 2B + 4C \quad \dots\dots\dots (2)$$

แก้สมการ (1) กับ (2) ได้

$$B = 10,000, \quad C = 5,000$$

สมการซึ่งให้อัตราของการขายที่เวลา  $t$  คือ

$$\frac{dS}{dt} = 50,000 + 10,000t + 5,000t^2$$

อัตราการขายของปีที่  $t$  ( $t = 3$ ) คือ

$$\begin{aligned}\frac{dS}{dt} &= 50,000 + 10,000(3) + 5,000(3)^2 \\ &= 50,000 + 30,000 + 45,000 \\ &= 125,000 \text{ หน่วย}\end{aligned}$$

แต่ในที่นี้โจทย์ต้องการทำนายจำนวนที่ขายได้ทั้งหมดสำหรับปีที่  $t$  ( $t = 3$ ) สามารถคำนวณได้

$$\begin{aligned}\int dS &= \int (50,000 + 10,000t + 5,000t^2) dt \\ S_3 &= \int_2^3 (50,000 + 10,000t + 5,000t^2) dt \\ &= \left( 50,000t + \frac{10,000t^2}{2} + \frac{5,000t^3}{3} \right) \Big|_2^3 \\ &= \left\{ 50,000 \times (3) + 5,000(3)^2 + \frac{5,000}{3}(3)^3 \right\} - \left\{ 50,000(2) + 5,000(2)^2 + \frac{5,000}{3}(2)^3 \right\} \\ &= (240,000) - (133,333) = 106,667 \text{ หน่วย}\end{aligned}$$

### 8. วิธีทำ

ให้  $\frac{dS}{dt}$  = รายได้เดือนแรกซึ่งมีค่าเท่ากับ \$40,000 เมื่อ  $t = 0$

$$\begin{aligned}\text{อัตราการเปลี่ยนแปลงของการขาย (รายได้) เทียบกับเวลา} &= -0.02 \frac{dS}{dt} \\ &= -0.02 \times 40,000 = -800\end{aligned}$$

รายได้เดือนที่สอง ( $t = 1$ ) เท่ากับ  $40,000 - 800 = \$39,200$

รายได้เดือนที่สาม ( $t = 2$ ) เท่ากับ  $39,200 - .02 \times 39,200 = \$38,416$

กำหนดให้รายได้ของเดือน  $t$  เขียนได้เป็น

$$\text{iii } \frac{dS}{dt} = A + Bt + Ct^2$$

$$\begin{aligned}
 \text{ในเมื่อ } t = 0 : \quad \frac{dS}{dt} &= 40,000 = A + B(0) + C(0)^2 \\
 A &= 40,000 \\
 t = 1; \quad 39,200 &= 40,000 + B(1) + C(1)^2 \\
 -800 &= B + C \quad \dots\dots\dots (1) \\
 t = 2; \quad 38,416 &= 40,000 + B(2) + C(2)^2 \\
 -1,584 &= 2B + 4C \\
 -192 &= B + 2C \quad \dots\dots\dots (2)
 \end{aligned}$$

จาก (2)-(1)

$$\begin{aligned}
 8 &= C \quad \text{แทนค่า } c \text{ ลงใน (1)} \\
 -800 &= B + 8 \\
 B &= -808 \\
 \therefore \frac{dS}{dt} &= 40,000 + (-808)t + 8t^2 \\
 &= 40,000 - 808t + 8t^2
 \end{aligned}$$

จำนวนที่ขายได้ในเดือนที่ 12 เป็น

$$\begin{aligned}
 \int dS &= \int (40,000 - 808t + 8t^2) dt \\
 S_{11} &= \int_{10}^{11} (40,000 - 808t + 8t^2) dt \\
 &= \left( 40,000t - \frac{808t^2}{2} + \frac{8t^3}{3} \right) \Big|_{10}^{11} \\
 &= \left( 40,000(11) - 404(11)^2 + \frac{8}{3}(11)^3 \right) - \left( 40,000(10) - 404(10)^2 + \frac{8}{3}(10)^3 \right) \\
 &= (394,665) - (362,267) = \$32,398 \\
 &= \$32,398
 \end{aligned}$$

## 9. วิธีทำ

$$\begin{aligned}
 \text{ต้นทุนผันแปร} &\quad 45\% \text{ ของราคาขาย } (.45p = v) \\
 \text{จำนวนหน่วยที่สามารถขาย } N &= 100 - 25p + 0.15AS + S + 0.5A \\
 \text{ต้นทุนคงที่ทั้งหมด} &\quad \$6 \text{ ล้าน} \\
 \text{ค่าโฆษณาและค่าใช้จ่ายส่วนบุคคล} &\quad \$6 \text{ ล้าน} \quad \text{หรือ } A + S = \$6 \text{ ล้าน}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{ต้นทุนทั้งหมด} & \quad TC = 6 + .45pN + A + S \\
 \text{รายได้ทั้งหมด} & \quad TR = pN \\
 \text{ผลกำไรสุทธิทั้งหมด} & \quad P = TR - TC \\
 & = pN - (6 + .45pN + A + S) \\
 & = pN - 6 - .45pN - A - S \\
 & = .55pN - 6 - A - S \\
 & = .55p(100 - 25p + 0.15AS + S + 0.5A) - 6 - A - S \\
 & = 55p - 13.75p^2 + 0.0825pAS + .55pS + 0.275pA \\
 & \quad - 6 - A - S \quad \dots\dots\dots (1) \\
 A + S & = 6 \quad \text{หรือ} \quad S = 6 - A \quad \dots\dots\dots (2)
 \end{aligned}$$

แทนค่า (2) ลงใน (1)

$$\begin{aligned}
 P & = 55p - 13.75p^2 + 0.0825pA(6 - A) + 0.55p(6 - A) + 0.275pA - 6 - A - (6 - A) \\
 & = 55p - 13.75p^2 + 0.4950pA - 0.0825pA^2 + 3.30p - 0.55pA + 0.275pA \\
 & \quad - 6 - A - 6 + A \\
 & = 58.3p - 13.75p^2 + 0.22pA - 0.0825pA^2 - 12
 \end{aligned}$$

ในการเมื่อ  $p = \$2.00$

$$\begin{aligned}
 P & = 58.3(2) - 13.75(2)^2 + 0.22(2)A - 0.0825(2)A^2 - 12 \\
 & = 116.60 - 55 + 0.44A - 0.165A^2 - 12 \\
 & = 49.60 + 0.44A - 0.165A^2
 \end{aligned}$$

$$\frac{dP}{dA} = 0.44 - 0.33A = 0$$

$$A = \frac{.44}{.33} = \$1.333 \text{ ล้าน สำหรับค่าโฆษณา}$$

$$\text{แต่ } A + S = 6$$

$$S = 6 - 1.333 = \$4.667 \text{ ล้าน การขายส่วนบุคคล}$$

$$\text{n. do } p = \$2.00, A = 1.333, S = 4.667$$

$$\begin{aligned}
 \text{ผลกำไร} & \quad P = 49.60 + 0.44(1.333) - 0.165(1.333)^2 \\
 & = \$49.89 \text{ ล้าน}
 \end{aligned}$$

เมื่อ  $p = \$2.10$

$$\begin{aligned} P &= 58.3(2.1) - 13.75(2.1)^2 + 0.22(2.1)A - 0.0825(2.1)A^2 - 12 \\ &= 122.43 - 60.6375 + 0.462A - 0.17325A^2 - 12 \\ &= 49.7925 + 0.462A - 0.17325A^2 \end{aligned}$$

$$\frac{dP}{dA} = 0.462 - 0.3465A = 0$$

$$A = \frac{0.462}{0.3465} = \$1.333 \text{ ล้าน}$$

$$\therefore S = 6 - 1.333 = \$4.667 \text{ ล้าน}$$

เมื่อ  $p = 2.1$

$$\begin{aligned} \text{ผลกำไร } P &= 49.7925 + 0.462(1.333) - 0.17325(1.333)^2 \\ &= 49.7925 + 0.61585 - 0.307846 \\ &= \$50.1 \text{ ล้าน} \end{aligned}$$

เมื่อ  $p = 2.1 \text{ กำไร } \$50.1 \text{ ล้าน}$

$p = 2.0 \text{ กำไร } 49.89 \text{ ล้าน}$

$\therefore \text{กำไรเพิ่มขึ้น } \$0.21 \text{ ล้าน}$

### ข. พิสูจน์ โดยใช้ Lagrange multiplier

เมื่อ  $p = \$2.00$

สมการที่ II เมื่อ  $p = 2.00$

$$\begin{aligned} P &= 55(2) - 13.75(2)^2 + 0.0825(2)AS + 0.55(2)S + 0.275(2)A - 6 - A - s \\ &= 110 - 55 + 0.165AS + 1.1s + 0.55A - 6 - A - s \\ &= 49 - 0.45A + 0.1s + 0.165AS \end{aligned}$$

$$P_\lambda = NP + \lambda(A + S - 6)$$

$$\frac{\partial P_\lambda}{\partial A} = -0.45 + 0.165S + \lambda = 0 \quad \dots\dots\dots (1)$$

$$\frac{\partial P_\lambda}{\partial S} = 0.1 + 0.165A + \lambda = 0 \quad \dots\dots\dots (2)$$

$$\frac{\partial P_\lambda}{\partial \lambda} = A + S - 6 = 0 \quad \dots\dots\dots (3)$$

$$(1) - (2) \quad -0.55 + 0.165(S - A) = 0$$

$$S - A = \frac{0.55}{0.165} = 3.333$$

เนื่องจาก  $S = 6 - A$

$$\therefore 6 - A - A = 3.333$$

$A = \$1.333$  ล้าน สำหรับค่าโฆษณา

$$\therefore S = 6 - 1.333 = \$4.667 \text{ ล้าน สำหรับการขายส่วนบุคคล}$$

พิสูจน์ โดยใช้ Lagrange multiplier

เมื่อ  $p = 2.1$

สมการที่ 1 เมื่อ  $p = 2.1$

$$P = 55(2.1) - 13.75(2.1)^2 + 0.0825(2.1)AS + 0.55(2.1)S + 0.275(2.1)A - 6 - A - S$$

$$= 48.8625 - 0.4225A + 0.155S + 0.17325AS$$

$$P_\lambda = NP + \lambda(A + s - 6)$$

$$\frac{\partial P_\lambda}{\partial A} = -0.4225 + 0.17325S = 0 \quad \dots\dots\dots (1)$$

$$\frac{\partial P_\lambda}{\partial S} = 0.155 + 0.17325A = 0 \quad \dots\dots\dots (2)$$

$$\frac{\partial P_\lambda}{\partial s} = A + S - 6 = 0 \quad \dots\dots\dots (3)$$

$$(1) - (2) \quad -0.5775 + 0.17325(S - A) = 0$$

$$S - A = 3.33$$

$$S = 6 - A$$

$$6 - A - A = 3.33$$

$$A = \$1.333 \text{ ล้าน}$$

$$\therefore S = \$4.667 \text{ ล้าน}$$

ค. จากข้อ ๔  $S = \$4.667$  เพื่อหาค่า  $\lambda$

$$-0.45 + 0.165s + \lambda = 0$$

$$-0.45 + 0.165(4.667) + \lambda = 0 \quad \dots\dots\dots (1)$$

$$-1 = \$0.32 \text{ ล้าน}$$

$$\text{หรือ } A = \$1.333$$

$$0.1 + 0.165(1.333) + \lambda = 0 \quad \dots\dots\dots (2)$$

$$-\lambda = \$0.32 \text{ ล้าน}$$

$-\lambda = 0.32$  ล้านในผลกำไรเพิ่มขึ้น ถ้าเพิ่ม \$1 ล้านเข้ากับสมการที่กำหนดขึ้น  
ดังนั้น

$-\lambda = 0.16$  ล้านในผลกำไรเพิ่มขึ้น ถ้าเพิ่ม \$0.5 ล้านเข้ากับสมการที่กำหนดขึ้น

3. 32% กลับไปสู่การลงทุนเพิ่มขึ้น

#### 10. วิธีทำ

พังก์ชันผลกำไรสุทธิก่อนเสียภาษีรายได้

$$P = Np = -90 + 157.5p - 15p^2 + 0.2pAQ + pQ + 2pA - 0.1AQ - 1.5Q - 2A$$

$$Q + A = 17.5$$

$$P_\lambda = Np + \lambda(Q + A - 17.5)$$

$$\frac{\partial P_\lambda}{\partial p} = 157.5 - 30p + 0.2AQ + Q + 2A = 0 \quad \dots\dots\dots (1)$$

$$\frac{\partial P_\lambda}{\partial A} = +0.2pQ + 2p - 0.1Q - 2 + \lambda = 0 \quad \dots\dots\dots (2)$$

$$\frac{\partial P_\lambda}{\partial Q} = 0.2pA + p - 0.1A - 1.5 + \lambda = 0 \quad \dots\dots\dots (3)$$

$$\frac{\partial P_\lambda}{\partial A} = A + Q - 17.5 = 0 \quad \dots\dots\dots (4)$$

$$(2) - (3) \quad 0.2p(Q - A) + p + 0.1(A - Q) - 0.5 = 0$$

$$[0.2(Q - A) + 1]p + 0.1(A - Q) - 0.5 = 0$$

$$\text{เนื่องจาก } A + Q = 17.5 \implies Q = 17.5 - A$$

$$\text{และ } p \neq 0$$

$$\text{ดังนั้น } 0.2(Q - A) + 1 + 0.1(A - Q) - 0.5 = 0$$

$$0.2[(17.5 - A) - A] + 1 + 0.1[A - (17.5 - A)] - 0.5 = 0$$

$$2.25 - 0.2A = 0$$

$$A = \$11.25 \text{ ล้านบาท}$$

$$Q = 17.5 - 11.25 = \$6.25 \text{ ล้าน}$$

ในการณ์ราคาขาย  $p = \$1.10$  จากสมการ (2)

$$0.2pQ + 2p - 0.1Q - 2 + \lambda = 0$$

$$\begin{aligned}
 0.2(1.10)(6.25) + 2(1.10) - 0.1(6.25) - 2 &= -\lambda \\
 1.375 + 2.20 - 0.625 - 2 &= -I \\
 -\lambda &= \$0.95 \text{ ล้านในผลกำไร}
 \end{aligned}$$

หรือจากสมการ 3

$$\begin{aligned}
 0.2pA + p - 0.1A - 1.5 + \lambda &= 0 \\
 0.2(1.10)(11.25) + (1.10) - 0.1(11.25) - 1.5 &= -I \\
 3.575 - 2.625 &= -\lambda \\
 -a &= \$0.95 \text{ ล้านในผลกำไร}
 \end{aligned}$$