

บทที่ 6

ความเชื่อมั่นและความเที่ยงตรง

ความสำคัญของความเชื่อมั่น

ความเชื่อมั่นนับว่าเป็นคุณลักษณะที่สำคัญของเครื่องมือในการวัดทุกชนิด กล่าวคือ เครื่องมือในการวัดคาดความเชื่อมั่นแล้ว ผลที่ได้จากการวัดก็จะไม่มีความหมาย

แบบทดสอบที่มีความเชื่อมั่นสูง หมายถึงแบบทดสอบที่นำไปสอบกับนักเรียนที่ครึ่ง ๆ ปี เท่านั้น ก็จะได้คะแนนคงที่ แน่นอน ไม่เปลี่ยนแปลง หรือเปลี่ยนแปลงไปจากเดิมแต่เพียงเล็กน้อย

ในการวัดทางการศึกษานั้น มักจะพบปัญหาในการวัดมากมาก และปัญหาที่สำคัญอีกหนึ่งคือ ความเชื่อมั่นในการวัดทางการศึกษาต่ำกว่าความเชื่อมั่นในการวัดทางภาษาภาระ

ดร.อนันต์ ศรีไสวภา "ได้สรุปมาเหตุที่ทำให้ความเชื่อมั่นในการวัดทางการศึกษาต่ำไว้ดังนี้

1. การวัดทางภาษาพันธุ์สามารถวัดได้โดยตรง ไม่เหมือนกับการวัดทางการศึกษา ซึ่งไม่สามารถวัดได้โดยตรง จึงทำให้ผลที่ได้จากการวัดไม่แน่นอน

2. เครื่องมือที่ใช้วัดทางภาษาพมีความถูกต้องซั้งเกินกว่าเครื่องมือวัดทางการศึกษา

3. คุณลักษณะของพื้นที่ถูกวัดทางภาษาพมีความคงที่แน่นอน ส่วนคุณลักษณะของพื้นที่ถูกวัดทางการศึกษาเปลี่ยนแปลงอยู่ตลอดเวลา

ทฤษฎีเกี่ยวกับค่าคะแนนจริง

ค่าคะแนนที่ได้จากการสอบ หรือค่าคะแนนที่สังเกตได้ (observed score) จะประกอบด้วยค่าคะแนน 2 ส่วน คือ ค่าคะแนนจริง (true score) และส่วนที่เป็นค่าคะแนนอันเกิดจากความคลาดเคลื่อน (error score) ค่าคะแนนจริง คือส่วนของค่าคะแนนที่วัดได้โดยไม่ถูกอิทธิพลของความคลาดเคลื่อน ค่าคะแนนส่วนนี้ถ้าวัดในพื้นที่เดียวกันจะมีค่าคงที่เสนอไม่ว่าจะวัดที่ครึ่ง ๆ กีดาม ค่าคะแนนความคลาดเคลื่อนนั้น อาจเนื่องมาจากการสอบ การควบคุมการสอบ การให้คะแนน และการดำเนินการ ผู้ที่สอนนักเรียน อาจได้ค่าคะแนนโดยที่ไม่มีความรู้ในเรื่องนั้นเลยก็ได้ หรือนักเรียนอาจไม่ได้คะแนนทั้ง ๆ ที่มีความรู้ ความคลาดเคลื่อนในการวัดมี 2 ชนิด คือ ความคลาดเคลื่อนอย่างมีระบบ (systematic error) ความคลาดเคลื่อนชนิดนี้จะไม่มีผลกระทบกระเทือนต่อการวัด ความคลาดเคลื่อนชนิดนี้จะเป็นไปในทิศทางเดียว อาจเป็นลบหรือเป็นทางบวกทางเดียวกันทั้งหมด เช่น แบบวัดที่ใช้มานานอาจมีค่าเฉลี่ยต่ำกว่าค่าเฉลี่ยจริง อาจเป็นลบหรือเป็นทางบวกทางเดียวกันทั้งหมด เช่น แบบวัดที่ใช้มานานอาจมีค่าเฉลี่ยต่ำกว่าค่าเฉลี่ยจริง แต่ไม่ต่ำกว่าค่าเฉลี่ยจริงมากนัก เช่น การที่แบบวัดของความยาวเกินไป ๕ ซม. ทุก ๆ หนึ่งเมตร ก็จะไม่ทำให้ความเชื่อมั่นเปลี่ยนแปลงไป

แต่อย่างไร ตัวนิยามความคลาดเคลื่อนอย่างสุ่ม (random error) นั้นเป็นไปได้หลายทิศทาง เช่นบางครั้งอาจเพิ่มขึ้น บางครั้งอาจลดลง ไม่แน่นอน ตัวอย่างเช่น คะแนนที่ได้จากการสอบซึ่งบางครั้งอาจได้คะแนนมากหรือน้อยกว่าคะแนนจริง

อย่างไรก็ตาม คะแนนความคลาดเคลื่อนนี้ยังไม่สามารถหาวิธีการตรวจสอบได้ ดังนั้นจึงอาจสรุปได้แค่เพียงว่า คะแนนที่ได้จากการสอบหรือการสังเกตจะไม่เท่ากับคะแนนจริง และสามารถเขียนสมการของคะแนนในการสอบได้ดังนี้

$$x = t + e \quad \dots\dots\dots(6-1)$$

เมื่อ x แทน คะแนนผลการสอบ (observed score)

t แทน คะแนนจริง (true score)

e แทน คะแนนความคลาดเคลื่อน (error score)

ความคลาดเคลื่อนอย่างสุ่มนี้ เป็นไปได้ทั้งทางบวกและทางลบ ดังนั้นในการศึกษาเกี่ยวกับความคลาดเคลื่อน จำเป็นต้องมีข้อถกเถียงเบื้องต้น ดังนี้

- ค่าเฉลี่ยของคะแนนความคลาดเคลื่อนเท่ากับ 0

$$M_e = 0$$

- ความสัมพันธ์ระหว่างคะแนนจริงกับคะแนนความคลาดเคลื่อนเท่ากับ 0

$$r_{te} = 0$$

- ความสัมพันธ์ของคะแนนความคลาดเคลื่อนของแบบทดสอบ 2 ฉบับ ที่กันกัน เท่ากับ 0

$$r_{e_1 e_2} = 0$$

จากข้อสมมุติตั้งกล่าว อาจเขียนสมการเกี่ยวกับความแปรปรวนได้ดังนี้

$$S_x^2 = S_t^2 + S_e^2 + 2r_{te} S_t S_e$$

แต่เนื่องจาก $r_{te} = 0$ จะได้ว่า

$$S_x^2 = S_t^2 + S_e^2 \quad \dots\dots\dots(6-2)$$

ความหมายของความเชื่อมั่น

ความเชื่อมั่น หมายถึงการวัดที่ให้ผลคงที่แน่นอนสม่ำเสมอ ไม่เปลี่ยนไปเปลี่ยนมา การวัดครั้งแรกเป็นอย่างไร เมื่อวัดซ้ำอีกครั้งก็ตาม ผลการวัดยังคงเหมือนเดิม โดยปกติจะนิยามความ

เชื่อมั่นว่าเป็นอัตราส่วนระหว่างความแปรปรวนของคะแนนจริง และความแปรปรวนของคะแนนที่ได้จากการสอบ เปียนเป็น สมการ ได้ดังนี้

$$r_{tt} = \frac{S_t^2}{S_x^2} \quad \dots\dots\dots(6-3)$$

$$\text{เนื่องจาก } S_t^2 = S_x^2 - S_e^2$$

$$\text{ดังนั้น } r_{tt} = 1 - \frac{S_e^2}{S_x^2} \quad \dots\dots\dots(6-4)$$

จากสมการ (6-4) ตามารณตรูปได้ดังนี้

1. r_{tt} จะมีค่าเป็นศูนย์ เมื่อ $S_e^2 = S_x^2$
2. r_{tt} จะมีค่าเป็น 1.00 เมื่อ $S_e^2 = 0$
3. ถ้าคะแนนของแบบทดสอบมีความคงเด่นคงวา เป็นที่เชื่อถือได้แล้ว S_e^2 จะมีค่าน้อยกว่า S_x^2 เพmo
4. ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบ (r_{tt}) ไม่เสมอค่าติดลบ ทั้งนี้เพราะ S_e^2 ไม่เสมอค่านอกกว่า S_x^2

การคำนวณหาค่าความเชื่อมั่น

วิธีการหาค่าความเชื่อมั่นของเครื่องมือในการวัด อาจทำได้หลายวิธี ดังนี้

1. วิธีสอบซ้ำ (test-retest method) เป็นการหาความเชื่อมั่นของเครื่องมือวัด โดยการนำ เอาเครื่องมือนั้นไปสอบวัดกับนักเรียนกลุ่มใดกลุ่มหนึ่ง 2 ครั้ง ในเวลาที่ต่างกัน โดยเก็บระยะเวลา ในการสอบทั้ง 2 ครั้งให้ห่างกันพอสมควร จุดมุ่งหมายก็เพื่อจะตรวจสอบว่าคะแนนหรือผลการวัด ทั้ง 2 ครั้งนั้น สองครั้งต้องหรือสัมพันธ์กันเพียงใด แล้วน่าคะแนนที่ได้จากการสอบทั้ง 2 ครั้ง มา คำนวณหาค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ โดยใช้วิธี Pearson Product Moment ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ที่ได้นั้นก็คือ ค่าความเชื่อมั่นของเครื่องมือวัดฉบับนั้นเอง ซึ่งสามารถคำนวณได้จากสูตร

$$r_{xy} = \frac{NXY - (\Sigma X)(\Sigma Y)}{\sqrt{[N(X^2) - (\Sigma X)^2][N(Y^2) - (\Sigma Y)^2]}} \quad \dots\dots\dots(6-5)$$

ตัวอย่าง การหาค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบฉบับหนึ่ง ที่ใช้ทดสอบกับนักเรียนก่อน
เดียวกัน 2 ครั้ง ปรากฏผลของคะแนนดังนี้

ลำดับ	คะแนนที่ 1 X	คะแนนที่ 2 Y	X^2	Y^2	XY
1	1	2	1	4	2
2	2	3	4	9	6
3	2	2	4	4	4
4	3	5	9	25	15
5	4	5	16	25	20
6	5	7	25	49	35
7	6	5	36	25	30
8	8	6	64	36	48
9	9	7	81	49	63
10	10	8	100	64	80
N = 10	$\Sigma X = 50$	$\Sigma Y = 50$	$\Sigma X^2 = 340$	$\Sigma Y^2 = 290$	$\Sigma XY = 303$

$$\begin{aligned}
 \text{แทนค่าจากข้อมูล} \quad r_{xy} &= \frac{10(303) - (50)(50)}{\sqrt{[10(340) - (50)^2][10(290) - (50)^2]}} \\
 &= \frac{530}{\sqrt{(900)(400)}} \\
 &= \frac{530}{600} = 0.883
 \end{aligned}$$

ดังนั้น แบบทดสอบฉบับนี้มีค่าความเชื่อมั่นเท่ากับ 0.88

ปัญหาที่สำคัญของการหาความเชื่อมั่นโดยวิธีนี้ คือ

- ช่วงเวลาในการสอบทั้ง 2 ครั้ง ต้องระยะเวลากลางๆ ระหว่างการสอบนานก็จะทำให้ค่า r ลดลง
- ค่า r ที่ผลลัพธ์อาจเนื่องจากเกิดการเปลี่ยนแปลงในตัวผู้สอบ เช่น ผู้สอบอาจไปศึกษาต้นครัวเพิ่ม

เดิม ซึ่งจะทำให้คะแนนของนักเรียนแต่ละคนเปลี่ยนไป และอาจเปลี่ยนในระดับที่ต่างกัน มีผลทำให้ค่าความเชื่อมั่นของข้อสอบต่ำ และหากเว้นระยะเวลาห่างการสอบครั้งแรกกับครั้งหลังสั้นเกินไป จะทำให้เกิด Test wise คือนักเรียนทดสอบในชั้นจะยังจดจำได้ ทำให้การสอบทั้ง 2 ครั้ง ไม่เป็นอิสระต่อกัน นั่นคือครั้งแรกนักเรียนตอบว่าอย่างไร ครั้งหลังก็จะตอบอย่างนั้น ทำให้ค่าสหสัมพันธ์ที่หาได้มีค่าไปจากความจริง และค่าความเชื่อมั่นก็มีค่าไปจากความจริงด้วย

2. ความเป็นปัจจัยในตัวนักเรียนด้านต่าง ๆ เช่น อารมณ์ ความรู้สึก สภาพทางร่างกายในการสอบทั้ง 2 ครั้ง แตกต่างกัน เช่น อารมณ์ความวิตกกังวล เกิดการเจ็บป่วย ซึ่งต่างๆ กัน เท่าเดียวบันทึกผลของการทดสอบของนักเรียน และเป็นตัวที่ควบคุมได้ยาก

3. สภาพการสอบทั้ง 2 ครั้ง เช่น อากาศ แสง เสียง หรือเรื่องที่อาจเกิดขึ้นโดยผู้ไม่รู้ ขณะสอบ ซึ่งจะส่งผลต่อการทำข้อสอบของนักเรียน และเป็นตัวที่ควบคุมได้ยาก

4. การคาดคะยานของกลุ่มหัวอย่างในการสอบทั้ง 2 ครั้ง

จะเห็นได้ว่าการหาความเชื่อมั่นโดยวิธีนี้ จำเป็นต้องพิจารณาอย่างรอบคอบ โดยเฉพาะระยะเวลาในการสอบทั้ง 2 ครั้งนั้น ควรเว้นระยะเวลาในการสอบให้ห่างกันพอสมควร

2. วิธีใช้แบบทดสอบคู่ขนาน (Parallel test method) วิธีนี้โดยหลักการแล้ว เป็นวิธีเดียวกับการสอบชั้น แต่พยายามป้องกันการจำข้อสอบได้ จึงได้ใช้แบบทดสอบ 2 ฉบับ ที่คู่ขนานกันไปทดสอบแก่นักเรียนก่อนหนึ่ง โดยที่ข้อสอบคู่ขนานทั้ง 2 ฉบับนี้ต้องเป็นอิสระต่อกัน คือไม่ใช่ห้าถูกฉบับหนึ่ง แล้วต้องไปทำถูกอีกฉบับหนึ่งด้วย ตามทฤษฎีแล้ว แบบทดสอบ 2 ฉบับ จะคู่ขนานกันก็ต่อเมื่อมีจำนวนข้อเท่ากัน ตามนี้อหาเดียว กัน มีความยากง่ายเท่ากัน นั่นคือคะแนนเฉลี่ยและความแปรปรวนของแบบทดสอบทั้ง 2 ฉบับต้องเท่ากัน เมื่อนำแบบทดสอบคู่ขนานทั้ง 2 ฉบับไปทดสอบนักเรียนแล้ว ก็นำเอาคะแนนที่ได้จากการสอบทั้ง 2 ครั้ง มาหาค่าสหสัมพันธ์แบบ Pearson Product Moment เช่นเดียวกับการหาความเชื่อมั่นโดยวิธีสอบชั้น

ปัญหาที่สำคัญของการหาความเชื่อมั่นโดยวิธีนี้ก็คือ เป็นการยากมากที่จะสร้างแบบทดสอบทั้ง 2 ฉบับ ให้คู่ขนานกัน เมื่อไม่สามารถสร้างแบบทดสอบทั้ง 2 ฉบับให้คู่ขนานกันได้จริง ๆ ก็ย่อมทำให้เกิดความคลาดเคลื่อนในการหาความเชื่อมั่นได้

3. วิธีหาความคงที่ภายใน (Internal consistency method) เป็นองจากการหาความเชื่อมั่น 2 วิธีที่กล่าวมาแล้ว มีปัญหางานประการ เช่น ต้องใช้การสอบเพียง 2 ครั้ง ทำให้เกิดความไม่สะดวก ตั้งนี้เนื่องจากบัญชีนี้ จึงนิยมเลือกวิธีการทดสอบเพียงครั้งเดียว แล้วนำผลที่ได้จากการสอบมาคำนวณหาค่าความเชื่อมั่น แต่ทั้งนี้ต้องเป็นไปตามเงื่อนไขของแต่ละวิธี วิธีการคำนวณหาค่าความ

คงที่ภายใน แบ่งออกเป็นสองนี้

3.1 วิธีแบ่งครึ่งชุดต้น (Split - half method) การหาความเชื่อมั่นโดยวิธีนี้ คล้ายกับการหาความเชื่อมั่นโดยใช้แบบทดสอบคู่ขนาน คือแทนที่จะนำแบบทดสอบไปทดสอบกับนักเรียน 2 ครั้ง ก็เปลี่ยนเป็นนำแบบทดสอบนั้นไปทดสอบกับนักเรียนเพียงครั้งเดียว แล้วแบ่งชุดสอบออกเป็น 2 ชุดย่อย โดยพยายามทำให้แบบทดสอบทั้ง 2 ชุดนั้น มีลักษณะคล้ายคลึงกันมากที่สุดเท่าที่จะทำได้ ทั้งนี้อาจแบ่งชุดสอบออกเป็นข้อคู่ - ข้อคี่ หรือแบ่งเป็น 2 ตอน คือ ตอนแรก - ตอนหลัง เมื่อได้คะแนน 2 ชุดแล้ว ก็นำมาหาค่าสัมประสิทธิ์สัมพันธ์แบบ Pearson Product Moment ค่าสัมประสิทธิ์สัมพันธ์ที่ได้นี้จะเป็นค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบเพียงครึ่งฉบับ จะนั้นถ้าต้องการหาค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบทั้งฉบับ ก็ต้องนำไปคำนวณขยายโดยใช้สูตรของสเปียร์แมน - บราวน์ (Spearman - Brown) ดังนี้

$$r_{th} = \frac{nr_{xy}}{1 + (n-1)r_{xy}} \quad \dots\dots\dots(6-6)$$

เมื่อ r_{th} แทน ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบที่มีความยาว ก เท่า ของแบบทดสอบที่ให้ค่า r_{xy}

ขั้นบ่งชุดสอบฉบับที่สองออกเป็น 2 ชุดย่อย และต้องการหาความเชื่อมั่นของชุดสอบเพิ่มฉบับ ก จะต้องขยายความเชื่อมั่นเป็น 2 เท่าของฉบับเดิม สูตรขยายความเชื่อมั่นจากครึ่งฉบับ เป็นเต็มฉบับ จะเป็นดังนี้

$$\begin{aligned} r_{th} &= \frac{2r_{xy}}{1 + (2-1)r_{xy}} \\ &= \frac{2r_{xy}}{1 + r_{xy}} \quad \dots\dots\dots(6-7) \end{aligned}$$

ตัวอย่าง แสดงการคำนวณหาความเชื่อมั่นโดยวิธีแบ่งครึ่ง

ลำดับ	a	b	a^2	b^2	ab
1	1	0	1	0	0
2	3	3	9	9	9
3	2	0	4	0	0
4	4	3	16	9	12
5	2	2	4	4	4
6	1	1	1	1	1
7	3	2	9	4	6
8	2	1	4	1	2
9	4	2	16	4	8
10	2	2	4	4	4
11	3	4	9	16	12
12	3	2	9	4	6
13	3	3	9	9	9
14	2	2	4	4	4
15	2	1	4	1	2
16	3	1	9	1	3
17	1	2	1	4	2
18	4	4	16	16	16
19	2	3	4	9	6
20	3	2	9	4	6
Σ	50	40	142	104	112

$$r_{ab} = \frac{112 - (50 \times 40)/20}{\sqrt{(142 - 50^2/20)(104 - 40^2/20)}} = 0.594$$

$$r_{tt} = \frac{2 \times 0.594}{1 + 0.594} = \frac{1.188}{1.594} = 0.745$$

ปัญหาที่สำคัญของการหาความเชื่อมั่นโดยวิธีนี้คือ ข้อสอบแต่ละข้อจะต้องมีความยากง่ายใกล้เคียงกัน จึงจะสามารถแบ่งเป็นข้อคู่ - ข้อคี่ หรือ ตอนแรก - ตอนหลัง ได้ การแบ่งข้อสอบเป็น ตอนแรก - ตอนหลัง จะมีปัญหาเรื่องเวลา เช่น นักเรียนท่านใดข้อสอบไม่ทัน จะทำให้ผลที่ได้จากการหาความเชื่อมั่นนี้ไม่แน่นอน การหาความเชื่อมั่นโดยวิธีแบ่งครึ่งนี้ ไม่เหมาะสมกับข้อสอบที่เป็น Speed test เพราะถ้าให้เวลาไม่พอ นักเรียนทุกคนก็จะไม่ได้ทำข้อหลัง ๆ เหตุฉุกเฉิน ก็จะทำให้ความเชื่อมั่นที่ได้มาไปจากความจริง ในการหาความเชื่อมั่นของวิธีแบ่งครึ่งอาจใช้สูตรของ Rulon ดังนี้

$$r_{tt} = 1 - S_d^2/S_x^2 \quad \dots\dots(6-8)$$

เมื่อ r_{tt} แทน ค่าความเชื่อมั่นทั้งฉบับ

S_d^2 แทน ความแปรปรวนของคะแนนความแตกต่างของนักเรียนแต่ละคน

S_x^2 แทน ความแปรปรวนของข้อสอบทั้งฉบับ

สูตรของ Rulon นี้ Guttman ได้แปลงให้อยู่ในรูปที่ง่ายต่อการคำนวณ ดังนี้

$$r_{tt} = 2[1 - (S_a^2 + S_b^2)/S_x^2] \quad \dots\dots(6-9)$$

เมื่อ a, b แทนข้อสอบครึ่งแรกและครึ่งหลัง ตามลำดับ

จากสมการ (6-8) และ (6-9) จะได้ว่า

$$S_d^2 = S_a^2 + S_b^2 - 2 r_{ab} S_a S_b$$

$$\text{และ } S_x^2 = S_a^2 + S_b^2 + 2 r_{ab} S_a S_b$$

ดังนั้น สมการ (6-8) สามารถเขียนใหม่ได้ดังนี้

$$r_{tt} = 4 r_{ab} S_a S_b / S_x^2 \quad \dots\dots(6-10)$$

ตัวอย่าง แสดงการคำนวณหาความเชื่อมั่น โดยใช้สูตรของ Rulon

ลำดับ นักเรียน	a	b	d_j	d_j^2	x_j	x_j^2
1	1	0	1	1	1	1
2	3	3	0	0	6	36
3	2	0	2	4	2	4
4	4	3	1	1	7	49
5	2	2	0	0	4	16
6	1	1	0	0	2	4
7	3	2	1	1	5	25
8	2	1	1	1	3	9
9	4	2	2	4	6	36
10	2	2	0	0	4	16
11	3	4	-1	1	7	49
12	3	2	1	1	5	25
13	3	3	0	0	6	36
14	2	2	0	0	4	16
15	2	1	-1	1	3	9
16	3	1	2	4	4	16
17	1	2	-1	1	3	9
18	4	4	0	0	8	64
19	2	3	-1	1	5	25
20	3	2	1	1	5	25
Σ	50	40	10	22	90	470

$$\begin{aligned}
 S_d^2 &= \frac{22}{20} - \left(\frac{10}{20} \right)^2 = 1.10 - 0.25 = 0.85 \\
 S_x^2 &= \frac{470}{20} - \left(\frac{90}{20} \right)^2 = 23.50 - 20.25 = 3.25 \\
 r_{ik} &= 1 - \frac{0.85}{3.25} = 1 - 0.262 = 0.738
 \end{aligned}$$

3.2 วิธีคูเดอร์-ริชาร์ดสัน (Kuder-Richardson method) เป็นการคูดความคงที่ภายในของแบบทดสอบ นั่นคือจะใช้ข้อสอบฉบับเดียวกทดสอบกับนักเรียนเพียงครั้งเดียว แล้วนำผลที่ได้มาคำนวณหาค่าความคงที่ภายใน

สมการความแปรปรวนของข้อสอบ ซึ่งประกอบด้วยข้อสอบ n ข้อ

$$S_i^2 = \Sigma S_i^2 + 2 \sum r_{ik} S_i S_k, i < k$$

จากสมการนี้ เทอมสุทธ้ายจะมีความแปรปรวนร่วม $n(n-1)$ เทอม ด้วยข้อสอบแต่ละข้อ มีโอกาสที่จะตอบถูกเท่ากัน และสหสัมพันธ์ระหว่างข้อสอบแต่ละข้อเท่ากัน สามารถแทน $S_i S_k$ ด้วย S_i^2 และผลบวกของเทอมที่เป็นความแปรปรวนร่วม สามารถเขียนแทนด้วย $n(n-1) \bar{r}_{ik} \bar{S}_i^2$

$$S_i^2 = \Sigma S_i^2 + n(n-1) \bar{r}_{ik} \bar{S}_i^2 \quad \dots\dots\dots(6-11)$$

$$\text{เมื่อ } \bar{S}_i^2 = \Sigma S_i^2$$

$$\text{ดังนั้น } \bar{r}_{ik} = \frac{S_i^2 - \Sigma S_i^2}{(n-1) \Sigma S_i^2} \quad \dots\dots\dots(6-12)$$

สมการ 6-12 เป็นค่าความเชื่อมั่นของข้อสอบข้อเดียว ดังนั้นถ้าต้องการหาค่าความเชื่อมั่นของข้อสอบที่ประกอบด้วย n ข้อ ก็ต้องขยายโดยใช้สูตรของสเปียร์แมน-บราร์น ดังนี้

$$\begin{aligned}
 r_{ik} &= \frac{n \bar{r}_{ik}}{1 + (n-1) \bar{r}_{ik}} \\
 &= \frac{n}{n-1} \frac{\frac{S_i^2 - \Sigma S_i^2}{(n-1) \Sigma S_i^2}}{1 + (n-1)[(S_i^2 - \Sigma S_i^2)/(n-1) \Sigma S_i^2]} \\
 &= \frac{n}{n-1} \frac{\frac{S_i^2 - \Sigma S_i^2}{\Sigma S_i^2}}{1 + (S_i^2 / \Sigma S_i^2) - 1} \\
 &= \frac{n}{n-1} \frac{S_i^2 - \Sigma S_i^2}{\Sigma S_i^2} \frac{\Sigma S_i^2}{S_i^2} \\
 &= \frac{n}{n-1} \frac{S_i^2 - \Sigma S_i^2}{S_i^2} \quad \dots\dots\dots(6-13)
 \end{aligned}$$

สมการ 6-13 เป็นการหาความเชื่อมั่นของข้อสอบที่มี n ข้อ เรียกการหาความเชื่อมั่นตามวิธีการนี้ว่า Coefficient Alpha (α)

สมการ 6-13 เป็นสูตรทั่วไปในการคำนวณหาค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบ นั้นคือ ไม่ว่าการให้คะแนนจะเป็นแบบใดก็ตาม สามารถคำนวณหาความเชื่อมั่นของแบบทดสอบฉบับนั้น ด้วย Coefficient Alpha ได้เสมอ

ถ้าเป็นข้อสอบแบบ 0, 1 คือตอบผิดให้ 0 คะแนน ตอบถูกให้ 1 คะแนน จะได้ว่า

$$S_i^2 = p_i q_i$$

$$\text{ตั้งแต่นั้น } r_{ii} = \frac{n}{n-1} \frac{S_x^2 - \sum pq}{S_x^2} \quad \dots\dots(6-14)$$

$$\text{หรือ } r_{ii} = \frac{n}{n-1} \left(1 - \frac{\sum pq}{S_x^2}\right) \quad \dots\dots(6-15)$$

สมการ 6-14 และ 6-15 นี้ ก็คือสูตรการหาความเชื่อมั่นตามวิธีของคูเคลอร์-ริชาร์ดสัน สูตรที่ 20 นั้นเอง สูตรนี้มีข้อจำกัดว่าการให้คะแนนจะต้องเป็นแบบ 0,1

ถ้าให้ข้อสอบแต่ละข้อมีระดับความยากเท่ากัน หรือค่า p คงที่ จะได้ว่า

$$r_{ii} = \frac{n}{n-1} \left(1 - \frac{npq}{S_x^2}\right) \quad \dots\dots(6-16)$$

$$= \frac{n}{n-1} \left(1 - \frac{n\Sigma p \cdot \Sigma(1-p)}{n}\right)$$

$$= \frac{n}{n-1} \left(1 - \frac{\Sigma p \cdot \frac{\Sigma(1-p)}{n}}{S_x^2}\right)$$

$$= \frac{n}{n-1} \left(1 - \frac{\bar{X}(n-\bar{X})}{S_x^2}\right)$$

$$= \frac{n}{n-1} \left(1 - \frac{\bar{X}(n-\bar{X})}{nS_x^2}\right) \quad \dots\dots(6-17)$$

สมการ 6-16 และ 6-17 เป็นการหาความเชื่อมั่นตามวิธีการของคูเคลอร์-ริชาร์ดสัน สูตรที่ 21 สูตรนี้นับว่ามีความสะดวกในการคำนวณมาก เพราเวเพียงแต่ค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของแบบทดสอบก็สามารถคำนวณค่าความเชื่อมั่นออกมาได้ โดยนำค่าที่คำนวณได้ไปแทนในสมการ 6-17 สูตรนี้มีข้อจำกัดเพิ่มเติมจากสูตรที่ 20 ก็คือ ข้อสอบแต่ละข้อต้อง

มีความยากง่ายเท่ากัน (มีค่า p เท่ากันทุกข้อ) จะเห็นได้ว่าในทางปฏิบัติแล้วสูตรนี้ไม่มีโอกาสได้ใช้เลยเนื่องจากเป็นการยากมากที่จะสร้างข้อสอบทุกข้อให้มีความยากง่ายเท่ากัน

สูตรที่ 21 นี้เป็น under estimate ของสูตรที่ 20 ดังนั้นถ้าค่าตามที่จะข้อมีความยากง่ายต่างกันแล้ว ค่าความเชื่อมั่นที่คำนวณโดยใช้สูตรที่ 21 นี้ จะให้ค่าต่ำกว่าที่คำนวณโดยใช้สูตรที่ 20 เช่นเดียวกับที่ได้กล่าวไว้ข้างต้น แต่ถ้าข้อสอบทุกข้อมีความยากง่ายเท่ากัน ไม่ว่าจะคำนวณโดยใช้สูตรที่ 20 หรือสูตรที่ 21 ก็จะให้ค่าความเชื่อมั่นของมาเท่ากันเสมอ

ตัวอย่าง แสดงการหาค่าความเชื่อมั่นโดยใช้วิธีของคูเตอร์-ริชาร์ดสัน

นักเรียน คนที่	ข้อที่						คะแนน รวม
	1	2	3	4	5	6	
1	1	1	1	0	1	1	5
2	0	1	1	0	0	1	3
3	1	0	1	1	0	0	3
4	1	1	0	1	1	1	5
5	1	1	1	1	0	0	4
6	0	1	0	0	1	0	2
7	1	1	0	1	1	0	4
8	1	1	0	1	0	1	4
9	1	1	1	1	1	1	6
10	1	1	1	1	1	1	6
p	.8	.9	.6	.7	.6	.6	—
q	.2	.1	.4	.3	.4	.4	—
pq	.16	.09	.24	.21	.24	.24	—

$$\Sigma pq = 1.18$$

$$\Sigma X = 42 \quad N = 10 \quad \bar{X} = 4.2 \quad n = 6$$

$$\Sigma X^2 = 192$$

$$S_x^2 = \frac{192}{10} - (4.2)^2 = 19.20 - 17.64 = 1.56$$

$$KR\ 20 : r_{tt} = \frac{n}{n-1} \left[1 - \frac{\Sigma pq}{S_x^2} \right]$$

$$= \frac{6}{5} \left(1 - \frac{1.18}{1.56} \right)$$

$$= 1.2 \left(\frac{0.38}{1.56} \right)$$

$$= 0.29$$

$$KR\ 21 : r_{tt} = \frac{n}{n-1} \left[1 - \frac{\bar{X}(n-\bar{X})}{nS_x^2} \right]$$

$$S_x^2 = 1.56 \quad \bar{X} = 4.2 \quad n = 6$$

$$r_{tt} = \frac{6}{5} \left[1 - \frac{4.2(6-4.2)}{6(1.56)} \right]$$

$$= \frac{6}{5} \left[1 - \frac{(0.7)(1.8)}{1.56} \right]$$

$$= \frac{6}{5} \frac{(1.56 - 1.26)}{1.56}$$

$$= \frac{6}{5} \left(\frac{0.30}{1.56} \right)$$

$$= 0.23$$

การหาความเชื่อมั่นของแบบทดสอบอิงเกณฑ์ (Criterion Referenced Test)

การวัดผลแบบอิงเกณฑ์นั้นมีจุดประสงค์เพื่อตัดสินการเรียนรู้ของผู้เรียนว่าผ่านเกณฑ์ที่กำหนดให้หรือไม่ ในการตัดสินมีถึงที่ต้องคำนึงถึงอยู่ 2 ประการคือ

1. A false - negative decision เป็นการตัดสินว่าผู้เรียนไม่ผ่านเกณฑ์ทั้ง ๆ ที่ผู้เรียนมีความสามารถ

2. A false - positive decision เป็นการตัดสินว่าผู้เรียนผ่านเกณฑ์ทั้ง ๆ ที่จริง ๆ แล้วผู้เรียนมีความสามารถไม่ถึงเกณฑ์

จะเห็นได้ว่าการหาความเชื่อมั่นของแบบทดสอบแบบอิงเกณฑ์มุ่งไปในส่วนที่เกี่ยวข้องกับความถูกต้องในการตัดสินใจ (Consistency of decision making) เกี่ยวกับผลกระทบของการเรียนรู้ของผู้เรียน ด้านการวัดแบบอิงกู้มเน้นสนใจเกี่ยวกับความถูกต้องของคะแนน ก่อให้เกิด คะแนนผลการสอบควรจำแนกความแตกต่างระหว่างบุคคลในกลุ่มผู้สอบ ดังนั้นการหาความเชื่อมั่นของแบบทดสอบโดยวิธีอิงกู้มจึงไม่เหมาะสมที่จะนำมาใช้หาความเชื่อมั่นของแบบทดสอบแบบอิงเกณฑ์ (CRT) ทั้งนี้เพราะคะแนนที่ได้จากแบบทดสอบแบบอิงเกณฑ์อาจมีความแปรปรวนเพียงเล็กน้อย ดังนั้นหากนำคะแนนจากแบบทดสอบแบบอิงเกณฑ์มาหาความเชื่อมั่นโดยวิธีอิงกู้มแล้วก็จะทำให้ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบต่ำ

นักวิจัยได้พยายามคิดหาวิธีการหาความเชื่อมั่นของแบบทดสอบแบบอิงเกณฑ์ไว้หลายวิธีด้วยกัน แต่ละวิธียังมีข้อจำกัดและข้อได้เสียมาก และยังหาข้อสรุปไม่ได้ว่าวิธีใดเหมาะสมที่สุด ในที่นี้จะยกตัวอย่างวิธีการหาความเชื่อมั่นของแบบทดสอบแบบอิงเกณฑ์เพื่อประกอบวิธีเท่านั้น

1. Livingston (1972) ได้เสนอแนะวิธีหาความเชื่อมั่นของแบบทดสอบแบบอิงเกณฑ์โดยท่าทางการปรับปรุงวิธีการหาความเชื่อมั่นของแบบทดสอบแบบอิงกู้มดังนี้

$$K^2(X, T_x) = \frac{\rho^2(X, T_x) \sigma_x^2 + (\mu_x - C_x)^2}{\sigma_x^2 + (\mu_x - C_x)^2} \quad \dots\dots(6-18)$$

เมื่อ $K^2(X, T_x)$ แทนความเชื่อมั่นของแบบทดสอบอิงเกณฑ์
 $\rho^2(X, T_x)$ แทนความเชื่อมั่นของแบบทดสอบอิงกู้ม
 σ_x^2 แทน ความแปรปรวนของคะแนน
 μ_x แทน ค่าเฉลี่ยของคะแนนจากแบบทดสอบ
 C_x แทน เกณฑ์มาตรฐานที่กำหนดให้สำหรับตัดสินว่าความรู้มากพอที่จะให้ผ่านหรือให้สอบได้

จากสูตร (6-18) สามารถสรุปได้ดังนี้

- ถ้า $\rho^2(X, T_X)$ เป็น ค่า $K^2(X, T_X)$ จะเป็นข้อดี
- ถ้า $\rho^2(X, T_X) = 1.00$ แล้ว $K^2(X, T_X)$ จะมีค่าเท่ากับ 1.00 ด้วย
- ถ้า $\mu_c^2 = C_X$ แล้วจะได้ว่า $K^2(X, T_X) = \rho^2(X, T_X)$

จะเห็นได้ว่าค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบแบบอิงเกณฑ์ที่คำนวณโดยวิธีของ Livingston จะมีค่ามากกว่าหรือเท่ากับค่าความเชื่อมั่นของข้อสอบฉบับเดียวกันที่คำนวณโดยใช้สูตรของการวัดแบบอิงกู้น

2. Harris (1972) ได้เสนอวิธีการหาความเชื่อมั่นของแบบทดสอบแบบอิงเกณฑ์โดยใช้ วิธีการวิเคราะห์ความแปรปรวนแบบทางเดียว (One Way ANOVA) ซึ่งมีสูตรในการคำนวณดังนี้

$$\mu_c^2 = \frac{SS_B}{SS_B + SS_W} \quad \dots\dots(6-19)$$

เมื่อ μ_c^2 แทนความเชื่อมั่นของข้อสอบแบบอิงเกณฑ์

SS_B แทน ผลบวกกำลังสองระหว่างกัน (Sum Square Between)

SS_W แทน ผลบวกกำลังสองภายในกัน (Sum Square Within)

3. Hambleton และคณาจ (1974) ได้เสนอแนะวิธีการหาความเชื่อมั่นโดยใช้การทดสอบ 2 ครั้ง แล้วคูณส่วนของนักเรียนที่ถูกกำหนดอย่างคงเส้นคงวาในแต่ละสภาพ (ผ่าน-ไม่ผ่าน) ของการ เรียนรู้ทั้ง 2 ครั้ง โดยใช้ค่าสัมประสิทธิ์แคปป้า (Kappa - K) ของ Cohen ดังนี้

$$K = (P_O - P_e)/(1 - P_e) \quad \dots\dots(6-20)$$

เมื่อ K แทน ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบแบบอิงเกณฑ์

P_O แทน สัดส่วนของความถูกต้องที่สังเกตได้จากการสอบเข้า

P_e แทน สัดส่วนของความถูกต้องที่คาดหวัง

ตอบกังวลที่ 2	Master	Non-Master	รวม
ตอบกังวลที่ 1			
Master	.66	.14	.80
Non-master	.04	.16	.20
รวม	.70	.30	

$$P_0 = .66 + .16$$

$$= .82$$

$$P_e = (.80) (.70) + (.20) (.30)$$

$$= .62$$

$$K = (.82 - .62) / (1 - .62)$$

$$= .53$$

4. Carver ได้เสนอแนะวิธีความเชื่อมั่นของแบบทดสอบ โดยใช้แบบทดสอบอิงเกณฑ์ 2 ฉบับ ที่คู่ขนานกัน ทดสอบกับนักเรียนก่อนและหลัง แล้วแปลงนักเรียนดังตารางข้างต่อไป

แบบทดสอบ B

		อก	ใต้
ใต้		b	a
แบบทดสอบ A	อก	c	d
	ใต้		

$$\text{Reliability} = (a + c)/N$$

$$N = a + b + c + d$$

ความคลาดเคลื่อนมาตรฐานของการวัด

ถ้าเครื่องมือในการวัดมีความเชื่อมั่นสูง ($r_{tt} = 1.00$) ความคลาดเคลื่อนในการวัดก็จะไม่มี แต่ในทางการศึกษาจะไม่มีเครื่องมือใดที่มีความเชื่อมั่นเป็น 1.00 และเมื่อใดก็ตามถ้าความเชื่อมั่นของเครื่องมือในการวัดต่ำลง ค่าความคลาดเคลื่อนก็จะสูง จากนิยามของความเชื่อมั่นจะเห็นว่า ความเชื่อมั่นจะสูงขึ้น เมื่อความแปรปรวนของคะแนนความคลาดเคลื่อนลดลง โดยที่ความแปรปรวนของคะแนนที่ได้จากการสอบคงที่ หรือเมื่อความแปรปรวนของคะแนนความคลาดเคลื่อนคงที่ และ ความแปรปรวนของคะแนนที่ได้จากการสอบเพิ่มขึ้น ความเชื่อมั่นก็จะสูงขึ้นเช่นกัน

$$\text{เนื่องจาก } r_{tt} = 1 - \frac{S_e^2}{S_x^2}$$

$$S_e^2 = S_x^2 (1 - r_{tt})$$

$$\text{หรือ } S_e = S_x \sqrt{1 - r_{tt}} \quad \dots\dots(6-21)$$

เมื่อ S_e แทน ความคลาดเคลื่อนมาตรฐานในการวัด

S_x แทน ความเบี่ยงเบนมาตรฐานในการวัด

r_{tt} แทน ความเชื่อมั่น

ตัวอย่าง แบบทดสอบบันทึกความเชื่อมั่นเท่ากับ 0.84 ความเบี่ยงเบนมาตรฐานในการวัดเท่ากับ 10 จึงหาความคลาดเคลื่อนมาตรฐานของการวัด

$$\begin{aligned} S_e &= 10 \sqrt{1 - 0.84} \\ &= 10 \sqrt{0.16} \\ &= 10 (0.4) \\ &= 4.0 \end{aligned}$$

สมมุติว่าคะแนนที่ได้จากการสอบเป็น 40 คะแนน โดยการที่จะได้คะแนนจริงอยู่ระหว่าง 40 ± 4 หรือ 36 - 44 คะแนน ประมาณ 68 เปอร์เซ็นต์ และโดยการที่จะได้คะแนนจริงอยู่ระหว่าง $40 \pm 1.96 (4.0)$ หรือระหว่าง 32 - 48 คะแนนประมาณ 95 เปอร์เซ็นต์

องค์ประกอบอื่นที่มีอิทธิพลต่อค่าความเชื่อมั่น

เป็นที่ทราบกันดีอยู่แล้วว่า ความเชื่อมั่นของข้อสอบไม่คงที่ อาจเพิ่มมากขึ้นหรือลดน้อยลง ก็ได้ วิธีการต่างๆ ในการคำนวณหาความเชื่อมั่นก็เป็นส่วนหนึ่งที่ทำให้ค่าความเชื่อมั่นเปลี่ยนไป

นอกจานี้แล้วยังมีองค์ประกอบอื่น ๆ อีก ซึ่งมีอิทธิพลต่อค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบ ซึ่งพอสรุปได้ดังนี้

1. ความยาวของแบบทดสอบ (Test length) ความยาวของแบบทดสอบมีอิทธิพลต่อความเชื่อมั่นของแบบทดสอบ แบบทดสอบที่ยาวจะมีค่าความเชื่อมั่นสูงกว่าแบบทดสอบที่สั้น ทั้งนี้พิจารณาได้จากสูตรของ Spearman - Brown ดังนี้

$$r_{tt} = \frac{n r_{xy}}{1 + (n - 1) r_{xy}}$$

เมื่อ r_{tt} แทน ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบใหม่ที่มีความยาวเป็น n เข้า ของข้อสอบเดิม

r_{xy} แทน ความเชื่อมั่นของข้อสอบเดิม

ตัวอย่าง ถ้าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบฉบับหนึ่งซึ่งมีอยู่ 20 ข้อ มีค่าเท่ากัน .60 และต้องการเพิ่มข้อสอบเป็น 60 ข้อ แบบทดสอบใหม่จะมีค่าความเชื่อมั่นเป็นเท่าไร

$$\begin{aligned} r_{tt} &= \frac{3 (.60)}{1 + (3 - 1) (.60)} \\ &= 0.818 \end{aligned}$$

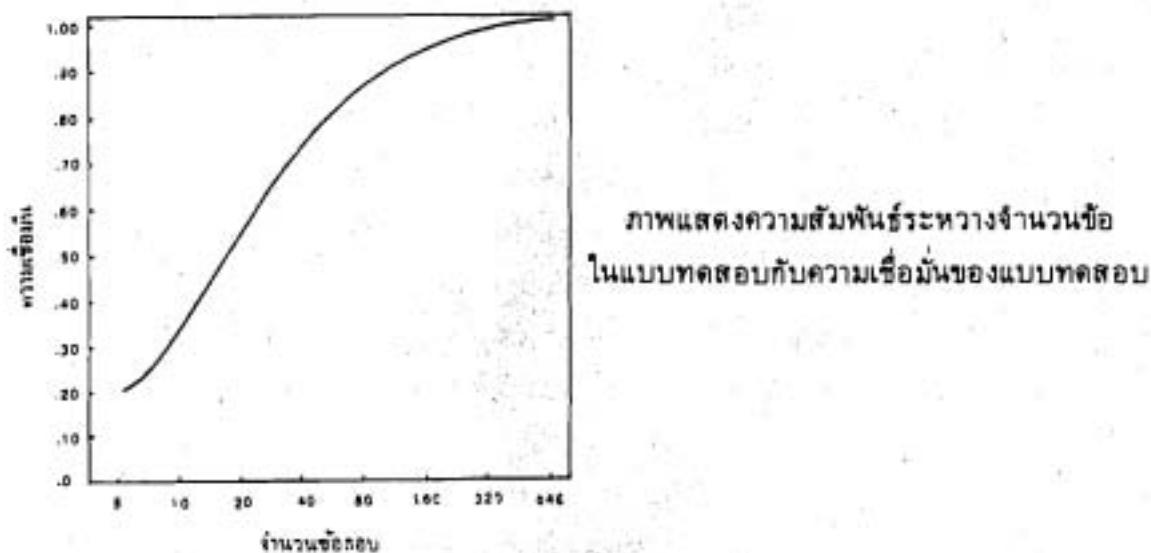
จากตัวอย่างนี้ จะเห็นว่าข้อสอบอิ่งยา ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบจะมีค่าสูงขึ้นและในท่านของเดียวกัน ถ้าลดจำนวนข้อในแบบทดสอบก็จะทำให้ค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบนั้นลดลงด้วย

การเพิ่มค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบโดยใช้สูตรนี้ มีข้อตกลง (Assumption) ว่าข้อสอบที่เพิ่มขึ้นนั้นจะต้องมีคุณสมบัติทางสถิติเหมือนกับข้อสอบเดิม คือข้อสอบที่เพิ่มเข้าไปจะต้องมีค่าความยากง่ายเหมือนเดิม หรือก่อตัวร่วม ๆ ว่า ข้อสอบที่เพิ่มเข้าไปนั้นจะต้องงานกับข้อสอบเดิม แค่ในทางปฏิบัติเมื่อเพิ่มข้อสอบแล้วนำมาหาความเชื่อมั่นใหม่ก็จะไม่ได้เท่ากับความเชื่อมั่นที่เพิ่มขึ้นตามสูตรของ Spearman - Brown ทั้งนี้เพราะข้อสอบที่เพิ่มเข้าไปอาจไม่ถูกงานกับข้อสอบเดิม ในแง่ของความยาก ถ้าเจาะจง และความแปรปรวนของข้อสอบแต่ละข้อ นอกจากนี้สภาพการสอบก็เปลี่ยนไป คือเมื่อเพิ่มจำนวนข้อสอบมากขึ้นนักเรียนจะต้องใช้เวลาทำงานมากขึ้น จะทำให้นักเรียนเกิดความเหนื่อยล้า และเบื่อหน่ายในการทำข้อสอบ ซึ่งนับว่าเป็นสาเหตุสำคัญที่ทำให้สูตรของ Spearman - Brown มีความคลาดเคลื่อน

อย่างไรก็ตาม ค่าความเชื่อมันจากสูตรของ Spearman - Brown ก็มิได้เปรียบเทียบกับความตัวที่เปลี่ยนไป ดังตัวอย่างแสดงความสัมพันธ์ระหว่างความเชื่อมันกับจำนวนข้อในแบบทดสอบ ดังนี้

จำนวนข้อ	ความเชื่อมัน
5	0.20
10	0.33
20	0.50
40	0.67
80	0.80
160	0.89
320	0.94
640	0.97
∞	1.00

จากตารางจะเห็นว่า เมื่อข้อสอบมีความเชื่อมันสูงแล้ว การเพิ่มความยาวของข้อสอบจะทำให้ความเชื่อมันของข้อสอบเพิ่มขึ้นเพียงเล็กน้อยเท่านั้น เช่น เพิ่มข้อสอบ 80 ข้อ เป็น 160 ข้อ จะทำให้ความเชื่อมันเพิ่มขึ้นเพียง .09 เท่านั้น ดังเห็นได้จากการแสดงความสัมพันธ์ระหว่างจำนวนข้อในแบบทดสอบกับความเชื่อมันของแบบทดสอบ ดังนี้



ดังนั้นในการเพิ่มจำนวนข้อสอบเพื่อให้แบบทดสอบมีความเชื่อมั่นสูงนั้นย่อมจะต้องมีข้อนับเพิ่มมากขึ้น เช่น ช่วงเวลาที่กำหนดไว้สำหรับการสอบ และยังจะต้องคำนึงถึงประสิทธิภาพด้วย ก่อผลให้ต้องใช้ข้อสอบจำนวนน้อยข้อแล้วให้มีผลไม่แตกต่างจากข้อสอบที่มีจำนวนมากข้อ ก็ให้เลือกใช้ข้อสอบที่มีจำนวนน้อยข้อ เพราะเป็นการประหยัดเวลาและค่าใช้จ่าย แต่ทั้งนี้จะต้องเนื้อหาที่จะมีประสิทธิภาพในทางปฏิบัติ

2. การกระจายของคะแนน จากนิยามความเชื่อมั่นที่ว่า $r_{\alpha} = 1 - \frac{S^2}{S_x^2}$ จะเห็นได้ว่า เมื่อ

ความแปรปรวนของคะแนนความคาดเดาเคลื่อนคงที่ และความแปรปรวนของคะแนนรวมจากแบบทดสอบมีค่าสูงจะทำให้ค่าความเชื่อมั่นสูง แบบทดสอบที่การกระจายของคะแนนมีมาก จะส่งผลให้ความแปรปรวนของคะแนนรวมจากแบบทดสอบมีค่าสูง และส่งผลให้ค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบมีค่าสูงด้วย ในเรื่องการกระจายของคะแนนมีเป็นผลเนื่องมาจาก

2.1 ความเป็นเอกพันธุ์ของกลุ่มนักเรียน (Group Homogeneity) นักเรียนที่ไปทดสอบมีความเป็นเอกพันธุ์มากจะทำให้การกระจายของคะแนนน้อย ซึ่งจะส่งผลให้ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบต่ำด้วย ในทำนองกลับกัน หากกลุ่มที่ไปทดสอบมีความแตกต่างกันมากหรือมีความเป็นวิธีพันธุ์ จะทำให้คะแนนกระจายมาก ซึ่งมีผลทำให้ความแปรปรวนของคะแนนสูง อันจะทำให้ความเชื่อมั่นสูงตามไปด้วย

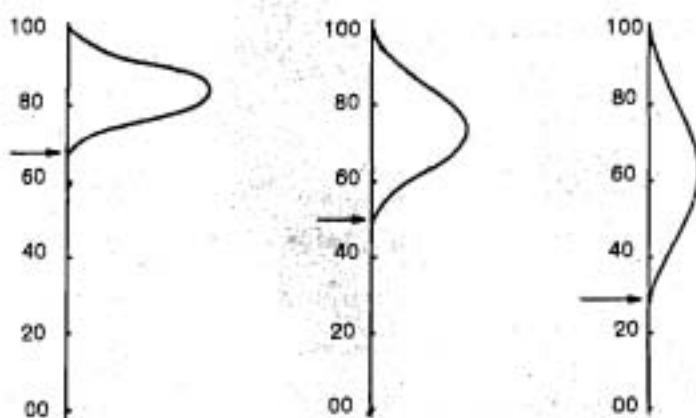
2.2 ความยากง่ายของข้อสอบ ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบป้อนข้อมูลกับความแปรปรวนของคะแนนผลการสอบ กล่าวคือถ้าความแปรปรวนระหว่างคะแนนผลการสอบมีน้อย ป้อนจะทำให้ค่าความเชื่อมั่นต่ำกว่าคะแนนผลการสอบที่มีความแปรปรวนมาก แบบทดสอบที่ยากเกินไปนักเรียนทำผิดเกินทุกคน หรือแบบทดสอบที่ง่ายเกินไปนักเรียนทำถูกเกินทุกคน จะจำแนกความสามารถของนักเรียนได้น้อย คะแนนจะไปรวมกันที่ใดก็หนึ่ง ทำให้ความแปรปรวนของคะแนนมีน้อย ซึ่งมีผลทำให้ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบต่ำ ข้อสอบที่มีค่าความยากเท่ากัน .50 จะมีผลต่ocommunity ทั้งนี้เพราะจะทำให้ความแปรปรวนในแต่ละข้อสูงสุด คือ $pq = .25$

ดังนั้น ในการสร้างข้อสอบเพื่อให้มีความเชื่อมั่นสูง ๆ จึงไม่ควรใช้ข้อสอบที่ยากหรือง่ายเกินไป ควรใช้ข้อสอบที่มีความยากง่ายพอเหมาะสม คือข้อสอบที่มีค่า μ ใกล้ ๆ .50

2.3 ชนิดของแบบทดสอบ แบบทดสอบต่างชนิดกันมีผลทำให้คะแนนกระจายต่างกัน และมีผลทำให้ค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบแตกต่างกันด้วย ตัวอย่างเช่น ข้อสอบบรรยายคะแนนเต็ม 100 คะแนน เวลาให้คะแนนก็มักจะให้ระหว่าง 70 ถึง 100 ซึ่งทำให้พิสัยเท่ากับ 30 สำหรับข้อสอบแบบปรนัยนั้นพิสัยตามทฤษฎีคือผลต่างระหว่างคะแนนเต็มกับคะแนนที่ได้จากการเดาถูก คะแนนที่ได้จากการเดาถูกนั้น หมายถึงคะแนนเต็มคูณด้วยโอกาสที่จะเดาถูกแต่ละข้อ เป็นต้นว่า ข้อสอบแบบถูกผิด โอกาสที่จะเดาถูกเป็น $\frac{1}{2}$ ถ้าเป็นข้อสอบแบบเลือกตอบ 4 ตัวเลือก โอกาสที่จะ

เดาอยู่เป็น $\frac{1}{4}$ ถ้าข้อสอบอยู่ก็คิด 100 ข้อ คะแนนเต็ม 100 คะแนน คะแนนที่ได้จากการเดา ก็เป็น 50 ดังนั้นพิสัยของคะแนนก็เท่ากับ $100-50 = 50$ ถ้าเป็นข้อสอบเลือกตอบ 4 ตัวเลือก 100 ข้อ 100 คะแนน คะแนนที่ได้จากการเดา ก็จะเป็น 25 ดังนั้นพิสัยของคะแนนก็เท่ากับ $100-25 = 75$

Robert L. Ebel ได้สร้างแบบข้อการกระจายของคะแนน ดังรูป



ภาพแสดงการบริบูรณ์ของความเชื่อมั่นของแบบทดสอบทั้งสาม

Ebel ได้ระบุว่า ข้อสอบประเภทที่มีพิสัยของคะแนนมาก จะทำให้ค่าความเชื่อมั่นของข้อสอบสูงขึ้น

3. ความเป็นปัจจัยในการให้คะแนน ข้อสอบที่มีความเป็นปัจจัยในการให้คะแนนสูงจะมีความเชื่อมั่นสูง ส่วนข้อสอบที่ไม่มีความเป็นปัจจัยในการให้คะแนน เช่น ข้อสอบประเภทความเรียง ซึ่งการตรวจให้คะแนนขึ้นอยู่กับอารมณ์ของผู้ตรวจ ไม่มีเกณฑ์การให้คะแนนที่แน่นอนจะมีผลทำให้ค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบนั้นต่ำ

ไฟсаด หัวงพานิช ได้เสนอแนะวิธีการที่จะสร้างเครื่องมือในการวัดให้มีความเชื่อมั่นสูงไว้ ดังนี้

1. มีความซับซ้อนหักทิ่วค่าตามและค่าอิฐนายหรือค่าที่แบ่งในการตอบ
2. เวลาที่ใช้ในการตอบต้องเหมาะสมพอตัว ไม่น่าเกินหรือน้อยเกินไป
3. ต้องให้คะแนนอย่างมีหลักเกณฑ์แน่นอน
4. ใช้ค่าตามที่ตามความหลักเกณฑ์หรือหลักวิชา เช่น ถ้าเป็นข้อสอบก็ต้องถูกใจสามารถหาค่าตอบถูกได้โดยใช้หลักวิชา ไม่ใช่ถูกหรือผิดตามความรู้สึกนึกคิดของบุคคล
5. พยายามใช้ข้อค่าถามมาก ๆ ข้อ

ความเที่ยงตรง (Validity)

ความเที่ยงตรงนั้นว่าเป็นคุณลักษณะที่สำคัญที่สุดของเครื่องมือในการวัดผล และเป็นยอดประการที่น่าพอใจที่สุด เพราะถ้าเครื่องมือในการวัดมีความเที่ยงตรงดีแล้วจะทำให้ผลที่ได้จากการวัด มีความหมายตามที่ต้องการจะวัด คงจะไม่มีใครปฏิเสธว่าต้องใช้วันน้ำหน้า ไม่เมื่อไรใช้วันความเยาว์ และนาฬิกาใช้วัดเวลา แม้ว่านาฬิกาบางเรือนจะเดินช้าหรือเดินเร็วไปบ้างก็ตาม แต่ก็ยังเป็นเครื่องมือที่ใช้วัดเวลาอยู่นั่นเอง และก็คงจะไม่มีใครเออเทอร์โนมิเตอร์ไปรักน้ำหน้ากันแน่ เครื่องมือในการวัด ที่สำคัญของครูได้แก่แบบทดสอบ ทำอย่างไรจึงจะทำให้แบบทดสอบที่ครูสร้างขึ้นมีความเที่ยงตรงสูง นับว่าเป็นเรื่องที่จะต้องศึกษาอีกต่อไป

ความเที่ยงตรงเป็นความสัมพันธ์ระหว่างค่าวัดที่ได้จากแบบทดสอบกับสิ่งที่ต้องการวัด ตั่งที่ต้องการวัดในที่นี่อาจเป็นเนื้อหาวิชาคณิตศาสตร์ ความสามารถในอนาคต เป็นต้น โดยที่นำไปเรียกว่า สิ่งที่ต้องการวัดนี้ว่าตัวแปรเกณฑ์ ตั้งนั้นถ้าจะให้นิยามของความเที่ยงตรงตามนั้นนี้ก็จะได้ว่า ความเที่ยงตรงเป็นความสัมพันธ์ระหว่างค่าวัดที่ได้จากแบบทดสอบกับค่าวัดของตัวแปรเกณฑ์

เมื่อความเที่ยงตรงเป็นความสัมพันธ์ระหว่างคะแนนที่ได้จากแบบทดสอบกับตัวแปรเกณฑ์ ตั้งนั้นความเที่ยงตรงจะมีมากหรือน้อยขึ้นอยู่กับว่าสัมพันธ์กันมากหรือน้อยโดยที่นำไปแบบทดสอบทุกฉบับจะมีความเที่ยงตรงทั้งนั้น เพียงแต่ว่าจะมากหรือน้อย ในกรณีความเที่ยงตรงนั้นนิยามหาโดยใช้สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์

ตั้งได้กล่าวแล้วว่าตัวแปรเกณฑ์มีหลักนิด ตั้งนั้นความเที่ยงตรงจึงมีหลักนิดด้วย เช่น ถ้าใช้เนื้อหาเป็นเกณฑ์ ก็จะเรียกว่าความเที่ยงตรงเชิงเนื้อหา ถ้าใช้ความสามารถในอนาคตเป็นเกณฑ์ ก็เรียกว่า ความเที่ยงตรงเชิงพยากรณ์ แต่ในที่นี้จะแบ่งชนิดของความเที่ยงตรง ซึ่งเสนอแนะโดย American Educational Research Association ออกเป็น 4 ชนิด คือ

- ความเที่ยงตรงเชิงเนื้อหา (Content Validity)
- ความเที่ยงตรงเชิงโครงสร้าง (Construct Validity)
- ความเที่ยงตรงเชิงสภาพ (Concurrent Validity)
- ความเที่ยงตรงเชิงพยากรณ์ (Predictive Validity)

1. ความเที่ยงตรงเชิงเนื้อหา หมายถึงความสอดคล้องของเนื้อหาที่ต้องการวัดกับเนื้อหาของแบบทดสอบ นั่นคือ ความเที่ยงตรงชนิดนี้มุ่งจะตรวจสอบว่า เครื่องมือนั้นสามารถวัดเนื้อหาที่ต้องการวัดได้จริงหรือไม่ เช่น สมมุติว่าต้องการวัดความสามารถทางคณิตศาสตร์ คำถามที่ใช้ในแบบทดสอบก็ควรที่จะมุ่งวัดเฉพาะเนื้อหาหรือเรื่องราวทางคณิตศาสตร์เท่านั้น มิใช่ไปวัดความสามารถทางภาษาไทย นอกจากนี้แบบทดสอบนั้นยังจะต้องสามารถวัดเนื้อหาต่าง ๆ ตามที่กำหนดไว้ในหลักสูตร ได้อย่างครบถ้วนทุกเนื้อหาและวัดแต่ละเนื้อหาเหล่า�ันมากน้อยตามสำคัญต่อบรรยากาศ แต่ในการสอบครั้งหนึ่ง ๆ นั้นไม่สามารถจะเอาเนื้อหาทั้งหมดมาถามได้ เนื่องจากมีข้อจำกัดหลายประการ จึงมีความจำเป็นที่จะต้องศูนเนื้อหานางส่วนมาใช้ในการสอบ ดังนั้นจะต้องพยายามทำให้เนื้อหาของข้อสอบเป็นส่วนหนึ่งที่ของเนื้อหาที่เรียน

ในการที่จะสร้างข้อสอบให้มีความเที่ยงตรงเชิงเนื้อหา จำเป็นจะต้องสร้างข้อสอบทั้งฉบับให้ได้น้ำหนักหรือเป็นสัดส่วนตามความตารางวิเคราะห์หลักสูตร ซึ่งได้กล่าวมาแล้วในบทที่ ๑

ความเที่ยงตรงเชิงเนื้อหานี้ ไม่สามารถแสดงด้วยเลขบอร์ดของความเที่ยงตรงของมาได้โดยทั่วไปจะใช้การพิจารณาความเที่ยงตรงเชิงเนื้อหาเป็น ๒ สัดส่วน คือ

- พิจารณาคุณภาพตามแต่ละข้อวัดเนื้อหาที่ต้องการวัดได้แท้จริงเพียงไร
- พิจารณาแบบทดสอบโดยทดสอบทั้งฉบับ โดยคุณภาพตามทั้งหมดสามารถวัดเนื้อหาได้ครบถ้วนทุกเนื้อหาหรือไม่ และมีจำนวนข้อที่สามารถวัดแต่ละเนื้อหาเหมาะสมสมกับสัดส่วนในตารางวิเคราะห์หลักสูตรหรือยัง

ในการพิจารณาความเที่ยงตรงเชิงเนื้อหานั้น นิยมให้ผู้เชี่ยวชาญหรือผู้ชำนาญในสาขาวิชา นั้น ๆ หลาย ๆ คน เป็นผู้ร่วมกันพิจารณา อย่างไรก็ตาม การที่บุคคลหนึ่งบอกว่าแบบทดสอบฉบับนี้มีความเที่ยงตรงสูง ก็ไม่จำเป็นที่คนอื่นจะต้องเห็นด้วยเสมอไป ทั้งนี้ เพราะแต่ละคนมีเกณฑ์ในการพิจารณาต่างกัน

2. ความเที่ยงตรงเชิงโครงสร้าง ในทางจิตวิทยา คำว่าโครงสร้างหมายถึงสัดส่วนต่าง ๆ ของมนุษย์ เช่น ความเข้มแข็ง ความก้าวหน้า แต่ในทางการวัดผลโครงสร้างหมายถึงความสามารถทางสมอง เช่น ความจำ ความเข้าใจ การนำไปใช้ การวิเคราะห์ ความเที่ยงตรงเชิงโครงสร้างคือ จากความเที่ยงตรงเชิงเนื้อหา เพราความเที่ยงตรงเชิงเนื้อหาคือเนื้อหาเป็นเกณฑ์ ส่วนความเที่ยง

ทรงเรืองโกรงสร้างจะมีคุณลักษณะต่าง ๆ หรือความสามารถทางสมองเป็นเกณฑ์ การสร้างเครื่องมือให้มีความเที่ยงตรงเรืองโกรงสร้างซึ่งจำเป็นจะต้องรู้ว่าความสามารถทางสมองและคุณลักษณะที่ต้องการวัดนั้นคืออะไร ตัวอย่างเช่น ต้องการวัดความก้าวเดิน ความมีเหตุผล ก็จะต้องมาพิจารณา ว่าโครงสร้างที่ต้องการวัดนั้นประกอบด้วยคุณลักษณะ (trait) ใดบ้างแล้วนำไปคะแนนที่ได้จากแบบทดสอบที่สร้างขึ้นตามคุณลักษณะนั้น ๆ ไปหาสหสัมพันธ์กับแบบทดสอบที่ถือว่าเป็นเกณฑ์หรือมาตรฐานของเรื่องนั้น หรือหากต้องการวัดความสามารถทางสมองด้านความเข้าใจ การน้ำไปใช้ ภาษา ก็จะต้องออกแบบทดสอบให้สอดคล้องกับน้ำหนักในตารางวิเคราะห์ที่ลักษณะในด้านพุทธิกรรม ซึ่งจะนำไปได้ว่าแบบทดสอบนั้นมีความเที่ยงตรงเรืองโกรงสร้าง

วิธีการพิจารณาหาความเที่ยงตรงชนิดนี้ก็ทำได้เช่นเดียวกับการหาความเที่ยงตรงเดียว

3. ความเที่ยงตรงเชิงสภาพ หมายถึงความสอดคล้องของค่ารัดที่ได้จากแบบทดสอบกับสภาพความเป็นจริงของเด็กในปัจจุบัน นั่นคือจะเป็นการตรวจสอบความเที่ยงตรงของแบบทดสอบที่สร้างขึ้น โดยใช้สถานภาพอันแท้จริงของเด็กในปัจจุบันมาเป็นตัวเกณฑ์ในการเปรียบเทียบ ความเที่ยงตรงชนิดนี้ จะช่วยให้เห็นสภาพที่เป็นจริงของเด็กเช่นใครที่ทำข้อสอบเท่ากับการบวกลบได้คะแนนสูง หากให้นักเรียนผู้นั้นไปประจําถือศูนย์ร้านค้า ก็จะต้องสามารถยกอนเงิน ติดเงินได้คล่องแคล่ว จริง ๆ ซึ่งจะนำไปได้ว่าแบบทดสอบที่สร้างขึ้นฉบับนั้นมีความเที่ยงตรงเชิงสภาพสูง เพราะมีความสอดคล้องกับความเป็นจริง ฉะเดินได้ว่าความเที่ยงตรงเชิงสภาพนี้ต้องการที่จะให้เห็นว่า เมื่อครู่ได้สอนไปตามทฤษฎีที่วางไว้แล้ว นักเรียนปฏิบัติได้จริงหรือไม่ ดังนั้นในเชิงปฏิบัติ การหาความเที่ยงตรงเชิงสภาพก็จะนำเอาคะแนนที่ได้จากการสอบไปเปรียบเทียบหาความสอดคล้องกับความสามารถที่แท้จริง เช่น คะแนนภาคปฏิบัติ เป็นต้น ค่าสหสัมพันธ์ที่ได้นี้จะเป็นค่าที่บ่งกระดับความเที่ยงตรงเชิงสภาพ นอกเหนือนี้ในการหาความเที่ยงตรงเชิงสภาพยังอาจพิจารณาดูว่าแบบทดสอบที่สร้างขึ้นเน้นสามารถจำแนกนักเรียนที่เก่งกับอ่อน ต้องคนเก่งได้คะแนนสูง คนอ่อนได้คะแนนต่ำ ได้หรือไม่ นั่นคือถ้าแบบทดสอบให้สามารถให้คะแนนกระจากกับคะแนนแบบทดสอบนั้นมีความเที่ยงตรงเชิงสภาพสูง หากแบบทดสอบไม่สามารถจำแนกคะแนนระหว่างนักเรียนที่เก่งกับอ่อนได้ ก็แสดงว่าแบบทดสอบนั้นขาดความเที่ยงตรงเชิงสภาพ

4. ความเที่ยงตรงเชิงพยากรณ์ หมายถึงความสอดคล้องระหว่างผลการสอบกับความสำเร็จในอนาคตของนักเรียน โดยพิจารณาว่าแบบทดสอบที่สร้างขึ้นนี้สามารถจะพยากรณ์ได้ตามวัตถุประสงค์จริงหรือไม่ ผลการวัดสามารถทำนายคุณลักษณะและความสามารถในอนาคตของบุคคลได้ตรงกับความเป็นจริงเที่ยงไว วิธีการหาความเที่ยงตรงชนิดนี้จะใช้วิธีการหาความสัมพันธ์ระหว่าง

คะแนนจากแบบทดสอบที่สร้างขึ้น กับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนในภาคหน้า ซึ่งถือว่าเป็นตัวเกณฑ์ ความเที่ยงตรงเชิงพยากรณ์นี้เป็นยอดประมาณของครุภกคน เพราะสามารถใช้ผลจากการสอบนั้นสำหรับวัดความถนัดหรือใช้ในการແນະແນວได้ ตัวอย่างเช่น ในการสอบคัดเลือก นักเรียนเข้าเรียนโดยใช้แบบทดสอบความถนัดทางการเรียน ที่มุ่งหวังจะศึกษาคนเก่งหรือคนฉลาดเข้ามาเรียน ถ้ามีนักเรียนที่ได้รับการคัดเลือกเข้ามาสามารถเรียนได้สำเร็จทุกคน แสดงว่าแบบทดสอบความถนัดฉบับนั้นมีความเที่ยงตรงเชิงพยากรณ์สูง แต่ในทางตรงกันข้าม หากปรากฏว่านักเรียนที่ได้รับการคัดเลือกเข้ามาส่วนใหญ่เรียนไม่สำเร็จ ก็ย้อมแผลงว่าแบบทดสอบความถนัดที่ใช้ฉบับนั้นขาดความเที่ยงตรงเชิงพยากรณ์

จะเห็นได้ว่าความเที่ยงตรงเชิงพยากรณ์ คล้ายกับความเที่ยงตรงเชิงสภาพในแห่งที่ว่าเป็นการหาความสัมพันธ์ระหว่างคะแนนผลการสอบกับเกณฑ์ภายนอก แต่ความเที่ยงตรงนี้ 2 ชนิดนี้ แตกต่างกันตรงเวลา กล่าวคือ ความเที่ยงตรงเชิงพยากรณ์คุณลักษณะในอนาคตเป็นเกณฑ์ ส่วนความเที่ยงตรงเชิงสภาพนั้นคุณลักษณะในปัจจุบันเป็นเกณฑ์

วิธีการหาความเที่ยงตรง

ในการหาความเที่ยงตรงเนื้อหา และความเที่ยงตรงเชิงโครงสร้างนั้นนิยมใช้วิธีการพิจารณาเป็นหลัก โดยทำการตรวจสอบว่าข้อสอบฉบับนี้สามารถวัดเนื้อหาและพฤติกรรมต่าง ๆ ตามตารางวิเคราะห์หลักสูตรหรือไม่ ซึ่งอาจกล่าวได้ว่าเป็นการหาความเที่ยงทางความหลักสูตร (Curriculum validity) ส่วนการหาความเที่ยงตรงเชิงสภาพ และความเที่ยงตรงเชิงพยากรณ์ นิยมหาโดยการคำนวณค่าสหสัมพันธ์ระหว่างคะแนนผลการสอบกับเกณฑ์ที่ป้องสภาพในปัจจุบัน หรืออนาคต ซึ่งเป็นการตรวจสอบโดยอาศัยความสัมพันธ์กับเกณฑ์ชนิดอื่น ซึ่งอาจเรียกว่าความเที่ยงตรงตามเกณฑ์สัมพันธ์ (Criterion related validity)

นอกจากนี้ยังอาจหาความเที่ยงตรงโดยวิธีการที่เรียกว่า Known group technique ซึ่งมีวิธีการดังนี้คือ เมื่อสร้างเครื่องมือวัดคุณลักษณะชนิดหนึ่งขึ้นมาแล้วให้นำเครื่องมือนั้นไปสอบร่วมบุคคลกลุ่มหนึ่งที่ทราบอย่างแน่ชัดว่ามีคุณลักษณะที่จะรับนั้นจริง ๆ ทั้งนี้เพื่อมาผลไปเปรียบเทียบกับผลการรับของบุคคลทั่วไปอีกกลุ่มหนึ่ง ถ้าบุคคลกลุ่มที่มีคุณลักษณะนั้นตอบได้คะแนนสูงกว่ากลุ่มทั่วไป ก็แสดงว่าเครื่องมือนั้นวัดคุณลักษณะนั้นได้จริงการทดสอบความแตกต่างของรายเดียวกัน ระหว่างกลุ่มที่มีคุณลักษณะนั้นกับกลุ่มทั่วไป สามารถทดสอบโดยใช้สูตร

$$t = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{S_1^2}{N_1} + \frac{S_2^2}{N_2}}} \quad \dots\dots(6-22)$$

- \bar{x}_1 แทน ค่าเฉลี่ยคะแนนของกลุ่มที่รู้สึกขณะ
 \bar{x}_2 แทน ค่าเฉลี่ยคะแนนของกลุ่มที่ไม่รู้สึกขณะ
 s_1^2, s_2^2 แทน ค่าความแปรปรวนของคะแนนในแต่ละกลุ่ม ตามลำดับ
 N_1, N_2 แทน จำนวนคนในแต่ละกลุ่ม

การหาความเที่ยงตรง โดยใช้ Known group technique โดยใช้หาความเที่ยงตรง 2 ประเภท ดังนี้

1. ความเที่ยงตรงเชิงโครงสร้าง เกณฑ์ที่ใช้เป็นกลุ่มบุคคลที่มีพฤติกรรมและคุณลักษณะต่าง ๆ ที่จะรักเขินชิง เช่น เครื่องมือวัดความก้าวไว้ ที่ต้องนำไปทดสอบกับคนที่ทราบแน่ชัดแล้วว่าเป็นคนที่มีความก้าวไว้สูง

2. ความเที่ยงตรงเชิงสภาพ เกณฑ์ที่ใช้เป็นกลุ่มที่มีสภาพต่าง ๆ ในปัจจุบันเป็นจริง เช่น เครื่องมือวัดความสนใจอาชีพต่างๆ ที่ต้องนำไปทดสอบกับนักเรียนต่างๆ

ความสัมพันธ์ระหว่างความเที่ยงตรงกับความเชื่อมั่น

ความเที่ยงตรงของแบบทดสอบจะมีค่าไม่เกินรากที่สองของค่าความเชื่อมั่น นั่นคือ ความเที่ยงตรงสูงสุด $\sqrt{\text{ความเชื่อมั่น}}$

$$\text{หรือ } r_{xy} = \sqrt{r_{tt}} \quad \dots\dots(6-23)$$

เมื่อ r_{xy} แทน ความเที่ยงตรงสูงสุดของแบบทดสอบที่สร้างขึ้น เมื่อเทียบกับเกณฑ์

r_{tt} แทน ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบที่สร้างขึ้น

ตัวอย่าง แบบทดสอบฉบับหนึ่งมีค่าความเชื่อมั่นเท่ากับ 0.64 แบบทดสอบฉบับนี้จะมีความเที่ยงตรงสูงสุดไม่เกินเท่าไร

$$r_{xy} = \sqrt{0.64} \\ = 0.80$$

การแก้ไขความเที่ยงตรง

ความเชื่อมั่นของคะแนนเกณฑ์ที่คล้ายกับความเชื่อมั่นของคะแนนจากแบบทดสอบที่สร้างขึ้น คือจะมีความคลาดเคลื่อนทางการวัดเกิดขึ้นเสมอ เช่น นำข้อสอบที่เป็นเกณฑ์ไปสอบถามนักเรียน 2 ครั้ง ก็ย่อมจะได้คะแนนแตกต่างกัน เช่น ครั้งแรกนักเรียนอาจทำถูก 30 ข้อ ครั้งที่สองอาจทำถูกเพียง 20 ข้อ เป็นต้น สาเหตุที่นักเรียนได้คะแนนแตกต่างกันในการสอบทั้งสองครั้ง คือเนื่องมาจากการเปลี่ยนแปลงในความเชื่อมั่นของเกณฑ์นั้นเอง

โดยที่ไปทางค่าคะแนนที่ได้จากเกณฑ์จากความเชื่อมั่น ก็จะทำให้ค่าคะแนนของแบบทดสอบที่สร้างขึ้นจากความต้องการไปด้วย ในทางสถิติมีวิธีการแก้ค่าคะแนนอันเนื่องมาจากการคำนวณค่าเดี่ยอนของเกณฑ์ให้มีความต้องตรงสูงขึ้น โดยใช้สูตร ดังนี้

$$r_{cc} = \sqrt{\frac{r_{xy}}{r_{yy}}} \quad \dots\dots(6-24)$$

เมื่อ r_{cc} แทน ความต้องการที่แก้แล้ว อันเนื่องมาจากการคำนวณค่าเดี่ยอนของเกณฑ์

r_{xy} แทน สัมประสิทธิ์สัมพันธ์ระหว่างแบบทดสอบทั้งสอง

r_{yy} แทน ความเชื่อมั่นของเกณฑ์

ตัวอย่าง เกณฑ์มีความเชื่อมั่น 0.49 และมีสัมพันธ์กับคะแนนจากแบบทดสอบที่สร้างขึ้นเป็น 0.35 จงหาค่าความต้องการที่แก้แล้ว อันเนื่องมาจากการคำนวณค่าเดี่ยอนของเกณฑ์

$$r_{cc} = \sqrt{\frac{0.35}{0.49}}$$

$$= \frac{0.35}{0.70}$$

$$= 0.50$$

ในการนี้ค่าคะแนนจากแบบทดสอบที่สร้างขึ้น และคะแนนจากเกณฑ์มีความคลาดเคลื่อนในการรักษา ก็จะทำให้ค่าคะแนนที่ได้จากแบบทดสอบที่สร้างขึ้น และคะแนนจากเกณฑ์มีค่าความเชื่อมั่นต่ำ ซึ่งจะส่งผลต่อค่าความต้องการด้วย วิธีการที่จะกำจัดความคลาดเคลื่อนขึ้นเกิดจากแบบทดสอบที่สร้างขึ้นและเกณฑ์ เพื่อให้ได้ค่าความต้องการสูงสุดในทางสถิติ อาจทำได้โดยใช้สูตร

$$r_{cxy} = \sqrt{\frac{r_{xy}}{r_{xx} r_{yy}}} \quad \dots\dots(6-25)$$

เมื่อ r_{cxy} แทน ความต้องการที่แก้แล้ว

r_{xx} แทน ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบที่สร้างขึ้น

r_{yy} แทน ความเชื่อมั่นของเกณฑ์

r_{xy} แทน สัมประสิทธิ์สัมพันธ์ระหว่างคะแนนจากแบบทดสอบที่สร้างขึ้น กับเกณฑ์

ตัวอย่าง แบบทดสอบที่สร้างขึ้นมีความเชื่อมั่นเท่ากับ 0.64 และแบบทดสอบที่ใช้เป็นเกณฑ์มีความเชื่อมั่นเท่ากับ 0.49 สัมประสิทธิ์สัมพันธ์ระหว่างแบบทดสอบทั้งสองเป็น 0.35 จงหาค่าความต้องการที่แก้แล้ว

$$\begin{aligned}
 r_{cxy} &= \frac{0.35}{\sqrt{(0.64)(0.49)}} \\
 &= \frac{0.35}{(0.80)(0.70)} \\
 &= \frac{35}{56} \\
 &= 0.62
 \end{aligned}$$

จะเห็นว่าค่าความเที่ยงตรง 0.62 นี้ ได้จากการคำนวณความคลาดเคลื่อนอันเกิดจากแบบบททดสอบที่สร้างขึ้น และเกณฑ์โดยใช้สิทธิ์เข้ามาร่วม และเป็นผลทำให้แบบบททดสอบที่สร้างขึ้น และแบบบททดสอบที่เป็นเกณฑ์ มีความเชื่อมั่นอย่างสมบูรณ์ หรือไม่มีความคลาดเคลื่อนเลย ซึ่งมีผลทำให้ค่าความเที่ยงตรงของแบบบททดสอบที่สร้างขึ้นมีค่าสูงกว่าค่าความเที่ยงตรงที่ได้จากการแก้ทัว-แบบเกณฑ์แต่เพียงอย่างเดียว ตั้งจะเห็นได้จากทัวร์อย่างข้างต้น ซึ่งมีค่าความเที่ยงตรงเท่ากับ 0.50 และ 0.62 ตามลำดับ

องค์ประกอบที่มีอิทธิพลต่อความเที่ยงตรง

สาเหตุที่ทำให้แบบบททดสอบขาดความเที่ยงตรงมือญุทถายอย่าง บางอย่างเห็นได้ชัดเจนและสามารถหาดึงได้ เช่น การออกข้อสอบวิทยาศาสตร์เป็นภาษาอังกฤษ หรือการออกข้อสอบภาษาอังกฤษโดยต้องใช้ความรู้ทางภูมิศาสตร์มาตอบ กรณีเช่นนี้จะทำให้ข้อสอบขาดความเที่ยงตรง ส่วนสาเหตุบางอย่างที่ทำให้ข้อสอบขาดความเที่ยงตรง อาจเห็นได้ไม่ชัดเจนนัก เช่น คำสั่งของข้อสอบไม่ชัดเจน เข้าใจยาก ต้องนักเรียนที่มีความสามารถอย่างดีในการอ่านซึ่งจะเข้าใจได้ กรณีเช่นนี้จะเป็นว่าแบบบททดสอบฉบับนั้นล้วนความเข้าใจในการอ่านคำสั่งซึ่งแจ้ง แทนที่จะรับเนื้อหาวิชาจริง ๆ ซึ่งคงจะไม่ตรงกับวัตถุประสงค์ที่จะรับความรู้ในเนื้อหาวิชาที่ต้องการวัด เช่น ความสามารถทางคณิตศาสตร์ เป็นต้น สาเหตุตั้งกล่าวทำให้ข้อสอบมีความเที่ยงตรงต่ำ

องค์ประกอบที่มีอิทธิพลต่อความเที่ยงตรงของข้อสอบ พอยสรุปได้ดังนี้

1. องค์ประกอบในตัวข้อสอบ เป็นความบกพร่องที่เกิดจากตัวข้อสอบเอง เช่น คำสั่งไม่ชัดเจน ศัพท์ที่ใช้ยากเกินระดับเด็ก ข้อสอบง่ายหรือยากเกินไป ข้อสอบบางข้อแนะคำตอบข้อสอบไม่วัดพฤติกรรมที่ต้องการวัด ฯลฯ

2. องค์ประกอบจากกระบวนการสอน บางครั้งการสอนของครูก็มีผลต่อความเที่ยงตรงของข้อสอบ เช่น ครูต้องการออกข้อสอบเพื่อรับเกณฑ์มาตรฐานคณิตศาสตร์ แต่หากครูพยายามเข้าใจข้อสอบข้อนั้นมาให้นักเรียนทำในห้องก่อนการสอบแล้ว ข้อสอบข้อนั้นจะเป็นเพียงข้อสอบที่รับความจำ

ซึ่งมีผลกับวัดคุณภาพของครูที่ต้องการให้ข้อมูลนี้ ข้อนี้นัดพิจารณาต่อกรรมทางค้านเหตุผลทางคณิตศาสตร์ ถึงนี้ย่อมทำให้ข้อความขาดความเปี่ยงคงได้

3. องค์ประกอบจากผู้สอน ผู้สอนอาจเกิดการกลัว ประหม่า หรือตกใจในขณะสอน ซึ่งเหล่านี้มีผลต่อความเปี่ยงคงของข้อมูลเช่นกัน

ไฟ霞 หังพาณิช ได้เสนอแนะวิธีการที่จะสร้างเครื่องมือให้มีความเปี่ยงคงสูง ไว้ดังนี้

1. ต้องรู้จักพิจารณาต่อคุณลักษณะที่ต้องการจะวัด และสร้างค่าถ่วงวัดได้ตามความคุณสมบัติเหล่านี้

2. ต้องสร้างเครื่องมือให้มีคุณภาพด้านยุติธรรม (fair) คือต้องวัดได้ครบถ้วนเรื่อง ทุกเนื้อหา และทุกพิจารณา หรือทุกคุณลักษณะ ออย่างได้สัดส่วนความสำคัญ

3. ต้องใช้ค่าถ่วงที่ชัดเจน (definite) ไม่คลุมเครือ หรือใช้ภาษา vague

4. ต้องถูกนิยามให้ชัดเจน ไม่เกี่ยวกับชีวิตประจำวัน เป็นเรื่องใกล้ตัว และเด็กรู้จักสิ่งต่าง ๆ เหล่านี้

5. ต้องใช้ค่าถ่วงที่มีอ่านง่ายและเข้าใจง่าย