

## แบบฝึกหัด 1.1

1. 2

3. 6

5. -7

7. 12

9. 9

11. 9

13. -3

15. 4

## แบบฝึกหัด 1.2

1. -1

3.  $-\frac{13}{3}$

5. 2

7.  $\frac{5}{4}$

9.  $-\frac{9}{5}$

### แบบฝึกหัด 1.3

1.1 2

1.2 1

1.3 4

1.4 3

1.5 2

3.1 อยู่บนเส้นตรงเดียวกัน

3.3 ไม่อยู่บนเส้นเดียวกัน

3.5 อยู่บนเส้นเดียวกัน

4.  $\dots, (-5, 2), (-4, 2), (-3, 2), (-2, 2), (-1, 2), (0, 2), (1, 2), (2, 2), (3, 2), (4, 2), (5, 2), \dots$

5.  $\dots, (-5, -3), (-5, -2), (-5, -1), (-5, 0), (-5, 1), (-5, 2), (-5, 3) \dots$

9. พื้นที่สามเหลี่ยม = 24

10. พื้นที่สี่เหลี่ยม = 63

11.  $(3, 3), (-3, 3), (-3, -3), (3, -3)$

12. ควอดแดรนต์ที่ 3

13. ควอดแดรนต์ที่ 2

14. ค่าแอมพลิจูด = 2

### แบบฝึกหัด 1.4

1.1  $\sqrt{26}$

1.11 2

1.2 5

1.12 2

1.3  $\sqrt{x_0^2 + y_0^2}$

1.13  $2\sqrt{2}$

1.4  $\sqrt{x_0^2 + y_0^2}$

1.14 13

1.5 10

1.6  $\sqrt{65}$

1.7 13

1.8 5

1.9  $2\sqrt{5}$

1.10  $16\sqrt{2}$

3.1  $\sqrt{34}, \sqrt{53}, \sqrt{5}$

3.2  $4\sqrt{5}, \sqrt{34}, \sqrt{58}$

5.1 ใช่

5.2 ใช่

5.3 ไม่ใช่

7. 20

8.1 10

8.2 6

10.1  $2x - 3y - 4 = 0$

10.2  $x + 2y - 3 = 0$

10.3  $8x - 10y + 69 = 0$

10.4  $x^2 + y^2 - 6x + 8y = 0$

10.5  $x^2 + y^2 + 8x - 10y - 40 = 0$

10.6  $x^2 = 4(y - 1)$

10.7  $8x = y^2 - 2y + 17$

**แบบฝึกหัด 1.5**

1. (3, 2)

3. (-1, -1), (3, 2), (7, 5)

5.  $\frac{2}{3}$

7.  $(\frac{25}{6}, \frac{20}{3})$

แบบฝึกหัด 1.6

1.1  $(1, 2)$

1.2  $(3, \frac{3}{2})$

1.3  $(1, \frac{3}{2})$

1.4  $(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{2})$

1.5  $(2, 3)$

1.6  $(\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$

1.7  $(3, 4)$

1.8  $(-1, 2)$

1.9  $(\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$

1.10  $(0, 0)$

1.11  $(2\sqrt{2}, \sqrt{2})$

1.12  $(-\frac{3}{4}, \frac{5}{4})$

1.13  $(\frac{3}{2}, -4)$

1.14  $(2, 1)$

1.15  $(\frac{\sqrt{2}+1}{2}, \frac{-\sqrt{2}-1}{2})$

2.1  $(-1, 1)$

2.2  $(-4, 0)$

2.3  $(8, 7)$

2.8  $(2, 8)$

2.5  $(7, 16)$

2.6  $(2-a, 4-b)$

3. สี่เหลี่ยมด้านขนาน
4.  $(-1, 6), (2, 2)$
5. จุดกึ่งกลางด้าน PQ คือ  $(-\frac{1}{2}, 1)$ , จุดกึ่งกลางด้าน QR คือ  $(\frac{3}{2}, 1)$ , จุดกึ่งกลางด้าน  
ด้าน PR คือ  $(1, 0)$
6.  $(0, \sqrt{3}), (0, \sqrt{3})$

### แบบฝึกหัด 2.1

1.  $\frac{12}{5}$
2.  $-\frac{3}{4}$
3. 1
4.  $\frac{3}{4}$
5.  $-\frac{4}{5}$
6. 1
7.  $\sqrt{3}$
8. 1
9. 0
11.  $y = 4$
12.  $y = -1$
13.  $-\frac{1}{3}$
14. 3
15.  $\frac{1}{2}$

## แบบฝึกหัด 2.2

1.1  $\frac{1}{2}$

1.2 0

1.3  $-\frac{y_0}{x_0}$

1.4 1

2.1 (8,0)

2.2  $(0, \frac{3}{4})$

3.  $a = -\frac{33}{4}, b = \frac{15}{7}$

4. a)  $y_0 = 1$

5. b)  $x_0 = \frac{11}{5}$

## แบบฝึกหัด 2.3

1.  $\frac{1}{8}$

2.  $-\frac{31}{8}$

3. มุมระหว่าง  $l_1$  และ  $l_2$  เท่ากับ  $90^\circ$

4.  $\frac{12}{31}$

5.  $\frac{11}{3}$

6. 7

7.  $\frac{8}{19}$

8.  $-\frac{7}{45}$

9.  $\frac{16}{3}$

10.  $\frac{23}{41}$

11.  $\frac{1}{7}$
12. ไร่
13.  $\tan^{-1}\left(\frac{5}{17}\right)$ ,  $\tan^{-1}\left(-\frac{5}{3}\right)$  และ  $\tan^{-1}\left(\frac{35}{38}\right)$
14.  $\tan^{-1}\left(\frac{2}{5}\right)$ ,  $\tan^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right)$  และ  $\tan^{-1}\left(\frac{1}{12}\right)$
15. -5
16.  $\frac{2\sqrt{3} + 3}{2 - 3\sqrt{3}}$
17.  $\frac{2 + 3\sqrt{3}}{2\sqrt{3} - 3}$
18. 4

#### แบบฝึกหัด 2.4

1. 13
3. 93
5. 16
7.  $\frac{33}{2}$
11.  $\begin{vmatrix} x & y & 1 \\ 4 & 11 & \\ 2 & 5 & 1 \end{vmatrix} = 0$   
 โจทย์เป็นเส้นตรง
13. พื้นที่สามเหลี่ยม =  $\frac{5}{2} \sqrt{b^2 - 8b + 32}$
14.  $\left(-\frac{7}{2}, 3\right)$ ,  $\left(\frac{25}{2}, -9\right)$

#### แบบฝึกหัด 2.5

1.  $2x - y - 8 = 0$
2.  $2x + y + 2 = 0$
3.  $y - 7 = 0$

4.  $2x - y - 3 = 0$
5.  $x - y + 3 = 0$
6.  $x + y + 1 = 0$
7.  $2x - y - 1 = 0$
8.  $2x - 3y + 4 = 0$
9.  $2x + y + 1 = 0$
10.  $x + 10y - 37 = 0$
11. a)  $y + 1 = 0$   
b)  $x - 4 = 0$
12.  $-2$
13.  $x + 2y + 5 = 0, x + 2y - 15 = 0, 2x - y = 0, 2x - y - 5 = 0, (5, 5)$
14.  $x + 2y - 9 = 0, x - y - 3 = 0, x + 5y - 27 = 0$
16.  $y = 2x + 4$
18.  $y + 3 = 0$
20.  $y = -\frac{2}{3}x + 2, \frac{x}{3} + \frac{y}{2} = 1$
22.  $y = \frac{4}{3}x - \frac{5}{3}, \frac{x}{\frac{5}{4}} + \frac{y}{-\frac{5}{3}} = 1$
24.  $-\frac{3}{2}, 4, 6$
26.  $\frac{3}{5}, -5, 3$
28.  $\frac{7}{2}, \frac{-9}{7}, -\frac{9}{2}$
30.  $4x - 3y + 23 = 0$
33.  $x + y - 2a = 0$
34.  $\sqrt{3x - y} = 0$
35.  $3x + y - 6 = 0$
36.  $10x - 9y - 6 = 0$
37.  $x - y + 5 = 0$

38.  $y = \frac{\sqrt{3}}{3}x + 2$

39.  $y = x - 1$

40.  $y = -\frac{\sqrt{3}}{3}x + \sqrt{3}$

41.  $y = 3$

42.  $x = -3$

43. a. 1, 4

b. ไม่มีค่าความชัน, ไม่มี y - intercept

c. -1, -1

d.  $-\frac{7}{4}, -1$

e.  $-\frac{3}{2}, b$

f. 0,  $-\frac{5}{2}$

44. a. 45°

b. 90°

45.  $y = x - 10, y = -x$

46.  $2y = x + 22, y = -2x + 11$

47.  $3y = -x, y = 3x$

48.  $5y = 2x - 3, 2y = -5y - 7$

49.  $x = 100, Y = 200$

50. a.  $2x + y - 1 = 0$

b.  $x - 2y + 2 = 0$

### แบบฝึกหัด 2.6

1. (3, 2)

2. (3, 1)

3. (-1, 1)

4. (2, 3)

8.  $(5, 1), (1, 7), (-1, -3)$
10.  $4x + 7y - 23 = 0$
11.  $(-1, 2)$
12. ขนานกัน
13.  $(\frac{13}{2}, \frac{1}{6})$
14.  $(\frac{2\sqrt{3}}{5} - \frac{\sqrt{2}}{5}, \frac{2\sqrt{2}}{5} + \frac{\sqrt{3}}{5})$
15.  $(2, -2)$
16.  $(-\frac{5}{7}, \frac{13}{7})$
17. เส้นเดียว กัน
18. ขนานกัน
19.  $(0, -\frac{1}{2})$

#### แบบฝึกหัด 2.7

1. 13
3.  $\frac{7}{2}$
5.  $\frac{49}{\sqrt{34}}$

#### แบบฝึกหัด 2.8

1.  $\frac{x}{2} + \frac{\sqrt{3}y}{2} - 5 = 0$
2.  $x + 4 = 0$
3.  $\frac{\sqrt{2}x}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}y + 2 = 0$
4.  $\frac{x}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} - 5 = 0$
5.  $\frac{\sqrt{2}}{2}x + \frac{\sqrt{2}}{2}y + 6 = 0$
7.  $-\frac{15}{11}x + 11y - 2 = 0, 152^\circ, 2$
9.  $\frac{2\sqrt{29}}{29}x + \frac{5\sqrt{29}}{29}y - 2\sqrt{29} = 0, 68^\circ, 2\sqrt{29}$
10.  $y - \frac{5}{3} = 0, 90^\circ, \frac{5}{3}$

$$12. -\frac{\sqrt{2}}{2}x + \frac{\sqrt{2}}{2}y + 3\sqrt{2} = 0$$

$$13. a) x - y - 9 = 0$$

$$b) -\sqrt{3}(x - 7) + y + 2 = 0$$

15. 4

16. 4, อยู่เหนือเส้น

17. -3, อยู่ใต้เส้น

18.  $-2\sqrt{29}$ , อยู่ใต้เส้น

19. ไม่อยู่ด้านเดียวกัน

$$21. 6x + 3y - 2 = 0$$

22. 3

23.  $11\sqrt{5}/10$

$$25. a) 4x - 3y + 37 = 0$$

$$b) 4x - 3y - 13 = 0$$

แบบฝึกหัด 3.1

1. 0, 0

3. 3, 6-

5.  $x = 8$

7. 5, 2

9. -4, -3

แบบฝึกหัด 3.2

1.1  $(7, -7), (-7, 7), (-7, -7)$

1.2  $(\sqrt{2}, \sqrt{2}), (-\sqrt{2}, -\sqrt{2}), (-\sqrt{2}, \sqrt{2})$

1.3  $(-1, 0), (1, 0), (1, 0)$

1.4  $(-n, -\pi), (n, \pi), (n, -\pi)$

1.5  $(-3, 4), (3, -4), (3, 4)$

1.6  $(0, d), (0, -d), (0, d)$

1.7  $(\frac{1}{3}, -0.33), (-0.33, -\frac{1}{3}), (-\frac{1}{3}, -0.33)$

1.8  $(a-b, -a-b), (b-a, a + b), (b-a, -a-b)$

1.9  $(2, 3), (-2, -3), (-2, 3)$

1.10  $(-\frac{1}{2}-\pi), (\frac{1}{2}, \pi), (\frac{1}{2}, -\pi)$

2. a)  $r = -1, s = \frac{1}{3}$

c)  $r = -\frac{1}{3}, s = \frac{1}{3}$

### แบบฝึกหัด 3.3

1.  $(1, 5), (-1, -3)$

2.  $(3, 8), (-4, -13)$

3.  $(-2, 4), (-4, -2)$

4.  $(5, 4), (-5, -4), (4, 5), (-4, -5)$

5.  $(7, 5), (7, -3)$

6.  $(4, 6)$

7. ไม่ตัดกัน

8.  $(2 + \frac{\sqrt{34}}{2}, 3 + \frac{\sqrt{34}}{2}), (2 - \frac{\sqrt{34}}{2}, 3 - \frac{\sqrt{34}}{2})$

9.  $(7, 5)$

10.  $(7, 5), (0, 4)$

11.  $(2, 2), (-2, -2)$

12.  $(\frac{2\sqrt{10}}{5}, \frac{-4\sqrt{10}}{5}), (\frac{-2\sqrt{10}}{5}, \frac{4\sqrt{10}}{5})$

13.  $(2\sqrt{2}, 0)$

14. ไม่ตัดกัน

15.  $(1 + \sqrt{3}, 1 - \sqrt{3}), (1 - \sqrt{3}, 1 + \sqrt{3})$

16. a)  $4x + 3y - 6 = 0$

b)  $x - 9 = 0$

### แบบฝึกหัด 3.4

1.  $y + 2 = 0$
3.  $x^2 + y^2 = 16$
5.  $x^2 + y^2 = 13$
7.  $3x - y - 1 = 0$
9.  $2x + 5y - 13 = 0$
11.  $y + \sqrt{3}x + 4 = 0$
13. วงกลม, จุดศูนย์กลางที่  $(3, -2)$ , รัศมี = 4
15. เส้นที่แบ่งครึ่งและตั้งฉากกับเซกเมนต์ที่เชื่อมระหว่างจุด  $(-2, 1)$  และ  $(4, -5)$
17. เส้นที่ผ่านจุด  $(-1, 5)$  และมีความชัน =  $-\frac{4}{3}$
19.  $y = 2x$
21.  $x^2 + y^2 = 9$
22.  $x^2 + y^2 - 9x + 18 = 0$

### แบบฝึกหัด 4.1

- 1.1  $x^2 + y^2 - 2x - 4y + 1 = 0$
- 1.2  $x^2 + y^2 - 49 = 0$
- 1.3  $x^2 + y^2 - 10x - 24y = 0$
- 1.4  $x^2 + y^2 - 81 = 0$
- 1.5  $x^2 + y^2 - 2x + 2y - 2 = 0$
- 1.6  $x^2 + y^2 + 8x + 10y + 5 = 0$
- 1.7  $x^2 + y^2 - 2ax - 4ay = 0$
- 1.8  $x^2 + y^2 - 6x - 2by + 9 = 0$
- 1.9  $x^2 + y^2 - 4x + 2y + 3 = 0$
- 1.10  $x^2 + y^2 - 2x + 4y + 3 = 0$
- 1.11  $x^2 + y^2 - 6x - 4y + 9 = 0$
- 1.12.  $4x^2 + 4y^2 + 20x + 12y + 9 = 0$
- 1.13  $x^2 + y^2 - 10x + 4y - 52 = 0$
- 1.14  $x^2 + y^2 - 2x - 2y - 3 = 0$

$$1.15 \quad x^2 + y^2 - 12x - 8y + 44 = 0$$

$$1.16 \quad x^2 + y^2 - 2x - 2y - 11 = 0$$

$$1.17 \quad x^2 + y^2 - 4x - 2y - 5 = 0$$

$$1.18 \quad x^2 + y^2 - 4x - 6y - 3 = 0$$

$$1.19 \quad x^2 + y^2 + 6x + 4y + 4 = 0$$

$$1.20 \quad x^2 + y^2 + 12x - 12y + 36 = 0$$

$$1.21 \quad x^2 + y^2 + 4x - 4y + 2 = 0$$

$$2.1 \quad (4, 1), 2$$

$$2.2 \quad (-\sqrt{2}, -\sqrt{3}), 10$$

$$2.3 \quad (2, -1), 5$$

$$2.4 \quad (-3, -4), 1$$

$$2.5 \quad (3, 8), 0$$

$$2.6 \quad \text{ไม่มีจุด}$$

$$2.7 \quad (-3, 6), 5$$

$$2.8 \quad (4, -3), 0$$

$$2.9 \quad \left(-\frac{7}{2}, -\frac{3}{2}\right), 7\sqrt{2}/2$$

$$2.10 \quad \left(\frac{5}{4}, \frac{9}{4}\right), 3\sqrt{2}/4$$

$$2.11 \quad (3, 4), 5$$

$$2.12 \quad (-2, 0), 1$$

$$4. \quad (0, 2), (0, 10); \text{ไม่ตัดแกน } X$$

$$5. \quad (0, 5), (-3, -4)$$

$$6. \quad (1, 4), (-4, 3)$$

$$7. \quad x^2 + y^2 = a^2$$

$$8. \quad x^2 + y^2 + 4x + 8y + k = 0$$

$$9.1 \quad \sqrt{34} \quad 9.2 \quad 2$$

$$9.3 \quad (3, 0) \text{ อยู่ในวงกลม} \quad 9.4 \quad \sqrt{32}$$

## แบบฝึกหัด 4.2

- 1.1  $x^2 + y^2 - 4x - 6y = 0$
- 1.2  $x^2 + y^2 + 11x - y - 32 = 0$
- 1.3  $x^2 + y^2 + 6x + 4y - 37 = 0$
- 1.4  $3x^2 + 3y^2 - 20x - 10y + 20 = 0$
- 1.5  $x^2 + y^2 - 6x - 4y - 12 = 0$
- 2.1  $x^2 + y^2 - 4x - 14y + 36 = 0$
- 2.2  $x^2 + y^2 - 2x - 6y - 7 = 0$
- 2.4  $x^2 + y^2 + 14x - 8y + 31 = 0, x^2 + y^2 - 2x - 4y - 29 = 0$
- 2.6  $x^2 + y^2 + 26x + 26y + 169 = 0, x^2 + y^2 + 10x + 10y + 25 = 0$
- 2.8  $x^2 + y^2 - 10x - 6y + 9 = 0$
- 3.1  $2x + y - 5 = 0$
- 3.3  $9x - 8y - 26 = 0$
4.  $(2, 0), (\frac{2}{5}, \frac{4}{5})$
- 5.2  $x^2 + y^2 + 7x + 5y - 44 = 0$
- 6.2  $5x^2 + 5y^2 - 30x + 40y + 44 = 0$

## แบบฝึกหัด 5.1

- 1.1  $(\frac{1}{2}, 0), x = -\frac{1}{2}, y = 0, 2$
- 1.2  $(0, \frac{3}{4}), y = \frac{3}{4}, x = 0, 3$
- 1.3  $(4, 0), x = -4, y = 0, 16$
- 1.4  $(-7, 0), x = 7, y = 0, 28$
- 1.5  $(0, -10), y = 10, x = 0, 40$
- 1.6  $(\frac{3}{5}, 0), x = -\frac{3}{5}, y = 0, \frac{12}{3}$
- 1.7  $(0, \frac{7}{8}), y = -\frac{7}{8}, x = 0, \frac{7}{2}$
- 1.8  $(0, \frac{15}{28}), y = -\frac{15}{28}, x = 0, \frac{15}{7}$

- 2.1  $y^2 = 8x$   
 2.2  $x^2 = 8y$   
 2.3  $y^2 = 32x$   
 2.4  $y^2 = 2x$   
 2.5  $x^2 = 2y$   
 2.6  $x^2 + 8y = 0$   
 2.7  $y^2 = 20x$   
 2.8  $x^2 = 2y$   
 3.  $(0, 0), (\frac{1}{4}, 1)$   
 4.  $(\sqrt{3}, 1), (-\sqrt{3}, 1)$   
 5.  $(2, -10), (8, 20)$   
 6.1  $(0, 0), (- (50)^{1/3}, \frac{1}{5} (50)^{2/3})$   
 6.2  $(0, 0), (2, 2)$   
 6.3  $(0, 0), (2, -3)$

แบบฝึกหัด 5.2

1. a.  $(\pm 5, 0)$   
 b.  $(0, \pm 4)$   
 c.  $(\pm 3, 0)$   
 d. 10  
 e. 8  
 f.  $\frac{32}{5}$   
 g.  $\frac{3}{5}$
3. a.  $(\pm 3, 0)$   
 b.  $(0, \pm 1)$   
 c.  $(\pm 2\sqrt{2}, 0)$   
 d. 6

- e. 2
  - f.  $\frac{2}{3}$
  - g.  $\frac{2\sqrt{2}}{3}$
5. a.  $(0, \pm 5\sqrt{2})$
- b.  $(\pm 5, 0)$
  - c.  $(0, \pm 5)$
  - d.  $10\sqrt{2}$
  - e. 10
  - f.  $5\sqrt{2}$
  - g.  $\sqrt{2}/2$
7. a.  $(\pm 2, 0)$
- b.  $(0, \pm\sqrt{3})$
  - c.  $(\pm 1, 0)$
  - d. 4
  - e.  $2\sqrt{3}$
  - f. 3
  - g.  $\frac{1}{2}$
9. a.  $(\pm 3, 0)$
- b.  $(0, \pm 2)$
  - c.  $(\pm\sqrt{5}, 0)$
  - d. 6
  - e. 4
  - f.  $\frac{8}{3}$
  - g.  $\frac{\sqrt{5}}{3}$

11. a.  $(\pm 2, 0)$   
 b.  $(0, \pm\sqrt{3})$   
 c.  $(\pm 1, 0)$   
 d. 4  
 e.  $2\sqrt{3}$   
 f. 3  
 g.  $\frac{1}{2}$
13.  $144x^2 + 169y^2 = 24,336$
15.  $100x^2 + 64y^2 = 6400$
17.  $16x^2 + 25y^2 = 400$
19.  $2x^2 + 3y^2 = 6$
21.  $x^2 + 25y^2 = 400$
23.  $4x^2 + y^2 = 16$
25.  $3x^2 + 2y^2 = 35$
27.  $4x^2 + 7y^2 = 128$
29.  $(6, 1), (2, 3)$

### แบบฝึกหัด 5.3

1.  $(\pm 12, 0), (\pm 13, 0), \frac{13}{12}, \frac{25}{6}, 12y = \pm 5x$
3.  $(\pm 5, 0), (\pm\sqrt{41}, 0), \sqrt{41}/5, \frac{32}{5}, 5y = \pm 4x$
5.  $(0, \pm 4), (0, \pm 4\sqrt{2}), \sqrt{2}, 8, y = \pm x$
7.  $(0, \pm 2), (0, \pm\sqrt{13}), \sqrt{13}/2, 9, 3y = \pm 2x$
9.  $(\pm 1, 0), (\pm 2, 0), 2, 6, y = \pm\sqrt{3}x$
11.  $(\pm 1, 0), (\pm\sqrt{2}, 0), \sqrt{2}, 2, y = \pm x$
13.  $5x^2 - 4y^2 = 20$
15.  $16x^2 - 25y^2 = 3600$

17.  $4y^2 - 9x^2 = 144$
19.  $x^2 - 4y^2 = 20$
21.  $9x^2 - 16y^2 = 144$
23.  $y^2 - x^2 = 56$
25.  $4x^2 - y^2 = 96$
27.  $(2, 1), (-2, 1), (-2, -1), (2, -1)$

แบบฝึกหัด 6.1

2.  $\sqrt{y^2 + z^2}, \sqrt{x^2 + z^2}, \sqrt{x^2 + y^2}$
3. ระนาบ YZ
4. ระนาบ XZ
3. ระนาบ XY
6. แกน X
7. ระนาบที่ขนานกับระนาบ YZ และห่างจากจุดกำเนิดไปทางบวกของแกน X 4 หน่วย
8. เส้นตรงที่มี  $x = 2$  และ  $y = 6$  ส่วนค่า  $z$  มีค่าแปรเปลี่ยน
9.  $(0, 0, 0), (a, 0, 0), (a, a, 0), (0, a, 0), (0, 0, a), (a, 0, a), (a, a, a), (0, a, a)$

แบบฝึกหัด 6.2

1. 13
3. 7
5. 11
7.  $\sqrt{35}$
11. 49
12.  $(x + 2)^2 + (y - 1)^2 + (z - 5)^2 = 9$
13. ผิวทรงกลม
14. ผิวทรงกลม
16.  $(2, \frac{9}{2}, 6)$
18.  $(0, \frac{11}{2}, \frac{11}{2})$
20.  $(2, \frac{3}{2}, \frac{1}{2})$

### แบบฝึกหัด 6.3

1.  $1, -8, 4; \frac{1}{9}, \frac{-8}{9}, \frac{4}{9}$
3.  $12.4, -3; \frac{-12}{13}, \frac{-4}{13}, \frac{3}{13}$
5.  $3, 4, 1; \frac{3\sqrt{26}}{26}, \frac{4\sqrt{26}}{26}, \frac{\sqrt{26}}{26}$
7.  $\frac{6}{11}, \frac{-7}{11}, \frac{6}{11}$
9.  $\frac{2}{3}, -\frac{1}{3}, \frac{2}{5}$
11.  $\frac{\sqrt{70}}{14}, \frac{3\sqrt{70}}{70}, \frac{3\sqrt{70}}{35}$
13.  $\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}$
15.  $\frac{\sqrt{2}}{2} - 2, -\frac{1}{2}, \frac{1}{2}$
17.  $1, 0, 0; 0, 1, 0; 0, 0, 1$
19.  $(9, -7, 3)$
22. n.  $34''$  ข.  $50'$
23.  $54$
25. ไม่อยู่บนเส้นตรงเดียวกัน
26.  $-2$

แบบฝึกหัด 6.4

$$1. \frac{x-3}{1} = \frac{y-1}{5} = \frac{z}{2} ; \frac{1}{30}, \frac{5}{30}, \frac{2}{30}$$

$$3. \frac{x+6}{14} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-4}{-5} ; \frac{-14}{15}, \frac{-2}{15}, \frac{5}{15}$$

$$5. \frac{x-4}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-3}{-2} ; \frac{-1}{3}, \frac{-2}{3}, \frac{2}{3}$$

$$6. \frac{x-4}{6} = \frac{y-1}{-3} = \frac{z-3}{-2} ; \frac{-6}{7}, \frac{3}{7}, \frac{2}{7}$$

$$7. x = 5 + 2t, y = -1 + 3t, z = -3, -5t$$

$$8. x = 1 + t, y = 7 - 3t, z = 3 - 2t$$

แบบฝึกหัด 6.5

$$1. \frac{x}{2} + \frac{y}{3} + \frac{z}{\sqrt{3}} = 0$$

$$3. \frac{\sqrt{3}x}{2} - \frac{y}{2} + 2 = 0$$

$$5. \frac{2}{3}x - \frac{y}{3} + \frac{2}{3}z - 4 = 0 ; \frac{2}{3}, -\frac{1}{3}, \frac{2}{3}$$

$$7. \frac{-6}{19}x + \frac{10}{19}y + \frac{15}{19}z - 3 = 0 ; \frac{-6}{19}, \frac{10}{19}, \frac{15}{19}$$

$$11. -\frac{x}{6} + \frac{y}{21} + \frac{z}{14} = 1$$

$$13. 3x - 4y + 6z - 12 = 0$$

$$15. x + 3y - 8z + 2 = 0$$

$$17. 2x + 4y - 5z + 20 = 0$$

$$19. 6x + 3y + 7z - 39 = 0$$

$$21. 10x + 2y - 3z - 54 = 0$$

$$23. 5x - 6y + 4z + 11 = 0$$

$$25. x - 7y + 5z - 12 = 0$$

### แบบฝึกหัด 6.6

1.  $59^\circ$
  2. 16"
  5. 3
10.  $4x + 6y - z - 44 = 0$

### แบบฝึกหัด 6.7

1.  $x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 6y - 12z = 0$
2.  $x^2 + y^2 + z^2 + 10x - 14y - 2z + 11 = 0$
3.  $x^2 + y^2 + z^2 - 10x + 12y - 8z + 41 = 0$
4.  $x^2 + y^2 + z^2 - 81 = 0$
5.  $(-1, -3, -4), 5$
7.  $(-4, 1, 3), 2\sqrt{-1}$
9.  $x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 2y + 10z + 10 = 0$
11.  $x^2 + y^2 + z^2 - 14x - 4y + 6z + 48 = 0$
13.  $x^2 + y^2 + z^2 - 8x - 14y - 4z + 60 = 0$
14.  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 6y - 2z + 2 = 0$

### แบบฝึกหัด 6.9

1. เอลลิปซอยด์
3. เอลลิปทิก พาราโบลอยด์
5. เอลลิปซอยด์
7. เอลลิปซอยด์
9. ไฮเพอร์โบลิก พาราโบลอยด์
11. เอลลิปทิก ไฮเพอร์โบลอยด์รูปเดี่ยว
13. เอลลิปทิก ไฮเพอร์โบลอยด์ รูปเดี่ยว
15. เอลลิปทิก พาราโบลอยด์
17. เอลลิปซอยด์
19. เอลลิปทิก ไฮเพอร์โบลอยด์คู่

แบบฝึกหัด 6.10

1.  $2x' + y' - 5z' = 0$
3.  $x'^2 + y'^2 - z'^2 = 34$
4. กรวย, (2, 4, -3)
6. เอลลิปทิก พาราโบลอยด์, (0, 0, 4)
8. เอลลิปทิก ไฮเพอร์โบลอยด์ รูปเดี่ยว, (-2, 3, 1)
10. กรวย, (-1, -2, -4)

แบบฝึกหัด 6.11

1. (2,  $2\sqrt{3}$ , 3)
4. ( $3\sqrt{2}$ ,  $45^\circ$ , -2)
5. ( $2\sqrt{3}$ ,  $210^\circ$ , -8)
7. (-18,  $-6\sqrt{3}$ , -12)
11. ( $8\sqrt{2}$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$ )
13.  $x^2 + y^2 = 81$
15.  $x^2 + y^2 = 4x$
17.  $x^2 + y^2 + z^2 = 25$
19.  $y + 2 = 0$
21.  $r^2 + z^2 = 36$ ,  $\rho = 6$
23.  $9r^2 + 4z^2 = 25$ ,  $\rho^2(9 \sin^2\phi + 4 \cos^2\phi) = 25$
25.  $r^2 = 4z^2$ ,  $\phi = \arctan(\pm 2)$
27.  $r = 4 \cos \theta$ ,  $\rho \sin \phi = 4 \cos \theta$
28.  $\sin \phi \cos \theta$ ,  $\sin \phi \sin \theta$ ,  $\cos \phi$