

## เฉลยแบบฝึกหัดเสริมทักษะ 6.1

ข้อ 1

นักศึกษามีวิธีเลือกประชุมเพื่อเดินเข้าศึก NB.3A ได้ 4 รูป หลังจากเข้าไปในศึก NB.3A แล้ว จะมีวิธีเลือกประชุมเพื่อเข้าไป NB.3B ได้รึก 2 รูป ดังนั้น นักศึกษาจะมีวิธีเข้าศึก NB.3B โดยผ่าน NB.3A ได้  $4 \times 2 = 8$  รูป

ข้อ 2

มีวิธีเลือกเดินทางจากกรุงเทพฯ ไปยังอยุธยาได้ 4 รูป<sup>1</sup> จากอยุธยา เดินทางต่อไปยังสระบุรี ได้ 2 รูป

จากสารบุรี เดินทางต่อไปยังนครสวรรค์ ได้ 3 วัน  
 จากนครสวรรค์ เดินทางต่อไปยังหาด ได้ 5 วัน  
 จากหาด เดินทางต่อไปยัง เชียงใหม่ ได้ 1 วัน  
 ดังนั้น จะมีวิธีเลือกเดินทางจากกรุงเทพฯ ไปยังเชียงใหม่ ได้ทั้งหมด

$$4 \times 2 \times 3 \times 5 \times 1 = 120 \text{ วิธี}$$

ข้อ 3

ขาเข้ามีวิธีเลือก ประชุมเข้าได้ 2 วิธี  
 ขาออกมีวิธีเลือก ประชุมออกได้ 1 วิธี ( เพราะใช้ประชุมเดินไม่ได้ )  
 ดังนั้น จะมีวิธีเข้าและออกจากการห้องนี้ได้ทั้งหมด  $2 \times 1 = 2$  วิธี

ข้อ 4

นักศึกษาจะมีวิธีเลือกการเงง ( ซึ่งมีอยู่ 4 สาขาวิชา ) ได้ทั้งหมด 4 วิธี  
 หลังจากเลือกการเงงแล้ว ต้องเลือกเสื้อ ( ซึ่งมีอยู่ 7 ตัว ) ได้ 7 วิธี  
 ดังนั้น นักศึกษาผู้นี้จะมีวิธีเลือกเสื้อและกางเกงเป็นชุดต่าง ๆ กันได้

$$\text{ทั้งหมด } 4 \times 7 = 28 \text{ ชุด ( ชุด )}$$

ข้อ 5

นักศึกษาจะมีวิธีเลือกตอบ ข้อสอบข้อที่ 1 ได้ 2 วิธี ( สี สี บุก บัน บิก )  
 หลังจากเลือกตอบข้อ 1 แล้ว จะมีวิธีเลือกตอบข้อที่ 2 ได้อีก 2 วิธี  
 หลังจากเลือกตอบข้อ 2 แล้ว จะมีวิธีเลือกตอบข้อที่ 3 ได้อีก 2 วิธี  
 หลังจากเลือกตอบข้อ 3 แล้ว จะมีวิธีเลือกตอบข้อที่ 4 ได้อีก 2 วิธี  
 หลังจากเลือกตอบข้อ 4 แล้ว จะมีวิธีเลือกตอบข้อที่ 5 ได้อีก 2 วิธี  
 ดังนั้น นักศึกษาจะมีวิธีเลือกตอบข้อสอบ ทั้ง 5 ข้อนั้น ได้ต่าง ๆ กันทั้งหมด  
 $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32 \text{ วิธี}$

ข้อ 6

ต้องใช้ร่องเท้าทั้งหมด  $6 \times 2 \times 10 = 120$  คู่

ข้อ 7

ในการหออกลูกเดา 2 ลูก พร้อม ๆ กัน จะมีวิธีได้ผลต่าง ๆ ทั้งหมดเป็น

$$6 \times 6 = 36 \text{ วิธี สิอ}$$

( ให้  $(x,y)$  แทนว่าลูกเดาลูกแรกออกแต้ม  $x$  ลูกเดาลูกที่สองออกแต้ม  $y$  )

$$\text{สิอ } (1,1), (1,2), (1,3), (1,4), (1,5), (1,6)$$

$$(2,1), (2,2), (2,3), (2,4), (2,5), (2,6)$$

$$(3,1), (3,2), (3,3), (3,4), (3,5), (3,6)$$

$$(4,1), (4,2), (4,3), (4,4), (4,5), (4,6)$$

$$(5,1), (5,2), (5,3), (5,4), (5,5), (5,6)$$

$$(6,1), (6,2), (6,3), (6,4), (6,5), (6,6)$$

ข้อ 8

สมมุติให้หมายเลขทั้ง 7 ตัว โดยเขียนต้นด้วย 377 หรือ  $377x_1x_2x_3x_4$

สำหรับเลขที่เราจะเลือกแทน  $x_1, x_2, x_3, x_4$  นั้น ก็คือเลข 0 ถึง 9

(รวม 10 ตัว)

เรามีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_1$  จากเลข 0 ถึง 9 ได้ทั้งหมด 10 วิธี  
ต่าง ๆ กัน

เรามีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_2$  จากเลข 0 ถึง 9 ได้ทั้งหมด 10 วิธี  
ต่าง ๆ กัน

เรามีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_3$  จากเลข 0 ถึง 9 ได้ทั้งหมด 10 วิธี  
ต่าง ๆ กัน

เรามีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_4$  จากเลข 0 ถึง 9 ได้ทั้งหมด 10 รูปต่าง ๆ กัน  
ดังนั้น จะมีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_1 x_2 x_3 x_4$  ได้ทั้งหมด  $= 10 \times 10 \times 10 \times 10 = 10,000$  รูป

นี่หรือ จะมีหมายเลยโทรศัพท์ ซึ่งประกอบด้วยเลข 7 ตัว โดยสามตัวแรก  
เป็น 377 ทั้งหมด 10,000 หมายเลย

ข้อ 9

สมมุติเลขหลักสิบนั้นคือ  $x_1 x_2$

จะมีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_1$  จากเลขที่กำหนดมาให้ 4 ตัวได้ 4 รูปต่าง ๆ กัน

จะมีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_2$  จากเลขที่เหลืออีก 3 ตัวได้ 3 รูปต่าง ๆ กัน

ดังนั้น จะมีวิธีเลือกเลขได้ทั้งหมด  $4 \times 3 = 12$  รูป

นี่หรือ จะมีเลขหลักสิบ ที่ประกอบด้วยเลข 3, 4, 5, 6 โดยไม่ใช้เลขซ้ำกันเลย  
ได้ทั้งหมด 12 จำนวน

(ลองเขียนดูจะได้รู้ว่า มีจำนวน 34, 35, 36, 45, 46, 56, 43, 53, 63, 54,  
64, 65, รวม 12 จำนวน)

ข้อ 10

สมมุติเลขหลักร้อย คือ  $x_1 x_2 x_3$

มีข้อผิดสังเกตว่า เลขหลักร้อยที่เขียนเป็น  $x_1 x_2 x_3$  นั้น  $x_1$  จะเป็นเลข 0  
ไม่ได้ เพราะถ้า  $x_1$  เป็น 0 แล้ว จะไม่ใช่เลขหลักร้อย (จะเป็นหลักสิบ)

ดังนั้น จะมีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_1$  จากเลขที่กำหนดมาให้ 5 ตัว ได้ 4  
รูปต่าง ๆ กัน (ไม่เลือก 0 )

เราจะมีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_2$  จากเลขที่เหลืออีก 4 ตัวได้ 4 รูปต่าง ๆ กัน

จะมีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_3$  จากเลขที่เหลืออีก 3 ตัวได้ 3 รูปต่าง ๆ กัน

สังนั้นจะมีวิธีเลือกเลขได้ทั้งหมด  $4 \times 4 \times 3 = 48$  รูป

นี่คือ จำนวนหลักร้อยที่ประกอบด้วยเลข 0,1,2,3,4 โดยไม่ใช้เลขซ้ำกันเลยได้ 48 จำนวน

ข้อ 11

เราจะมีวิธีเดินทางไปถึงจุดสูงสุดได้ทั้งหมด 4 รูป คือ

ABC, ABDE, ADBC, ADE

เฉลยแบบฝึกหัดเสริมทักษะ 6.2

ข้อ 1

$$1.1) \quad \frac{8!}{4!} = \frac{8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{4 \times 3 \times 2 \times 1} = 1680$$

$$1.2) \quad \frac{10!}{12!} = \frac{10!}{12 \times 11 \times 10!} = \frac{1}{132}$$

$$1.3) \quad \frac{100!}{98!} = \frac{100 \times 99 \times 98!}{98!} = 9900$$

$$1.4) \quad \frac{15! 12!}{13! 10!} = \frac{15 \times 14 \times 13! \times 12 \times 11 \times 10!}{13! \times 10!} = \\ = 27,720$$

$$1.5) \quad \frac{10!}{7! 2! 1!} = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7!}{7! \times 2 \times 1 \times 1} = 360$$

$$1.6) \quad \frac{5! \times 6!}{3! 4! 5!} = \frac{5! \times 6 \times 5 \times 4!}{3 \times 2 \times 1 \times 4! \times 5!} = 5$$

$$1.7) \quad \frac{n!}{(n-1)!} = \frac{n(n-1)!}{(n-1)!} = n$$

$$\begin{aligned} 1.8) \quad \frac{(n+2)!}{n!} &= \frac{(n+2)(n+1)n!}{n!} \\ &= (n+2)(n+1) \\ &= n^2 + 3n + 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1.9) \quad \frac{(n+1)!}{(n-1)!} &= \frac{(n+1)(n)(n-1)!}{(n-1)!} \\ &= (n+1)(n) \\ &= n^2 + n \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1.10) \quad \frac{(n+3)!}{(n+1)!} &= \frac{(n+3)(n+2)(n+1)!}{(n+1)!} \\ &= (n+3)(n+2) \\ &= n^2 + 5n + 6 \end{aligned}$$

๙๐ ๒ หา  $\frac{n!}{(n-1)!} = 6$

$$\therefore \frac{n(n-1)!}{(n-1)!} = 6$$

$$\text{ดังนั้น } n = 6$$

๔๐๓

$$\text{จาก } \frac{(n+2)!}{n!} = 6$$

$$\therefore \frac{(n+2)(n+1)n!}{n!} = 6$$

$$n^2 + 3n + 2 = 6$$

$$n^2 + 3n - 4 = 0$$

$$(n+4)(n-1) = 0$$

$$\therefore n = 1, -4$$

อธิบายตามนี้ให้ไว้เฉพาะ เมื่อ  $n$  เป็นจำนวนเต็มบวกเท่านั้น  
หง寝ค่า  $n$  ที่เป็นลบ งงไม่ใช้  
หง寝งได้ว่า

$$n = 1$$

๔๐๔

$$\text{จาก } \frac{n!}{(n-4)!} = 42 \quad \frac{n!}{(n-2)!}$$

$$\frac{(n-2)!}{(n-4)!} = 42 \quad \frac{n!}{n!}$$

$$\frac{(n-2)(n-3)(n-4)!}{(n-4)!} = 42$$

$$n^2 - 5n + 6 = 42$$

$$n^2 - 5n - 36 = 0$$

«๗๔-

$$(n - 9)(n + 4) = 0$$

$$n = 9, -4$$

ใช้เฉพาะค่าที่เป็นจำนวนเต็มบวก

$$\text{ดังนั้น } n = 9$$

ข้อ 5

$$\text{จาก } 2 \frac{n!}{(n-2)!} + 50 = \frac{(2n)!}{(2n-2)!}$$

$$\frac{2n(n-(n)-(2)!-2)!}{(2n-2)!} + 50 = \frac{(2n)(2n-1)(2n-2)!}{(2n-2)!}$$

$$2n^2 - 2n + 50 = 4n^2 - 2n$$

$$2n^2 = 50$$

$$n^2 = 25$$

$$\therefore n = \pm 5$$

$$\text{ดังนั้น } n = 5$$

ข้อ 6

$$\text{จาก } \frac{n!}{(n-2)!} = 72$$

$$\frac{n(n-1)(n-2)!}{(n-2)!} = 72$$

$$n^2 - n = 72$$

$$(n - 9)(n + 8) = 0$$

$$\therefore n = 9, -8$$

ดังนั้น  $n = 9$

ข้อ 7

$$7.1) \quad 15 \times 14 \times 13 \times \dots \times 3 \times 2 \times 1 = 15 !$$

$$7.2) \quad 10 \times 9 \times 8 \times 7 = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}$$

$$= \frac{10 !}{6 !}$$

$$7.3) \quad 10 \times 9 \times 8 \times 6 \times 5 \times 4 = \frac{10 ! 6 !}{7 ! 3 !}$$

$$7.4) \quad n(n - 1)(n - 2)(n - 3) = \frac{n(n - 1)(n - 2)(n - 3)(n - 4)}{(n - 4) !} !$$

$$= \frac{n !}{(n - 4) !}$$

$$7.5) \quad n(n - 1)(n - 2) \dots (n - r + 1) = \frac{n(n - 1)(n - 2) \dots (n - r + 1)(n - r)}{(n - r) !} !$$

$$= \frac{n !}{(n - r) !}$$

เฉลยแบบฝึกหัดเรื่องทักษะ ๖.๓

ข้อ ๑

$$1.1) \quad {}^{10}P_7 = \frac{10!}{(10-7)!} = \frac{10!}{3!}$$

$$= \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3}{3!} \text{ I}$$

$$= 604,800$$

$$1.2) \quad {}^{12}P_{10} = \frac{12!}{(12-10)!} = \frac{12!}{2!}$$

$$= \frac{12 \times 11 \times 10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2}{2!} \text{ I}$$

$$= 239,500,800$$

$$1.3) \quad {}^{100}P_2 = \frac{100!}{(100-2)!} = \frac{100 \times 99 \times 98!}{98!}$$

$$= 9900$$

$$1.4) \quad {}^5P_1 = \frac{5!}{(5-1)!} = \frac{5!}{4!} = \frac{5 \times 4!}{4!} = 5$$

$$1.5) \quad {}^5P_0 = \frac{5!}{(5-0)!} = \frac{5!}{5!} = 1$$

$$1.6) \quad (3,2,1) = \frac{6!}{3! \times 2 \times 1 \times 1} = \frac{6 \times 5 \times 4 \times 3!}{3! \times 2 \times 1 \times 1} = 60$$

$$\therefore 7) \quad \binom{8}{2,2,2,2} = \frac{8!}{2!2!2!2!} = \frac{8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{2 \times 1 \times 2 \times 1 \times 2 \times 1 \times 2 \times 1} = 2520$$

ข้อ 2

$$1.1) \quad n = 7, r = 3$$

$$\therefore \binom{7}{3} = \frac{7!}{(7-3)!} = \frac{7!}{4!} = 210$$

นั่นคือ จะมีวิธีจัดคน 3 คนเข้านั่งเก้าอี้ซึ่งมี 7 ตัวได้ 210 วิธีต่าง ๆ กัน

$$1.2) \quad n = 7, r = 5$$

$$\therefore \binom{7}{5} = \frac{7!}{(7-5)!} = \frac{7!}{2!} = 2520$$

นั่นคือ จะมีวิธีจัดคน 5 คน เข้านั่งเก้าอี้ซึ่งมี 7 ตัวได้ 2520 วิธีต่าง ๆ กัน

$$2.3) \quad n = 7, r = 7$$

$$\therefore \binom{7}{7} = \frac{7!}{(7-7)!} = \frac{7!}{0!} = 7! = 5040$$

นั่นคือจะมีวิธีจัดคน 7 คนเข้านั่งเก้าอี้ซึ่งมี 7 ตัวได้ 5040 วิธีต่าง ๆ กัน

ข้อ 3

จากคำว่า "EDUCATION" มีอักษรทั้งหมด 9 ตัว

เป็นสระ 5 ตัว กับพยัญชนะอีก 4 ตัว

3.1)  $n = 5, r = 4$

$$\therefore {}^5P_4 = \frac{5!}{(5-4)!} = \frac{5!}{1!} = 120$$

นี่คือ จะมีวิธีจัดอักษร 4 ตัว ซึ่งเป็นสระล้วน ๆ ได้ 120 วิธี

3.2) สมมุติว่ามีอักษรทั้ง 4 ตัวคือ  $x_1 x_2 x_3 x_4$

เราต้องการให้  $x_1$  เป็นสระ

$$\text{ดังนั้นจะมีวิธีเลือกสระจากสระ 5 ตัว มาแทน } x_1 \text{ ได้ } {}^5P_1 = \frac{5!}{(5-1)!} = 5 \text{ วิธี}$$

หลังจากนี้จะมีอักษรทั้ง 8 ตัว ซึ่งเราจะเลือกมา 3 ตัว จะมีวิธีเลือก

$${}^8P_3 = \frac{8!}{(8-3)!} = \frac{8!}{5!} = 336$$

นี่คือจะมีวิธีจัดอักษร 4 ตัว โดยอักษรตัวแรกต้องเป็นสระ ได้

$${}^5P_1 \cdot {}^8P_3 = 5 \times 336 = 1680 \text{ วิธี}$$

3.3) ต้องขึ้นต้นด้วยอักษร D

假设ว่า  $x_1$  ต้องเป็น D และมีวิธีเลือก  $x_1$  ได้ 1 วิธี เท่านั้น

หลังจากนี้จะเหลืออักษรทั้ง 8 ตัว เราจะเลือกมา 3 ตัว จะมีวิธีเลือก

$${}^8P_3 = 336 \text{ วิธี}$$

นี่คือ จะมีวิธีจัดอักษร 4 ตัว โดยตัวแรกต้องเป็นตัว D ได้

$${}^1P_1 \cdot {}^8P_3 = 336 \text{ วิธี}$$

3.4) ลงท้ายด้วยอักษร E

ในท่านองค์ลักษณ์กับ 3.3) จะได้ว่า จะมีรีซิชอักษร 4 ตัวโดยตัวท้ายต้องเป็น E ได้

$${}^8P_3 \cdot {}^1P_1 = 336 \text{ วิช}$$

3.5) จะมีรีซิชอักษร 4 ตัวโดยขึ้นต้นด้วย ตัว D และลงท้ายด้วย E ได้

$${}^1P_1 \cdot {}^7P_2 \cdot {}^1P_1 = 42 \text{ วิช}$$

**ข้อ 4** จากคำว่า "THAI" มีอักษร 4 ตัว

หงนั้น  $n = 4$ ,  $r = 3$  ตัวโดยใช้อักษรซ้ำกันได้

$$\text{จะมีรีซิชได้ } 4^3 = 64 \text{ วิช}$$

**ข้อ 5** จาก มีร่องแผล 6 ชง, น้ำเงิน 4 ชง และเขียว 2 ชง แมสคงว่ามีร่องรวม

หงนมต 12 ชง ซึ่งมี 3 สี มีจำนวนซ้ำกันตึงกันกว่า

$$\text{หงนั้น จะมีรีซิชเรียงลำดับของในแนวตั้งได้ } \binom{12}{6, 4, 2}$$

$$= \frac{12!}{6 \ 1 \ 4 \ 1 \ 2} = 13,860 \text{ วิช}$$

**ข้อ 6**

6.1) จากคำว่า "COMMITTEE" มีอักษรหงนมต 9 ตัว

โดยเป็นอักษร C จำนวน 1 ตัว

อักษร O " 1 ตัว

อักษร M " 2 ตัว

ยักษร I จำนวน 1 ตัว

ยักษร T " 2 ตัว

ยักษร E " 2 ตัว

ทั้งนี้จะมีวิธีซักเรียงลำดับทั้งหมด  $(1, 1, 2, 1, 2, 2, )^9 = \frac{9!}{1!1!2!1!2!2!}$

$$= 45,360 \quad 33$$

6. 2) จากคำว่า "GARANTEE" มียักษรทั้งหมด 8 ตัว

โดยเป็นยักษร G จำนวน 1 ตัว

ยักษร A " 2 ตัว

ยักษร R " 1 ตัว

ยักษร N " 1 ตัว

ยักษร T " 1 ตัว

ยักษร E " 2 ตัว

ทั้งนี้จะมีวิธีซักเรียงลำดับทั้งหมด  $(1, 2, 1, 1, 1, 2)^8 = \frac{8!}{1!2!1!1!1!1!2!} = 10,080$  วิธี

$$= \frac{8!}{1!2!1!1!1!1!1!2!} = 10,080 \text{ วิธี}$$

6. 3) จากคำว่า "SORRY" มียักษรทั้งหมด 5 ตัว

โดย เป็นยักษร S จำนวน 1 ตัว

ยักษร O " 1 ตัว

ยักษร R " 2 ตัว

ยักษร Y " 1 ตัว

ทั้งนี้ จะมีวิธีซักเรียงลำดับทั้งหมด  $(1, 1, 2, 1)^5 = \frac{5!}{1!1!1!2!1!1!} = 60$  วิธี

$$= \frac{5!}{1!1!1!2!1!1!} = 60 \text{ วิธี}$$

6.4) จากค่าว่า "งง งาย" มีอักษรทั้งหมด 5 ตัว

โดยเป็นอักษร ง จำนวน 3 ตัว

อักษร ง " 1 ตัว

อักษร ย " 1 ตัว

$$\text{ตั้งนี้จะมีวิธีจัดเรียงลำดับทั้งหมด } (5, 1, 1) = \frac{5!}{3! 1! 1!} = 20 \text{ วิธี}$$

ข้อ 7

หนังสือ 3 ประเภทนั้นรวมกันแล้วเป็น 12 เล่ม

โดยประเภทที่ 1 มี 5 เล่ม

ประเภทที่ 2 มี 3 เล่ม

ประเภทที่ 3 มี 4 เล่ม

$$\text{ตั้งนี้ จะมีวิธีจัดเรียงทั้งหมด } (12, 5, 3, 4) = \frac{12!}{5! 3! 4!} = 27,720 \text{ วิธี}$$

ข้อ 8

จากข้อ 7 ถ้ากำหนดค่าว่าหนังสือประเภทเดียวกันจะต้องอยู่ด้วยกันจะได้

ทั้งหมด  $5! 3! 4! 3!$  วิธี

โดย  $5!$  ได้จากการเรียงลำดับกันของหนังสือประเภทที่หนึ่ง

$3!$  ได้จากการเรียงลำดับกันของหนังสือประเภทที่สอง

$4!$  ได้จากการเรียงลำดับกันของหนังสือประเภทที่สาม

$3!$  ได้จากการเรียงลำดับของหนังสือแต่ละประเภทซึ่งมี 3 ประเภท

$$\therefore 5! 3! 4! 3! = 103,680$$

ดังนั้นเราจะได้  $103,680$  วิธี

ข้อ 9

$$n = 5, r = 2$$

$$\therefore {}^5P_2 = \frac{5!}{(5-2)!} = 3 \frac{5!}{1!} = 20$$

หังนั้นจะมีวิธีจัดทีมซึ่งมี 2 คน จากนักแบดมินตัน 5 คน โดยจัดเป็นมือทีมกับมือสองได้ 20 รูป

**ข้อ 10**       $n = 5, r = 5$

$$\therefore {}^5P_5 = \frac{5!}{(5-5)!} = \frac{5!}{0!} = 5! = 120$$

หังนั้น จะมีวิธีที่นักเรียนแต่งตั้ง 5 คนเข้าเล่นซ้ายโดยไม่พร้อมกัน ล่ายได้ 120 รูป

**ข้อ 11**       $n = 6, r = 6$

$$\therefore {}^6P_6 = 6! = 720$$

หังนั้น จะมีวิธีเรียงลำดับขั้นการทำสิ่งค้าชนิดนั้นได้ทั้งหมด 720 รูป

**ข้อ 12**      สมบุติเลขสามหลัก (หลักร้อย) นั้นเขียนเป็น  $x_1 x_2 x_3$  เลขที่นำมายัง  
เรียงศิอ 0,1,2,3

### 12.1) เรียงโดยใช้อักษรข้างกันไม่ได้

จะมีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_1$  ได้ 3 รูป (0 ใช้ไม่ได้)

และจะมีวิธีเลือกเลขที่เหลืออีก 3 ตัว มาแทน  $x_2$  ได้ 3 รูป

และจะมีวิธีเลือกเลขที่เหลืออีก 2 ตัว มาแทน  $x_3$  ได้ 2 รูป

หังนั้น จะมีวิธีจัดเลขสามหลัก (หลักร้อย) จากเลข 0,1,2,3 โคลไปใช้เลขข้างกันเลย  
ได้ทั้งหมด  $3 \times 3 \times 2$  (หรือเท่ากับ  ${}^3P_1 \cdot {}^3P_2$ ) = 18 รูป

และจะพิจารณาต่อไปว่า ในจำนวนเหล่านี้มีจำนวนที่มากกว่า 200 อยู่กี่จำนวน

สมมุติว่า จำนวนที่มากกว่า 200 นั้น เขียนได้เป็น  $x_1 x_2 x_3$

ผู้นี้แสดงว่า  $x_1$  ต้องมากกว่าหรือเท่ากับ 2

จะมีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_1$  ได้  ${}^2P_1 = 2$  วิธี

และจะมีวิธีเลือกเลขที่เหลือมาแทน  $x_2 x_3$  ได้  ${}^3P_2 = 6$  วิธี

ดังนั้นจะมีจำนวนที่มากกว่า 200 อยู่ 12 จำนวน

### 12.2) โดยใช้วิธีซ้ำกันได้

จะมีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_1$  ได้ 3 วิธีเข่นกัน

และจะมีวิธีเลือกเลขมาแทน  $x_2 x_3$  ได้  ${}^4P_2 = 12$  วิธี

ดังนั้นจะมีวิธีซักเลขสามหลัก (หลักร้อย) จากเลข 0,1,2,3 โดยใช้เลขซ้ำกันได้

ทั้งหมด  $3 \times 4^2 = 48$  วิธี

และมีจำนวนที่มากกว่า 200 อยู่  $2 \times 4^2 = 32$  วิธี

**ข้อ 13** จากจำนวน "323423" มีเลข 6 ตัว

โดยมีเลข 3 ซ้ำกัน 3 ตัว

มีเลข 2 ซ้ำกัน 2 ตัว

มีเลข 4 ซ้ำกัน 1 ตัว

ดังนั้นจะมีวิธีซักลับเบบเลขได้ทั้งหมดเป็น  $(3, 2, 1, 6)$

$$= \frac{6!}{3! 2! 1!} = 60 \text{ วิธี}$$

ข้อ 14

จากคนห้ามมาก 8 คน

จะรัดให้โดยสารรถให้เข็นที่หนึ่ง 2 mu

จะรัดให้โดยสารรถให้เข็นที่สอง 2 mu

จะรัดให้โดยสารรถให้เข็นที่สาม 4 mu

$$\text{ทั้งนี้จะมีวิธีรัดได้ } \binom{8}{2,2,4} = \frac{8!}{2! 2! 4!} = 420 \text{ วิธี}$$

ข้อ 15

จะมีวิธีจัดห้ามมาก ~~601 601 451 451 301 301~~ 301 301 301 วิธี

ข้อ 16

ในที่นี่  $n = 9$ ,  $m_1 = 4$ ,  $m_2 = 2$ ,  $m_3 = 3$

$$\therefore \binom{9}{4,2,3} = \frac{9!}{4! 2! 3!} = 1260$$

ทั้งนี้จะมีวิธีหยอดลูกเต๋า 9 ครั้ง และไก่แฝ้มสอง 4 ครั้ง

แฝ้มสาม 2 ครั้ง, แฝ้มห้า 3 ครั้ง ได้ห้ามมาก 1260 วิธี

ข้อ 17

$$17.1) \text{ จาก } 2. \quad {}^n P_2 = 24$$

$$\frac{n!}{(n-2)!} = 12$$

$$\frac{nb - 1)(n - 2)}{b - 2}! = 12$$

$$n^2 - n = 12 \cdot 1 = 0$$

$$(n - 4)(n + 3) = 0$$

$$\therefore n = 4, -3$$

เราใช้เฉพาะค่า  $n$  ที่เป็นจำนวนเต็มบวก

$$\text{ดังนั้น } n = 4$$

$$17.2) \text{ จาก } {}^n P_2 = 72$$

$$\frac{n!}{(n-2)!} = 72$$

$$\frac{n(n-1)(n-2)!}{(n-2)!} = 72$$

$$n^2 - n = 72 = 0$$

$$(n-9)(n+8) = 0$$

$$\therefore n = 9, -8$$

เราใช้เฉพาะค่า  $n$  ที่เป็นจำนวนเต็มบวก

$$\text{ดังนั้น } n = 9$$

$$17.3) \text{ จาก } 42 = {}^n P_2 = {}^n P_4$$

$$\frac{42 n!}{(n-2)!} = \frac{n!}{(n-4)!}$$

$$\frac{42 n!}{n!} = \frac{(n-2)!}{(n-4)!}$$

$$42 = \frac{(n-2)(n-3)(n-4)!}{(n-4)!}$$

$$\therefore n^2 - 5n - 36 = 0$$

$$(n = 9)(n + 4) = 0$$

$$\therefore n = 9, -5$$

เราใช้เฉพาะค่า  $n$  ที่เป็นจำนวนเต็มบวก

$$\text{ดังนั้น } n = 9$$

$$17.4) \text{ จาก } {}^{2n}P_2 = 2 \cdot {}^nP_2 + 50$$

$$\frac{(2n)!}{(2n-2)!} = \frac{2n!}{(n-2)!} + 50$$

$$\frac{(2n)(2n-1)(2n-2)!}{(2n-2)!} = \frac{2n(n-1)(n-2)!}{(n-2)!} + 50$$

$$4n^2 - 2n = 2n^2 - 2n + 50$$

$$2n^2 = 50$$

$$\frac{n^2}{n} = 25$$

$$\therefore n = \pm 5$$

ใช้เฉพาะค่า  $n$  ที่เป็นจำนวนเต็มบวก

$$\text{ดังนั้น } n = 5$$

ข้อ 18

$$\text{จะมีวิธีซัดคน } 7 \text{ คนเข้ารับประทานโดยกลุ่มได้ } (7-1)! = 6! \\ = 720 \text{ วิธี}$$

ข้อ 19

$$\text{จะมีวิธีซัดเก็ง } 8 \text{ คน เข้ารับประทานอาหารรอบโดยกลุ่มได้} \\ (8-1)! = 7! = 5040 \text{ วิธี}$$

ข้อ 20

มีคน 8 คน นำมาจัดแบ่งลักษณะแบบวงกลมโดยให้นาย ก. กับนาย ข. อยู่ติดกันเสมอ จึงต้องเสียเวลา 7 คน ซึ่งจะได้  $(7 - 1)! = 6!$  แต่ทว่า นาย ก. กับนาย ข. ยังสามารถนั่งสลับที่กันได้อีก 2 รูป  
ดังนั้นมีคน 8 คน นำมาจัดแบ่งลักษณะแบบวงกลมโดยให้ นาย ก. กับนาย ข. อยู่ติดกันเสมอ ได้ทั้งหมด  $2 \times 6! = 1440$  รูป

เฉลยแบบฝึกหัดเสริมทักษะ 6.4

ข้อ 1

$$1.1) \quad {}^{10}C_7 = \frac{10!}{7!(10-7)!} = \frac{10!}{7!3!} = 120$$

$$1.2) \quad {}^{10}C_3 = \frac{10!}{3!(10-3)!} = \frac{10!}{3!7!} = 120$$

$$1.3) \quad {}^{20}C_{18} = \frac{20}{18! 2!} = 190$$

$$1.4) \quad {}^{10}C_{10} = \frac{10!}{10!(10-10)!} = \frac{10!}{10! 0!} = 1$$

$$1.5) \quad {}^nC_n = \frac{n!}{n!(n-n)!} = \frac{n!}{n! 0!} = 1$$

ข้อ 2

$$n = 6, \quad r = 2$$

$$\therefore {}^6C_2 = \frac{6!}{2!(6-2)!} = \frac{6!}{2! 4!} = 15$$

ดังนั้นจะมีวิธีจัดคน 6 คน ออกเป็นกลุ่ม ๆ กลุ่มละ 2 คน ได้ 15 วิธีต่างๆ กัน

ข้อ ๓

จะมีวิธีเลือกชาย 3 คน จากผู้ชายทั้งหมด 8 คน ได้  ${}^8C_3$  วิธี

จะมีวิธีเลือกหญิง 2 คน จากผู้หญิงทั้งหมด 5 คน ได้  ${}^5C_2$  วิธี

ดังนั้น จะมีวิธีเลือกคณะกรรมการฯ หนึ่งชั้งประกอบด้วยชาย 3 คน และ หญิง 2 คน จากผู้ชายทั้งหมด 8 คน ผู้หญิงทั้งหมด 5 คน ได้

$${}^8C_3 \cdot {}^5C_2 = \frac{8!}{3!(8-3)!} \cdot \frac{5!}{2!(5-2)!}$$

$$= \frac{8!}{3!5!} \cdot \frac{5!}{2!3!} = 560 \text{ วิธี}$$

ข้อ ๔

จะมีวิธีเลือกนักเรียน 3 คน จากนักเรียน 6 คน ได้  ${}^6C_3$  วิธี

จะมีวิธีเลือกนักเรียน 4 คน จากนักเรียน 6 คน ได้  ${}^6C_4$  วิธี

จะมีวิธีเลือกนักเรียน 5 คน จากนักเรียน 6 คน ได้  ${}^6C_5$  วิธี

จะมีวิธีเลือกนักเรียน 6 คน จากนักเรียน 6 คน ได้  ${}^6C_6$  วิธี

ดังนั้น จะมีวิธีเลือกนักเรียน 3 คน หรือมากกว่านั้น จากนักเรียนทั้งหมด 6 คน ได้  ${}^6C_3 + {}^6C_4 + {}^6C_5 + {}^6C_6 = 20 + 15 + 6 + 1$

$$= 42 \text{ วิธี}$$

ข้อ ๕

5.1) จะมีวิธีเชิญเพื่อนมา 5 คน จากเพื่อนทั้งหมด 8 คน ได้  ${}^8C_5$

$$= \frac{8!}{5!3!} = 56 \text{ วิธี}$$

5.2) มีคนที่แต่งงานแล้ว 2 คน และค้องเชิญมาด้วย จึงเหลือเชิญเพื่อนอีก 4 คน  
จากเพื่อนที่เหลือ 6 คน

หัวนี้จะมีรีชเชิญเพื่อนมา 6 คน จากเพื่อน 8 คน ซึ่งมีคนแต่งงานแล้ว 2 คน  
จะต้องเชิญมาด้วย จึงมีรีชเชิญได้  ${}^2P_2 \cdot {}^6P_4 = 1 \times 15 = 15$  รีช

**ข้อ ๖** มีข้อสอบ 10 ข้อ ให้เลือกทำ 5 ข้อ

6.1) จะมีรีชเลือกทำข้อสอบ 5 ข้อ จากข้อสอบ 10 ข้อได้  ${}^{10}C_5$

$$= \frac{10!}{5! 5!} = 252 \text{ รีช}$$

6.2) ถ้าต้องตอบ 2 ข้อแรก

$$\text{จะมีรีชเลือก 2 ทั้งหมด } {}^8C_3 = \frac{8!}{3! 5!} = 56 \text{ รีช}$$

6.3) ถ้าต้องตอบ 2 คำถามจาก 5 คำถามแรก (นี่ก็จะต้องตอบอีก 3 คำถาม จาก 5 คำถามหลัง)

$$\text{จะมีรีชเลือกตอบได้ทั้งหมด } {}^5C_2 \cdot {}^5C_3 = \frac{5!}{2! 3!} \cdot \frac{5!}{3! 2!}$$

$$= 100 \text{ รีช}$$

6.4) จะต้องตอบอย่างน้อย 4 คำถาม จาก 5 คำถามแรก

$$\text{จะมีรีชตอบ 4 คำถามจาก 5 คำถามแรกได้ } {}^5C_4 + {}^5C_1$$

(หรือต้องตอบอีก 1 คำถามจาก 5 คำถามหลัง)

$$= \frac{5!}{4! 1!} + \frac{5!}{4! 1!} = 25 \text{ รีช}$$

และ จะมีวิธีตอบ 5 คำถ้ามี 5 คำถ้ามารัก (คือไม่ตอบ 5 คำถ้ามารัก)

$$\text{ให้ } {}^5C_5 \cdot {}^5C_0 = \frac{5!}{5!} \cdot \frac{0!}{0!} = 1 \text{ วิธี}$$

สังนี้จะมีวิธีตอบอย่างน้อย 4 คำถ้า 5 คำถ้ามารักได้ทั้งหมด

$$25 + 1 = 26 \text{ วิธี}$$

ข้อ 7

มีจุดทั้งหมด 6 จุด โดยไม่มีจุด 3 จุดใด ๆ อยู่ในเส้นตรงเดียวกัน

$$7.1) \text{ จะมีวิธีเลือกเส้นเชื่อมจุด } 2 \text{ จุดได้ } {}^6C_2 = \frac{6!}{2! 4!} = 15 \text{ เส้น}$$

$$7.2) \text{ จะมีสามเหลี่ยมได้ทั้งหมด } {}^6C_3 = \frac{6!}{3! 3!} = 20 \text{ รูป}$$

$$7.3) \text{ จะมีสี่เหลี่ยมได้ทั้งหมด } {}^6C_4 = \frac{6!}{4! 2!} = 15 \text{ รูป}$$

ข้อ 8

$$\text{จะมีวิธีเลือกชื่อเสื้อได้ทั้งหมด } {}^6C_4 = \frac{6!}{4! 2!} = 15 \text{ วิธี}$$

ข้อ 9

$$\text{จะมีวิธีจัดนักฟุตบอลลงแข่งขันได้ } {}^{15}C_{11} = \frac{15!}{11! 4!} = 1365 \text{ วิธี}$$

ข้อ 10

ในกล่องมีบล็อกทั้งหมด 9 บล็อก

เป็นสีแดง 4 บล็อก, สีดำ 3 บล็อก, สีขาว 2 บล็อก

หยิบออกมากครั้งละ 2 บล็อก

10.1) จะมีวิธีทั้งหมด  ${}^4C_2 \cdot {}^3C_0 \cdot {}^2C_0$

$$= \frac{4!}{2! 2!} \cdot \frac{3!}{0! 3!} \cdot \frac{2!}{0! 2!}$$

$$= 6 \quad \text{รูป}$$

(หมายเหตุ  ${}^4C_2$  หมายถึง มีบลลัง 4 ลูก หินมา 2 ลูก

${}^3C_0$  หมายถึง มีบลลัง 3 ลูก หินมา 0 ลูก หินไม่หินมาเลย

${}^2C_0$  หมายถึง มีบลลัง 2 ลูก ไม่หินมาเลย)

10.2) จะมีวิธีทั้งหมด  ${}^4C_0 \cdot {}^3C_2 \cdot {}^2C_0$

$$= \frac{4!}{0! 4!} \cdot \frac{3!}{2! 1!} \cdot \frac{2!}{0! 2!}$$

$$= 1 \times 3 \times 1 = 3 \quad \text{รูป}$$

10.3) จะมีวิธีทั้งหมด  ${}^4C_1 \cdot {}^3C_1 \cdot {}^2C_0$

$$= 4 \times 3 \times 1 = 12 \quad \text{รูป}$$

10.4) จะมีวิธีทั้งหมด  ${}^4C_1 \cdot {}^3C_0 \cdot {}^2C_1$

$$= 4 \times 1 \times 2 = 8 \quad \text{รูป}$$

10.5) จะมีวิธีทั้งหมด  ${}^4C_0 \cdot {}^3C_1 \cdot {}^2C_1$

$$= 1 \times 3 \times 2 = 6 \quad \text{รูป}$$

10.6) หยີບໄດ້ບອລແທງ 1 ຈຸກ ອາຈແຍກເປັນ

ຫຍີບໄດ້ບອລແທງ 1 ຈຸກກົບຄໍາ 1 ຈຸກ ທີ່ວ່າ ຫຍີບໄດ້ບອລແທງ 1 ຈຸກກົບຂາວ 1 ຈຸກ

$$\text{ຕິດນັ້ນວິສທີຈະຫຍີບໄດ້ບອລແທງ } 1 \text{ ຈຸກເປັນ } {}^4C_1 \cdot {}^3C_1 \cdot {}^2C_0 + {}^4C_1 \cdot {}^3C_0 \cdot {}^2C_1$$

$$= (4 \times 3 \times 1) + (4 \times 1 \times 2) = 20 \text{ ວິສ}$$

10.7) ໄດ້ບອລແທງຍ່າງນ້ອຍ 1 ຈຸກ ສ້ອງຈາກໄດ້ບອລແທງ 1 ຈຸກເທົ່ານັ້ນ ສັນໄດ້ບອລແທງທັງ 2 ຈຸກ  
ຈາກຜລໃນຂໍ້ 10.6) ກັບຂໍ້ 10.1) ຈະໄດ້ວ່າ

$$\text{ຈະມີວິສທີຫຍີບໄດ້ບອລແທງຍ່າງນ້ອຍ } 1 \text{ ຈຸກໄດ້ } 20 + 6 = 26 \text{ ວິສ}$$

**ຂໍ້ 11**

ຈາກເຂົ້າ A ເປັນເຂົ້າທີ່ມີຮັບເມັນຕໍ່ 6 ຮິສເມັນຕໍ່

$$11.1) \text{ ຕິດນັ້ນ ສັນເຂົ້າຂອງ A ທີ່ມີຮັບເມັນຕໍ່ເຂົ້າລະ 1 ຮິສເມັນຕໍ່ຈະມີ } {}^6C_1 = \frac{6!}{1! 5!} = 6 \text{ ເຂົ້າ}$$

$$11.2) \text{ ຕິດນັ້ນສັບເຂົ້າຂອງ A ທີ່ມີຮັບເມັນຕໍ່ເຂົ້າລະ 2 ຮິສເມັນຕໍ່ຈະມີ } {}^6C_2 = \frac{6!}{2! 4!} = 15 \text{ ເຂົ້າ}$$

$$11.3) \text{ ຕິດນັ້ນສັບເຂົ້າຂອງ A ທີ່ມີຮັບເມັນຕໍ່ເຂົ້າລະ 4 ຮິສເມັນຕໍ່ຈະມີ } {}^6C_4 = \frac{6!}{4! 2!} = 15 \text{ ເຂົ້າ}$$

$$11.4) \text{ ຕິດນັ້ນສັບເຂົ້າຂອງ A ທີ່ມີຮັບເມັນຕໍ່ເຂົ້າລະ 5 ຮິສເມັນຕໍ່ຈະມີ } {}^6C_5 = \frac{6!}{5! 1!} = 6 \text{ ເຂົ້າ}$$

$$11.5) \text{ ຕິດນັ້ນສັບເຂົ້າຂອງ A ທີ່ມີຮັບເມັນຕໍ່ເຂົ້າລະ 6 ຮິສເມັນຕໍ່ຈະມີ } {}^6C_6 = \frac{6!}{6! 0!} = 1 \text{ ເຂົ້າ}$$

**ຂໍ້ 12**

$$12.1) \text{ ຈາກ } {}^nC_4 = {}^nC_2$$

$$\frac{n!}{4!(n-4)!} = \frac{n!}{2!(n-2)!}$$

$$\frac{(n-2)!}{(n-4)!} = \frac{4! n!}{2! n!}$$

$$\frac{(n-2)(n-3)(n-4)!}{(n-4)!} = 12$$

$$n^2 - 5n - 6 = 0$$

$$(n-6)(n+1) = 0$$

$$\therefore n = 6, -1$$

$$\text{นั่นคือ } n = 6$$

$$12.2) n = 12$$

$$12.3) \text{ เมื่อ } \frac{n+1}{n} P_3 = n P_4$$

$$\frac{(n+1)!}{(n+1-3)!} = \frac{n!}{(n-4)!}$$

$$\frac{(n+1)(n)(n-1)(n-2)!}{(n-2)!} = \frac{n(n-1)(n-2)(n-3)(n-4)}{(n-4)!}$$

$$n^3 - n = n^4 - 6n^3 + 11n^2 - 6n$$

$$n^4 - 7n^3 + 11n^2 - 5n = 0$$

$$n(n^3 - 7n^2 + 11n - 5) = 0$$

$$n(n-1)(n^2 - 6n + 5) = 0$$

$$n(n-1)(n-5)(n-1) = 0$$

$$\therefore n = 0, 1, 5$$

จากสูตร  ${}^n p_r$ ,  $r \leq n$

พึงนับค่า  $n$  ที่มากกว่า หรือ เท่ากับ  $r$  ก็ต้อง 5 ค่าเทียบ

ผู้นับ  $n = 5$

$$12.4) \quad n = 20$$

เฉลยแบบฝึกหัดเสริมทักษะ 6.5

ข้อ 1

$$\begin{aligned} 1.1) \quad (3a + 2b)^4 &= {}^4 C_0 (3a)^4 - 0 (2b)^0 + {}^4 C_1 (3a)^{4-1} (2b) \\ &\quad + {}^4 C_2 (3a)^{4-2} (2b)^2 + {}^4 C_3 (3a)^{4-3} (2b)^3 \\ &\quad + {}^4 C_4 (3a)^{4-4} (2b)^4 \\ &= \frac{4!}{0! 4!} (81a^4) + \frac{4!}{1! 3!} (27a^3) (2b) + \frac{4!}{2! 2!} \\ &\quad (9a^2) (4b^2) + \frac{4!}{3! 1!} (3a)(8b^3) + \frac{4!}{4! 0!} (16b^4) \end{aligned}$$

$$\therefore (3a + 2b)^4 = 81a^4 + 216a^3b + 216a^2b^2 + 96ab^3 + 16b^4$$

$$1.2) \quad (\frac{a}{2} - b)^5 = \frac{a^5}{32} - \frac{5a^4b}{16} + \frac{5}{4} a^3b^2 - \frac{5}{2} a^2b^3 + \frac{5}{2} ab^4 - b^5$$

$$\begin{aligned} 1.3) \quad (a^2 - 2)^4 &= {}^4 C_0 (a^2)^{4-0} (-2)^0 + {}^4 C_1 (a^2)^{4-1} (-2)^1 + {}^4 C_2 (a^2)^{4-2} \\ &\quad (-2)^2 + {}^4 C_3 (a^2)^{4-3} (-2)^3 + {}^4 C_4 (a^2)^{4-4} (-2)^4 \end{aligned}$$

$$= \frac{4!}{0! 4!} (a^8) + \frac{4!}{1! 3!} (a^6)(-2) + \frac{4!}{2! 2!} (a^4)(4)$$

$$+ \frac{4!}{3! 1!} (a^2)(-8) + \frac{4!}{4! 0!} (16)$$

$$\therefore (a^2 - 2)^4 = a^8 - 8a^6 + 24a^4 - 32a^2 + 16$$

$$1.4) (a + \frac{2}{a})^3 = {}^3C_0 (a)^{3-0} (\frac{2}{a})^0 + {}^3C_1 (a)^{3-1} (\frac{2}{a}) + {}^3C_2 (a)^{3-2}$$

$$(\frac{2}{a})^2 + {}^3C_3 (a)^{3-3} (\frac{2}{a})^3$$

$$= \frac{3!}{0! 3!} (a^3) + \frac{3!}{1! 2!} (a^2) (\frac{2}{a}) + \frac{3!}{2! 1!} (a) (\frac{4}{a^2})$$

$$+ \frac{3!}{3! 0!} (\frac{8}{a^3})$$

$$\therefore (a + \frac{2}{a})^3 = a^3 + 6a + \frac{12}{a} + \frac{8}{a^3}$$

**ข้อ 2** จาก  $(x - 3)^8$

$$\therefore \text{เทอมที่ไม่มี } x \text{ ร่วมอยู่' เลยคือ } {}^8C_8 (x)^{8-8} (-3)^8 = \frac{8!}{8! 0!} x^0 (-3)^8$$

$$= 6561$$

**ข้อ 3** จาก  $(a - b)^9$

$$\text{เทอมที่มี } a^4 b^5 \text{ อยู่ด้วยคือ } {}^9C_5 (a)^{9-5} (-b)^5$$

$$= \frac{9!}{5! 4!} (a^4) (-b^5)$$

$$= -126 a^4 b^5$$

ข้อ 4

$$\text{จาก } (1.02)^5 = (1 + 0.02)^5$$

$$\therefore (1 + 0.02)^5 = {}^5C_0 (1)^{5-0} (0.02)^0 + {}^5C_1 (1)^{5-1} (0.02)$$

$$+ {}^5C_2 (1)^{5-2} (0.02)^2 + {}^5C_3 (1)^{5-3} (0.02)^3 + \dots$$

$$= \frac{5!}{0! 5!} + \frac{5!}{1! 4!} (0.02) + \frac{5!}{2! 3!} (0.004)$$

$$= \frac{5!}{3! 2!} (.000002) + \dots$$

$$= 1 + 0.10 + 0.004 + 0.00002 + \dots$$

$$\therefore (1.02)^5 = 1.10402$$

ข้อ 5

$$\text{จาก } (x - 3y)^7$$

เทอมที่ว้าไปของการกระจาย  $(x - 3y)^7$  หรือ  ${}^7C_k (x)^{7-k} (-3y)^k$

เทียบกับเทอมที่ต้องการหาสัมประสิทธิ์คือ  $x^4 y^3$

จะได้ว่า  $k$  ต้องกำลังของ  $y$  นั้นเท่ากับ 3

แทนค่าเทอมที่ว้าไปจะได้  ${}^7C_3 x^{7-3} (-3y)^3$

$$= \frac{7!}{3! 4!} (x)^4 (-27 y^3)$$

$$= -945 x^4 y^3$$

หงนั้นสัมประสิทธิ์ของ  $x^4 y^3$  คือ - 945

**ข้อ 6** จาก  $(\frac{a}{2} - b)^5$

เทอมที่ว้าไปศือ  ${}^5 C_k (\frac{a}{2})^{5-k} (-b)^k$

เราต้องการหา สัมประสิทธิ์ของ เทอม  $a^3 b^2$

หงนั้น  $k = 2$

$$\begin{aligned} \therefore {}^5 C_2 (2x^3)^{5-2} (-2y^2)^2 &= \frac{5!}{2!3!} (2x^3)^3 (-2y^2)^2 \\ &= (10) (8x^9) (4y^4) \\ &= 320 x^9 y^4 \end{aligned}$$

หงนั้นสัมประสิทธิ์ของ  $x^9 y^4$  = 320

**ข้อ 7** สัมประสิทธิ์ของ  $b^7$  คือ 960 **ข้อ 8** สัมประสิทธิ์ของ  $x^9 y^4$  คือ 320

**ข้อ 9** จาก  $(x^3 - 2)^5$

เทอมที่ว้าไปศือ  ${}^5 C_k (x^3)^{5-k} (-2)^k = {}^5 C_k x^{15-3k} (-2)^k$

เทียบกับ เทอมที่ต้องการหาสัมประสิทธิ์ คือ  $x^6$

หงนั้น  $15 - 3k = 6$

$\therefore 3k = 9$

$\therefore k = 3$

แทนค่า  $k$  ในเทอมที่ว่าไปได้

$$\begin{aligned} {}^5C_3 (x^3)^{5-3} (-2)^3 &= \frac{5!}{3!2!} x^6 (-8) \\ &= -80 x^6 \end{aligned}$$

ตั้งนี้นั้นสมบัติที่ว่าของ  $x^6$  คือ  $-80$

ข้อ 10

จาก  $(2a - b + c + 3d)^6$

$$\text{เทอมที่ว่าไปศิริ} = \frac{6!}{k_1! k_2! k_3! k_4!} (2a)^{k_1} (-b)^{k_2} (c)^{k_3} (3d)^{k_4}$$

10.1) เทอมที่ต้องการหาสมบัติที่ว่า  $a^6$

$$\text{ตั้งนี้นั้น } k_1 = 6, k_2 = k_3 = k_4 = 0$$

$$\therefore \frac{6!}{6! 0! 0! 0!} (2a)^6 (-b)^0 (c)^0 (3d)^0 = 64 a^6$$

ตั้งนี้นั้นสมบัติที่ว่าของ  $a^6$  คือ  $64$

10.2) เทอมที่ต้องการหาสมบัติที่ว่า  $a^2b^4$

$$\text{ตั้งนี้นั้น } k_1 = 2, k_2 = 4, k_3 = k_4 = 0$$

$$\begin{aligned} \therefore \frac{6!}{2! 4! 0! 0!} (2a)^2 (-b)^4 (c)^0 (3d)^0 &= 15 (4a^2) (b^4) \\ &= 60 a^2 b^4 \end{aligned}$$

ตั้งนี้นั้นสมบัติที่ว่าของ  $a^2 b^4$  คือ  $60$

10.3) เทอมที่ต้องการหาสัมประสิทธิ์คือ  $ab^4c$

$$\text{หั้งนั้น } k_1 = 1, k_2 = 4, k_3 = 1, k_4 = 0$$

$$\therefore \frac{6!}{1! 4! 1! 0!} (2a)(-b)^4 (c) (3d)^0 = (30) (2a)(b^4)(c)$$

$$= 60 ab^4c$$

หั้งนั้นสัมประสิทธิ์ของ  $ab^4c$  คือ 60

10.4) เทอมที่ต้องการหาสัมประสิทธิ์คือ  $a^2bc^2d$

$$\text{หั้งนั้น } k_1 = 2, k_2 = 1, k_3 = 2, k_4 = 1$$

$$\therefore \frac{6!}{2! 1! 2! 1!} (2a)^2 (-b)(c)^2 (3d) = (180) (4a^2)(-b)(c^2)(3d)$$

$$= -2160 a^2bc^2d$$

หั้งนั้นสัมประสิทธิ์ของ  $a^2bc^2d$  คือ -2160

ข้อ 11

จาก  $(3 - x + 2y - 3z)^8$

เทอมที่ว้าไปคือ  $\frac{5!}{k_1! k_2! k_3! k_4!} (3)^{k_1} (-x)^{k_2} (2y)^{k_3} (-3z)^{k_4}$

11.1) เทอมที่ต้องการหาสัมประสิทธิ์คือ  $x^6y^2$

$$\text{หั้งนั้น } k_1 = 0, k_2 = 6, k_3 = 2, k_4 = 0$$

$$\therefore \frac{8!}{0! 6! 2! 0!} (3)^0 (-x)^6 (2y)^2 (-3z)^0 = (28) (x^6) (4y^2)$$

$$= 112 x^6 y^2$$

หงน์สัมประสิทธิ์ของ  $x^6 y^2$  หรือ 112

11.2) เทอมที่ต้องการหาสัมประสิทธิ์ หรือ  $x^3 y^2 z$

หงน์  $k_2 = 3, k_3 = 2, k_4 = 1$

$$\text{แต่ } k_1 + k_2 + k_3 + k_4 = 8 \quad \therefore k_1 + 6 = 8 \text{ จะได้ว่า } k_1 = 2$$

$$\therefore \frac{8!}{2! 3! 2! 1!} (3)^2 (-x)^3 (2y)^2 (-3z) = (1680) (9) (-x^3) (4y^2) (-3z)$$

$$= 181,440 x^3 y^2 z$$

หงน์สัมประสิทธิ์ของ  $x^3 y^2 z$  หรือ 181,440

11.3) เทอมที่ต้องการหาสัมประสิทธิ์ หรือเทอมที่ไม่มี  $x, y, z$  อญຸດ້ວຍເລຍ

หงน์  $k_1 = 8, k_2 = k_3 = k_4 = 0$

$$\therefore \frac{8!}{8! 0! 0! 0!} (3)^8 (-x)^0 (2y)^0 (-3z)^0 = 6561$$

หงน์ เทอมที่ไม่มี  $x, y, z$  อญຸດ້ວຍເລຍ หรือ 6561

ข้อ 12

$$\text{จาก } (a - 2b + 3c)^{10}$$

$$\text{เทอมที่ໄປໄຫວ້າ} \quad \frac{10!}{k_1! k_2! k_3!} a^{k_1} (-2b)^{k_2} (3c)^{k_3}$$

เทอมที่ต้องการหาสัมประสิทธิ์ หรือ  $a^5 b^4 c$

หงน์  $k_1 = 5, k_2 = 4, k_3 = 1$

$$\therefore \frac{10!}{5! 4! 1!} (a)^5 (-2b)^4 (3c) = (1260) (a^5) (16b^4) (3c)$$
$$= 60,480 a^5 b^4 c$$

หงน์สัมประสิทธิ์ของ  $a^5 b^4 c$  หรือ 60,480