

บทที่ 3

ฟังก์ชันและกระบวนการ (Functions and Procedures)

3.1 การสร้างโปรแกรมจากสารสนเทศที่มีอยู่

กรณีศึกษา : การหาพื้นที่และเส้นรอบวงของวงกลม

3.2 ฟังก์ชัน

3.3 การออกแบบจากบันลอกถ่างและผังโครงสร้าง

กรณีศึกษา : วางแผนภาพอย่างง่าย

3.4 กระบวนการ

3.5 กระบวนการคือตัวอย่างสร้างโปรแกรม

3.6 ข้อดีดีพิเศษร่วมของการเขียนโปรแกรม

โปรแกรมเมอร์ซึ่งใช้วิธีพัฒนาซอฟต์แวร์เพื่อแก้ปัญหานี้มีคือจะจัดการโปรแกรมใหม่แต่ละชุดเป็นเหตุการณ์หนึ่งเดียว (a unique event) สารสนเทศซึ่งอยู่ในประโยชน์ปัญหา และสารสนเทศซึ่งรวมรวมระหว่างขั้นวิเคราะห์และออกแบบ ช่วยให้โปรแกรมเมอร์วางแผน และเรียบร้อยโปรแกรม

โปรแกรมเมอร์ใช้เซกเมนต์ (segments) ของผลเดลย์โปรแกรมก่อนหน้านั้น เป็นบล็อกการสร้าง (building blocks) เพื่อสร้างโปรแกรมใหม่

ในหัวข้อ 3.2 เราแสดงให้เห็นว่าจะเข้า (tap) สารสนเทศที่มีอยู่ และลงทะเบียนในรูปแบบของฟังก์ชันซึ่งให้ฉันสามารถแล้ว เพื่อเขียนโปรแกรมอย่างไร นอกเหนือจากการใช้สารสนเทศที่มีอยู่ โปรแกรมเมอร์สามารถใช้เทคโนโลยีการออกแบบจากบันลอกถ่าง เพื่อให้การพัฒนาอัลกอริทึมและโครงสร้างของโปรแกรม ผลลัพธ์ทำได้ง่ายขึ้น การประยุกต์ใช้การออกแบบจากบันลอกถ่างโปรแกรมเมอร์เริ่มต้นด้วยประโยชน์ซึ่งกว้างที่สุดของผลเดลย์การแก้ปัญหา และทำงานลงไปยังรายละเอียดของปัญหาอย่างมากขึ้น

ในหัวข้อ 3.3 - 3.5 เรายังคงให้เห็นการออกแบบจากนั้นลงส่าง และเน้นบทบาทของการเขียนโปรแกรมส่วนสำคัญเพื่อใช้กระบวนการงาน

3.1 การสร้างโปรแกรมจากสารสนเทศที่มีอยู่ (Building Programs from Existing Information)

โปรแกรมเมอร์มีน้อยมากที่เริ่มต้นจากสถานะว่าง (หรือจริงๆ) เมื่อเข้าพื้นที่ โปรแกรม น้อยครั้งหรือเกือบทั้งหมด การแก้ปัญหาพัฒนาจากสารสนเทศซึ่งมีอยู่เรียบร้อยแล้ว หรือจากผลเดสก์ของอิกปัญหาหนึ่ง เช่นที่เราจะแสดงให้เห็นจากโปรแกรมเปลี่ยนหน่วยวัด

การทำความเข้าใจการพัฒนาซอฟต์แวร์อย่างระมัดระวัง ซึ่งสร้างการทำเอกสารระบบที่สำคัญ ก่อนเริ่มต้นลงรหัสโปรแกรม การทำเอกสารเช่นนี้ ประกอบด้วย คำอธิบายการระบุความต้องการข้อมูลของปัญหา (พัฒนาระหว่างขั้นวิเคราะห์) และอัลกอริทึมแก้ปัญหาของมัน (พัฒนาระหว่างออกแบบ) บทสรุปความสนใจของเรา ตลอดจนการประมาณผล

เราสามารถใช้เอกสารนี้เป็นจุดเริ่มต้นในการลงรหัสโปรแกรม ด้วยปัจจุบัน เริ่มต้นทำขั้นส่วนที่เป็นการระบุความต้องการข้อมูลปัญหา ในส่วนการประภาคโปรแกรม (รูป 3.1) จากนั้นตรวจแก้ (edit) บรรทัดเหล่านี้ เพื่อให้ตรงกับวากยสัมพันธ์ของ Pascal สำหรับการประภาคค่าคงตัวและตัวแปร ทำส่วนการประภาคของโปรแกรมให้เสร็จสิ้น (รูป 3.2) วิธีนี้จะเป็นการช่วยถ้าการทำเอกสารสร้างไว้แล้วด้วยตัวประมาณผลคำอยู่ในไฟล์ซึ่งสามารถตรวจแก้ได้

Program Metric:

{Converts square meters to square yards}

relevant formula

$$1 \text{ square meter} = 1.196 \text{ square yards}$$

problem input

SqMeters {the fabric size in square meters}

problem output

SqYards {the fabric size in square yards}

begin

end.

รูป 3.1 ตัวอย่างการประยุกต์ใช้ภาษา Pascal ในการตรวจสอบ

program Metric;

{Converts square meters to square yards}

const

MetersToYards = 1.196; {conversion constant}

var

SqMeters, (input-fabric size in meters)

SqYards : Real; {output-fabric size in yards}

begin

{1. Read the fabric size in square meters.}

{2. Convert the fabric size to square yards.}

{2.1 Size in sq. yards is 1.196 * size in sq. meters.}

{3. Display the fabric size in square yards.}

end.

รูป 3.2 การใช้อัลกอริทึมแบบละเอียดเป็นโครงร่าง (framework) ของโปรแกรม

การพัฒนาตัวโปรแกรม (program body) ขึ้นแรกใช้อัลกอริทึมเริ่มต้น และการแปลงละเอียดของมัน เป็นคอมเม้นต์ของโปรแกรม คอมเม้นต์จะอธิบายทุกขั้นตอนของอัลกอริทึม และถือว่าเป็นการทายเอกสารโปรแกรม ซึ่งเป็นแนวทางการลงรหัส Pascal รูป 3.2 แสดงให้เห็นว่า ณ จุดนี้โปรแกรมจะคูณเป็นอย่างไร

หลังจากคอมเมนต์อยู่ในตัวโปรแกรมแล้ว เรายังเริ่มต้นเขียนข้อความสั้ง Pascal ใส่รหัส Pascal โดยครั้ง สໍາหັບຂັ້ນທີ່ໄມ່ແປງສະເໝີດໃຫ້ຂັ້ນຄອນນັ້ນ ສໍາວັນຂັ້ນທີ່ມີການແປງສະເໝີດ ອາຈີການຕຽບແກ້ການແປງສະເໝີດເພື່ອເປັນຈຳການພາສຸດໃຫ້ເປັນ Pascal ທີ່ຮູ້ແກ່ນທີ່ຕ້ວຍຮັບ Pascal (ຫຼຸງປ 2.1)

กรณีศึกษา การหาพื้นที่และเส้นรอบวงของวงกลม

(1) ปัญหา (Problem)

อ่านรัศมีของวงกลม จากนั้นคำนวณและพิมพ์พื้นที่และเส้นรอบวงของวงกลม

(2) วิเคราะห์ (Analysis)

อินพุตของปัญหาคือรัศมีของวงกลม เอาร์พຸດທີ່ຕ້ອງການມີສອງຢ່າງ ຕີ່ອີ່ມື່ນທີ່
ແລະເສັ້ນຮອບວັງຂອງວັງກອມ ດັວແປຣເໜ່ານີ້ຄວາມມີໜີດເປັນ Real ເພຣະວ່າອິນພຸດແລະເອົາໆພຸດ
ອາຈີການເຫັນເສົ້າ (fractional part) ຄວາມສັນພັນນີ້ເຮົາຄົນຕະຫວ່າງວ່າຮັບມືຂອງວັງກອມແລະ
ເສັ້ນຮອບວັງຂອງມັນຈະເປັນດັດໄປພວ່ອມກັບຄວາມຕ້ອງການຂ້ອນມູນຄຸ

Data Requirements

Problem Constant

$$\text{MyPi} = 3.14159;$$

Problem Input

$$\text{Radius : Real} \quad (\text{radius of a circle})$$

Problem output

$$\text{Area : Real} \quad (\text{area of a circle})$$

$$\text{Circum : Real} \quad (\text{circumference of a circle})$$

Relevant Formulas

$$\text{area of a circle} = \pi \times \text{radius}^2$$

$$\text{circumference of a circle} = 2\pi \times \text{radius}$$

(3) ออกแบบ (Design)

หลังจากการระบุອິນພຸດແລະເອົາໆພຸດຂອງປັບປຸງແລ້ວ ເປັນຮາຍການຂັ້ນຄອນຕ່າງໆ
ທີ່ຈໍາເປັນເພື່ອແກ້ປັບປຸງ

ອັດກອງຮົມເຮັນຕັ້ນ

1. อ่านรัศมีของวงกลม

2. หาพื้นที่

3. หาเส้นรอบวง

4. พิมพ์พื้นที่และเส้นรอบวง

การแบ่งระดับอัลกอริทึม

ต่อไป แบ่งระดับขั้นตอนซึ่งยังขาดการแก้ปัญหาที่ชัดเจน (ขั้นที่ 2 และขั้นที่ 3)

ขั้นที่ 2 การแบ่งระดับ

2.1 กำหนด $\text{MyPi} * \text{Radius} * \text{Radius}$ ให้กับ Area

ขั้นที่ 3 การแบ่งระดับ

3.1 กำหนด $2 * \text{MyPi} * \text{Radius}$ ให้กับ Circums

(4) การปฏิบัติให้เกิดผล (Implementations)

รูป 3.3 แสดงให้เห็นโปรแกรม Pascal สำหรับเป็นตัวโปรแกรม ประกอบด้วย อัลกอริทึมเริ่มต้น และการแบ่งระดับของมัน

การเขียนโปรแกรมสุดท้าย เป็นการแบ่งระดับ (ขั้น 2.1 และขั้น 3.1) ให้ เป็น Pascal เวียนรหัส Pascal สำหรับขั้นซึ่งไม่แบ่งระดับ (ขั้นที่ 1 และขั้นที่ 4) และลบ เลขขั้นตอนออกจากคอมเม้นท์ รูป 3.4 แสดงโปรแกรมสุดท้าย

Program Circle;

{Finds and prints the area and circumference of a circle}

const

MyPi = 3.14159;

var

Radius, {input - radius of a circle}

Area, {output - area of a circle}

Circum : Real; {output - circumference of a circle}

```
begin
    {1. Read the circle radius.}
    {2. Find the area.}
        {2.1 Assign MyPi * Redius * Radius to Area.}
    {3. Find the circumference.}
        {3.1 Assign 2 * MyPy * Radius to Circum.}
    {4. Print the are and circumference.}
end.
```

ก 3.3 Output ของโปรแกรม Circle

Edit Window

```
program Circle;
{Finds and prints the area and circumference of a circle}
```

```
const
    MyPi = 3.14159;
```

```
var
    Radius,           {input - radius of a circle}
    Area,            {output - area of a circle}
    Circum : Real;   {output - circumference of a circle}
```

```
begin
    {Read the circle radius.}
    Write (' Enter radius >');
    ReadLn (Radius);
```

{Find the area.}

```
Area := MyPi * Radius * Radius;
```

{Find the circumference.}

```
Circum := 2.0 * MyPi * Radius;
```

{Print the area and circumference.}

```
WriteLn ('The area is ' ; Area : 4 : 2);
```

```
WriteLn ('The circumference is ' ; Circum : 4 : 2)
```

end.

Output Window

Enter radius >

The area is 78.54

The circumference is 31.42

รูป 3.4 การหาพื้นที่และเส้นรอบวงของวงกลม

(5) การทดสอบ (Testing)

เอกสารพุดตัวอย่างในรูป 3.4 ถือว่าเป็นการทดสอบที่ต้องผลลัพธ์ เพราะว่า ค่อนข้างง่ายในการคำนวณด้วยมือสำหรับพื้นที่และเส้นรอบวงของวงกลมที่มีรัศมีเท่ากับ 5 กำลังสองของรัศมีเท่ากับ 25 และ π ค่าโดยประมาณเท่ากับ 3 ดังนั้นค่าของพื้นที่คุ้นเคยถูกต้อง เส้นรอบวงของวงกลมควรจะเป็น 10 เท่าของ π ซึ่งเป็นเลขที่คำนวณด้วยมือได้โดยง่าย

แบบฝึกหัด 3.1 Self - Check

- จงอธิบายอินพุตและเอกสารพุดของปัญหา แล้วเขียนอัลกอริทึมสำหรับโปรแกรม คำนวณเงินเดือนรวม (gross salary) ของพนักงานเมื่อกำหนดจำนวนชั่วโมงทำงาน (hours worked) และอัตราค่าจ้างต่อชั่วโมง (hourly rate)

2. จงเขียนโปรแกรมหาผลโดยในแบบฝึกหัดข้อ 1 และส่วนการประมวลของโปรแกรม และคอมเมนต์โปรแกรมซึ่งสมนัยกับอัลกอริทึมและการแบ่งระเบียบท่องมัน

3. จะมีการเปลี่ยนแปลงอะไรบ้าง เมื่อเราขยายอัลกอริทึมเงินเดือน (payroll algorithm) ในแบบฝึกหัดข้อ 1 ซึ่งรวมชั่วโมงทำงานส่วนเวลา (overtime hours) ซึ่งจ่ายในอัตรา 1.5 เท่าของอัตราค่าจ้างท่อชั่วโมงปกติ เมื่อคำนวณเงินเดือนรวมของพนักงาน สมมติว่า จำนวนชั่วโมงทำงานส่วนเวลา ใส่ (enter) แยกจากกัน

เขียนโปรแกรม

1. ใช้การแบ่งระเบียดให้กับร่างของโปรแกรมข้างล่างนี้ แล้วเขียนโปรแกรม Pascal ดูด้วย :

```
program SumAndAverage;
{Finds and prints the sum and average of two numbers}

var
    One, Two,          {input - numbers to process}
    Sum,              {Output - Sum of One and Two}
    Average : Real;   {Output - average of One and Two}

begin
    {1. Read two numbers.}
    {2. Compute sum of numbers.}
    {3. Compute average of numbers.}
    {4. Print sum and average.}
end.
```

2. จงเขียนโปรแกรม Pascal ที่เสร็จสมบูรณ์ของแบบฝึกหัดข้อ 1
3. จงเขียนโปรแกรม Pascal ที่เสร็จสมบูรณ์ของ revised payroll algorithm ในแบบฝึกหัด 3.1

3.2 พังก์ชัน (Functions)

พังก์ชันและการนำกลับมาใช้ใหม่ (Functions and Reusability)

เป้าหมายหลักของการเขียนโปรแกรมเชิงโครงสร้าง คือ เรียบร้อยที่ไม่มีข้อผิดพลาด (error - free code) วิธีหนึ่งในการทำสิ่งนี้ คือ การนำกลับมาใช้ใหม่ หมายถึง นำกลับมาใช้ (reuse) เมื่อได้กิจกรรมที่เป็นไปได้ซึ่งมีรหัสที่เขียนและทดสอบเรียบร้อยแล้ว Pascal สนับสนุนการนำกลับมาใช้โดยมีพังก์ชันซึ่งให้ความแลัวจำนวนมากสำหรับการคำนวณเชิงคณิตศาสตร์

พังก์ชัน หมายถึง ส่วนจำเพาะของรหัสที่แยกจากกัน ซึ่งคำนวณแล้วให้ผลลัพธ์หนึ่งค่า (A function is a separate module of code that compute a single result.)

ตัวอย่างเช่น พังก์ชัน Pascal ชื่อ Sqrt ซึ่งคำนวณรากที่สอง (square root computation)

ส่วนนิพจน์ของข้อความสั่งกำหนดค่า ทำให้รหัสของพังก์ชัน Sqrt ทำงานโดยส่งอาร์กิวเม้นต์ X ให้กับพังก์ชัน

$Y := \text{Sqrt}(X)$

ในที่นี่ Sqrt เป็นชื่อพังก์ชัน, X เป็นอาร์กิวเม้นต์ของพังก์ชัน,

Sqrt(X) เป็น function designator ซึ่งเป็นส่วนของนิพจน์

พังก์ชันอาร์กิวเม้นต์ หมายถึง ค่าซึ่งส่งไปยังพังก์ชัน (A function argument is a value pascal into a function)

function designator หมายถึง ส่วนของนิพจน์ ซึ่งกระตุ้นให้พังก์ชันทำงานและส่งอาร์กิวเม้นต์ไปยังพังก์ชัน (A function designator is the part of an expression that activates a function and passes arguments to the function.)

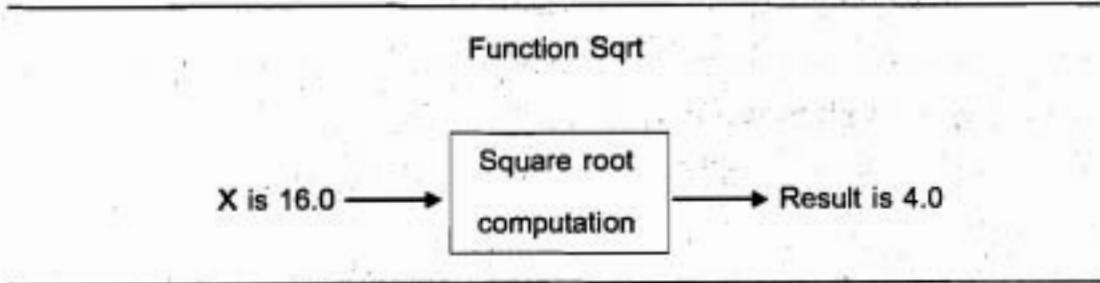
หลังจากพังก์ชันกระทำการ ค่าของพังก์ชันจะไปแทนที่ function designator ในนิพจน์ ถ้า X มีค่าเท่ากับ 16.0

ข้อความสั่งกำหนดค่าจะถูกประมวลผลดังนี้

1. X เท่ากับ 16.0 ดังนั้นพังก์ชัน Sqrt คำนวณรากที่สองของ 16.0 ผลลัพธ์คือ 4.0
2. ผลลัพธ์ของพังก์ชันคือ 4.0 ถูกกำหนดให้ Y

พังก์ชันเปรียบเสมือนกล่องดำ (black box) ซึ่งรับค่าอินพุตหนึ่งท่านรีบมากกว่าหนึ่งค่าที่ส่งมา และให้ค่าเอาต์พุตหนึ่งค่าส่งกลับอัตโนมัติ รูป 3.6 แสดงให้เห็นกระบวนการ

นี่ สำหรับเรียกฟังก์ชัน Sqrt ค่าของ X (คือ 16.0) เป็นอินพุตของฟังก์ชัน และผลลัพธ์ของฟังก์ชันหรือเอาต์พุตคือรากที่สองของ 16.0 (ผลลัพธ์คือ 4.0)



รูป 3.6 พังก์ชัน Sqrt เป็นก่อส่องค่า

อีกด้วยอย่างหนึ่ง ถ้า W เท่ากับ 9.0 ข้อความสั่งภาษาหนดค่า

$Z := 5.7 + \text{Sqrt}(W)$

ประเมินผลดังนี้

1. W มีค่าเท่ากับ 9.0 ดังนั้นฟังก์ชัน Sqrt คำนวณรากที่สองของ 9.0 ผลลัพธ์คือ

3.0

2. ค่า 5.7 บวกกับ 3.0

3. ผลบวกคือ 8.7 เก็บใน Z

ตัวอย่าง 3.1

โปรแกรมในรูป 3.7 แสดงผลรากที่สองของเลขสองจำนวน ซึ่งเป็นข้อมูลอินพุต (First และ Second) และรากที่สองของผลบวกของเลขสองตัวนี้ ในการทำสิ่งนี้ ต้องเรียกฟังก์ชัน Sqrt สามครั้ง

Answer := Sqrt(First);

Answer := Sqrt(Second);

Answer := Sqrt(First + Second);

สำหรับการเรียกสองครั้งแรก อาร์กิวเม้นต์คือตัวแปร (First และ Second) การเรียกครั้งที่สามแสดงให้เห็นว่า อาร์กิวเม้นต์ของฟังก์ชันเป็นนิพจน์ (First + Second) การเรียกทั้งสามครั้งผลลัพธ์กลับคืน (return) โดยฟังก์ชัน Sqrt ถูกกำหนดให้กับตัวแปร Answer

ถ้าเราดูโปรแกรมในรูป 3.7 อย่างใกล้ชิด จะเห็นว่าแต่ละข้อความตั้งประกอบด้วย การเรียกไปร์ซีเตอร์ Pascal (Write, WriteLn, ReadLn) หรือฟังก์ชัน Sqrt - เราใช้กระบวนการ งานให้ nim ยามแล้วของ Pascal และฟังก์ชันเป็นบล็อกการสร้างเพื่อสร้างโปรแกรมใหม่

Edit Window

```
Program SquareRoots;
{Performs three square root computations}

var
    First, Second,      {input - two data values}
    Answer : Real;      {output - a square root value}

begin
    {Get first number and display its square root.}
    Write ('Enter the first number >');
    ReadLn (First);
    Answer := Sqrt (First);
    WriteLn ('The square root of the first number is ', Answer : 4 : 2);

    {Get second number and display its square root.}
    Write ('Enter the second number >');
    ReadLn (Second);
    Answer := Sqrt (Second);
    WriteLn ('The square root of the second number is ', Answer : 4 : 2);

    {Display the square root of the sum of both numbers.}
    Answer := Sqrt (First + Second);
    WriteLn ('The square root of the sum of both numbers is ', Answer : 4 : 2)
end.
```

Output Window

Enter the first number > **9.0**

The square root of the first number is 3.00

Enter the second number > **16.0**

The square root of the second number is 4.00

The square root of the sum of both number is 5.00

รูป 3.7 โปรแกรม Square Roots

ฟังก์ชัน Pascal มาตรฐาน (Standard Pascal Functions)

ตาราง 3.1 แสดงรายการชื่อและค่าอธิบายของฟังก์ชันที่นิยามแล้ว ของ Pascal บางชุด ยกเว้น Abs, Round, Sqr และ Tranc เท่านั้น ฟังก์ชันเหล่านี้ในตาราง 3.1 ก็ต้นคืน (return) ค่าชนิด Real โดยไม่สนใจชนิดอาร์กิวเม้นต์ของมัน (Real หรือ Integer) ชนิดของผลลัพธ์กลับคืนของฟังก์ชัน Abs หรือ Sqr จะเหมือนกับชนิดของอาร์กิวเม้นต์ของมัน

ตาราง 3.1 ฟังก์ชันมาตรฐาน

| Function | Purpose | Argument | Result |
|------------|---|---------------------------|------------------|
| Abs (X) | Returns the absolute value of X | Real or Integer | Same as argument |
| ArcTan (X) | Returns the angle y in radians satisfy $X = \tan(y)$, where $-\frac{\pi}{2} < y < \frac{\pi}{2}$ | Real or Integer | Real (radians) |
| Cos (X) | Returns the cosine of angle X | Real or Integer (radians) | Real |

| Function | Purpose | Argument | Result |
|-----------|---|------------------------------|---------------------|
| Exp (X) | Returns e^x , where $e = 2.71828\dots$ | Real or Integer | Real |
| Ln (X) | Returns the natural logarithm of X for $X > 0.0$ | Real or Integer | Real |
| Round (X) | Returns the closest Integer value to X | Real | Integer |
| Sin (X) | Returns the sine of angle X | Real or Integer (radians) | Real |
| Sqr (X) | Returns the square of X | Real or Integer | Same as argument |
| Sqrt (X) | Returns the positive square root of X for $X > 0.0$ | Real or Integer | Real |
| Trunc (X) | Returns the integer part of X | Real | Integer |

สำหรับฟังก์ชัน Round และ Trunc นี้ ส่วนที่เป็นอาร์กิวเม้นต์ต้องเป็นชนิด Real และกลับคืนค่าชนิด Integer ฟังก์ชันสองชุดนี้ต้องการหาส่วนที่เป็นจำนวนเต็มของนิพจน์ ซึ่งมีค่าเป็น Real ด้วยเหตุนี้ นิพจน์

Trunc (1.5 * Gross);

Round (Cents / 100)

มีค่าเป็นชนิด Integer และอาจกำหนดให้กับตัวแปรชนิด Integer สำหรับ Trunc หมายถึง ปัดเศษทิ้ง (truncates) หรือลบภาคเศษส่วน (fractional part) ของอาร์กิวเม้นต์ ของมัน

Round หมายถึง ปัดเศษ (rounds) อาร์กิวเม้นท์ให้เป็นเลขจำนวนเต็มใกล้ที่สุด ตัวอย่างเช่น Trunc (17.5) คือ 17 ในขณะที่ Round (17.5) คือ 18

Trunc (-3.8) คือ -3 ในขณะที่ Round (-3.8) คือ -4 พังก์ชันส่วนใหญ่ในตาราง 3.1 กระทำการคำนวณเชิงคณิตศาสตร์ร่วม อาร์กิวเม้นท์ของ Ln และ Sqrt ต้องเป็นค่าบวก อาร์กิวเม้นท์ของ Sin และ Cos ต้องมีหน่วยเป็นเรเดียน (radians) ไม่ใช่องศา (degree) พังก์ชัน ArcTan ผลลัพธ์ของมันมีหน่วยเป็นเรเดียน

.ตัวอย่าง 3.2

เราใช้พังก์ชัน Sqr และ Sqrt เพื่อคำนวณราก (roots) ของสมการกำลังสอง (quadratic equation) ใน X ของรูปแบบ

$$AX^2 + BX + C = 0$$

รากสองตัวนี้ยกมาดังนี้

$$\text{Root}_1 = \frac{-B + \sqrt{B^2 - 4AC}}{2A}$$

$$\text{Root}_2 = \frac{-B - \sqrt{B^2 - 4AC}}{2A}$$

เมื่อตัวแปรมีแทนท์ (discriminant) $B^2 - 4AC$ มีค่ามากกว่าศูนย์ ถ้าเรามุมติว่า นี่คือกรณีกษาเราสามารถใช้ข้อความสั่งกำหนดค่าต่อไปนี้ กำหนดค่าให้กับ Root₁ และ Root₂

(compute two roots, Root1 และ Root2, for Disc > 0.0)

Disc := Sqr (B) - 4 * A * C;

Root1 := (-B + sqrt(Disc)) / (2 * A);

Root2 := (-B - Sqrt(Disc)) / (2 * A)

.ตัวอย่าง 3.3

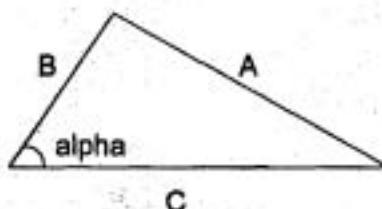
ถ้าเราทราบความยาวของด้านสองด้าน (B และ C) ของสามเหลี่ยมรูปหนึ่ง และทราบค่ามุมระหว่างด้านทั้งสองซึ่งมีหน่วยเป็นองศา (Alpha) ดูรูป 3.8 เรากำมารถคำนวณ หาความยาวของด้านที่สาม (A) โดยใช้สูตร

$$A^2 = B^2 + C^2 - 2BC \cos \alpha$$

การใช้ฟังก์ชัน cosin ของ Pascal เรายังต้องแต่งมุมอาร์กิวเม้นท์ของมันให้มีหน่วยเป็นเรเดียน (radian) ไม่ใช่องศา การเปลี่ยนมุมจากหน่วยองศาเป็นเรเดียน ให้คูณมุมองศาด้วย $\frac{\pi}{180}$ ถ้าสมนั้นว่า PI (ฐานะ 3.2) กลับคืนค่าคงตัว π ข้อความสั้งก้านดค่าของ 180

Pascal ข้างล่างนี้คำนวณความยาวของด้านซึ่งเรายังไม่ทราบค่า

$$A := \text{Sqrt} (\text{Sqr}(B) + \text{Sqr}(C) - 2 * B * C * \text{Cos}(\text{Alpha} * \text{PI} / 180.0))$$



รูป 3.8 รูปสามเหลี่ยมซึ่งไม่ทราบค่า A

ตัวอย่าง 3.4

เนื่องจาก Pascal ไม่มีตัวดำเนินการเลขชี้กำลัง (exponentiation operator) จึงเป็นไปไม่ได้ที่จะเขียน b^v โดยตรง เมื่อ b และ v เป็นตัวแปรชนิด Real อย่างไรก็ตาม ทฤษฎีลอการิทึม (theory of logarithms) บอกว่า

$$\ln(b^v) = v \times \ln(b)$$

และ

$$z = e^{bx}$$

เมื่อ e มีค่าเท่ากับ 2.71828... ดังนั้นถ้าเราแทนที่ b ด้วย z ในสมการข้างต้น จะได้

$$b^v = e^{(v \times \ln(b))}$$

สูตรนี้สามารถทำให้เกิดผล (implemented) ใน Pascal ดังนี้

$$\text{UToPowerV} := \text{Exp}(v * \text{Ln}(b))$$

ฟังก์ชันของ Turbo Pascal เพิ่มเติม (Additional Turbo Pascal Functions)

ตาราง 3.2 คือรายการฟังก์ชันเชิงคณิตศาสตร์เพิ่มเติม ซึ่งมีอยู่ใน Turbo Pascal (ไม่มีใน standard Pascal)

ฟังก์ชัน Frac และ Int สามารถนำมาใช้เพื่อตัดเศษ (extract) ภาคเศษจำนวนและภาคจำนวนเต็มตามลำดับของเลขจำนวนจริง

ตัวอย่างเช่น ถ้า X มีค่าเท่ากับ 5.16123

$\text{Frac}(X)$ กลับคืนค่าจำนวนจริง 0.16123

และ $\text{Int}(X)$ กลับคืนค่าจำนวนจริง 5.0

ตาราง 3.2 ฟังก์ชันของ Turbo Pascal

| Function | Purpose | Argument | Result |
|--------------|--|----------|---------|
| Frac (num) | Returns the fractional part of its argument | Real | Real |
| Int (num) | Returns the whole number part of its argument | Real | Real |
| Pi | Returns an approximation to π | None | Real |
| Random | Returns a real random number ≥ 0.0 and < 1.0 | None | Real |
| Random (num) | Returns a random integer ≥ 0 and $< \text{num}$ | Integer | Integer |

ฟังก์ชัน Pi ไม่มีอาร์กิวเม้นต์ มันกลับคืนค่าโดยประมาณของ π (3.1415926536) ดังนั้นเราจึงใช้ Pi แทนที่ค่าคงที่ MyPi ในรูป 3.4 และ 3.5 ได้

ฟังก์ชัน Random ก่อการันเด้เลขสุ่ม

เลขสุ่ม หมายถึง เลขซึ่งถูกเลือกแบบสุ่มจากพิสัยที่กำหนดของเลขต่างๆ เนื่องจากมีโอกาสถูกเลือกเท่าๆ กัน (A random is a number that is selected at random from a specified range of numbers, each with an equally likely chance for selection.)

ฟังก์ชัน Random อาจถูกเรียกโดยมีอาร์กิวเม้นต์หรือไม่มีอาร์กิวเม้นต์ ถ้ามีอาร์กิวเม้นต์ Random จะกลับคืนเลขจำนวนเต็มสุ่มจาก 0 จนถึงอาร์กิวเม้นต์ของมัน แต่ไม่รวม

อาร์กิวเมนต์ ทั้งนี้ใน Turbo Pascal จะต้องเรียกกระบวนการ Randomize ก่อนที่จะเรียกฟังก์ชัน Random ชุดแรก

ตัวอย่าง 3.5

โปรแกรม MultiQuest ในรุป 3.9 เป็นการฝึกฝนและปฏิบัติเรื่องการคูณ มีการเรียกฟังก์ชัน Random สองครั้ง ในการเรียกแต่ละครั้งเลือกเลขจำนวนเต็มจาก 0 ถึง 9 (ไม่รวม 9) ค่าสุ่มเหล่านี้คือตัวถูกคำนวณ (Factor 1, Factor 2) ในค่าตามการคูณ ตัว 7 และ 8 เป็นค่าซึ่งกลับคืนจาก Random ตัวอ่อนงค์ตาม

What is the value $7 * 8$?

แสดงขึ้นมา ค่าตอบของผู้ใช้อ่านไว้ใน Response และคอมพิวเตอร์จะแสดงผลผลคูณของ 7 และ 8 ดังนั้น ผู้ใช้สามารถตรวจสอบค่าตอบได้

เพื่อให้การฝึกฝนและโปรแกรมฝึกหัดสมบูรณ์มากขึ้น คอมพิวเตอร์ควรเบรย์นเทียนผลคูณจริงจาก Factor 1 และ Factor 2 กับค่าที่ใส่ใน Response แล้วมีข้อความที่ถูกต้องแสดงผลว่าค่าใน Response ถูกต้องหรือไม่

Edit Window

```
program multQuest;
{
  Asks a random multiplication question and displays the correct product
  after the student responds
}
const
  Limit = 10;           {operand is < Limit}

var
  Factor 1, Factor 2   {two operands}
  Answer,               {correct answer}
  Response : Integer;  {student response}
```

```

begin {MultQuest}
    Randomize;           {Initialize the random number generator}
    Factor 1 := Random (Limit); {Get first operand.}
    Factor 2 := Random (Limit); {Get second operand.}
    Write (' What is the value of ; Factor 1 : 1, '' , Factor 2 : 1, ' ? ');
    ReadLn (Response);
    Answer := Factor 1 * Factor 2;
    WriteLn (' Correct answer is ' , Answer : 1)
end. {Multquest}

```

Output Window

What is the value of 7 * 8 ?

Correct answer is 56

รูป 3.9 โปรแกรม MultQuest

ถ้าว่าเราร้ากำลังอยู่หัวข้อใด (A look at Where We Are Heading)

'Pascal' ยอมให้เราเขียนฟังก์ชันของเรารเอง สมมติว่าเรามีฟังก์ชันเขียนเรียบร้อย
แล้วคือ FindArea และ FindCircum

Function FindArea (R) กลับคืนพื้นที่ของวงกลมที่มีรัศมีเท่ากับ R

Function FindCircum (R) กลับคืนรอบวงของวงกลมที่มีรัศมีเท่ากับ R

เราสามารถนำฟังก์ชันเหล่านี้กลับมาใช้ใหม่ (reuse) จากสองโปรแกรมก่อนหน้า
ในบทนี้ (ดูรูปที่ 3.4 และรูปที่ 3.5)

โปรแกรมในรูป 3.4 และรูปที่ 3.5 แสดงผลพื้นที่และเส้นรอบวงของวงกลม ซึ่งรัศมีเป็นข้อมูล
อินพุต รูป 3.10 และรูปที่ 3.10 แสดงโปรแกรมปรับแก้ใหม่ ซึ่งใช้ฟังก์ชัน FindArea และฟังก์ชัน Find
Circum ในรูป 3.10 ส่วนนี้พจน์ของข้อความสั้งกำหนดค่าแต่ละชุด

Area = FindArea (Radius);

Circum := FindCircum (Radius);

คือ function designator มีอาร์กิวเมนต์ Radius (รัศมีของวงกลม) ผลลัพธ์ส่งกลับโดยการกระทำการฟังก์ชันแต่ละชุด แล้วเก็บในตัวแปรເຄີຕຸພຸດ ສໍາຫັນໂປຣແກຣມ (Area หรือ Circum) การวິຈີປໂປຣແກຣມນີ້ ເຮົາຈະເປັນດ້ວຍເຂົ້າໃຫ້ເສົ່າງບິນຸຽດ ແລະ ໄສ່ຟັງກົບທັງຫຼຸດ ທັງຄອມເມນີ້ຂ້າງສ່າງນີ້

{Insert functions FindArea and FindCircum here.}

ຫວ້າຂ້ອ 6.2 ຈະແສດງໄດ້ເຫັນການເຂົ້າໃຫ້ພັ້ນທັງໝົດຂອງເຮົາເອງ

ນອກຈາກຂ້ອດືບຂອງການນໍາຮັດກັບມາໃຫ້ໄໝແລ້ວ ການໃຊ້ສອງພັ້ນທັງໝົດນີ້ທ່ານໄດ້ເຮົາເປັນອີສະຈາກຮາຍລະເອີຍດີຂອງການຄ້ານາວນ ພື້ນທີ່ຫົວໜ້ານວາງຂອງວັງກົມ ເມື່ອເຮົາເຂົ້າໃຫ້ໂປຣແກຣມ ທັກ (main program) ນີ້ຄືວິເຂີ້ນນີ້ທີ່ເຮົາສາມາດຈັດກາຮັດກັບມາໄດ້

ໂປຣແກຣມ

```
program CircleFunction;
{Finds area and circumference of a circle using functions}

var
    Radius,           {input - radius of a circle}
    Area,             {output - area of a circle}
    Circumference : {output - circumference of a circle}

{Insert functions FindArea and FindCircum here.}

begin {main control section}
    {Read the circle radius.}
    Write (' Enter radius > ');
    ReadLn (Radius);
    {Find the area.}
    Area := FindArea (Radius);

    {Find the circumference.}

```

```

Circum := FindCircum (Radius);

{Print the area and circumference.}

WriteLn (' The area is ', Area : 4 : 2);
WriteLn (' The circumference is ', Circum : 4 : 2)
end.

```

รูป 3.10 การหาพื้นที่และเส้นรอบวงโดยใช้ฟังก์ชัน

แบบฝึกหัด 3.2 Self-Check

1. จงเขียนนิพจน์คณิตศาสตร์ข้างล่างนี้ใหม่โดยใช้ฟังก์ชัน Pascal
 - a) $\sqrt{U + V \times W^2}$
 - b) $\log_n(X^y)$
 - c) $\sqrt{(X - Y)^3}$
 - d) $|XY - W/Z|$
2. จงประเมินผล function designators ข้างล่างนี้ และให้บอกรหัสของผลลัพธ์
 - a) Trunc (- 15.8)
 - b) Round (- 15.8)
 - c) Round (6.8) * Sqr (3)
 - d) Int (- 15.8) * Sqr (3)
 - e) Sqrt (Abs (Round (- 15.8)))
 - f) Round (3.5)
 - g) Sqr (3.0)
 - h) Trunc (22.1) * Sqr (3)

เขียนโปรแกรม (Programming)

1. จงเขียนข้อความสั้นอ่านค่าสองค่าไว้ใน X และ Y จากนั้นคำนวณและแสดงผลผลต่างสัมบูรณ์ (absolute difference)
ตัวอย่าง ถ้า X เท่ากับ 9 และ Y เท่ากับ 7 ผลต่างสัมบูรณ์ เท่ากับ 2

2. จงใช้ฟังก์ชัน Round เวียนข้อความสั้ง Pascal เพื่อปัดเศษ ค่าจำนวนจริง X ให้ใกล้สุด มีอุตสาหะนิยมสองค่าแทนที่

ค่าแทนที่มา : ให้คูณ X ด้วย 100 ก่อนทำการปัดเศษ จากนั้นปัดเศษผลลัพธ์ และต่อไปหารด้วย 100)

3. จงเขียนโปรแกรม Pascal ที่เสร็จบริบูรณ์แจ้งผู้ใช้ให้พิมพ์ค่าที่เชื่อม (Cartesian coordinates) ของสองจุด (X_1, Y_1) และ (X_2, Y_2) จากนั้นให้แสดงผลระยะทางระหว่างสองจุดโดยใช้สูตรดังนี้

$$\text{distance} = \sqrt{(X_1 - X_2)^2 + (Y_1 - Y_2)^2}$$

3.3 การออกแบบจากนั้งล่างและผังเชิงโครงสร้าง (Top-Down Design and Structure Charts)

ป้อยครึ่งที่อัลกอริทึมซึ่งใช้แก้ปัญหา มีความซับซ้อนมากกว่าอัลกอริทึมทั้งหลาย โปรแกรมเมอร์จึงต้องแบ่งปัญหาให้เป็นปัญหาอยู่เพื่อพัฒนาผลเฉลยโปรแกรม ในความพยายามที่จะแก้ปัญหาย่อยที่หนึ่งระดับ เราแนะนำปัญหาอยู่ชุดใหม่ที่ระดับต่ำกว่ากระบวนการ การนี้เรียกว่า การออกแบบจากนั้งล่าง ค่าเดิมของการจากปัญหาเดิม (original) ที่ระดับบน ไปสู่ปัญหาอยู่ที่แต่ละระดับซึ่งต่ำกว่า การแบ่งหนึ่งปัญหาให้เป็นปัญหาอยู่ที่เกี่ยวข้องกัน คล้ายกับกระบวนการการแบ่งละเอียดของอัลกอริทึม กรณีศึกษาต่อไปนี้จะแนะนำเครื่องมือ เชิงเอกสารชนิดหนึ่งเรียกว่าผังเชิงโครงสร้าง ซึ่งจะช่วยเราเก็บร่องรอย (track) ของความสัมพันธ์ระหว่างปัญหาอยู่

การออกแบบจากนั้งล่าง หมายถึง วิธีการแก้ปัญหา ซึ่งขั้นแรกเราแบ่งปัญหาให้เป็นปัญหาอยู่ที่สำคัญของมัน จากนั้นแก้ปัญหาอยู่ เพื่อให้ได้มาซึ่งผลเฉลยของปัญหาเดิม (Top-down design is a problem-solving method in which you first break a problem up into its major subproblems and then solve the subproblems to derive the solution to the original problem.)

ผังเชิงโครงสร้าง หมายถึง เครื่องมือเชิงเอกสารซึ่งแสดงให้เห็นความสัมพันธ์ระหว่างปัญหาอยู่ต่างๆ ของหนึ่งปัญหา (A structure chart is a documentation tool that shows the relationships among the subproblems of a problem.)

กรณีศึกษา การวาดรูปแผนภาพอย่างง่าย (Drawing Simple Diagrams)

(1) ปัญหา (Problem)

ต้องการวาดแผนภาพอย่างง่ายบนเครื่องพิมพ์ (printer) หรือจอภาพ (screen)
มีสองด้านอย่าง คือ รูปบ้าน และรูปผู้หญิง ในรูป 3.11

(2) วิเคราะห์ (Analysys)

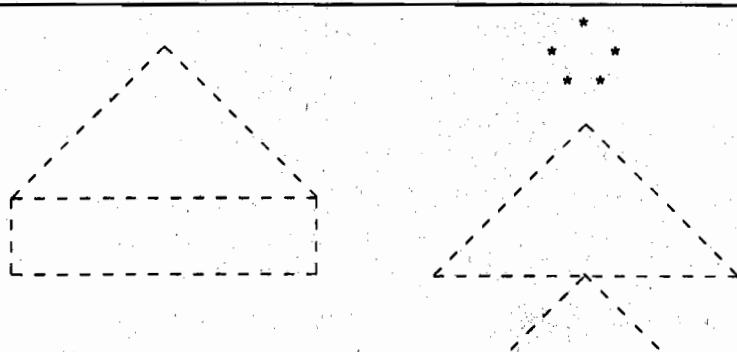
รูปบ้านประกอบด้วยรูปสามเหลี่ยม ไม่มีฐานอยู่บนรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า ส่วนรูปผู้หญิง ประกอบด้วย รูปวงกลม รูปสามเหลี่ยม และรูปสามเหลี่ยมไม่มีฐาน เราสามารถวาดรูปทั้งสองรูปโดยมีส่วนประกอบพื้นฐานสืบย่างคือ

วงกลม (a circle)

ฐานของรูปสามเหลี่ยม (a base line)

เส้นขนาน (parallel lines)

เส้นตัด (intersection lines)



รูป 3.11 รูปบ้านและรูปผู้หญิง

(3) ออกแบบ (Design)

การสร้างรูปผู้หญิง เราต้องแบ่งปัญหาออกเป็นปัญหาอย่างสามชุด
อัลกอริทึมเริ่มต้น

1. วาดรูปวงกลม
2. วาดรูปสามเหลี่ยม
3. วาดรูปเส้นตัด

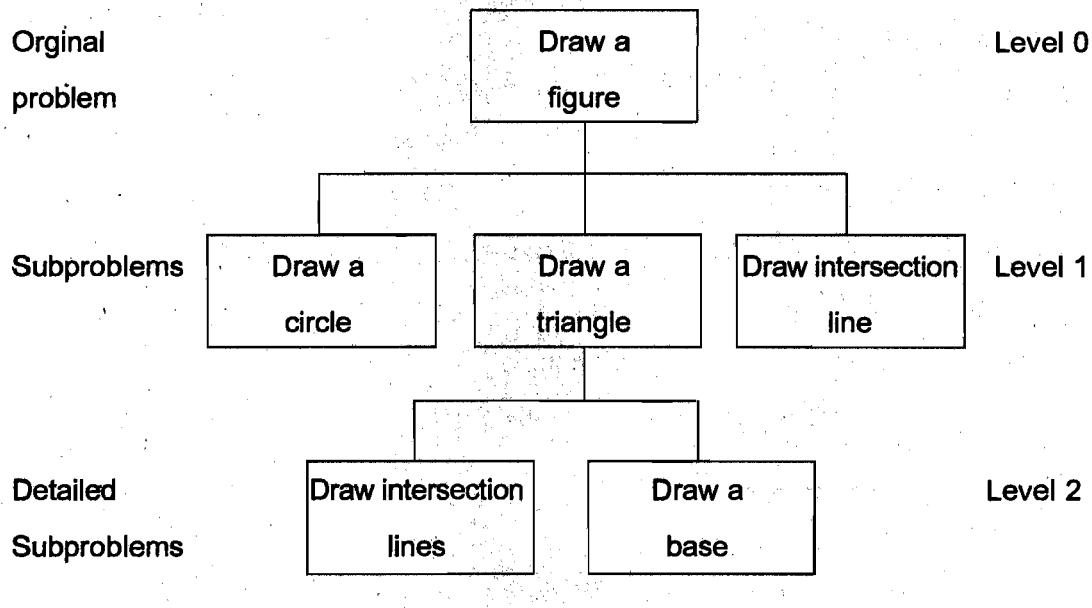
การแบ่งละเอียดอัลกอริทึม
เพื่อว่ารูปสามเหลี่ยมไม่ใช่ส่วนประกอบหลัก เราจึงต้องแบ่งละเอียดขั้นที่ 2 ทำให้เกิดปัญหาย่อย ดังนี้

การแบ่งละเอียดขั้นที่ 2

2.1 วาดรูปเส้นตัด

2.2 วาดรูปฐาน

เราสามารถใช้ผังเชิงโครงสร้างเพื่อแสดงความสัมพันธ์ระหว่างปัญหาเดิม และปัญหาย่อยของมัน ดังแสดงในรูป 3.12 ซึ่งปัญหาเดิม ระดับ 0 และปัญหาย่อยอีก 3 ชุด แสดงที่ระดับ 1 ปัญหาย่อยของรูปสามเหลี่ยมแบ่งเป็นปัญหาย่อยของมันเองอีก อยู่ที่ระดับ 2



รูป 3.12 ผังเชิงโครงสร้างสำหรับวาดรูปผู้หญิง

ปัญหาย่อยปรากฏอยู่ในอัลกอริทึมและผังเชิงโครงสร้างทั้งคู่ในอัลกอริทึมแสดงอันดับ (order) ซึ่งเราต้องทำแต่ละขั้นตอนให้ประสบผลสำเร็จเพื่อแก้ปัญหา ส่วนในผังเชิงโครงสร้างเพียงแสดงให้เห็นส่วนย่อยของปัญหาย่อยของแต่ละชุดและของปัญหาย่อยเดิม

3.4 กระบวนการหรือกระบวนการคำสั่งหรือโปรซีเดอร์ (Procedures)

ป้องครั้งโปรแกรมเมอร์ใช้กระบวนการเพื่อ implement การออกแบบจากบันลังส่างในโปรแกรม กระบวนการคล้ายฟังก์ชัน คือเป็นหน่วยโปรแกรมหรือมอดูลแยกจากกัน ประกอบด้วยกลุ่มของข้อความสั่งโปรแกรมเพื่อแก้ปัญหาเฉพาะเรื่อง

โปรซีเดอร์ หมายถึง ส่วนจำเพาะโปรแกรมเขียนแยกจากกันเพื่อแก้ปัญหาอย่างหนึ่ง (A procedure is a separate program module solving a particular subproblem.)

โปรแกรมเมอร์จะเขียนกระบวนการหนึ่งชุดสำหรับแต่ละปัญหาย่อยในผังเชิงโครงสร้าง กระบวนการมีลักษณะทั่วไปมากกว่าฟังก์ชัน เพราะว่ากระบวนการกลับคืน (return) ผลลัพธ์จำนวนเท่าใดก็ได้

ในบทที่ 2 ได้แนะนำกระบวนการ ซึ่งนำเสนอโดยคอมไฟเลอร์ Pascal ไปแล้ว สามชุด ได้แก่ ReadLn, Write และ WriteLn การเรียกใช้งานกระบวนการแต่ละชุด ให้ใช้ ข้อความสั่งเรียกกระบวนการ (procedure call statement) ในหัวข้อนี้เราจะเรียนรู้การเขียน และเรียกกระบวนการด้วยตนเอง

ข้อความสั่งเรียกกระบวนการ หมายถึง คำสั่งซึ่งเรียกหรือใช้งานกระบวนการ (A procedure call statement is an instruction that calls or activates a procedure.)

ด้วยอย่างเช่น การออกแบบจากบันลังส่างที่มีกระบวนการ เราสามารถใช้ตัวโปรแกรม ในรูป 3.13 เพื่อวาดรูปผู้หญิง ขั้นตอนอัลกอริทึมทั้งสามชุดเขียนรหัสเรียกกระบวนการ Pascal สามชุด ด้วยอย่างเช่น ข้อความสั่ง

DrawTriangle; {Draw a triangle.}

เรียกกระบวนการ (Drew Triangle) เพื่อ implement อัลกอริทึมขั้นwardรูปสามเหลี่ยม

```
begin {StickFigure}
    DrawCircle; {Draw a circle.}
    DrawTriangle; {Draw a triangle.}
    DrawIntersect {Draw intersection lines.}
end. {StickFigure}
```

รูป 3.13 ตัวโปรแกรมเพื่อวาดรูปผู้หญิง

กระบวนการ หมายถึง หน่วยโปรแกรมอิสระ ซึ่งรูปแบบของมันคล้ายกับโปรแกรมอย่างมาก กระบวนการนี้นั้นด้วย procedure heading ซึ่งประกอบด้วยคำว่า procedure ตามด้วยชื่อของ procedure (ซึ่งเป็นไอดีไฟเออร์) และเครื่องหมาย semicolon ส่วนการประกาศอาจจะเว้นໄ้ด (optional) และจำเป็นต้องเขียนเฉพาะเมื่อกระบวนการมีค่าคงตัวและตัวแปรของมันเอง ทุกกระบวนการมีตัวโปรดีเคอร์ (procedure body) ซึ่งเริ่มด้วย begin และ end;

ชื่อโปรดีเคอร์เป็นไอดีไฟเออร์ซึ่งให้นิยามโดยผู้ใช้ (user-defined identifier) ดังนั้นจึงต้องถูกประกาศในส่วนการประกาศของหน่วยโปรแกรมซึ่งเรียกว่ามัก เราใช้การประกาศโปรดีเคอร์ เพื่อประกาศกระบวนการ

Syntax Display

การประกาศกระบวนการ (Procedure Declaration)

Form:

```
procedure pname;  
declaration part  
begin  
    procedure body  
end;
```

ตัวอย่าง

```
procedure Skip3Lines;
```

```
{Skips three lines}
```

```
begin {skip3Lines}
```

```
    WriteLn;
```

```
    WriteLn;
```

```
    WriteLn
```

```
end;      {Skip3Lines}
```

มีความหมายดังนี้ ไอดีไฟเออร์ ซึ่งผู้ใช้ให้นิยาม pname ถูกประกาศให้เป็นชื่อของกระบวนการ ไอดีไฟเออร์ได้ๆ ก็ตาม ซึ่งประกาศในส่วนการประกาศจะถูกนิยาม

เฉพาะระหว่างการกระทำการของกระบวนการ และสามารถถูกอ้างถึงได้เฉพาะภายในกระบวนการเท่านั้น ด้วยกระบวนการอธิบายการจัดดำเนินการข้อมูล ซึ่งกระทำเมื่อกระบวนการถูกเรียกผ่านทางข้อความสั่งเรียกกระบวนการ

Syntax Display

ข้อความสั่งเรียกกระบวนการ (Procedure Call Statement)

Form: pname

ตัวอย่าง DrawCircle

มีความหมายดังนี้ ข้อความสั่งเรียกกระบวนการให้เริ่มต้นการกระทำการของกระบวนการ pname หลังจากการกระทำการ pname เสร็จสิ้นแล้ว ข้อความสั่งโปรแกรมซึ่งตามหลัง procedure call จะถูกกระทำการ

ตัวอย่าง 3.6

รูป 3.14 แสดงให้เห็นการประมวลของกระบวนการ DrawCircle ตัวกระบวนการมีข้อความสั่ง WriteLn สามบรรทัดซึ่งทำให้คอมพิวเตอร์วาดรูปวงกลม ข้อความสั่งเรียกกระบวนการ DrawCircle ทำให้ข้อความสั่ง WriteLn เหล่านี้ถูกกระทำการ

```
procedure DrawCircle;
```

```
{Draw a circle}
```

```
begin {DrawCircle}
```

```
    WriteLn (' * '');
```

```
    WriteLn (' * * '');
```

```
    WriteLn (' *** '');
```

```
end; {Drawcircle}
```

รูป 3.14 กระบวนการ DrawCircle

ผังเชิงโครงสร้างรูป 3.12 แสดงให้เห็นว่าปัญหาอย Draw a Triangle (ระดับ 1) ขึ้นอยู่กับผลเฉลยของส่วนย่อยของปัญหาอย DrawIntersecting Lines และ Draw a Base (ระดับ 2 ทั้งคู่)

รูป 3.15 แสดงให้เห็นว่าจะใช้การออกแบบจากบันลงล่าง เพื่อลองรหัสกระบวนการ DrawTriangle อย่างไร แทนที่จะใช้ข้อความสั้ง WriteLn เพื่อแสดงผลรูปสามเหลี่ยม ตัวกระบวนการ DrawTriangle เรียกกระบวนการ DrawIntersect และ DrawBase เพื่อวาดรูปสามเหลี่ยม

```
procedure DrawTriangle; ← Procedure heading
{Draw a triangle}

begin {DrawTriangle}
    DrawIntersect;
    DrawBase
} ← Procedure body
end; {DrawTriangle}
```

รูป 3.15 กระบวนการ DrawTriangle

การวางการประกาศกระบวนการในโปรแกรม (Placement of Procedure Declarations in Program)

รูป 3.13 แสดงตัวโปรแกรมของโปรแกรมวาดรูปผู้หญิง ในส่วนการประกาศ เราต้องประกาศกระบวนการทั้งสามชุด ซึ่งถูกเรียกในโปรแกรม ส่วนประกาศกระบวนการจะตามหลังการประกาศดัวแปรในโปรแกรม Turbo Pascal

อันดับสัมพัทธ์ (relative order) ของการประกาศกระบวนการไม่มีผลต่ออันดับการกระทำการของมัน ซึ่งถูกกำหนดโดยอันดับของการกระทำการของข้อความสั้งเรียกกระบวนการ อย่างไรก็ตามกระบวนการทุกชุดต้องมีการประกาศก่อนที่เราจะเขียนข้อความสั้งเรียกกระบวนการ ซึ่งเรียกใช้กระบวนการนั้น ด้วยเหตุผลนี้ เราจึงต้องประกาศกระบวนการสองชุด ซึ่งถูกเรียกโดย DrawTriangle (คือ DrawIntersect และ DrawBase) ก่อน DrawTriangle

รูป 3.16 แสดงโปรแกรมมาตรฐานที่เสร็จสมบูรณ์ในโปรแกรมซึ่งใช้กระบวนการ
เราเรียกด้วยโปรแกรมว่า โปรแกรมหลัก (main program)

```
program StickFigure;  
{Displays a stick figure}  
  
procedure DrawCircle;  
{Draws a circle}  
  
begin {Draw a circle}  
    WriteLn (' * ');  
    WriteLn (' * *');  
    WriteLn (' ***');  
end; {DrawCircle}  
  
procedure DrawIntersect;  
{Draw intersecting lines}  
  
begin {DrawIntersect}  
    WriteLn (' /\');  
    WriteLn (' / \');  
    WriteLn (' / \');  
end; {DrawIntersect}  
  
procedure DrawBase;  
{Draw a base}  
  
begin {DrawBase}  
    WriteLn ('.....')  
end;
```

```

end; {DrawBase}

procedure DrawTriangle;
{Draw a triangle}

begin {DrawTriangle}
  DrawIntersect;
  DrawBase
end; {DrawTriangle}

begin {SticFigure}
  DrawCircle;    {Draw a circle.}
  DrawTriangle; {Draw a triangle.}
  DrawIntersect {Draw intersecting lines.}
end. {StickFigure}

```

รูป 3.16 โปรแกรมมาตราดรูปผู้หญิง

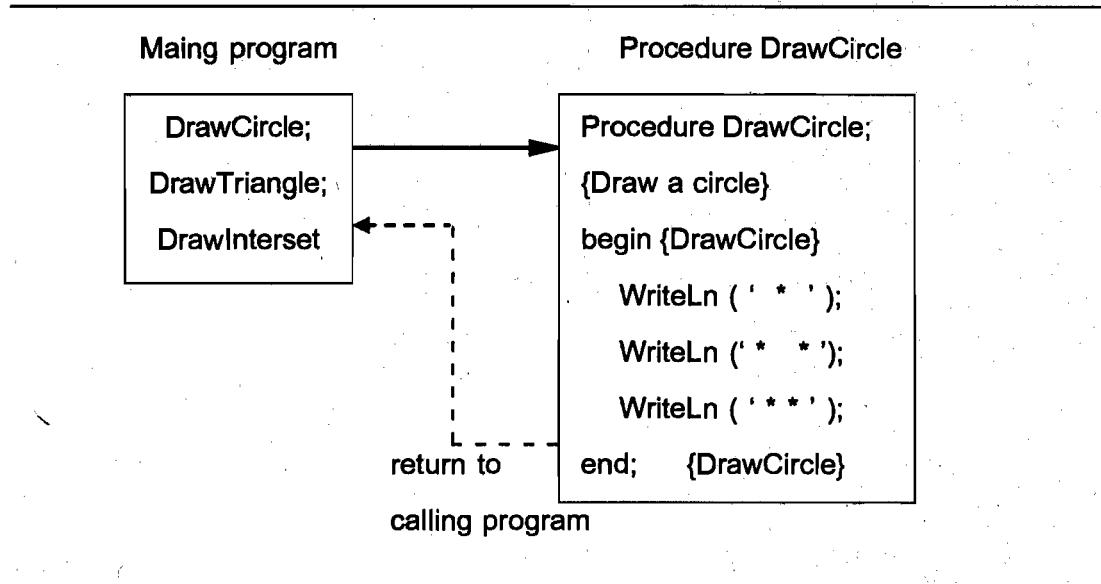
อันดับของการกระทำการของกระบวนการและโปรแกรมหลัก (Order of Execution of Procedures and Main Program)

เนื่องจากกระบวนการปรากฏในส่วนการประกาศของโปรแกรม ซึ่งอยู่ก่อนหน้าโปรแกรมหลัก คอมไพล์หรือจัดทำโปรแกรมหลัก ระหว่างการแปลนั้นคอมไпал์ร์ใส่หนึ่งข้อความสั้นที่ตอนท้ายของการวนงานซึ่งทำให้มีการส่งกลับคืน (return) จากกระบวนการกลับไปยังข้อความสั้นซึ่งเรียกว่ามัน

รูป 3.17 แสดงโปรแกรมหลักและการวนงาน DrawCircle ของโปรแกรมรูปผู้หญิง ในเนื้อที่ของหน่วยความจำแยกจากกัน ถึงแม้ว่าข้อความสั้น Pascal ที่แสดงในรูป 3.17 ที่จริงเป็นรหัสสุกามาย (object code) สมนัยกับแต่ละคำสั่ง ซึ่งเก็บในหน่วยความจำ

เมื่อเราริ่งโปรแกรม ข้อความสั้นแรกในโปรแกรมหลัก คือข้อความสั้นแรกที่ถูกกระทำการ (เรียก DrawCircle ในรูป 3.17) เมื่อคอมพิวเตอร์กระทำการ ข้อความสั้นเรียก

กระบวนการส่งการควบคุม (control) ไปยังกระบวนการที่อ้างถึง (แสดงโดยเส้นที่บินในรูป 3.17) คอมพิวเตอร์จัดสรรหน่วยความจำซึ่งอาจจำเป็นต้องใช้สำหรับการประมวลคำศัพด์และดัวแปรในกระบวนการหลังจากนั้นจะทำการทำข้อความสั้งต่างๆ ในดัวกระบวนการหลังจากข้อความสั้งสุดท้ายในกระบวนการ DrawCircle ถูกกระทำการ control คืนกลับไปยังโปรแกรมหลัก (แสดงโดยเส้นประในรูป 3.17) และคอมพิวเตอร์ปล่อย (releases) เนื้อที่หน่วยความจำไดๆ ซึ่งได้ถูกจัดสรรให้กับกระบวนการ หลังจากคืนกลับไปยังโปรแกรมข้อความสั้งถัดไปจะถูกกระทำการ (เรียก DrawTriangle)



รูป 3.17 การควบคุมสายงาน (flow of control) ระหว่างโปรแกรมหลักและกระบวนการ

ข้อดีของการใช้กระบวนการ (Advantages of Using Procedures)

มีข้อดีหลายประการของการใช้กระบวนการ การเปลี่ยนแปลงสภาพพร้อมใช้งานของมัน โปรแกรมเมอร์แต่ละคนจัดระเบียบผลลัพธ์ให้กับการเขียนโปรแกรมปัญหาอย่างไร สำหรับทีมของโปรแกรมเมอร์ซึ่งทำงานด้วยกันบนโปรแกรมขนาดใหญ่

กระบวนการทำให้งานเขียนโปรแกรมง่ายขึ้น โปรแกรมเมอร์แต่ละคนจะรับผิดชอบเฉพาะเขตของกระบวนการเฉพาะเรื่องสุดท้าย เขาทำให้งานเขียนโปรแกรมง่ายขึ้น เป็นกระบวนการซึ่งมีอยู่จริงสามารถนำมาใช้เป็นบล็อกการสร้าง (building blocks) สำหรับโปรแกรมใหม่

การนิยามนามธรรมเชิงกระบวนการ (Procedural Abstraction)

กระบวนการทำให้เราลบทั้งรหัสซึ่งเป็นผลเฉลยในรายละเอียดให้กับปัญหาอย่างจากโปรแกรมหลัก

เนื่องจากรายละเอียดเหล่านี้อยู่ในกระบวนการและไม่อยู่ในโปรแกรมหลัก เราสามารถเขียนโปรแกรมหลักเป็นลำดับของข้อความสั้นเรียงกระบวนการทันทีที่เรามือลักษณะนี้เริ่มต้นที่กำหนดและก่อนที่เราแบ่งละเมืองขั้นตอนใดๆ เรากาวประวิช (delay) การเขียนโปรแกรมสำหรับขั้นอัลกอริทึม จนกระทั่งเรามีการแบ่งละเมืองที่เสร็จสิ้นแล้วของขั้นนั้น วิธีการออกแบบเช่นนี้เรียกว่า การนิยามนามธรรม เราประวิชรายละเอียดของการปฏิบัติให้เกิดผลกระทบทั้งเราร่วมที่จะเขียนมอดูลกระบวนการแต่ละชุด

การเน้นที่ครั้งละหนึ่งกระบวนการจะง่ายกว่าความพยายามที่จะเขียนโปรแกรมที่เสร็จบริบูรณ์ทั้งหมดในครั้งเดียว

การนิยามนามธรรมเชิงกระบวนการ หมายถึง เทคนิคของการเขียนโปรแกรมซึ่งโปรแกรมหลักประกอบด้วยลำดับของการเรียกกระบวนการและแต่ละกระบวนการถูก implement เป็นมอดูลโปรแกรมแยกจากกัน (A procedural abstraction is a programming technique in which a main program consists of a sequence of procedure calls and each procedure is implemented as a separate program module.)

การนำกลับมาใช้ใหม่ของกระบวนการ (Reuse of Procedures)

ข้อดีอีกประการหนึ่งของการใช้กระบวนการ คือ มันสามารถถูกการทำการได้มากกว่าหนึ่งครั้งในโปรแกรม ด้วยย่าง เช่น กระบวนการ DrawIntersect ถูกเรียกสองครั้งในรูป 3.16 (ครั้งหนึ่งโดย DrawTriangle และอีกครั้งหนึ่งโดยโปรแกรมหลัก) ทุกครั้งที่ DrawIntersect ถูกเรียก รายการของข้อความสั้นอาจพูดแสดงให้เห็นในรูป 3.16 ถูกการทำการ และคุณของเส้นตัดถูกวัด ถ้าไม่มีกระบวนการ ข้อความสั้น WriteLn ซึ่งคาดเส้นจะต้องอยู่ในรายการสองครั้งในโปรแกรมหลัก ซึ่งเป็นเหตุให้ความยาวของโปรแกรมหลักเพิ่มขึ้น และมีโอกาสผิดพลาด

สุดท้าย เมื่อเราเขียนและทดสอบกระบวนการ เราสามารถใช้มันในโปรแกรมอื่น หรือกระบวนการอื่นๆ ด้วย เช่น กระบวนการในโปรแกรม StickFigure สามารถนำไปใช้ในโปรแกรมซึ่งวาดรูปแผนภูมิอื่นๆ

แบบฝึกหัด 3.4

1. สมมติว่าเรามีกระบวนการ PrintM และ PrintO กระบวนการแต่ละชุดดาวรุปกล่องขนาดใหญ่ของตัวอักษร (ตัวอย่างเช่น PrintO วาดรูปกล่องตัวอักษร O) ทำไมตัวโปรแกรมข้างล่างนี้จึงมีประสิทธิภาพโดยการใช้กระบวนการเหล่านี้มากกว่าที่จะไม่ใช้กระบวนการเลย

```
begin {main}
```

```
PrintM;
```

```
PrintO;
```

```
PrintM
```

```
end. {main}
```

เขียนโปรแกรม

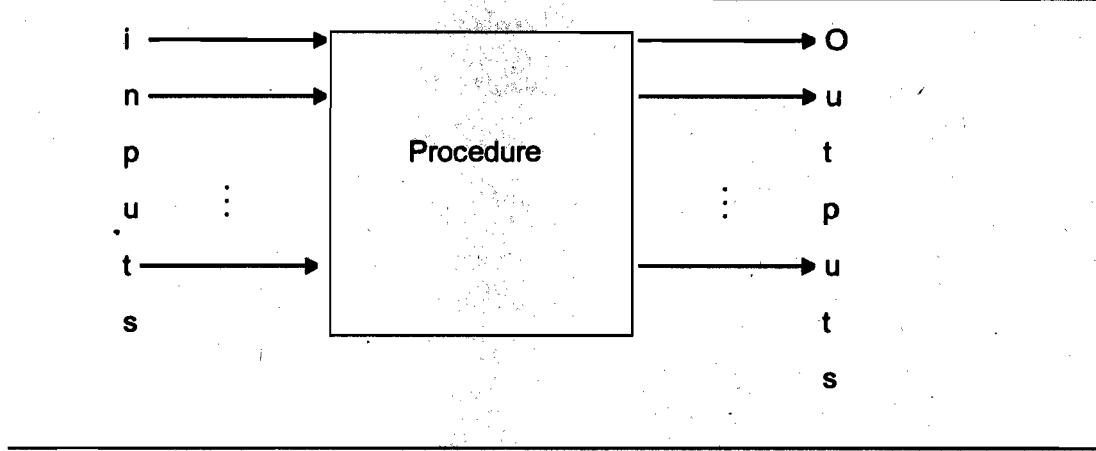
1. จงเขียนกระบวนการ DrawParallel ซึ่งวาดรูปเส้นขนาน และกระบวนการ DrawRectangle ซึ่งใช้ DrawParallel และ DrawBase เพื่อวาดรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า

3.5 กระบวนการคือองค์ประกอบการสร้างโปรแกรม (Procedures as Program Building Blocks)

โปรแกรมเมอร์ใช้กระบวนการคล้ายกันบล็อกการสร้างเพื่อสร้างโปรแกรมขนาดใหญ่ กระบวนการคล้าย Lego®blocks “ไม่ใช่บล็อกไม่มีด้านเรียน” ซึ่งใช้เรียงต่อกันแต่เชื่อมต่อ กัน “ไม่ได้”

การเขียนโปรแกรมเมื่อเปรียบเทียบกับบล็อกการสร้างสองประเภทข้างต้น กระบวนการ DrawCircle และ DrawParallel คล้ายกันบล็อกไม้อย่างง่าย เราสามารถเขียนโปรแกรมขนาดเล็กที่สวยงามด้วยกระบวนการเหล่านี้ และไม่ได้เป็นประโยชน์เฉพาะเรื่อง การสร้างโปรแกรมที่น่าสนใจมากกว่าคือเราต้องจัดกระบวนการที่มีส่วนยืนและครอบเพื่อให้มันสามารถเชื่อมต่อ กันอย่างสะดวกได้โดยง่าย

พารามิเตอร์ (parameters) ของกระบวนการจัดการเชื่อมโยงระหว่างกระบวนการ และโปรแกรมหลัก หรือระหว่างกระบวนการสองชุดหรือมากกว่าสองชุดขึ้นไป พารามิเตอร์ ของกระบวนการรับค่า (procедор оинпуд) ส่งเข้าไปยังกระบวนการจากมอดูลเรียกหรือมันกลับคืนผลลัพธ์ (procедор айтпуд) ซึ่งคำนวนโดยกระบวนการกลับไปยังมอดูลเรียก รูป 3.19 คือแผนภาพของกระบวนการที่มีอินพุดและเอาต์พุต



รูป 3.19 กระบวนการที่มีอินพุตและเอาต์พุต

โปรแกรมเรียก หมายถึง สารสนเทศซึ่งส่งผ่านระหว่างกระบวนการและหน่วยโปรแกรมซึ่งเรียกมัน (The procedure parameters are information passed between a procedure and the program unit that calls it.)

โปรแกรมเรียก อินพุต หมายถึง ค่าซึ่งส่งเข้าไปยังกระบวนการโดยหน่วยโปรแกรมเรียก (The procedure inputs are values passed into a procedure by the calling program unit.)

โปรแกรมเรียก เอาต์พุต หมายถึง ผลลัพธ์ซึ่งกลับคืนไปยังหน่วยโปรแกรมเรียก โดยกระบวนการ (The procedure outputs are results returned to the calling program unit by a procedure.)

เราเคยพบรากามเตอร์มาแล้วในการทำงานกับกระบวนการ WriteLn และ ReadLn ข้อความสั้นเรียกกระบวนการ

WriteLn ('The area is ', Area : 4 : 2)

| | |
|-----------|-----------|
| ↑ | ↑ |
| Procedure | Parameter |
| name | list |

ประกอบด้วยสองส่วน : ชื่อของกระบวนการ Pascal ซึ่งกำลังถูกเรียก คือ WriteLn และรายชื่อพารามิเตอร์ (parameter list) ภายในเครื่องหมายวงเล็บ ในที่นี้มีพารามิเตอร์

สองตัวคือ string และชื่อตัวแปรคันด้วย comma เพราะว่ามันมีรายชื่อพารามิเตอร์กระบวนการ WriteLn จึงคล่องตัวมากกว่าและเป็นประโยชน์มากกว่ากระบวนการ DrawCircle

กระบวนการ DrawCircle แสดงผลได้เฉพาะรูปวงกลมหนึ่งวง ในขณะที่กระบวนการ WriteLn สามารถแสดงผลอะไรก็ได้ที่เราต้องการให้ทำ

บทที่ 6 จะอภิปรายพารามิเตอร์ในรายละเอียดมากขึ้น สำหรับขณะนี้เราจะจำกัด การใช้กระบวนการโดยไม่มีพารามิเตอร์เพื่อแสดงผลข้อความที่มีความยาวมากหรือคำสั่งให้กับผู้ใช้โปรแกรม และจะต่อเนื่องการใช้กระบวนการ ReadLn, Write และ WriteLn สำหรับใส่ข้อมูลและแสดงผลข้อมูล

ตัวอย่าง 3.7 การแสดงผลคำสั่งผู้ใช้

จงเขียนกระบวนการแสดงผลคำสั่งให้ผู้ใช้โปรแกรมซึ่งคำนวนพื้นที่และเส้นรอบวงของวงกลม (ดูรูป 3.4)

กระบวนการชุดนี้แสดงให้เห็นข้อดีของการหนึ่งของการแยกข้อความสั่ง ซึ่งแสดงผลคำสั่งผู้ใช้จากตัวโปรแกรมหลัก การตรวจสอบคำสั่งเหล่านี้จะง่ายขึ้น เมื่อมันถูกแยกออกจากรหัสซึ่งการทำคำนวน

ถ้าเราใส่กระบวนการ Instruct (ดูรูป 3.20) ในส่วนการประกาศของโปรแกรมเดิม เราสามารถเริ่มต้นปรับใหม่(revised) โปรแกรมหลักด้วยข้อความสั่งเรียกกระบวนการ

Instruct;

ส่วนที่เหลือของโปรแกรมหลักประกอบด้วยข้อความสั่งกระทำการที่แสดงก่อนหน้านั้นแล้ว รูป 3.21 แสดงให้เห็นเอกสารพุตซึ่งแสดงผลโดยการเรียกกระบวนการ Instruct

procedure Instruct;

{Displays instructions to a user of program Circle}

begin {Instruct}

 WriteLn ('This program computes the area');

 WriteLn ('and circumference of a circle.');

 WriteLn;

 WriteLn ('To use this program, enter the radius of');

```

WriteLn ('the circle after the prompt : Enter radius>');
WriteLn;
WriteLn ('The circumference will be computed in the');
WriteLn ('sam units of measurement as the radius'.);
WriteLn ('The area will be computed in the same', ' units squared');
WriteLn
end; {Instruct}

```

รูป 3.20 กระบวนการ Instruct

แบบฝึกหัด 3.5

1. การใช้โปรดีเยอร์พารามิเตอร์ทำให้เป็นไปได้ที่จะเขียนโปรแกรมที่มีขนาดใหญ่กว่าและเป็นประโยชน์มากกว่าได้อย่างไร
2. ทำไม้พารามิเตอร์สำหรับโปรดีเยอร์เอาต์พุต WriteLn จึงเป็นโปรดีเยอร์อินพุต และพารามิเตอร์สำหรับอินพุตโปรดีเยอร์ ReadLn จึงเป็นโปรดีเยอร์เอาต์พุต
เขียนโปรแกรม
1. จงแสดงให้เห็นโปรแกรมปรับปรุงใหม่ Circle ที่มีการเรียก Instruct

This program computes the area
and circumference of a circle.

To use this program, enter the radius of
the circle after the prompt : Enter radius>

The circumference will be computed in the
same units of measurement as the radius.
The area will be computed in the same units squared

รูป 3.21 แสดงผลเอาต์พุตโดยโปรดีเยอร์ Instruct

3.6 ข้อผิดพลาดร่วมของการเขียนโปรแกรมร่วม (Common Programming Errors)

ข้อควรจำคือ ให้ประกาศกระบวนการทุกข้อที่ใช้ในโปรแกรม การประกาศกระบวนการ งานต้องอยู่ก่อนการเรียกกระบวนการ และปิดพิบในส่วนการประกาศของโปรแกรมหลัง การประกาศดัวแปร ถ้ากระบวนการ A เรียกกระบวนการ B เราต้องประกาศกระบวนการ B เป็นอันดับแรก

ข้อผิดพลาดวากยสัมพันธ์ หรือข้อผิดพลาดเวลาดำเนินงานสามารถเกิดขึ้นได้เมื่อ เราใช้ฟังก์ชันซึ่งนิยามแล้วของ Pascal เพราะฉะนั้นเราต้องมั่นใจว่า อาร์กิวเมนต์ของทุก ฟังก์ชันมีแบบชนิดข้อมูลถูกต้อง

ตัวอย่างเช่น อาร์กิวเมนต์สำหรับฟังก์ชัน Round และ Trunc ควรจะเป็นชนิด Real ถ้าอาร์กิวเมนต์ของฟังก์ชัน Sqr หรือ Ln เป็นค่าลบ จะเกิดข้อผิดพลาดเวลาดำเนินการ

ข้อสรุปของตัวสร้าง Pascal ตัวใหม่ (Summary of New Pascal Constructs)

| Construct | Effect |
|--|---|
| <pre>Procedure Declaration procedure Display; {Prints 3 lines} const Star = ' * '; begin {Display} WriteLn (Star); WriteLn (Star); WriteLn (Star) end; {Display}</pre> | <p>กระบวนการ</p> <p>Display ถูกนิยาม และเมื่อถูกเรียกจะ พิมพ์สามบรรทัด แต่ละบรรทัดมีหนึ่ง *</p> <p>ค่าคงตัว star จะถูกนิยามเฉพาะเมื่อ Display กำลังกระทำการ</p> |
| <pre>Procedure Call Statement Display</pre> | <p>กระบวนการ Display ถูกเรียกและเริ่ม ต้นกระทำการ</p> |
| <pre>Function Designator Z := Sqrt (X + Y)</pre> | <p>ฟังก์ชัน Sqr คำนวณรากที่สองของ นิพจน์ X + Y จากนั้นผลลัพธ์ถูกกำหนด ให้กับ Z</p> |

แบบฝึกหัด Quick - Check

1. การพัฒนาโปรแกรมจากเอกสารของมัน หมายความว่า ข้อความสั้นทุกคำสั้นในโปรแกรมต้องมีคอมเมนต์ ถูกหรือผิด
2. หลักของการนำกลับมาใช้ใหม่ กล่าวว่า ทุกกระบวนการในโปรแกรมต้องใช้มากกว่าหนึ่งครั้ง ถูกหรือผิด
3. จงเขียนสมการข้างล่างนี้ให้เป็นข้อความสั้ง Pascal โดยใช้ฟังก์ชัน EXP, LN และ Sqr

$$y = (e^x \ln b)^2$$

4. การออกแบบจากบันลงล่าง หมายความว่า ขั้นแรก ให้เขียนหัวข้อการประกาศ Pascal จากนั้นเขียนตัวโปรแกรม ถูกหรือผิด
5. กระบวนการแต่ละชุดถูกกระทำการในอันดับซึ่งมันถูกประกาศในโปรแกรมหลัก ถูกหรือผิด
6. วิภาคสัมพันธ์อะไร ซึ่งนำมาใช้ในโปรแกรม Pascal เพื่อเรียกกระบวนการ
7. จงเขียนรายการอันดับของการประกาศในโปรแกรม Pascal มาตรฐาน
8. โปรดเดอร์พารามิเตอร์หมายถึงอะไร
9. จงอธิบายว่าผังโครงสร้าง (structure chart) แตกต่างจากอัลกอริทึม (algorithm) อาย่างไร

10. กระบวนการสามารถมีอินพุต เอ้าต์พุต หรือมีทั้งคู่ ถูกหรือผิด
11. กระบวนการข้างล่างนี้ทำอะไร

procedure Nonsense;

begin {Nonsense}

 WriteLn ("*****");

 WriteLn ("* *");

 WriteLn ("*****")

end; {Nonsense}

12. ตัวโปรแกรมข้างล่างนี้ทำอะไร

begin

 Nonsense;

 Nonsense;

 Nonsense

end.

Programming Projects

1. จงเขียนกระบวนการสองชุด ชุดแรกแสดงผลรูปสามเหลี่ยม และอีกชุดหนึ่ง แสดงผลรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า โดยใช้ภาวะข้อความ (text mode) จากนั้นใช้กระบวนการเหล่านี้ เขียนโปรแกรม Pascal ที่เสร็จสมบูรณ์จากเค้าโครงข้างล่างนี้

```
program StackHouses;  
begin  
    {1. Draw triangle.}  
    {2. Draw rectangle.}  
    {3. Print 2 blank lines.}  
    {4. Draw triangle.}  
    {5. Draw rectangle.}  
end;
```

2. ใส่กระบวนการจากข้อ 1 ใช้กระบวนการเหล่านี้ใน โปรแกรมเพื่อวาดรูปเรือหباء (rocket ship) ซึ่งเป็นรูปสามเหลี่ยมเหนือรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า เหนือเส้นตัด, รูปผู้ชาย (รูปวงกลมเหนือสี่เหลี่ยมผืนผ้าเหนือเส้นตัด) และรูปผู้หญิงยืนบน ศีรษะของรูปผู้ชาย

จงเขียนกระบวนการ Skip5Lines และเรียกกระบวนการชุดนี้เพื่อสับรั่วทั้ง 5 บรรทัดระหว่างแต่ละรูป

3. จงเขียนโปรแกรมคอมพิวเตอร์คำนวณระยะเวลาของการบินของกระสุน (projectile's flight) และความสูงของมันเหนือพื้นดินเมื่อมันถึงเป้าหมาย (target) เป็นส่วนของ ผลเฉลย ให้เขียนและเรียกกระบวนการซึ่งแสดงค่าสั่งให้กับผู้ใช้โปรแกรม

Problem constant

$G = 32.17$ (gravitatin constant)

Problem input

Theta : Real {input - angle (radians) of elevation}

Distance: Real {input - distance (ft) to target}

Velocity : Real {input - projectile velocity (ft/sec)}

Problem output

Time : Real {output - time (sec) of flight}

Height : Real {output - height at impact}

Relevant formulas

$$\text{time} = \text{distance} / (\text{velocity} \times \cos\Theta)$$

$$\text{height} = \text{velocity} \times \sin\Theta \times \text{time} - (g \times \text{time}^2) / 2$$

4. มีนักวิ่งแข่ง 4 คน ซึ่งสามารถวิ่งระยะทางหนึ่งไม้ล็อกครบถ้วน จงเขียนโปรแกรมอ่านข้อมูลเวลาของนักวิ่งแข่งแต่ละคน ซึ่งมีหน่วยเป็นนาที (Minutes) และวินาที (Seconds) จากนั้นให้คำนวณและพิมพ์ความเร็วมีหน่วยเป็นฟุตต่อวินาที (FPS) และเป็นเมตรต่อวินาที (MPS)

(ข้อแนะนำ หนึ่งไม้ล็อกเท่ากับ 5280 ฟุต และหนึ่งกิโลเมตรเท่ากับ 3282 ฟุต)
จงเขียนและเรียกกระบวนการซึ่งแสดงคำสั่งให้ผู้ใช้โปรแกรม

| Minutes | Seconds |
|---------|---------|
| 3 | 52.83 |
| 3 | 59.83 |
| 4 | 00.03 |
| 4 | 16.22 |

