

## บทที่ 8

ดุลยภาพขององค์การผลิตในตลาดลักษณะต่าง ๆ  
DECISION OF THE FIRM IN VARIOUS TYPES OF MARKET

## บทที่ 8

### ดุลยภาพขององค์การผลิตในตลาดลักษณะต่าง ๆ (Decision of the Firm in Various Types of Market)

#### ๑. ความหมาย :

ในเรื่องนี้แล้วได้ศึกษาทฤษฎีขององค์การผลิต ซึ่งเป็นการวิเคราะห์หลักเกณฑ์การตัดสินใจ เพื่อทำการผลิตโดยให้ได้ผลตามนัยของเป้าหมายการผลิตนั้น ๆ ทั้งนี้การผลิตนั้นจะเป็นการผลิตในตลาดที่มีการแข่งขันโดยสมบูรณ์เท่านั้น

ในเรื่องนี้ จะศึกษาและวิเคราะห์ ทำที่การตัดสินใจในการผลิตของผู้ผลิตหรือองค์การผลิต ในกรณีที่ผู้ผลิตทำการผลิต ทั้งในตลาดที่มีการแข่งขันโดยสมบูรณ์และตลาดที่มีการแข่งขันไม่สมบูรณ์ วัตถุประสงค์การวิเคราะห์นี้ก็เพื่อให้ได้มาซึ่งหลักเกณฑ์ของดุลยภาพการผลิตนั่นเอง การวิเคราะห์นี้จะพิจารณากว้าง ๆ ว่าผู้ผลิตมีเป้าหมายที่จะผลิตสินค้าเพียงเพื่อหากำไร ดังนั้นทำที่และหลักเกณฑ์การตัดสินใจเพื่อการผลิตนี้จึงมีจุดมุ่งหมายเพื่อที่จะให้ได้มาซึ่งกำไรสูงสุด (Maximize Profit) นั่นเอง

ดุลยภาพขององค์การผลิตที่จะได้ศึกษาและวิเคราะห์ในที่นี้เป็นการวิเคราะห์และหาหลักเกณฑ์การตัดสินใจในเชิงคณิตศาสตร์ ซึ่งอาจจะแบ่งแยกวิเคราะห์เป็น การผลิตในตลาดที่มีการแข่งขันโดยสมบูรณ์ และตลาดที่มีการแข่งขันโดยไม่สมบูรณ์ โดยมีเรื่องที่จะวิเคราะห์ต่อไปนี้

#### ก. ดุลยภาพขององค์การผลิตในตลาดที่มีการแข่งขันโดยสมบูรณ์

(Decision of The Firm in Perfect Competition Market)

- ๑) ธุรกิจการผลิตสินค้าชนิดเดียว (One Product Firm)
- ๒) ธุรกิจการผลิตสินค้าหลายชนิด (Multiproduct Firm)

#### ข. ดุลยภาพขององค์การผลิตในตลาดที่มีการแข่งขันโดยไม่สมบูรณ์

(Decision of the Firm in Monopolistic Competition Market)

- ๑) ธุรกิจการผลิตสินค้าชนิดเดียว (One Product Firm)
- ๒) ธุรกิจการผลิตสินค้าหลายชนิด (Multiproduct Firm)

## ซึ่งการวิเคราะห์จะกระทำเป็นเรื่อง ๆ ไปดังต่อไปนี้

### ๒. คุณภาพขององค์การผลิตในตลาดที่มีการแข่งขันโดยสมบูรณ์

#### (Decision of The Firm in Perfect Competition Market)

ในการซื้อขายสินค้าในตลาดที่มีการแข่งขันโดยสมบูรณ์นั้น ย่อมหมายความว่า ราคาสินค้าจะถูกกำหนดโดยกลไกราคาของตลาด (การเสนอซื้อและการสนองขายของตลาด) ดังนั้นพฤติกรรมของผู้ผลิตคนใดคนหนึ่ง ย่อมไม่มีอิทธิพลต่อระดับราคาโดยทั่วไปของตลาดสินค้านั้นแต่อย่างใด หรือกล่าวอีกนัยหนึ่งก็คือ ระดับราคามีได้ขึ้นอยู่กับปริมาณการผลิตแต่อย่างใด และไม่ได้ขึ้นอยู่กับปริมาณการผลิตของผู้ผลิตผู้ใดผู้หนึ่งโดยเฉพาะ

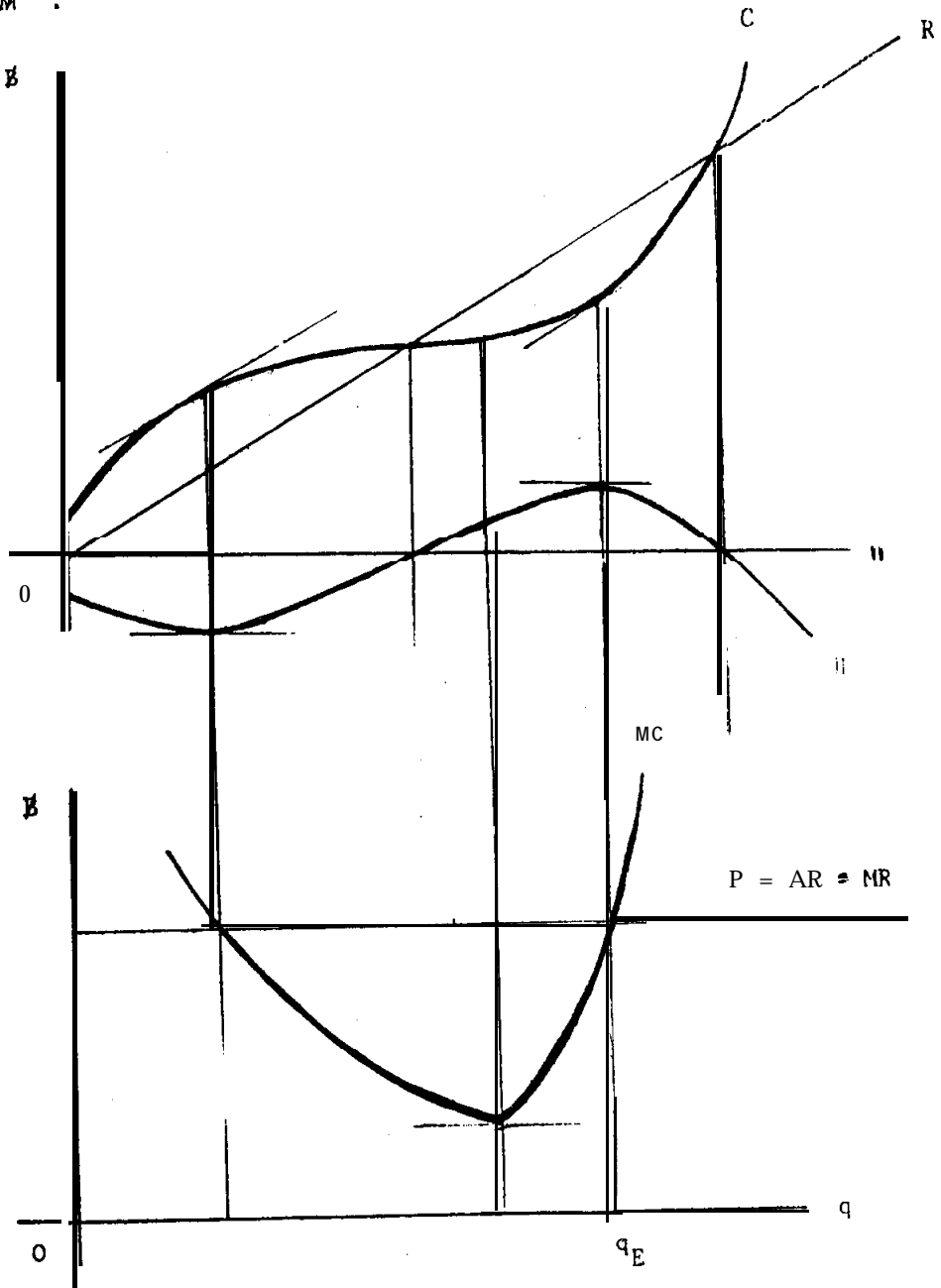
โดยคณิตศาสตร์

$$P_i \neq P(q_i) \quad : \quad \text{สินค้าชนิดที่ } i \text{ ใน } q$$

ดังนั้นถ้าผู้ผลิต ผลิตสินค้าในตลาดที่มีการแข่งขันโดยสมบูรณ์และมีเป้าหมายที่จะหากำไรสูงสุดจากการผลิตสินค้าแล้วละก็ ปัญหาของผู้ผลิตก็คือการหาเกณฑ์แห่งการผลิต และที่สุดก็คือจำนวนการผลิตที่จะนำมาซึ่งการบรรลุเป้าหมายที่ตั้งไว้ ในที่นี้จะได้พิจารณาทั้งกรณีที่เป็นธุรกิจการผลิตสินค้าชนิดเดียว และหลายชนิด ดังต่อไปนี้

#### ๒.๑ คุณภาพขององค์การผลิตในธุรกิจการผลิตสินค้าเพียงชนิดเดียวในตลาดที่มีการแข่งขันโดยสมบูรณ์ (One Product Firm in Perfect Competition Market)

โดยเรขาคณิต :



ดูลยภาพ :

$P = MC$  ขณะที่ต้นทุนส่วนเพิ่มกำลังสูงขึ้น

โดยคณิตศาสตร์ :

แบบสมการกำไร,

$$\Pi = R - C$$

โดยที่

R คือรายได้ ซึ่งเกิดจากราคาสินค้า (P) คูณกับปริมาณการผลิต (q)

C คือต้นทุนการผลิตทั้งหมด ซึ่งขึ้นกับปริมาณการผลิต (q)

ดังนั้น

$$\Pi = P \cdot q - C(q)$$

จากการหาค่าสูงสุด - ค่าสุด โดยวิธีการทางคณิตศาสตร์ จะสามารถสร้างเป็นแบบสมการหาค่าสูงสุดของเป้าหมาย (กำไร) กรณีไม่มีเงื่อนไขได้ดังนี้

๑) แบบสมการเพื่อหากำไรสูงสุด

$$\text{Maximize } \Pi = P \cdot q - C(q)$$

๒) พิจารณาค่าวิกฤต

First - Order Condition : หาอนุพันธ์ของตัวแปรที่มี (q) แล้วเทียบค่าให้เท่ากับศูนย์

$$\begin{aligned} \frac{d\Pi}{dq} &= \frac{d(P \cdot q)}{dq} - \frac{dC(q)}{dq} \\ &= P - C'(q) \quad : \text{ สัญญลักษณ์} \end{aligned}$$

เมื่อ  $\frac{d\Pi}{dq} = 0$  เพื่อแสดงว่าเป้าหมายอาจจะมียุติค่าสูงสุด

ดังนั้น

$$P - C'(q) = 0$$

หรือ  $P = C'(q)$

แต่  $C'(q) = \frac{dC(q)}{dq}$   
 $= MC$  ต้นทุนส่วนเพิ่ม

ดังนั้นค่าวิกฤตของตัวแปรที่อาจจะนำมาซึ่งค่าสูงสุดของเป้าหมาย ( $\Pi$ ) คือ

$$P = MC$$

ก) ทดสอบเพื่อยืนยันค่าวิกฤต

Second - Order Condition : โดยการพิจารณา Hessian Determinant  
 ค่าวิกฤตจะยืนยันว่าเป็นค่าสูงสุด (ถ้าใช่สูงสุด) ก็ต่อเมื่อ Hessian  
 Determinant ชุดที่  $i$  ใด ๆ จะต้องมียุทธศาสตร์  $(-1)^{m+1}$  หรือ  
 $|H_{m+1}| (+) (-1)^{m+1}$

ในที่นี้  $m = 0$  จำนวนสมการเงื่อนไข

$n = 1$  จำนวนตัวแปร

ดังนั้น ต้องทดสอบ Hessian Determinant ทั้งหมด  $n - m = 1 - 0$

$= 1$  qn

คือ  $|H_{0+1}| = |H_1| = |\Pi_{qq}|$

$$|H_1| = \Pi_{qq}$$

$$\forall = \frac{d\{P - C'(q)\}}{dq} : P \neq P(q)$$

$$= -C''(q) : \text{สัญลักษณ์}$$

ซึ่ง  $|H_1|$  จะยืนยันว่าค่าวิกฤต ( $P = MC$ ) จะนำมาซึ่งค่าสูงสุดของเป้าหมาย (กำไรสูงสุด) ก็ต่อเมื่อ

$$|H_1| > (-1)^1$$

หรือ  $|H_1| < 0$

หรือ  $-c''(q) < 0$  : แทนค่า  $|H_1|$

- • คูณตลอด  $c''(q) > 0$

ซึ่ง  $c''(q) = \frac{dc'(q)}{dq}$

$= \frac{dMC}{dq}$  ; อัตราการเปลี่ยนแปลงของต้นทุนส่วนเพิ่มอันเกิดจากการเปลี่ยนแปลงปริมาณการผลิต หรือค่าความชันของ MC นั้นเอง

ดังนั้น ค่าวิกฤตจะนำมาซึ่งค่าสูงสุดของเป้าหมายก็ต่อเมื่อ  $c''(q) > 0$  หรือ  $\frac{dMC}{dq} > 0$

ซึ่งหมายความว่า จะต้องเป็นการผลิตในช่วงที่ต้นทุนส่วนเพิ่มมีความสัมพันธ์โดยตรงกับปริมาณการผลิต หรือเป็นช่วงที่ต้นทุนส่วนเพิ่มกำลังสูงขึ้นนั่นเอง (พิจารณาจากรูปเรขาคณิต จะต้องเป็นช่วงที่ MC มีความชันเป็นบวก)

โดยสรุปแล้ว อาจกล่าวได้ว่า ผู้ผลิตที่ทำการผลิตสินค้าชนิดเดียวในตลาดที่มีการแข่งขันโดยสมบูรณ์ จะได้กำไรสูงสุดจากการผลิตสินค้านั้นก็ต่อเมื่อ ผู้ผลิตจัดสรรการผลิตจนกระทั่ง

$$P = MC$$

ราคาสินค้า เท่ากับต้นทุนส่วนเพิ่มของการผลิตพอดี และการผลิตนั้น จะต้องเกิดขึ้นในช่วงที่

$$c''(q) > 0$$

ต้นทุนส่วนเพิ่มกำลังเพิ่มขึ้น

ตัวอย่าง : การผลิตสินค้าชนิดเดียว ในตลาดที่มีการแข่งขันโดยสมบูรณ์

สมมติว่า ผู้ผลิตผู้หนึ่งผลิตสินค้าอย่างหนึ่งออกขายในตลาด ซึ่งสินค้านั้นมีราคาซื้อขายกันหน่วยละ ๒๐ หน่วยเงินตรา โดยที่ผู้ผลิตมีต้นทุนการผลิตเป็น  $c = q^3 - 12q^2 + 41q + 8$

อยากทราบว่า ผู้ผลิตควรจะต้องผลิตสินค้าออกขายทั้งหมดเท่าไร จึงจะได้กำไรสูงสุด

วิธีทำ :

จากโจทย์

$$P = 20$$

$$C = q^3 - 12q^2 + 41q + 8$$

1) แบบสมการเป้าหมาย

Maximize

$$\pi = R - C$$

$$= 20q - (q^3 - 12q^2 + 41q + 8)$$

$$= 20q - q^3 + 12q^2 - 41q - 8$$

๒) ศึกษาตัววิกฤต

First - Order Condition : หาค่าอนุพันธ์มุ่งต่อ  $q$  แล้วเทียบค่าให้เท่ากับศูนย์

$$\frac{d\pi}{dq} = \pi' = 20 - 3q^2 + 24q - 41 = 0$$

$$\text{หรือ} \quad -3q^2 + 24q - 21 = 0$$

$$(-3q + 3)(q - 7) = 0$$

$$\text{ดังนั้น} \quad q = 1, 7$$



ก) ทดสอบเพื่อยืนยันค่าวิกฤต

Second - Order Condition : โดยการพิจารณา Hessian Determinant

ต้องทดสอบ Hessian Determinant  $n - m = 1 - 0 = 1$  วัตถุประสงค์

ซึ่งคือ

$$\begin{aligned} |H_1| &= |\pi_{qq}| \\ &= -6q + 24 \end{aligned}$$

พิจารณาค่า  $\pi_{qq}$  :

$$\begin{aligned} \text{เมื่อ } q = 1 \text{ แล้ว } \pi_{qq} &= -6(1) + 24 \\ &= 18 > 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{เมื่อ } q = 7 \text{ แล้ว } \pi_{qq} &= -6(7) + 24 \\ &= -18 < 0 \end{aligned}$$

ดังนั้นผู้ผลิตจะได้กำไรสูงสุดเมื่อทำการผลิตสินค้า ๗ หน่วยสินค้า ซึ่งเป็นไปตามเงื่อนไขของการหาค่าสูงสุด โดยที่  $|H_1| \rightarrow (-1)^1$  หรือ  $\pi_{qq} < 0$  และกำไรที่เกิดขึ้นหาได้จาก

$$n = -q^3 + 12q^2 - 21q - 8$$

$$\text{แทนค่า } q = 7 : n = -(7)^3 + 12(7)^2 - 21(7) - 8$$

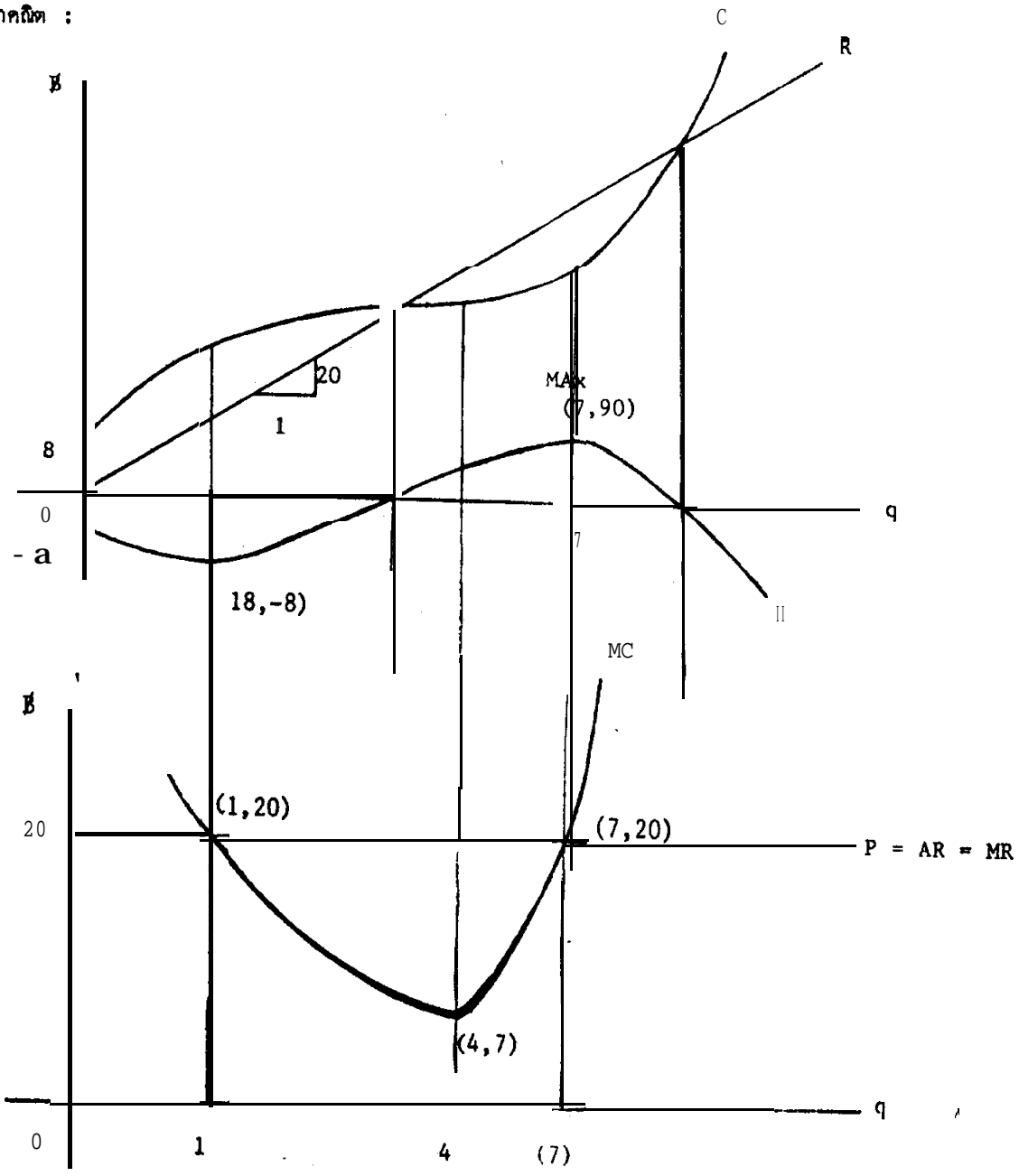
$$= 90$$

หน่วยเงินตรา

นั่นคือ ผู้ผลิตจะได้กำไรสูงสุดเมื่อทำการผลิตสินค้าออกขายในตลาด ๗ หน่วยสินค้า และจะได้กำไรทั้งสิ้น ๙๐ หน่วยเงินตรา ( $R = 140$  และ  $C = 50$ )

ตอบ //

โดยเรขาคณิต :



๒.๒ คุณภาพขององค์การผลิตในธุรกิจการผลิตสินค้าหลายชนิดในตลาดที่มีการแข่งขัน

โดยสมบูรณ์ (Multiproduct Firm in Perfect Competition Market)

ในกรณีนี้ เป็นกรณีที่ผู้ผลิต ผลิตสินค้าออกขายในตลาดหลายชนิดด้วยกัน และสินค้าแต่ละชนิดที่ผู้ผลิตนำออกขายในตลาดนั้น ผู้ผลิตแต่ละรายไม่มีอิทธิพลในการกำหนดราคาแต่อย่างใด อย่างไรก็ตาม ในการผลิตนี้ ผู้ผลิตมีความต้องการที่จะได้รับกำไรจากการขายสูงที่สุด

ในที่นี้ สมมุติว่า ผู้ผลิตผลิตสินค้าออกขายในตลาดทั้งหมด  $n$  ชนิดด้วยกัน

โดยคณิตศาสตร์ :

แบบสมการกำไร

$$\Pi = R - C$$

เมื่อ ผลิตสินค้า  $n$  ชนิด

และ  $q_i$  คือ จำนวนการผลิตของสินค้าชนิดที่  $i$

$P_i$  คือ ราคาสินค้าต่อหน่วยของสินค้าชนิดที่  $i$

$R_i$  คือ รายได้จากการขายสินค้าชนิดที่  $i$

ดังนั้น

$$\begin{aligned} \text{รายได้ } R &= R_1 + R_2 + \dots + R_n \\ &= P_1 q_1 + P_2 q_2 + \dots + P_n q_n \end{aligned}$$

$$\text{ต้นทุน } C = C(q_1, q_2, \dots, q_n)$$

เช่นนี้แล้ว แบบสมการเป้าหมายเพื่อหากำไรสูงสุดคือ

๑) แบบสมการเพื่อหาค่าไรสูงสุด

$$\text{Maximize } \Pi = (P_1 q_1 + P_2 q_2 + \dots + P_n q_n) - C(q_1, q_2, \dots, q_n)$$

๒) ทิศทางค่าวิกฤต

First - Order Condition : หากอนุพันธ์บางส่วนต่อตัวแปรที่น้อย ( $q_1, q_2, \dots, q_n$ ) แล้วเทียบค่าให้เท่ากับศูนย์

$$\frac{\partial \Pi}{\partial q_1} = \Pi_1 = P_1 - C_1 = 0 \quad \text{----- (1)}$$

$$\frac{\partial \Pi}{\partial q_2} = \Pi_2 = P_2 - C_2 = 0 \quad \text{----- (2)}$$

$$\frac{\partial \Pi}{\partial q_3} = \Pi_3 = P_3 - C_3 = 0 \quad \text{----- (3)}$$

-----

$$\frac{\partial \Pi}{\partial q_n} = \Pi_n = P_n - C_n = 0 \quad \text{----- (n)}$$

โดยสรุปแล้วอาจเขียนรวม ๆ ในรูปทั่วไปได้ว่า :

$$\Pi_i = P_i - C_i = 0$$

หรือ

$$P_i = C_i \quad \text{----- ( * )}$$

และ

$$\frac{(i)}{(j)}$$

$$\frac{P_i}{P} = \frac{C_i}{C_j} \quad \text{----- (**)}$$

โดยที่  $C_i = \frac{\partial C}{\partial q_i} \quad (i = 1, 2, \dots, n)$

๓) ทดสอบเพื่อยืนยันค่าวิกฤต

Second - Order Condition : โดยการพิจารณา Hessian Determinant ค่าวิกฤต จะได้รับการยืนยันอย่างเพียงพอว่าเป้าหมายจะมีค่าสูงสุด (ถ้าไรสูงสุด) ก็ต่อเมื่อ Hessian Determinant ชุดที่  $i$  ใด ๆ จะต้องมีเครื่องหมาย  $(-1)^{m+1}$

หรือ  $|\bar{H}_{m+1}| \rightarrow (-1)^{m+1}$

ในที่นี้  $m = 0$  จำนวนสมการเงื่อนไข  
 $n = n$  จำนวนตัวแปร

ดังนั้นจะต้องทดสอบ Hessian Determinant ทั้งหมด  $n - m = n - 0 = n$

โดยที่ Hessian Determinant ชุดที่  $i$  ใด ๆ คือ

$|\bar{H}_{m+1}| \rightarrow (-1)^{m+1}$

เมื่อ  $m=0$   $|H_{0+1}| \rightarrow (-1)^{0+1}$

$|H_i| \rightarrow (-1)^i$

ซึ่ง  $|H_i| = \begin{vmatrix} \pi_{11} & \pi_{12} & \dots & \pi_{1i} \\ \pi_{21} & \pi_{22} & \dots & \pi_{2i} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ \pi_{i1} & \pi_{i2} & \dots & \pi_{ii} \end{vmatrix} \rightarrow (-1)^i$

ดังนั้น Hessian Determinant จุดที่หนึ่งคือ

$$|H_1| = \pi_{11}$$

หรือ

$$= -C_{11}$$

ซึ่งถ้าเป้าหมายจะมีค่าสูงสุด ก็คือ เมื่อ

$$|H_1| \rightarrow (-1)^1$$

หรือ

$$|H_1| < 0$$

เช่นนี้แล้ว

$$|H_1| = \pi_{11} = -C_{11} < 0 \text{ ต้องน้อยกว่าศูนย์ (ติดลบ)}$$

หรือ

$$C_{11} > 0$$

Hessian Determinant จุดที่สองคือ

$$|H_2| = \begin{vmatrix} \pi_{11} & \pi_{12} \\ \pi_{21} & \pi_{22} \end{vmatrix}$$

$$= \begin{vmatrix} -C_{11} & -C_{12} \\ -C_{21} & -C_{22} \end{vmatrix}$$

ซึ่งถ้าเป้าหมายจะมีค่าสูงสุดก็ต่อเมื่อ

$$|H_2| \rightarrow (-1)^2$$

หรือ

$$|H_2| > 0$$

ดังนั้น

$$|H_2| = \begin{vmatrix} -C_{11} & -C_{12} \\ -C_{21} & -C_{22} \end{vmatrix}$$

$$= C_{11}C_{22} - C_{12}C_{21}$$

$$= C_{11}C_{22} - (C_{12})^2 \quad : \text{Young's Theorem } C_{12} = C_{21}$$

$$C_{11}C_{22} - (C_{12})^2 > 0 \quad \text{ต้องมากกว่าศูนย์ (เป็นบวก)}$$

แต่  $(C_{12})^2 > 0$  เสมอไม่ว่า  $C_{12}$  จะมากกว่าหรือน้อยกว่าศูนย์

เช่นนี้แล้ว  $C_{11}C_{22} > 0$

แต่จากการพิจารณา  $|H_1|$  พบว่า  $C_{11} > 0$

ดังนั้น  $C_{22} > 0$  ด้วย //

ในทำนองเดียวกัน อาจจะสามารถกล่าวได้ว่าสำหรับ Hessian Determinant ชุดที่ 1 ใด ๆ ก็จะได้ผลการวิเคราะห์เช่นเดียวกันว่า

$$C_{ii} > 0 \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$

ซึ่งหมายความว่า การผลิตจะต้องเกิดขึ้นในช่วงที่ต้นทุนส่วนเหลือของสินค้าแต่ละชนิดกำลังสูงขึ้น

ดังนั้น อาจสรุปหลักเกณฑ์การผลิตสินค้าหลายชนิดในตลาดที่มีการแข่งขันโดยสมบูรณ์ได้ว่า ผู้ผลิตจะได้กำไรสูงสุดอันเกิดจากการผลิตสินค้าเหล่านั้นก็ต่อเมื่อ ได้จัดสรรการผลิตสินค้าแต่ละชนิดจนกระทั่ง

$$P_i = C_i$$

ต้นทุนส่วนเหลือของการผลิตสินค้าแต่ละชนิด เท่ากับ ราคาขายของสินค้าชนิดนั้น ๆ

พอดี

และในการผลิตสินค้าต่างชนิดกัน ผู้ผลิตจะต้องจัดสรรการผลิตจนกระทั่ง

$$\frac{P_i}{P_j} = \frac{C_i}{C_j}$$

อัตราส่วนของราคาสินค้าชนิดต่าง ๆ เท่ากับ อัตราส่วนของต้นทุนส่วนเหลือของสินค้าเหล่านั้นพอดี

ทั้งนี้การผลิตสินค้าชนิดต่าง ๆ เหล่านี้จะเกิดขึ้นในช่วงที่

$$C_{if} > 0$$

ต้นทุนส่วนเหลือของการผลิตสินค้าแต่ละชนิดกำลังสูงขึ้น

$$(C_{if} = \frac{\partial C_i}{\partial q_i} \text{ โดยที่ } C_i = \frac{\partial C}{\partial q_i}) \text{ กล่าวคือมีค่าความชันเป็นบวก}$$

ตัวอย่าง : การผลิตสินค้าหลายชนิด ในตลาดที่มีการแข่งขันโดยสมบูรณ์

สมมติว่า ผู้ผลิตผู้หนึ่ง ผลิตสินค้าสองชนิดออกขายในตลาดซึ่งสินค้าแต่ละชนิดมีราคาซื้อ - ขาย กันในตลาดหน่วยละ ๓๐ หน่วยเงินตรา และ ๑๕ หน่วยเงินตราตามลำดับ โดยที่ผู้ผลิตมีต้นทุนการผลิตเป็น  $C = 2q_1^2 + q_1q_2 + 2q_2^2$

อยากทราบว่า : ผู้ผลิตควรจะผลิตสินค้าแต่ละชนิดกักขายในตลาดเป็นปริมาณเท่าใด จึงจะได้กำไรจากการขายสินค้าทั้งหมดมากที่สุด

วิธีทำ :

จากโจทย์ :

$$\begin{aligned} P_1 &= 30 \\ P_2 &= 15 \end{aligned}$$



และ  $C = 2q_1^2 + q_1q_2 + 2q_2^2$

๑) แบบสมการเป้าหมาย :

Maximize  $\Pi = R - C$

$$= (P_1q_1 + P_2q_2) - C$$

$$= 30q_1 + 15q_2 - (2q_1^2 + q_1q_2 + 2q_2^2)$$

$$= 30q_1 + 15q_2 - 2q_1^2 - q_1q_2 - 2q_2^2$$

๒) ศึกษาตัววิกฤต

First - Order Condition : หากำอนุพันธ์บางส่วนมุ่งต่อ  $q_1$  และ  $q_2$  แล้วเทียบค่าให้เท่ากับศูนย์

$$\frac{\partial \Pi}{\partial q_1} = \Pi_1 = 30 - 4q_1 - q_2 = 0 \text{ ----- (1)}$$

$$\frac{\partial \Pi}{\partial q_2} = \Pi_2 = 15 - q_1 - 4q_2 = 0 \text{ ----- (2)}$$

จาก (๑) และ (๒) จะได้ตัววิกฤตเป็น

$$q_1 = 7$$

$$q_2 = 2$$

๓) ทดสอบเพื่อยืนยันตัววิกฤต

Second - Order Condition : โดยการพิจารณา Hessian Determinant ซึ่งมี

Hessian Determinant ที่จะต้องทดสอบ  $n - m = 2 - 0 = 2$  ชุด

ซึ่งคือ

$$\text{จุดที่หนึ่ง} \quad |\bar{H}_m + 1| = |H_0 + 1| = |H_1|$$

$$\text{และจุดที่สอง} \quad |\bar{H}_m + 2| = |H_0 + 2| = |H_2|$$

โดยที่

$$\begin{aligned} |H_1| &= \Pi_{11} \\ &= -4 < 0 \end{aligned}$$

และ

$$\begin{aligned} |H_2| &= \begin{vmatrix} \Pi_{11} & \Pi_{12} \\ \Pi_{21} & \Pi_{22} \end{vmatrix} \\ &= \begin{vmatrix} -4 & -1 \\ -1 & -4 \end{vmatrix} \\ &= 15 > 0 \end{aligned}$$

ซึ่งจะเห็นว่า Hessian Determinant ที่ทดสอบเป็นไปตามเงื่อนไขของการหาค่าสูงสุด ที่ว่า  $|\bar{H}_m + i|$  ต้องมีเครื่องหมาย  $(-1)^{m+i}$  หรือ ในกรณีนี้ การหาค่าสูงสุดปราศจากข้อกำหนดยังเป็นเงื่อนไขใด ๆ ( $m = 0$ ):  $|H_i|$  ต้องมีเครื่องหมาย  $(-1)^i$

ดังนั้น ถ้าไรอันเกิดจากการผลิตสินค้าทั้งหมด คือ

$$\begin{aligned} \Pi &= 30q_1 + 15q_2 - 2q_1^2 - q_1q_2 - 2q_2^2 \\ &= 30(7) + 15(2) - 2(7)^2 - (7)(2) - 2(2)^2 \\ &= 120 \quad \text{หน่วยเงินตรา} \end{aligned}$$

ดังนั้น ผู้ผลิตจะได้อำไรสูงสุด เมื่อผลิตสินค้าชนิดที่หนึ่ง เป็นจำนวน  $a$  หน่วยสินค้า  
 ผลิตสินค้าชนิดที่สอง  $b$  หน่วยสินค้า และจะได้อำไรทั้งสิ้น  $120$  หน่วย เงินตรา  
 ( $R = 240$  และ  $C = 120$ )

ตอบ //

**ก. ทูลยภาพขององค์การผลิตในตลาดที่มีการแข่งขันโดยไม่สมบูรณ์**  
 (Decision of the Firm in Monopolistic Competition Market)

ในตลาดที่มีการแข่งขันโดยไม่สมบูรณ์ ผู้ผลิตย่อมจะมีอิทธิพลในการเปลี่ยนแปลงราคา  
 สินค้าที่เขาผลิตขึ้นโดยทางอ้อม อิทธิพลและอำนาจผูกขาด เพื่อจะเปลี่ยนแปลงราคานั้น อาจกระทำได้โดย  
 การเปลี่ยนแปลงรูปแบบและสีท่อนของสินค้า ซึ่งทำให้สินค้าของผู้ผลิตแต่ละราย เกิดความแตกต่างกัน  
 (product differentiation) หรืออาจจะเปลี่ยนแปลงปริมาณการผลิตของสินค้าให้  $\uparrow$  ทั้งนี้เพื่อ  
 ให้การสนองขาย (supply) เปลี่ยนแปลงไปและมีผลต่อการเปลี่ยนแปลงในราคาสินค้านั้น ๆ ตาม  
 ระบบราคานั้นเอง

ดังนั้น เมื่อผู้ผลิตมีอำนาจผูกขาด และสามารถกำหนดราคาโดยการเปลี่ยนแปลง  
 ปริมาณการผลิตได้แล้ว ก็ย่อมจะกล่าวได้ว่า ในตลาดที่มีการแข่งขันโดยไม่สมบูรณ์นั้น ราคาของสินค้า  
 ย่อมจะต้องขึ้นอยู่กับปริมาณการผลิตของสินค้านั้น ๆ

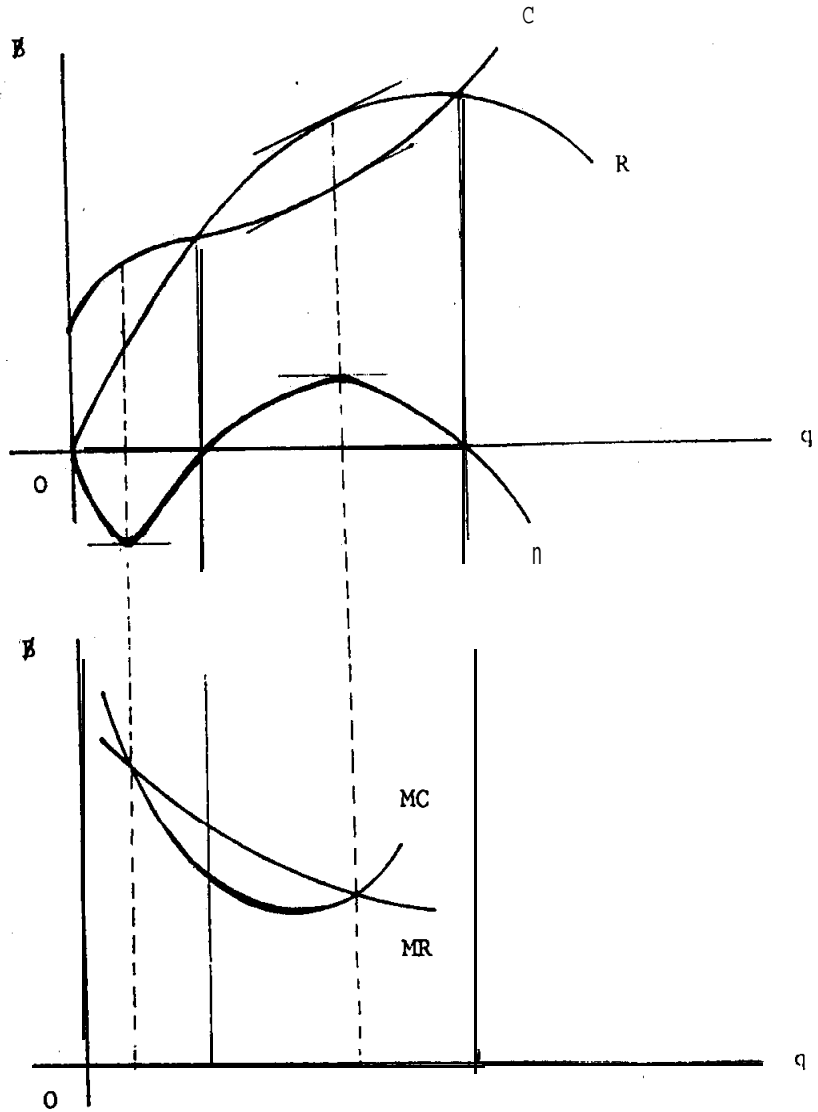
โดยคณิตศาสตร์

$$P_i = P(q_i) \quad : \text{สินค้าชนิดที่ } i \text{ ใด ๆ}$$

ถ้าหากว่าผู้ผลิต ทำการผลิตสินค้าในตลาดที่มีการแข่งขันโดยไม่สมบูรณ์ และมีเป้าหมายเพื่อหากำไรสูงสุดแล้วละก็ ปัญหาที่จะต้องพิจารณาต่อไปก็คือ หลักเกณฑ์การผลิตเพื่อให้บรรลุเป้าหมายนั้นจะเป็นอย่างไร ซึ่งในที่นี้จะได้วิเคราะห์และพิจารณา การผลิตในธุรกิจการผลิตสินค้าชนิดเดียวและหลายชนิดดังต่อไปนี้

**ก.๑ ทูลยภาพขององค์การผลิตในธุรกิจการผลิตสินค้าเพียงชนิดเดียวในตลาดที่มีการแข่งขันโดยไม่สมบูรณ์ (One Product Firm in Monopolistic Competition)**

โดยเรขาคณิต :



ดูลยภาพ :

$MR = MC$     ขณะที่อัตราเพิ่มของ MR น้อยกว่าของ MC