



## การทดสอบที่ 5

$$N_1 \frac{\partial f}{\partial N_1} + N_2 \frac{\partial f}{\partial N_2} + \dots + N_i \frac{\partial f}{\partial N_i} + \dots = nf \quad \dots \dots \dots (5.4)$$

ในศึกษา ให้  $f$  แทนปริมาณเม็ดของเก亭ในทางของโนโนในนิมิกส์ ( $Q$ ) ตั้งนั่น

$$N_1 \bar{Q}_1 + N_2 \bar{Q}_2 + \dots + N_i \bar{Q}_i + \dots = Q \quad \dots \dots \dots (5.5)$$

ดิฟfore เรนซิโอตหงส์ชั่น  $Q$  ในสมการ (5.5) แล้วจัดสมการให้มีดังนี้

$$dQ = \bar{Q}_1 dN_1 + \dots + \bar{Q}_i dN_i + \dots + N_1 d\bar{Q}_1 + \dots + N_i d\bar{Q}_i + \dots \quad \dots \dots \dots (5.6)$$

$$\text{ให้ } dQ = Q(N_1, \dots, N_i, \dots, P, T)$$

$$\begin{aligned} \text{ตั้งนั่น } dQ &= \frac{\partial Q}{\partial N_1} dN_1 + \dots + \frac{\partial Q}{\partial N_i} dN_i + \dots + \frac{\partial Q}{\partial P} dP + \frac{\partial Q}{\partial T} dT \\ \text{หรือ } dQ &= \bar{Q}_1 dN_1 + \dots + \bar{Q}_i dN_i + \dots + \frac{\partial Q}{\partial P} dP + \frac{\partial Q}{\partial T} dT \end{aligned} \quad \dots \dots \dots (5.7)$$

นำสมการ (5.7) ลงอย่างง่ายลงสมการ (5.6)

$$N_1 d\bar{Q}_1 + \dots + N_i d\bar{Q}_i + \dots - \left( \frac{\partial Q}{\partial P} N_1 T \right) dP - \left( \frac{\partial Q}{\partial T} \right) N_1 P \quad \dots \dots \dots (5.8)$$

การนี่คือ ผลภัยเมล็ดความต้องดูที่ สมการ (5.8) จะกลายเป็น

$$N_1 d\bar{Q}_1 + \dots + N_i d\bar{Q}_i + \dots = 0 \quad (P \text{ และ } T \text{ คงที่}) \quad \dots \dots \dots (5.9)$$

สำหรับสารละลายที่ประกอบตัวอย่างประกอบ 2 ชนิด เราสามารถเขียนได้ว่า

$$\frac{d\bar{Q}_2}{d\bar{Q}_1} = -\frac{X_1}{X_2} \quad \dots \dots \dots (5.10)$$

$$\text{ซึ่ง } X_i \text{ คือ สัดส่วนโมล } = N_i / \Sigma N_i$$

ถ้า  $Q$  บุกแทนตัวอย่างสองชนิดต่างๆ ( $G$ ) สมการ (5.10) เวลาเรียกว่า สมการกันเบี้ยน คูณมน ปริมาตร โมเลลามงส่วน (partial molar volume) เป็นตัวอย่างหนึ่งของปริมาณ ไม่แอลามงส่วนตัวที่ก่อ Lawrence ขึ้น ถ้าพิจารณาสารละลายที่ตัวจากการผลลัพธ์ตัวบุกจะลดลง ตัวหนึ่งปริมาณ คิ โมล ในน้ำ 1,000 กรัม (55.51 มล) จากการใช้สมการ (5.5) จะเห็นว่า ปริมาตรรวมของสารผลลัพธ์ ( $V$ ) ได้ว่า

$$V = N_1 \bar{V}_1 + N_2 \bar{V}_2 = 55.51 \bar{V}_1 + m \bar{V}_2 \quad \dots \dots \dots (5.11)$$

$$\text{โดย } N_1 \text{ เป็นจำนวนโมลของตัวว่างส่วน }(n) = 55.51$$

- $N_2$  เป็นจำนวนโมลของตัวบุกจะลดลง  $= m$
- $\bar{V}_1$  และ  $\bar{V}_2$  เป็นปริมาณสารและแบบส่วนของน้ำและตัวบุกจะลดลงตามลำดับ
- ทำให้  $\bar{V}_1^\circ$  เป็นปริมาตรโมเลลามงน้ำบริสุทธิ์ ที่เมื่อกาทำห้ากับ 18.016/0.99707 = 18.069 ลบ.ซม

## การทดลองที่ 5

ที่อุณหภูมิ 25°C. เราจะกำหนดค่าปริมาตรโมແລບของตัวถูกละลาย (ใช้สัญลักษณ์ φ สามารถหาค่าได้จากการทดลอง) โดยอาศัยสมการ (5.11) ดังนี้

$$V = N_1 \tilde{V}_1^\circ + N_2 \phi = 55.51 \tilde{V}_1^\circ + m \phi \quad \dots\dots\dots(5.12)$$

ซึ่งจัดรูปสมการเสียใหม่ได้เป็น

$$\phi = \frac{1}{N_2} (V - N_1 \tilde{V}_1^\circ) = \frac{1}{m} (V - 55.51 \tilde{V}_1^\circ) \quad \dots\dots\dots(5.13)$$

$$\text{แต่ } V = \frac{1000 + mM_2}{d}$$

$$\text{และ } N_1 \tilde{V}_1^\circ = \frac{1000}{d_0}$$

ซึ่ง  $M_2$  คือ น้ำหนักโมเลกุลของตัวถูกละลาย

$d$  คือ ความหนาแน่นของสารละลาย

$d_0$  คือ ความหนาแน่นของตัวทำละลายบริสุทธิ์

แทนค่า  $V$  และ  $N_1 \tilde{V}_1^\circ$  ลงในสมการ (5.13)

$$\begin{aligned} \phi &= \frac{1}{m} \left( \frac{1000 + mM_2}{d} - \frac{1000}{d_0} \right) \\ &= \frac{1}{m} \left( \frac{mM_2}{d} + \frac{1000}{d} - \frac{1000}{d_0} \right) \\ &= \frac{1}{d} \left[ M_2 - \frac{1000}{m} \left( \frac{d-d_0}{d_0} \right) \right] \quad \dots\dots\dots(5.14) \end{aligned}$$

$$\text{หรือ } \phi = \frac{1}{d} \left[ M_2 - \frac{1000}{m} \left( \frac{w - w_0}{w_0 - w_e} \right) \right] \quad \dots\dots\dots(5.15)$$

โดย  $w_e$  = น้ำหนักของขวดความหนาแน่นเปล่า ๆ

$w_0$  = น้ำหนักของขวดความหนาแน่นเมื่อบรรจุน้ำบริสุทธิ์จนเต็มถึงขีด

$w$  = น้ำหนักของขวดความหนาแน่นเมื่อบรรจุสารละลายจนเต็มถึงขีด

ทั้ง  $w_e$ ,  $w_0$  และ  $w$  เป็นค่าที่ซึ่งหาได้โดยตรงจากการทดลอง

ตามคำนิยามของปริมาณโมແລບบางส่วนในสมการ (5.2) เราจะเขียน  $\bar{V}_2$  และ

$\bar{V}_1$  ได้ว่า

$$\bar{V}_2 = \left( \frac{\partial V}{\partial N_2} \right)_{N_1, T, P} \quad \text{และ} \quad \bar{V}_1 = \left( \frac{\partial V}{\partial N_1} \right)_{N_2, T, P}$$

หา  $\bar{V}_2$

$$\bar{V}_2 = \left( \frac{\partial V}{\partial N_2} \right)_{N_1, T, P}$$

## การทดลองที่ 5

$$\begin{aligned}
 &= \frac{\partial}{\partial N_2} (N_1 \bar{V}_1 + N_2 \bar{V}_2) \\
 &= \frac{\partial}{\partial N_2} (N_1 \tilde{V}_1^\circ + N_2 \phi) \\
 &= \phi + N_2 \frac{\partial \phi}{\partial N_2} \\
 &= \phi + m \frac{d\phi}{dm} \quad \dots \dots \dots (5.16)
 \end{aligned}$$

หา  $\bar{V}_1$

จากสมการ (5.11) และสมการ (5.12)

$$\begin{aligned}
 \bar{V}_1 &= \frac{1}{N_1} (V - N_2 \bar{V}_2) \\
 &= \frac{1}{N_1} (N_1 \tilde{V}_1^\circ + N_2 \phi - N_2 \bar{V}_2)
 \end{aligned}$$

แทนค่า  $\bar{V}_2$  จากสมการ (5.16)

$$\begin{aligned}
 \bar{V}_1 &= \frac{1}{N_1} \left[ N_1 \tilde{V}_1^\circ + N_2 \phi - N_2 (\phi + m \frac{d\phi}{dm}) \right] \\
 &= \frac{1}{N_1} \left[ N_1 \tilde{V}_1^\circ - m^2 \frac{d\phi}{dm} \right] \\
 &= \tilde{V}_1^\circ - \frac{m^2}{55.51} \frac{d\phi}{dm} \quad \dots \dots \dots (5.17)
 \end{aligned}$$

การหาค่า  $\frac{d\phi}{dm}$  ทำได้โดยผลอกราฟระหว่าง  $\phi$  กับ  $m$  ซึ่งจะได้กราฟเส้นโค้ง ค่า  $\frac{d\phi}{dm}$  คือค่าความชันของเส้นตรงที่ลากสัมผัสเส้นโค้งตรงจุดที่ต้องการ อย่างไรก็ตาม เนื่องจากสาระลายอีเล็กโตร์เลต ที่มีความเข้มข้นไม่สูงมากนัก ค่า  $\phi$  แปรผันตรงกับ  $\sqrt{m}$  ดังสมการ

$$\phi' = \phi^\circ + \frac{d\phi}{d\sqrt{m}} \cdot \sqrt{m} \quad \dots \dots \dots (5.18)$$

เมื่อ  $\phi'$  คือปริมาตรโมแอลที่ความเข้มข้นเป็นศูนย์ กราฟที่พลอตระหว่าง  $\phi$  กับ  $\sqrt{m}$  ก็จะได้เป็นเส้นตรงซึ่งการหาค่าความชัน ( $\frac{d\phi}{d\sqrt{m}}$ ) ทำได้ง่ายกว่ากราฟที่เป็นเส้นโค้ง ในที่นี้เราจึงต้องการเปลี่ยนรูปแบบของสมการ (5.16) และ (5.17) เสียใหม่ โดยจะเปลี่ยนจาก  $\frac{d\phi}{dm}$  ให้อยู่ในรูปของ  $\frac{d\phi}{d\sqrt{m}}$  ดังนี้

$$\begin{aligned}
 \frac{d\phi}{dm} &= \frac{d\phi}{d\sqrt{m}} \frac{d\sqrt{m}}{dm} \\
 &= \frac{1}{2\sqrt{m}} \frac{d\phi}{d\sqrt{m}} \quad \dots \dots \dots (5.19)
 \end{aligned}$$

นำสมการ (5.19) แทนลงในสมการ (5.16)

$$\begin{aligned}
 \bar{V}_2 &= \phi + \frac{m}{2\sqrt{m}} \frac{d\phi}{d\sqrt{m}} \\
 &= \phi + \frac{\sqrt{m}}{2} \frac{d\phi}{d\sqrt{m}}
 \end{aligned}$$

## การทดลองที่ 5

แทนค่า  $\theta$  จากสมการ (5.18)

$$\begin{aligned}\bar{V}_2 &= \theta + \frac{d\theta}{d\sqrt{m}} \cdot \sqrt{m} + \frac{\sqrt{m}}{2} \frac{d\theta}{d\sqrt{m}} \\ &= \theta + \frac{3\sqrt{m}}{2} \frac{d\theta}{d\sqrt{m}} \end{aligned} \quad \dots \dots \dots \quad (5.20)$$

นำสมการ (5.19) แทนลงในสมการ (5.17)

$$\begin{aligned}\bar{V}_1 &= \tilde{V}_1 - \frac{m^2}{55.51} \frac{1}{2\sqrt{m}} \frac{d\theta}{d\sqrt{m}} \\ &= \tilde{V}_1 - \frac{m}{55.51} \left( \frac{\sqrt{m}}{2} \frac{d\theta}{d\sqrt{m}} \right) \end{aligned} \quad \dots \dots \dots \quad (5.21)$$

ถ้าผลตกราฟระหว่าง  $\theta$  กับ  $\sqrt{m}$  แล้วลากเส้นตรงผ่านจุดเหล่านั้นให้ได้เส้นตรงที่ดีที่สุด เราจะหาค่า  $\frac{d\theta}{d\sqrt{m}}$  ได้จากความชันของกราฟและค่า  $\theta$  ได้จากจุดตัดบนแกน  $y$  หลังจากนั้นนำไปแทนค่าลงในสมการ (5.20) และ (5.21) เพื่อคำนวณหา  $\bar{V}_2$  และ  $\bar{V}_1$  ได้

### อุปกรณ์และสารเคมี

| อุปกรณ์/หลัก                | สารเคมี             |
|-----------------------------|---------------------|
| ขวดวัดความหนาแน่น           | 1 ใบ โซเดียมคลอไรด์ |
| ขวดวัดปริมาตรขนาด 100 ลบ.ซม | 5 ใบ                |
| เครื่องควบคุมอุณหภูมิ       | 1 เครื่อง           |
| บีเกอร์ขนาด 50 ลบ.ซม        | 1 ใบ                |
| บีเกอร์ขนาด 250 ลบ.ซม       | 4 ใบ                |
| บีเปตขนาด 25 ลบ.ซม          | 1 อัน               |
| ลูกยางสำหรับสวมบีเปต        | 1 ลูก               |
| แท่งแก้วคน                  | 1 อัน               |
| ขวดน้ำกัลลัน                | 1 ใบ                |

### วิธีทดลอง

5.1 เตรียมสารละลายโซเดียมคลอไรด์ให้มีความเข้มข้นแน่นอน ประมาณ 3.0 โมลาร์ จำนวน 100 ลบ.ซม โดยชั่งโซเดียมคลอไรด์ในบีเกอร์ขนาด 50 ลบ.ซม ให้ได้น้ำหนักแน่นอนประมาณ 17.53 กรัม ละลายด้วยน้ำกัลลัน แล้วเทลงในขวดวัดปริมาตรขนาด 100 ลบ.ซม ปรับระดับน้ำให้ถึงขีด

5.2 เทสารละลายที่เตรียมได้ลงในบีเกอร์ขนาด 250 ลบ.ซม ที่แห้ง

## การทดลองที่ 5

5.3 เตรียมสารละลายที่มีความเข้มข้นเป็น  $1/2$ ,  $1/4$ ,  $1/8$  และ  $1/16$  ของความเข้มข้นเริ่มต้นโดยทำการเจือจางอย่างต่อเนื่อง ในการเจือจางแต่ละครั้งให้ปีเปตสารละลายจำนวน  $50 \text{ lb.} \cdot \text{ช.m}$  ใส่ลงในขวดปริมาตรขนาด  $100 \text{ lb.} \cdot \text{ช.m}$  และเติมน้ำกลันจนถึงขีด

5.4 ทำการทดสอบขวดความหนาแน่นด้วยน้ำกลันแล้วทำให้แห้งสนิทก่อนใช้ (อาจรินส์ด้วยอะซีโตนเล็กน้อย เพื่อให้แห้งไวขึ้น)

5.5 ปรับเครื่องควบคุมอุณหภูมิให้มีอุณหภูมิคงที่ที่  $25.0^\circ\text{C}$ .

5.6 จุ่มขวดความหนาแน่นลงในเครื่องควบคุมอุณหภูมิ โดยให้ตัวขวดอยู่ใต้ผิวน้ำ และคงอยู่ที่ระดับผิวน้ำพอดี

5.7 ตั้งติ้งไว้อาย่างน้อย  $15 \text{ นาที}$  เพื่อให้แน่ใจว่าอุณหภูมิของขวดคงที่

5.8 ยกขวดความหนาแน่นขึ้นมา แล้วรีบเช็คภายนอกให้แห้งอย่างรวดเร็วด้วยผ้าขนหนูที่สะอาด หลังจากนั้นรีบนำไปซั่งเพื่อหนาน้ำหนัก  $W_e$

5.9 เติมน้ำกลันลงในขวดความหนาแน่นให้ล้นเล็กน้อย ปิดจุกโดยระวังอย่าให้มีฟองอากาศอยู่ในขวด

5.10 จุ่มลงในเครื่องควบคุมอุณหภูมิอย่างน้อย  $15 \text{ นาที}$  ยกขึ้นมาเช็คให้แห้งแล้วรีบซั่งหนาน้ำหนัก  $W_0$

5.11 ซั่งหนาน้ำหนักของขวดความหนาแน่นที่บรรจุสารละลายโดยเดี่ยมคลอร์ซีที่มีความเข้มข้นต่าง ๆ ตามที่เตรียมไว้ในทำงานเดียวกัน ก็จะได้น้ำหนัก  $W$  ทั้งหมด  $5 \text{ ค่า}$

### การวิเคราะห์ผล

5.1 เนื่องจากค่าความเข้มข้นของสารละลายที่เตรียมได้อยู่ในหน่วยโมลาร์ ( $M$ ) จึงต้องคำนวณให้อยู่ในหน่วยโมลลิตร ( $m$ ) เสียก่อน โดยใช้สูตร

$$m \approx \frac{1}{\frac{d}{M} - \frac{M_2}{1000}} \quad \dots \dots \dots \quad (5.22)$$

ซึ่ง  $M_2$  คือ น้ำหนักโมเลกุลของโซเดียมคลอร์ซี =  $58.45$

$d$  คือ ความหนาแน่นของสารละลายจากการทดลอง

$$\begin{aligned} &= \frac{\text{น้ำหนักของสารละลาย} (W_{\text{Sol, } II})}{\text{ปริมาตรของขวดวัดความหนาแน่น} (V_p)} \\ &= \frac{W - W_e}{V_p} \end{aligned}$$

## การทดลองที่ 5

ปริมาตรของขวดความหนาแน่น ( $V_p$ ) คำนวณได้จากสูตร

$$V_p = \frac{\text{น้ำหนักน้ำ}}{\text{dn้ำที่ } 25^\circ\text{ ซ.}} \\ = \frac{W_0 - W_e}{0.99707}$$

5.2 คำนวณหาปริมาตรโมเดล ( $\theta$ ) ของสารละลายน้ำได้โดยใช้สมการ (5.15)

5.3 พลอตกราฟระหว่าง  $\theta$  กับ  $\sqrt{m}$  จะได้เป็นเส้นตรง แล้วหาค่า  $d\theta/d\sqrt{m}$  จากความชันของเส้นกราฟและหาค่า  $\theta$  จากจุดตัดบนแกน  $y$  ซึ่งมีค่า  $m = 0$

5.4 คำนวณ  $\bar{V}_2$  (ใช้สมการ 5.20) และ  $\bar{V}_1$  (ใช้สมการ 5.21) เมื่อ  $m$  มีค่าเท่ากับ 0, 0.5, 1.0, 1.5, 2.0 และ 2.5 ตามลำดับ

5.5 พลอตกราฟระหว่าง  $\bar{V}_2$  กับ  $m$  และ  $\bar{V}_1$  กับ  $m$  ซึ่งจะได้กราฟเป็นเส้นโค้งหนาๆ เหตุในรายงานสำหรับการทดลองเรื่องนี้ ให้นักศึกษารวมปริมาณต่างๆ ที่คำนวณได้สำหรับแต่ละสารละลายน้ำเป็นตาราง จัดไว้ในหัวข้อ ข้อมูลและการคำนวณ ปริมาณตั้งกล่าวมีดังต่อไปนี้ :

$$d, M, m, (1000/m)(W - W_0)/(W_0 - W_e) \text{ และ } \theta$$

### คำถาม

5.1 จงยกตัวอย่างคุณสมบัติอินเทนซีฟมาสัก 3 ชนิด ยกเว้นอุณหภูมิและความดัน

5.2 ปริมาตรโมเดล ( $\bar{V}$ ) กับปริมาตรโมเดลบางส่วน ( $\bar{V}_i$ ) ต่างกันอย่างไร

5.3 เส้นโค้งที่ได้จากการพลอตระหว่าง  $\bar{V}_2$  กับ  $m$  และ  $\bar{V}_1$  กับ  $m$  สอดคล้องกับสมการ (5.10) หรือไม่ จงอธิบาย

ใบรายการข้อมูลสำหรับการทดลองที่ 5  
เรื่อง ปริมาตรโน้ดเดลนางส่วน

|                       |                                      |
|-----------------------|--------------------------------------|
| ชื่อนักศึกษา 1.       | รหัสประจำตัว.....                    |
| 2.                    | รหัสประจำตัว.....                    |
| 3.                    | รหัสประจำตัว.....                    |
| กรีฟ.....             | ... ตอนที่.....*                     |
| วันที่ทำการทดลอง..... |                                      |
| อุณหภูมิห้อง.....     | องศาเซลเซียส ความดันห้อง..... นิวปอน |

|   |   |              |
|---|---|--------------|
| น้ำหนักโมเลกุลของตัวถูกละลาย (.....)                | = |              |
| น้ำหนักขาวดัดความหนาแน่นเปล่า ๆ ( $W_e$ )           | = | กรัม         |
| น้ำหนักขาวดัดความหนาแน่นเมื่อบรรจุน้ำเต็ม ( $W_0$ ) | = | กรัม         |
| ความหนาแน่นของน้ำที่อุณหภูมิ 25°C.                  | = | กรัมต่อลบ.ซม |
| $\therefore$ ปริมาตรของขาวดัดความหนาแน่น ( $V_p$ )  | = | ลบ.ซม        |
| ตารางหาความหนาแน่นของสารละลาย (d)                   |   |              |

| ขาวที่ | ความเข้มข้นของสารละลาย (โนลาร์) | W<br>(กรัม) | $W - W_e$<br>(กรัม) | d<br>(กรัมต่อลบ.ซม) |
|--------|---------------------------------|-------------|---------------------|---------------------|
| 1      |                                 |             |                     |                     |
| 2      |                                 |             |                     |                     |
| 3      |                                 |             |                     |                     |
| 4      |                                 |             |                     |                     |
| 5      |                                 |             |                     |                     |

## แบบฟอร์ม ข.

### ในรายการข้อมูลสำหรับการทดลองที่ 5

#### เรื่อง ปริมาตรโน้ดและบางส่วน

ชื่อผู้ศึกษา ..... รหัสประจำตัว.....  
 ชื่อผู้ร่วมงาน 1. ..... รหัสประจำตัว.....  
 2. ..... รหัสประจำตัว.....  
 กรุ๊ฟ ..... ตอนที่ ..... \*  
 วันที่ทำการทดลอง .....  
 อุณหภูมิห้อง ..... องศาเซลเซียส ความคันห้อง ..... นิวปอน

|   |   |              |
|---|---|--------------|
| น้ำหนักโมเลกุลของตัวถูกละลาย (.....)                | = |              |
| น้ำหนักของวัสดุความหนาแน่นเปล่า ๆ ( $W_e$ )         | = | กรัม         |
| น้ำหนักของวัสดุความหนาแน่นเมื่อบรุน้ำเต็ม ( $W_0$ ) | = | กรัม         |
| ความหนาแน่นของน้ำที่อุณหภูมิ 25° ซ.                 | = | กรัมต่อลบ.ซม |
| $\therefore$ ปริมาตรของวัสดุความหนาแน่น ( $V_p$ )   | = | ลบ.ซม        |

ตารางหาความหนาแน่นของสารละลาย (d)

| ขั้นที่ | ความเข้มข้นของสารละลาย (โนลาร์) | W<br>(กรัม) | W-W <sub>e</sub><br>(กรัม) | d<br>(กรัมต่อลบ.ซม) |
|---------|---------------------------------|-------------|----------------------------|---------------------|
| 1       |                                 |             |                            |                     |
| 2       |                                 |             |                            |                     |
| 3       |                                 |             |                            |                     |
| 4       |                                 |             |                            |                     |
| 5       |                                 |             |                            |                     |