

บทที่ 11

การจัดการโครงการ

การจัดการโครงการขนาดใหญ่ซึ่งมีความ слับซับซ้อน มีกิจกรรมย่อยที่ใช้เงินทุนและมีผู้รับผิดชอบได้เสียเกือบทั้งหมดจำนวนมาก ถ้าการดำเนินการส่วนใดส่วนหนึ่งผิดพลาดหรือถ้าหากว่ามีส่วนใดส่วนหนึ่งไม่สำเร็จตามกำหนดเวลา ต้นทุนสูงกว่าปกติ โครงการล่าช้ากว่ากำหนดเป็นอย่างมาก ผู้บริหารโครงการจะต้องวางแผนจัดการไว้ล่วงหน้า

เทคนิคหนึ่งที่ผู้บริหารโครงการนิยมนำมาใช้ในการวางแผน ประสาณงานและความคุณ โครงการให้เกิดประสิทธิภาพ ได้แก่ เทคนิคการทบทวนและประเมินผลโครงการ (Program Evaluation and Review Technique หรือ Pert) และวิธีสายงานวิกฤติ (Critical Path Method หรือ Cpm)

PERT และ CPM มีขั้นตอนการดำเนินการที่สำคัญ 6 ขั้นตอนดังนี้

1. กำหนดกิจกรรมที่สำคัญ ที่ต้องดำเนินการทั้งหมดของโครงการ
2. กำหนดลำดับความสัมพันธ์ของแต่ละกิจกรรมว่า กิจกรรมใดต้องดำเนินการก่อน กิจกรรมใดต้องดำเนินการตามมา
3. เพียงช่วงงานที่สำคัญของกิจกรรมและลำดับก่อนหลังของกิจกรรมต่างๆ เชื่อมเข้าด้วยกัน
4. กำหนดเวลาและ/หรือต้นทุนสำหรับแต่ละกิจกรรม
5. กำหนดระยะเวลาที่ยาวที่สุดของช่วงงาน ซึ่งเรียกว่าสายงานวิกฤติ (CRITICAL PATH)
6. ใช้ช่วงงานนี้ในการวางแผน จัดกำหนดการการทำงานติดตามคุณภาพและความคุณ โครงการ

สายงานวิกฤติ คือสายงานที่ระยะเวลาดำเนินงานของกิจกรรมต่างๆ รวมกันแล้วยาวที่สุด ถ้ากิจกรรมใดกิจกรรมหนึ่งในสายงานวิกฤติเกิดความล่าช้าจะทำให้ทั้งโครงการเสร็จล่าช้ากว่าที่กำหนด

ทั้ง PERT และ CPM มีแนวคิดพื้นฐานเหมือนกันแต่ต่างกันที่วิธีการกำหนดระยะเวลาการทำงานและการคำนวณ สำหรับ PERT จะต้องกำหนดเวลาทำงานเสร็จที่มีจะเป็นของแต่ละ กิจกรรม จำนวน 3 ค่า แล้วคำนวณเวลาคาดหวังที่จะทำงานเสร็จ และค่าเบี่ยงเบน นั่นคือ PERT ใช้แนวคิดเกี่ยวกับความน่าจะเป็น (Probabilistic) ส่วน CPM การกำหนดเวลาล้วนเสร็จของแต่ละกิจกรรมจะใช้แนวคิดการกำหนดตามตัว (Deterministic) โดยการกำหนดเวลาล้วนเสร็จของแต่ละกิจกรรม

นอกจากการนำ PERT และ CPM มาใช้ในการจัดการโครงการแล้วอีกเทคนิคหนึ่งที่จะนำไปใช้คือ การรวม PERT และ CPM เข้าด้วยกันเรียกว่า PERT/COST

PERT และ PERT/COST

ในการจัดการเกี่ยวกับโครงการต้องที่ผู้บริหารมักจะมีค่าตอบแทนที่ต้องหันมาจัดการกับตัวโครงการเสมอ ได้แก่

1. โครงการจะเสร็จเมื่อไหร่
2. กิจกรรมหรืองานใดสำคัญหรือวิกฤติ ที่อยู่กิจกรรมนั้นถ้าข้ามทำให้หักโครงการ
3. กิจกรรมใดที่ไม่ใช่กิจกรรมสำคัญหรือวิกฤติ คือถ้างานนั้นเสร็จถ้าหากไม่ทำให้หักโครงการถ้าข้ามไปได้วย
4. มีความน่าจะเป็นเท่าไรที่โครงการจะแล้วเสร็จตามเวลาที่กำหนด
5. ตอนนี้โครงการเป็นไปตามกำหนด หรือเร็วกว่ากำหนด หรือล่าช้ากว่ากำหนด
6. ตอนนี้โครงการใช้เงินสูง หรือต่ำกว่างบประมาณ
7. มีทรัพยากรเหลือเพียงพอที่จะทำให้โครงการสำเร็จหรือไม่
8. ถ้าจะเร่งโครงการให้แล้วเสร็จก่อนกำหนด วิธีใดเป็นวิธีที่ดีที่สุดซึ่งเป็นวิธีที่เสียค่าใช้จ่ายน้อยที่สุด

PERT และ RERT/COST จะเป็นเครื่องมือที่ช่วยตอบค่าตอบแทนดังด้าน

ลำดับขั้นตอนของ PERT ประกอบด้วย

- ขั้นที่ 1 กำหนดกิจกรรมโดยใช้สัญลักษณ์ตัวอักษร เช่น A, B, C แทนกิจกรรม
- ขั้นที่ 2 กำหนดลำดับของกิจกรรมที่ต้องทำก่อนหลัง
- ขั้นที่ 3 เผยแพร่องบประมาณของกิจกรรม
- ขั้นที่ 4 กำหนดเวลาและตัวเรื่องของแต่ละกิจกรรม
- ขั้นที่ 5 คำนวณว่าสายงานใดยาวที่สุดในโครงการ ซึ่งสายงานดังกล่าวเรียกว่าสายงานวิกฤติ
- ขั้นที่ 6 ติดตามและควบคุมโดยใช้ข้อมูลจาก PERT ในการติดตามและควบคุม

แต่ละขั้นตอนมีรายละเอียดดังนี้

ขั้นที่ 1 และขั้นที่ 2 ก้าวหนึ่งกิจกรรมที่ต้องกระทำและลำดับขั้นของกิจกรรมที่ต้องทำก่อนหนังสือ

ตัวอย่าง บริษัทแห่งหนึ่งจะต้องก่อสร้างระบบควบคุมภาระทางอากาศให้แล้วเสร็จภายใน 16 สัปดาห์ตามที่กำหนดไว้กับคณะกรรมการสิ่งแวดล้อม วิศวกรได้ก้าวหนึ่งกิจกรรมและลำดับของกิจกรรมต่างๆ ดังนี้ กิจกรรมแรกที่ต้องกระทำคือการสร้างส่วนประกอบภายใน (กิจกรรม A) และการปรับปรุงพื้นและหลังคา (กิจกรรม B) การสร้างปล่องรวมกัน (กิจกรรม C) ซึ่งจะทำได้ต่อเมื่อส่วนประกอบภายใน (กิจกรรม B) ทำเสร็จแล้ว การเทคอนกรีตและติดตั้งโครงสร้าง (กิจกรรม D) ซึ่งจะทำได้ต่อเมื่อการปรับพื้นและหลังคา (กิจกรรม B) ทำเสร็จแล้ว การสร้างเดาหมายความร้อนสูง (กิจกรรม E) ซึ่งจะทำได้ต่อเมื่อการสร้างปล่องรวมกัน (กิจกรรม C) ทำเสร็จ การติดตั้งอุปกรณ์ขัดมลพิษ (กิจกรรม F) ซึ่งจะทำได้ต่อเมื่อการสร้างปล่องรวมกัน (กิจกรรม C) ทำเสร็จ การติดตั้งอุปกรณ์ขัดมลพิษ (กิจกรรม G) และการสร้างเดาหมาย ทำเสร็จแล้ว และการตรวจสอบและทดสอบ (กิจกรรม H) ซึ่งจะทำได้ต่อเมื่อการติดตั้งระบบควบคุม (กิจกรรม F) และการติดตั้งอุปกรณ์ขัดมลพิษ (กิจกรรม G) ทำเสร็จแล้ว

เพื่อความสะดวกในการที่จะนำกิจกรรมต่างๆ ไปเขียนเป็นข่ายงาน (Network) ก่อนอื่นจะต้องนำกิจกรรมเหล่านี้ไปแสดงในรูปของตารางกิจกรรมที่แสดงกิจกรรมและลำดับขั้นตอนของแต่ละกิจกรรม ตามตารางที่ 1

ตารางที่ 1 กิจกรรมและลำดับขั้นตอนในการติดตั้งระบบควบคุมมลพิษ

กิจกรรม	รายละเอียด	กิจกรรมที่ต้องเสร็จสิ้นก่อนหน้า
A	สร้างส่วนประกอบภายใน	-
B	ปรับพื้นและหลังคา	-
C	สร้างปล่องรวมกัน	A
D	เทคอนกรีตและติดตั้งโครงสร้าง	B
E	สร้างเดาหมายความร้อนสูง	C
F	ติดตั้งระบบควบคุม	C
G	ติดตั้งอุปกรณ์ขัดมลพิษ	D, E
H	ตรวจสอบและทดสอบระบบ	F, G

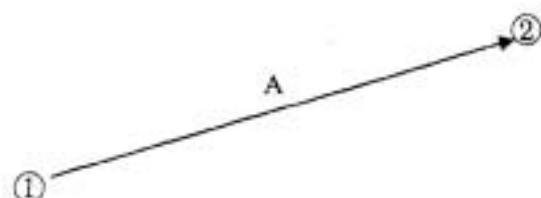
จากตารางที่ 1 ก่อนที่กิจกรรม C จะเริ่มได้กิจกรรม A จะต้องทำเสร็จก่อน นั่นคือ กิจกรรม A เป็นกิจกรรมบังคับที่ต้องทำก่อน C หรือกิจกรรม D และกิจกรรม E เป็นกิจกรรมบังคับที่ต้องทำเสร็จก่อนซึ่งจะทำกิจกรรม G ได้ เป็นต้น

ขั้นที่ 3 เป็นข่ายงาน

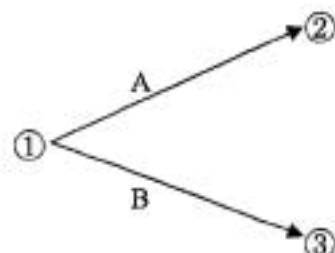
หลังจากกำหนดกิจกรรมและลำดับของกิจกรรมได้แล้ว ก็จะนำกิจกรรมเหล่านี้มาเขียนเป็นข่ายงาน วิธีการเขียนโครงข่ายงานทำได้ 2 วิธี คือวิธี AOA (activity-on-arc) ที่ใช้อุปกรณ์แทนกิจกรรม กับวิธี AON (activity-on-node) ที่ใช้วงกลมแทนกิจกรรม สำหรับการเขียนข่ายงานในบทนี้จะใช้วิธี AOA ซึ่งมีสัญลักษณ์ดังนี้

→ ให้อุปกรณ์แทนกิจกรรม โดยอุดเริ่มต้นของอุปกรณ์แทนการเริ่มต้นของกิจกรรม และหัวอุปกรณ์แทนการถึงสิ้นสุดของกิจกรรม

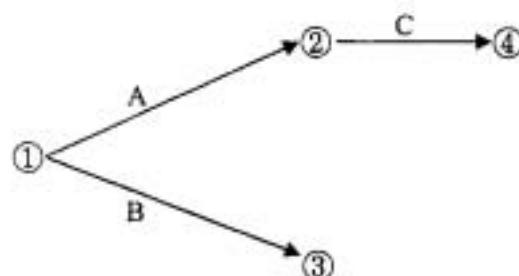
- ให้เครื่องหมายวงกลมแทนจุดเริ่มต้นของกิจกรรมย่อๆ ต่างๆ เข้าด้วยกันและเป็นตัวเลขลงในเครื่องหมาย ○ เพื่อแสดงลำดับของกิจกรรมที่เริ่มต้นตัวกันจากตัวอย่าง โครงการควบคุมภาระ กิจกรรม A เรียนเป็นข่ายงานได้ตามภาพด้านไปนี้



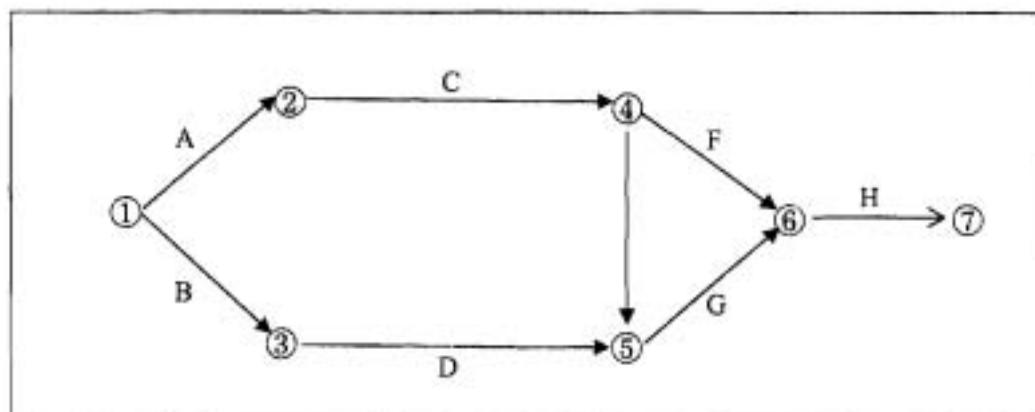
นั่นคือกิจกรรม A เริ่มต้นที่จุดที่ ① และสิ้นสุดที่จุด ② สำหรับกิจกรรม B สามารถเริ่มตัวได้ทันทีโดยไม่มีกิจกรรมใดต้องทำก่อน ซึ่งสามารถเริ่มต้นได้พร้อมๆ กับ A คือเริ่มต้นที่จุด ① และสิ้นสุดที่จุด ③ ซึ่งเป็นเป็นข่ายงานของ A และ B ได้ตามภาพด้านไปนี้



กิจกรรม C ตามเงื่อนไขจะเริ่มต้นได้เมื่อกิจกรรม A เสร็จแล้วดังนั้นสามารถเรียบ
ข่ายงานแสดงลำดับได้ด้านภาพต่อไปนี้



ดังนั้นกิจกรรมทั้งหมดตามตัวอย่าง สามารถเรียบเป็นข่ายงานได้ดังรูป
รูปที่ 1 ข่ายงานโกร่งการสร้างระบบควบคุมคอมพิวเตอร์



ข้อที่ 4 ก้าหนดเวลาที่ต้องใช้แต่ละกิจกรรม

ขั้นตอนนี้จะต้องก้าหนดเวลาที่ทำให้แล้วเสร็จของแต่ละกิจกรรมย่อย ถ้าเป็นงานที่เคยทำแล้ว การก้าหนดเวลาที่ไม่ยากเพราสามารถใช้สถิติข้อมูลในอดีตได้ แต่ถ้าเป็นกิจกรรมใหม่ การก้าหนดเวลาแล้วเสร็จที่ไม่แน่นอน จึงต้องอาศัยแนวคิดเรื่องความน่าจะเป็นมาใช้ และคำนวณเวลาแล้วเสร็จคาดหวังหรือเฉลี่ยของแต่ละกิจกรรม โดยการประมาณเวลาที่จะทำให้เสร็จของแต่ละกิจกรรมเป็น 3 ค่า คือ

เสร็จเร็วที่สุด a = เวลาที่จะใช้ถ้าหากอย่างราบรื่นซึ่งมีโอกาสที่จะเกิดน้อยมาก

เสร็จช้าที่สุด b = เวลาที่ใช้ถ้าหากอย่างแย่ร้ายซึ่งมีโอกาสที่จะเกิดน้อยมาก

เวลาที่ปกติ m = เวลาที่ใช้ในสถานการณ์ปกติซึ่งมีโอกาสที่เกิดมาก

ถ้าใช้ค่ากลางอย่างตัวแบบเบนเด้า (β) ซึ่งนิยมใช้กันในการกำหนดระยะเวลาเฉลี่ย ก็สามารถคำนวณได้ดังนี้

$$t = \frac{a + 4m + b}{6}$$

$$\text{และค่าเบรปร่วนวัดได้คือ Variance} = \left(\frac{b - a}{6} \right)^2$$

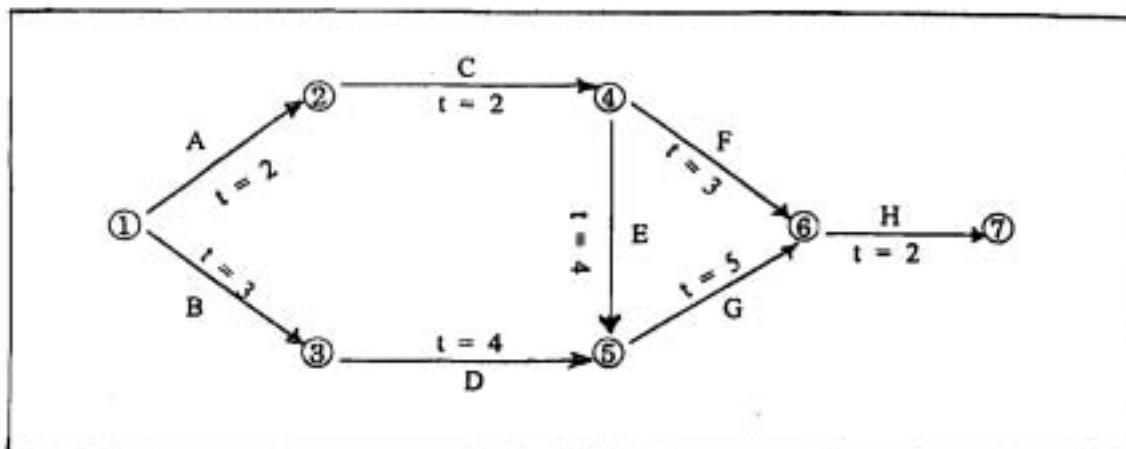
ตารางที่ 2 แสดงค่า a m b ของโครงการติดตั้งระบบควบคุมอุณหภูมิ พร้อมทั้งแสดงการคำนวณค่ากลางเฉลี่ย (t) และค่าเบรปร่วน (variance)

ตารางที่ 2 ค่า a m b t และค่าเบรปร่วนของกิจกรรมต่างๆ

กิจกรรม	a	m	b	ค่าเบรปร่วน		
				$t = [(a + 4m + b) / 6]$	$[(b - a) / 6]^2$	
A	1	2	3	2	$\left(\frac{3-1}{6}\right)^2 = \frac{4}{36}$	
B	2	3	4	3	$\left(\frac{4-2}{6}\right)^2 = \frac{4}{36}$	
C	1	2	3	2	$\left(\frac{3-1}{6}\right)^2 = \frac{4}{36}$	
D	2	4	6	4	$\left(\frac{6-2}{6}\right)^2 = \frac{16}{36}$	
E	1	4	7	4	$\left(\frac{7-1}{6}\right)^2 = \frac{36}{36}$	
F	1	2	9	3	$\left(\frac{9-1}{6}\right)^2 = \frac{64}{36}$	
G	3	4	11	5	$\left(\frac{11-3}{6}\right)^2 = \frac{64}{36}$	
H	1	2	3	2	$\left(\frac{3-1}{6}\right)^2 = \frac{4}{36}$	

รวม 25

จากตารางที่ 2 สามารถเขียนเป็นข่ายงานที่แสดงเวลาได้ดังนี้



ข้อที่ 5 การหาสายงานวิกฤติ (critical path)

สายงานวิกฤติเป็นสายงานที่ใช้เวลามากที่สุดที่จะทำให้ทั้งโครงการแล้วเสร็จ ดังนั้นถ้างานใดงานหนึ่งในสายงานวิกฤติเกิดความล่าช้า โครงการทั้งโครงการก็จะล่าช้าด้วย ในทางตรงกันข้ามถ้าต้องการเร่งรัดโครงการให้แล้วเสร็จโดยเร็ว ก็ต้องลดระยะเวลาการทำงานของกิจกรรมหรืองานใดงานหนึ่งในสายงานวิกฤติ

ในการผู้ที่โครงการไม่ลับลับช้านานมาก การหาสายงานวิกฤติที่ทำให้โครงการรวมระยะเวลาของกิจกรรมต่างๆ ในแต่ละสายงาน แล้วเปรียบเทียบว่าสายงานใดใช้เวลาในการทำให้แล้วเสร็จนานที่สุด สายงานที่ใช้เวลามากที่สุดก็เป็นสายงานวิกฤติ จากตัวอย่างสามารถหาเวลาของแต่ละสายงานได้ดังนี้

สายงานที่ 1 กิจกรรม ACFH

$$\text{ใช้เวลา } 2 + 2 + 3 + 2 = 9 \text{ สัปดาห์}$$

สายงานที่ 2 กิจกรรม ACEGH

$$\text{ใช้เวลา } 2 + 2 + 4 + 5 + 2 = 15 \text{ สัปดาห์}$$

สายงานที่ 3 กิจกรรม BDGH

$$\text{ใช้เวลา } 3 + 4 + 5 + 2 = 14 \text{ สัปดาห์}$$

เมื่อเปรียบเทียบเวลารวมทั้งหมดของแต่ละสายงานพบว่าสายงานที่ 2 ใช้เวลามากที่สุดถึง 15 สัปดาห์ ดังนั้นสายงานที่ 2 จึงเป็นสายงานวิกฤติโดยมีกิจกรรม ACEGH เป็นกิจกรรมวิกฤติที่จะล่าช้าไม่ได้ มิฉะนั้นทั้งโครงการจะล่าช้ากว่า 15 สัปดาห์

การกำหนดภาระงานวิกฤติจะเป็นประโยชน์ต่อผู้บริหาร ที่จะทำให้ทราบว่ากิจกรรมบนสายงานวิกฤติเป็นงานที่มีความสำคัญ ถ้ามีความล่าช้าในกิจกรรมบนสายงานวิกฤติจะทำให้ทั้งโครงการมีความล่าช้าไปด้วย

ในท่านองค์ประกอบกับสายงานวิกฤติที่ทำให้ผู้บริหารทราบว่าถ้าจะต้องการเร่งรัดโครงการให้เสร็จเร็วขึ้นก็ต้องเร่งงานที่กิจกรรมบนสายงานวิกฤติ

ในกรณีที่โครงการมีความลับซับซ้อนมาก การหาสายงานและคำนวณหาเวลารวมของแต่ละสายงานก็อาจจะเสียเวลาไม่นานมากหรือหากสายงานได้ไม่ครบถ้วน ดังนั้นเพื่อหลีกเลี่ยงปัญหาดังนี้ การกำหนดภาระงานอิกรายหนึ่งที่ถือการคำนวณหาเวลาเหลือ (slack time) ของแต่ละกิจกรรมในสายงาน สายงานวิกฤติจะเป็นสายงานที่ทุกกิจกรรมในสายงานมีเวลาเหลือ = 0

ก่อนคำนวณหาเวลาเหลือ จะต้องกำหนดเวลาต่างๆ ของแต่ละกิจกรรมคือ

1. ระยะเวลาเริ่มต้นเริ่วที่สุด (ES) เป็นระยะเวลาที่กิจกรรมใดกิจกรรมหนึ่งจะสามารถเริ่มต้นได้เริ่วที่สุด โดยไม่กระทบต่อ กิจกรรมก่อนหน้า
2. ระยะเวลาแล้วเสร็จเริ่วที่สุด (EF) คือเวลาที่เริ่วที่สุดที่กิจกรรมใดกิจกรรมหนึ่งสามารถทำ
3. ระยะเวลาเริ่มต้นช้าที่สุด (LS) คือ ระยะเวลาเริ่มต้นช้าที่สุดที่กิจกรรมใดกิจกรรมหนึ่งสามารถเริ่มต้นได้โดยไม่ทำให้ทั้งโครงการล่าช้า
4. ระยะเวลาแล้วเสร็จช้าที่สุด (LF) คือระยะเวลาล่าสุดหรือช้าสุดที่กิจกรรมใดกิจกรรมหนึ่งสามารถทำเสร็จได้โดยไม่ทำให้ทั้งโครงการล่าช้า

สูตรต่างๆ เกี่ยวกับการคำนวณเรื่องระยะเวลาต่างดังนี้

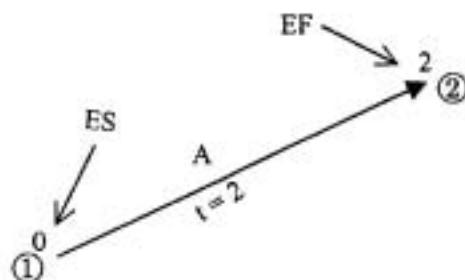
$$EF = ES + t$$

$$LS = LF - t$$

$$Slack = LS - ES$$

$$\text{หรือ } Slack = LF - EF$$

ในการคำนวณระยะเวลาต่างๆ นั้น จะต้องเริ่มต้นที่สุดเริ่มต้นของโครงการ คือ ที่สุดเริ่มต้นที่ ① เพื่อคำนวณระยะเวลาเริ่มต้นเริ่วที่สุด (ES) และเวลาที่เสร็จเริ่วที่สุดสำหรับแต่ละกิจกรรมอย่าง สำหรับสุดเริ่มต้น ① ระยะเวลาเริ่มต้นกำหนดให้เท่ากับ 0 และเมื่อจากกิจกรรม A ให้เวลาในการดำเนินการทำกับ 2 สัปดาห์ ดังนั้นเวลาเสร็จเริ่วที่สุดเท่ากับ 2 สัปดาห์ ตั้งภาพต่อไปนี้



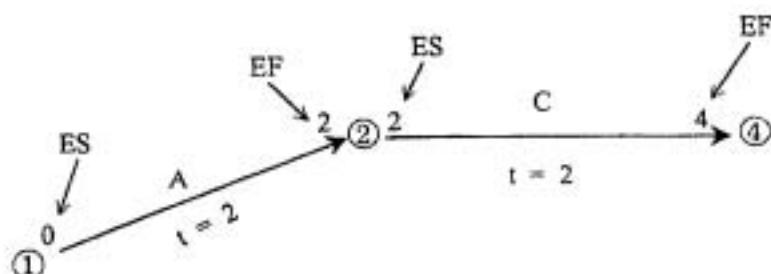
โดยระยะเวลาเสร็จเร็วที่สุดคือน้ำเสียงได้ไปบ

เวลาเสร็จเร็วที่สุด = เวลาเริ่มต้นเร็วที่สุด + เวลาที่ต้องใช้สำหรับกิจกรรมนั้น ๆ

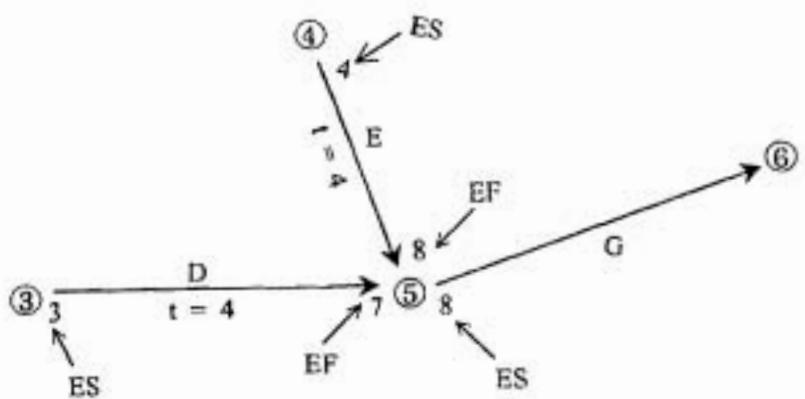
$$\text{หรือ } EF = ES + t$$

$$\text{ดังนั้น } EF \text{ ของ } A = 0+2 = 2 \text{ สัปดาห์}$$

กฎเวลาเริ่มต้นเร็วที่สุด (Earliest Start Time Rule) คือ กฎพื้นฐานในการหา ES และ EF สำหรับทุก กิจกรรมในโครงข่าย กล่าวคือก่อนที่กิจกรรมใดจะเริ่มต้น กิจกรรมที่ต้องกระทำก่อนจะต้องทำเสร็จก่อน ดังนั้น ในกรณีที่กิจกรรมที่ต้องทำเสร็จก่อนหน้ามีมากกว่าหนึ่งกิจกรรมต้องใช้ระยะเวลา EF ที่ยาวที่สุด ของกิจกรรมที่ต้องทำก่อนนั้นๆ เพื่อกำหนด ES ของกิจกรรมถัดมา เช่น ES ของกิจกรรม C เท่ากับ 2 เพราะกิจกรรมที่ต้องทำก่อนหน้า C มีเพียงกิจกรรม A ซึ่งมี EF เท่ากับ 2 สัปดาห์ดังภาพต่อไปนี้

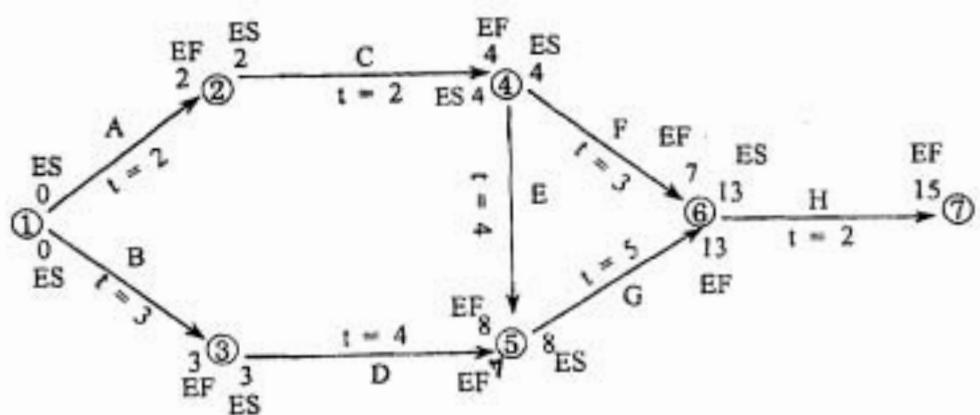


แต่เมื่อพิจารณากิจกรรม G ES ของ G เท่ากับ 8 สัปดาห์โดยมีกิจกรรมที่ต้องทำก่อน หน้า G สองกิจกรรมคือ D และ E ขณะที่ EF ของ D เท่ากับ 7 สัปดาห์ และ EF ของ E เท่ากับ 8 สัปดาห์ ดังนั้น ES ของ G จะเริ่มต้นได้หลังสัปดาห์ที่ 8 ดังภาพต่อไปนี้



ดังนั้นในการกำหนด ES และ EF สำหรับทุกกิจกรรมสามารถทำได้โดยการคำนวณจาก วุฒิเรียนดันไปถึงวุฒิท้ายสุดของโครงข่าย คือเกลื่อนที่ไปพิเศษนๆ ไปข้างหน้า (forward) ในแต่ละขั้น $EF = ES + t$ จากโครงการด้วยย่างพ่วงว่าจะใช้เวลาที่โครงการจะดำเนินเร็วที่สุดคือ 15 สัปดาห์ เมื่อจาก กิจกรรม H ในสามารถเริ่มดันได้ชั้นกว่าวาจะถึงสัปดาห์ที่ 13 ($ES = 13$) และระยะเวลาที่ต้องทำสำหรับ กิจกรรม H เท่ากับ 2 สัปดาห์ เพราะฉะนั้นเวลาที่กิจกรรม H ซึ่งเป็นกิจกรรมสุดท้ายจะดำเนินเร็วที่สุด ($EF = 13 + 2 = 15$ สัปดาห์) ตามด้วยย่างโครงการคิดตั้งระบบควบคุมผลิตภัณฑ์ สามารถเพียงเป็นรูป ย่างงานที่แสดงเวลาเริ่มดันเร็วสุด และเวลาเสร็จเร็วที่สุดตามรูปที่ 3

รูปที่ 3 ข่ายงานที่แสดงเวลา ES และ EF



กฎเวลาเสร็จช้าที่สุด (Latest Finish Time Rule) สำหรับขั้นตอนในการหาสายงานวิกฤติ คือการคำนวณเวลาเริ่มต้นช้าที่สุด (Latest start time) หรือ LS และเวลาเสร็จช้าที่สุด (Latest finish time) หรือ LF สำหรับแต่ละกิจกรรม วิธีการทำจะคิดข้อนหลังจากกิจกรรมสุดท้ายไปยังกิจกรรมแรกสุด (backward) จากด้านข้างของโครงการควบคุมลักษณะของงาน

ระยะเวลาที่เสร็จช้าที่สุดของกิจกรรม H เพื่อกัน 15 สัปดาห์

ระยะเวลาที่เสร็จช้าที่สุดของกิจกรรมใดกิจกรรมหนึ่งหมายถึงเวลาที่กิจกรรมนั้นจะดำเนินเสร็จช้าที่สุดโดยไม่ทำให้โครงการนั้นล่าช้าออกไป เวลาเริ่มต้นช้าที่สุดคำนวณได้ดังนี้

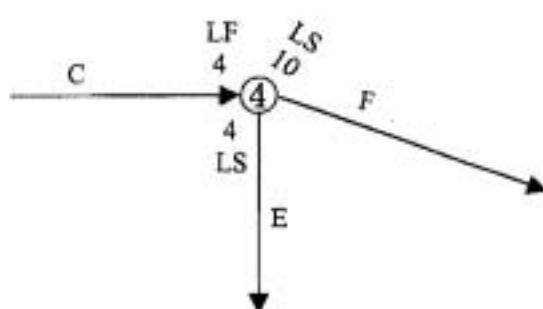
เวลาเริ่มต้นช้าที่สุด = เวลาเสร็จช้าที่สุด - เวลาที่ต้องใช้สำหรับกิจกรรมนั้นๆ

$$LS = LF - t$$

ตัวอย่างเช่น กิจกรรม H มี LF = 15 ดังนั้นระยะเวลาเริ่มต้นช้าที่สุดสำหรับกิจกรรม H จะเท่ากับ

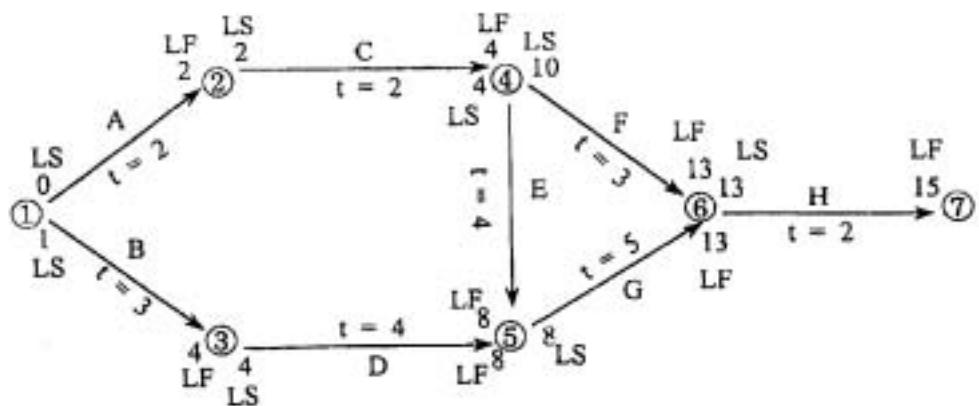
$$LS = 15 - 2 = 13 \text{ สัปดาห์}$$

โดยทั่วไปกฎที่ใช้ในการกำหนดเวลาเสร็จช้าที่สุดสำหรับกิจกรรมใดกิจกรรมหนึ่งจะเท่ากับเวลาเริ่มต้นช้าที่สุดที่น้อยที่สุดของกิจกรรมทั้งหมดที่มีผลสำหรับจุดเริ่มต่อเดียวทั้งนั้น ในการเขียนที่จุดเริ่มต้นนี้ LS หลัง LS ดังนั้น LF จะเท่ากับ LS ที่น้อยที่สุด ตัวอย่างเช่น LF ของกิจกรรม C จะเท่ากับ 4 สัปดาห์ ซึ่งเป็น LS ของกิจกรรม E ซึ่งน้อยกว่า LS ของกิจกรรม F



สำหรับตัว LS และ LF สำหรับทุกกิจกรรมของโครงการควบคุมลักษณะที่ยกตัวอย่างดังเดี๋ยวนี้ ปรากฏตามรูปที่ 4

รูปที่ 4 ข่ายงานที่แสดงเวลา LS และ LF



แนวคิดเกี่ยวกับเวลาเหลือ (Slack Time) สำหรับการคำนวณสายงานวิกฤต

เมื่อกำหนดค่า ES, LS, EF และ LF ให้แล้วก็สามารถคำนวณค่าเวลาเหลือหรือเวลาว่างของแต่ละกิจกรรมได้ เวลาเหลือหรือเวลาว่างคือ ระยะเวลาของกิจกรรมใดกิจกรรมหนึ่งสามารถล่าช้าได้ ไม่ทำให้หักโกลงการล่าช้า ซึ่งคำนวณได้ดังนี้

$$\text{slack} = \text{LS} - \text{ES}$$

$$\text{หรือ} = \text{LF} - \text{EF}$$

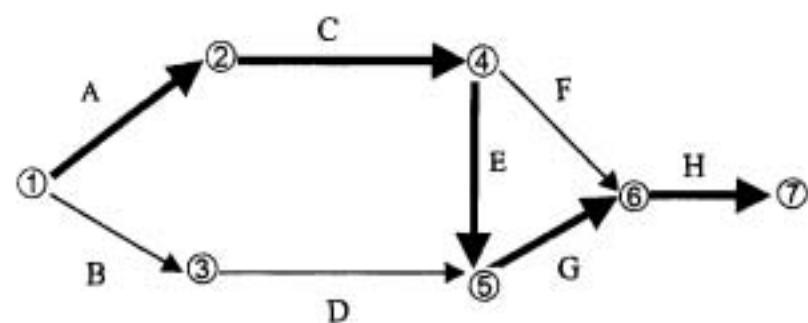
สำหรับค่าเวลาเหลือของทุกกิจกรรมของโครงการตัวอย่างคุ้มได้ในตารางที่ 3
ตารางที่ 3 เวลาที่เหลือของแต่ละกิจกรรม

กิจกรรม	ES	EF	LS	LF	Slack (LS - ES)	สายงานวิกฤต
A	0	2	0	2	0	✓
B	0	3	1	4	1	✗
C	2	4	2	4	0	✓
D	3	7	4	8	1	✗
E	4	8	4	8	0	✓
F	10	13	13	13	6	✗
G	8	13	8	13	0	✓
H	13	15	13	15	0	✓

ตัวอย่างกิจกรรม B มีเวลาเหลือ 1 สัปดาห์ ซึ่งได้จาก $LS - ES = 1 - 0 = 1$ (หรือ $LF - EF = 4 - 3 = 1$) หมายความว่ากิจกรรมสามารถล่าช้าได้ 1 สัปดาห์ โดยไม่ทำให้ทั้งโครงการล่าช้ามากขึ้น

แต่เมื่อพิจารณาคิจกรรม A, C, E, G และ H กิจกรรมเหล่านี้ไม่สามารถล่าช้าได้ ถ้าล่าช้าก็จะทำให้ทั้งโครงการล่าช้ากว่ากำหนด ดังนั้นกิจกรรม A, C, E, G และ H จึงเป็นกิจกรรมวิกฤติ และเรียกรวมว่าสายงานวิกฤติ ดังรูปที่ 5 ที่แสดงสายงานวิกฤติโดยเส้นทึบ

รูปที่ 5 แสดงสายงานวิกฤติโดยเส้นทึบ



ความน่าจะเป็นที่โครงการจะแล้วเสร็จ

จากการวิเคราะห์สายงานวิกฤติตามตัวอย่างทำให้คาดได้ว่าโครงการจะแล้วเสร็จภายใน 15 สัปดาห์ แต่ถ้าโครงการควบคุมมลภาวะทางอากาศทำไม่เสร็จใน 16 สัปดาห์ บริษัทนี้จะสูญเสีย 1 คิวบิกเมตรต่อวัน ผลกระทบต่อเศรษฐกิจและเวลาที่แต่ละกิจกรรมจะทำเสร็จก็มีความไม่แน่นอน ดังนั้นถ้ากิจกรรมในสายงานวิกฤติต่างไปจากที่คาดไว้ ก็จะทำให้ทั้งโครงการล่าช้าได้

การคำนวณค่าความแปรปรวนของทั้งโครงการสามารถหาได้โดยหาผลรวมของค่าความแปรปรวนของแต่ละกิจกรรมในสายงานวิกฤติ ซึ่งแสดงเป็นสมการได้ดังนี้

$$\text{project variance} = \sum \text{variance of activities on the critical path}$$

จากตัวอย่าง ค่า variance ของสายงานวิกฤติจากตารางที่ 2 ปรากฏตามตารางต่อไปนี้

CRITICAL ACTIVITY	VARIANCE
A	4/36
C	4/36
E	36/36
G	64/36
H	4/36

$$\therefore \text{project variance} = 4/36 + 4/36 + 36/36 + 64/36 + 4/36 \\ = 112/36 = 3.111$$

ดังนั้นค่า project standard deviation = σ

$$= \sqrt{\text{project variance}} \\ = \sqrt{3.111} \\ = 1.76 \text{ สัปดาห์}$$

ด้วยสมมุติว่าถ้ามีการกระจายตัวของเวลาที่จะแล้วเสร็จของโครงการมีถักย遵循การกระจายตัวแบบปกติ (normal distribution) ซึ่งหมายความว่าความน่าจะเป็นที่โครงการจะเสร็จเร็วกว่า 15 สัปดาห์นี้โอกาส 50% และความน่าจะเป็นที่โครงการจะเสร็จล่าช้ากว่า 15 สัปดาห์นี้ความน่าจะเป็นเท่ากับ 50% เช่นกัน ดังนั้นสิ่งที่สำคัญของการคำนวณตัวอย่างต้องการทราบคือ โอกาสที่โครงการนี้จะเสร็จภายใน 16 สัปดาห์ที่ทางการบัญชีคาดคะมานว่าต้องจัดแล้วเสร็จ มิฉะนั้นจะถูกปฏิรูปงานนั้นเมื่อความน่าจะเป็นที่จะเกิดขึ้นเท่าใด ก็สามารถหาได้โดยการหาค่า Z แล้วพิจารณาพื้นที่ที่อยู่ใต้ normal curve นั้นๆ

ค่า Z ค่านิพัทธ์ดังนี้

$$Z = \frac{\text{เวลาที่ทางการกำหนด} - \text{เวลาที่คาดหวัง}}{\sigma} \\ = \frac{16 - 15}{1.76} = 0.57$$

เบิดตารางค่า Z เพื่อหาพื้นที่ใต้โค้งปกติ ได้ค่า 0.71566 นั้นคือ โครงการจะเสร็จภายใน 16 สัปดาห์นี้โอกาสประมาณ 71.56%

จากการใช้ PERT วิเคราะห์โครงการตัวอย่างที่อธิบายได้ข้อมูลเพื่อช่วยในการจัดการโครงการได้ดังนี้

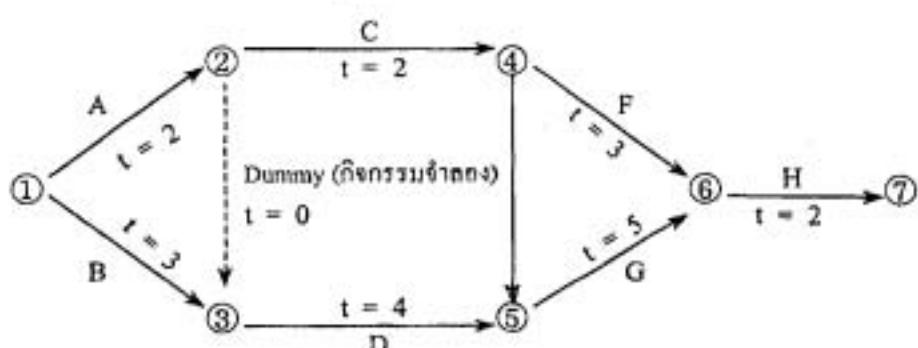
1. ก้าวเวลาโครงการจะแล้วเสร็จใน 15 สัปดาห์
2. มีโอกาส 71.6% ที่โครงการจะแล้วเสร็จภายใน 16 สัปดาห์และถ้าต้องการทราบโอกาสที่โครงการจะแล้วเสร็จภายในกำหนดเวลาอื่นๆ ก็สามารถหาได้
3. มี 5 กิจกรรมคือ A, C, E, G, H เป็นกิจกรรมในสายงานวิกฤตถ้ากิจกรรมซึ่งดันล่าช้า จะทำให้ทั้งโครงการล่าช้าด้วย
4. มี 3 กิจกรรมคือ B, D, F เป็นกิจกรรมที่ไม่วิกฤติและมีเวลาเหลือที่จะถ้าหากลังนั้นผู้บริหารสามารถยกข่ายทรัพยากรในกิจกรรมนี้ไปใช้กิจกรรมอื่นเพื่อเร่งรัดโครงการให้เสร็จเร็วขึ้นได้
5. ทำให้ทราบกำหนดเวลาเริ่มต้นและสิ้นสุดของแต่ละกิจกรรม

กิจกรรมหุ้นหรือกิจกรรมจำลอง (Dummy Activities)

Dummy activity เป็นกิจกรรมจำลองที่ไม่มีความหมายในการดำเนินการ ใบงานครั้งเดียวเป็นต้องมี เพื่อสะท้อนถึงกิจกรรมที่ต้องทำเสร็จก่อน กิจกรรมต่อไปจะจะดำเนินการได้

ตัวอย่างเช่นโครงการก่อขึ้นตามลักษณะทางอากาศที่ยกตัวอย่างมาแต่ด้าน เนื่องในการทดสอบกิจกรรมก่อตัวเอง (กิจกรรม D) จะเริ่มได้ต่อเมื่อโครงการ B (ปรับตัวและดังค่า) ทำเสร็จและ ด้านนี้เป็นว่ากิจกรรม D จะเริ่มได้ต่อเมื่อกิจกรรม B และกิจกรรม A (สร้างอุปกรณ์) ทำเสร็จ การเขียนโครงการจะระบุว่าจะเขียนอุปกรณ์ยังไง ผู้ที่ไม่ทุนเดียบปัญหานี้ก็อาจจะเขียนอุปกรณ์เรื่อง จากดู
 ① ไปสู่ ③ ซึ่งจะเกิดอุปกรณ์ 2 อุปกรณ์จากดู ① ไปสู่ ③ แทนกิจกรรม B และ A ซึ่งจะเกิดความสับสน ดังนั้นเพื่อหลีกเลี่ยงปัญหานี้จึงต้องสร้าง dummy activity ขึ้นโดยเขียนอุปกรณ์เป็นเส้นไข่ปลา เชื่อมดู ② ไปสู่ ③ แล้วก้าหนด : = 0 เพื่อแสดงให้เห็นว่ากิจกรรม D จะเริ่มได้ต่อเมื่อกิจกรรม A และ B เสร็จแล้ว ลูบไปที่ 6 ประกอน

รูปที่ 6 ตัวอย่างการแสดงกิจกรรมจำลองในข่ายงาน



PERT/COST

จากที่อธิบายมาตั้งแต่ต้น เราใช้ PERT ในการวางแผนกำหนดตารางปฏิบัติงาน គิดตาม และควบคุมเพื่อเรื่องระยะเวลาของโครงการ แต่ไม่ได้พิจารณาเกี่ยวกับเรื่องดันทุน การพัฒนา PERT/COST จึงเป็นหนทางที่จะวางแผนและควบคุมทั้งเวลาและดันทุนของโครงการ

การจัดทำงบประมาณโครงการ เป็นการประมาณการว่าแต่ละสัปดาห์หรือเดือนโครงการจะต้องใช้จ่ายเท่าไหร ซึ่งมีกระบวนการคร่าวๆ ดังนี้

1. ประมาณการว่าแต่ละกิจกรรมจะต้องการใช้จ่ายอะไรบ้างจำนวนเงินเท่าไหร แล้วรวมค่าใช้จ่ายทั้งหมดเป็นดันทุนของกิจกรรมนั้นๆ

2. ถ้าเป็นโครงการขนาดใหญ่ก็อาจจะต้องรวมกิจกรรมอย่างต่อๆ กัน เป้าหมายก็เป็นโครงการชุดๆ แล้วรวมงบประมาณของกิจกรรมย่อยเข้าด้วยกันเป็นงบประมาณรวมของโครงการชุดๆ

3. แปลงงบประมาณของแต่ละกิจกรรมเป็นงบประมาณต่อวันเวลา เนื่องงบประมาณในการสร้างถูปกรณ์กำลังลูกภาระ (กิจกรรม A) เท่ากับ \$22,000 ดังนั้นงบประมาณสร้างถูปกรณ์ต่อสัปดาห์ จะเท่ากับ \$11,000 (กิจกรรม A ใช้เวลาดำเนินการ 2 สัปดาห์)

4. ใช้ระยะเวลาเริ่มต้นเริ่วที่สุดหรือระยะเวลาเริ่มต้นร้าที่สุดกำหนดค่าวาระใช้งบประมาณในแต่ละสัปดาห์หรือเดือนเท่ากับเท่าไหร ที่จะทำให้โครงการเสร็จตามกำหนดเวลาที่ต้องการ

ด้วยงบประมาณของโครงการติดตั้งระบบกำลังลูกภาระทางอากาศประมาณการตามตารางที่ 4

ตารางที่ 4 งบประมาณของแต่ละกิจกรรมสำหรับโครงการควบคุมภาระ

กิจกรรม	ES	LS	T	งบประมาณโดยรวม	งบประมาณต่อสัปดาห์
A	0	0	2	22,000	11,000
B	0	1	3	30,000	10,000
C	2	2	2	26,000	13,000
D	3	4	4	48,000	12,000
E	4	4	4	56,000	14,000
F	4	10	3	30,000	10,000
G	8	8	5	80,000	16,000
H	13	13	2	16,000	8,000
				308,000	

งบประมาณทั้งหมดของโครงการเท่ากับ \$308,000 และเมื่อคำนวณงบประมาณต่อสัปดาห์ของแต่ละกิจกรรมแล้วว่าให้ผู้บริหารโครงการทราบได้ว่าแต่ละสัปดาห์โครงการมีความก้าวหน้าไปมากน้อยแค่ไหน ให้ดูจากงบประมาณที่ใช้ไป

ด้วยเราใช้กำหนดเวลาเริ่มต้นเร็วที่สุดของแต่ละกิจกรรมเป็นกำหนดการทำงานของแต่ละกิจกรรม งบประมาณที่จะต้องใช้ในแต่ละสัปดาห์ก็จะเป็นไปตามตารางที่ ๕

กิจกรรมที่อยู่ในสายงานวิกฤติจะต้องดำเนินไปตามกำหนดในตาราง แต่กิจกรรมที่ไม่อยู่ในสายงานวิกฤติสามารถที่จะชะลอออกไปได้โดยไม่กระทบกำหนดเวลาเดือดร่องทั้งโครงการ ดังนั้นผู้บริหารโครงการสามารถเดือนการใช้งบประมาณตามการเดือนระยะเริ่มต้นของกิจกรรมที่ไม่อยู่ในสายงานวิกฤติออกไป ตามด้วยอย่างตารางที่ ๖

ตารางที่ 5 แบบแผนภูมิเชิงเส้นของงานที่ต้องรับบนความตุนแหนงงาน โดยใช้ ES เป็นกำหนดการทำงาน

กิจกรรม	ตัวเลข'										(ตัวเรซัล 1 : 1,000)					
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		11	12	13	14	15
A	11	11														22
B	10	10	10													30
C		13	13													26
D			12	12	12	12										48
E				14	14	14	14									56
F					10	10	10									30
G								16	16	16	16					80
H																16
รวมต่อตัวเลข'	21	21	23	25	36	36	36	14	16	16	16	16	16	8	8	308
ค่าใช้จ่ายซ่อมแซม																
รวมต่อตัวเลข'	21	42	65	90	126	162	198	212	228	244	260	276	292	300	308	

ตารางที่ 6 แบบจำลองการใช้จ่ายคร่าวๆ ติดต่อระหว่างหน่วยงาน โดยใช้ LS เป็นกำหนดการทำงาน

กิจกรรม	ตัวบท										รวม				
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		11	12	13	14
A	11	11									22				
B		10	10	10							30				
C			13	13							26				
D					12	12	12	12			48				
E						14	14	14	14		56				
F										10	10	10		30	
G										16	16	16	16	80	
H													8	8	16
รวมตัวบท	11	21	23	23	26	26	26	16	16	26	26	26	8	8	308
ค่าใช้จ่ายรวม															
รวมตัวบททั้งหมด	11	32	55	78	104	130	156	182	198	214	240	266	292	300	308
รวมตัวบททั้งหมด															

การติดตามและควบคุมต้นทุนของโครงการ

ในระหว่างการดำเนินงานแต่ละขั้นของโครงการ ผู้บริหารจะต้องติดตามว่าโครงการดำเนินการส่วนไหนไปแล้วเท่าไร ต้นทุนเกิดขึ้นเท่าไหร่ซึ่งหรือค่าก่าวางบประมาณที่วางไว้ เพื่อจะได้ปรับปรุงแก้ไขปัญหาที่เกิดขึ้น

การเปรียบเทียบต้นทุนของกิจกรรมที่จ่ายจริงกับงบประมาณจะต้องคำนวณ นูกต่างงานที่ได้รับเสร็จก่อ

$$\text{นูกต่างงานที่แล้วเสร็จ} = \text{ร้อยละของงานที่ทำเสร็จ} \times$$

งบประมาณทั้งหมดของกิจกรรม

$$\text{ผลต่างงบประมาณ} = \text{ต้นทุนจริง} - \text{นูกต่างงานที่แล้วเสร็จ}$$

ตารางที่ 7 แสดงการติดตาม และเปรียบเทียบต้นทุนที่เกิดขึ้นกับงบประมาณเป็นผลต่างงบประมาณ

ตารางที่ 7 การติดตามและควบคุมงบประมาณค่าใช้จ่าย

กิจกรรม	ค่าใช้จ่าย ตามงบประมาณ	เปอร์เซ็นต์ที่ กิจกรรมเสร็จสิ้น	นูกต่างงาน ที่เสร็จสิ้น	ค่าใช้จ่าย เกิดขึ้นจริง	ค่าใช้จ่าย ต่างกันหรือสูงกว่า
A	22,000	100	22,000	20,000	-2,000
B	30,000	100	30,000	36,000	6,000
C	26,000	100	26,000	26,000	0
D	48,000	10	4,800	6,000	1,200
E	56,000	20	11,200	20,000	8,800
F	30,000	20	6,000	4,000	-2,000
G	80,000	0	0	0	0
H	16,000	0	0	0	0
			100,000	112,000	12,000 สูงกว่า

CRITICAL PATH METHOD (CPM)

ตามที่กล่าวข้างต้นว่าแนวคิดของ PERT และ CPM เนื่องกัน ค่างกันเพียงวิธีการกำหนดระยะเวลาทำงานของแต่ละกิจกรรม โดย CPM กำหนดเวลาทำงานของแต่ละกิจกรรมไว้เพียงค่าเฉลี่ว และนำแนวคิดเวลาเร่งรัด (crash time) กับต้นทุนเร่งรัดงาน (crash cost) มาช่วยในการจัดการโครงการโดยเน้นที่การเร่งรัดงานที่เสียค่าใช้จ่ายน้อยที่สุด โดยมีขั้นตอนการวิเคราะห์ดังนี้

ขั้นที่ 1 กำหนดสายงานวิกฤติปกติ และกิจกรรมวิกฤติ

ขั้นที่ 2 คำนวณต้นทุนการเร่งรัดงานต่อความเวลาของทุกกิจกรรมที่อยู่ในสายงานวิกฤติที่อ

$$\text{ต้นทุนเร่งงานต่อค่า} = \frac{\text{ต้นทุนเร่งงาน} - \text{ต้นทุนปกติ}}{\text{เวลาปกติ} - \text{เวลาเร่ง}}$$

ขั้นที่ 3 เปรียบเทียบต้นทุนเร่งงานต่อค่าของทุกกิจกรรมในสายงานวิกฤติ เลือกต้นทุนเร่งงานต่อค่าที่ต่ำที่สุด แล้วเร่งงานในกิจกรรมนั้นให้มากที่สุดที่จะเป็นไปได้หรือจนกระทั่งทำให้โครงการเสร็จตามกำหนดเวลาที่ต้องการ

ขั้นที่ 4 ให้ตรวจสอบว่าสายงานวิกฤติที่กำลังเร่งงานอยู่ยังเป็นสายงานวิกฤติหลังจากลดเวลาไปแล้วหรือไม่ เพราะในบางครั้งเมื่อตัดเวลาในสายงานวิกฤติไปแล้ว สายงานอื่นที่เดินไม่ໄช่สายงานวิกฤติอาจกลายเป็นสายงานวิกฤติไปได้ เพราะมีระยะเวลาทำงานยาวกว่าหรือเท่ากับระยะเวลาใหม่ของสายงานวิกฤติเดิม ถ้าอังเป็นสายงานวิกฤติใหม่ให้ซ้อนกับไปทำขั้นที่ 3 ซ้ำอีก ถ้าไม่เป็นสายงานวิกฤติอีกต่อไป ให้หาสายงานวิกฤติใหม่ แล้วซ้อนกับไปทำขั้นที่ 3 ซ้ำ ดังตัวอย่างการเร่งงานและต้นทุนการเร่งงานของโครงการติดตั้งระบบควบคุมมลภาวะ ในตารางที่ 8

ตารางที่ 8 เวลาปกติและเร่งรัดและต้นทุนในการเร่งงาน

กิจกรรม	เวลา (สัปดาห์)		ค่าใช้จ่าย		ค่าใช้จ่ายเร่งรัด ต่อสัปดาห์	สายงาน วิกฤต
	ปกติ	เร่งรัด	ปกติ	เร่งรัด		
A	2	1	22,000	23,000	1,000	✓
B	3	1	30,000	34,000	2,000	✗
C	2	1	26,000	27,000	1,000	✓
D	4	3	48,000	49,000	1,000	✗
E	4	2	56,000	58,000	1,000	✓
F	3	2	30,000	30,500	500	✗
G	5	2	80,000	86,000	2,000	✓
H	2	1	16,000	19,000	3,000	✓

สายงานวิกฤต ซึ่งประกอบด้วยกิจกรรม ACEGH ใช้เวลาทั้งหมด 15 สัปดาห์ ต้นทุนเร่งงานต่อสัปดาห์ของแต่ละกิจกรรมเท่ากัน 1,000, 1,000, 1,000, 2,000 และ 3,000 บาทตามลำดับ ดังนี้ ต้นทุนเร่งงานต่อสัปดาห์ ที่ต่ำสุด คือ การเร่งงานสำหรับกิจกรรม A,C และ E ดังนั้นผู้บริหารจะเลือกเร่งงานที่ กิจกรรมใดกิจกรรมหนึ่งจาก 3 กิจกรรมนี้ เช่น เร่งงานที่กิจกรรม A 1 สัปดาห์ จะทำให้เวลาเดิม เสร็จทั้งหมดบนสายงานวิกฤตติดิเคนเท่ากับ 14 สัปดาห์ โดยเสียต้นทุนเพิ่มขึ้น 1,000 บาท แต่เมื่อจากสายงาน BDGH ใช้เวลา 14 สัปดาห์เช่นกัน ดังนั้น สายงานวิกฤตใหม่จะมี 2 สายงาน คือ ACEGH และ BDGH ซึ่งใช้เวลางานที่สุด 14 สัปดาห์ ถ้าต้องการเร่งงานให้เสร็จเร็วขึ้นเช่นเป็น 12 สัปดาห์ จะต้องเร่งงานบนสายงานวิกฤตติดิ้ง 2 โดยเร่งงานที่กิจกรรม G ซึ่งเป็นกิจกรรมที่อยู่บนสายงานวิกฤตติดิ้ง 2 ดังนั้น ต้นทุนค่าเร่งงานจะเท่ากับ $1,000 + 2(2,000) = 5,000$ บาท

ในกรณีที่โครงการลับลับซับซ้อนมาก การปฏิบัติตามขั้นตอนข้างต้นเพื่อหาวิธีที่เร่งงานให้เสร็จเร็วขึ้นโดยเสียค่าใช้จ่ายน้อยที่สุดก็ทำได้ยาก เพื่อความสะดวกและรวดเร็วเกิดองใช้วิธีโปรแกรมเชิงเส้นตรง (linear programming)