

บทที่ 8

พันธุกรรมของลักษณะทางปริมาณ (Quantitative Inheritance)

เท่าที่ใครกล่าวถึงการถ่ายทอดลักษณะต่าง ๆ มาตั้งแต่คน จะเห็นได้ว่าความผันแปรที่เกิดขึ้นกับลักษณะเหล่านั้นจะเป็นแบบ discontinuous หรือ discrete variation คือสามารถจะแบ่งแยกความแตกต่างที่เกิดขึ้นออกเป็นหมวดหมู่ได้อย่างชัดเจน ลักษณะที่ปรากฏออกมาอาจบอกแต่เพียงว่าเป็นพวกไหน มีกับไม่มี เป็นกับไม่เป็น เช่น คนสูงกับคนเตี้ย ดอกสีขาวยับดอกสีแดง เมล็ดสีเดียวกับเมล็ดสีเหลือง ตาสีขาวยับตาสีแดง และลักษณะหมู่เลือด หมู่ A, B, AB, O เป็นต้น ลักษณะเหล่านี้จึงว่าเป็นลักษณะทางคุณภาพ (qualitative characters) มียีนส์ควบคุมยูนิตยูนิต แต่ละคู่จะแสดง major effect ออกมา จึงเรียกยีนส์ดังกล่าวว่า major genes สภาพแวดล้อมจะมีผลกระทบเพียงต่อการแสดงออกของยีนส์เหล่านั้นอย่างมาก

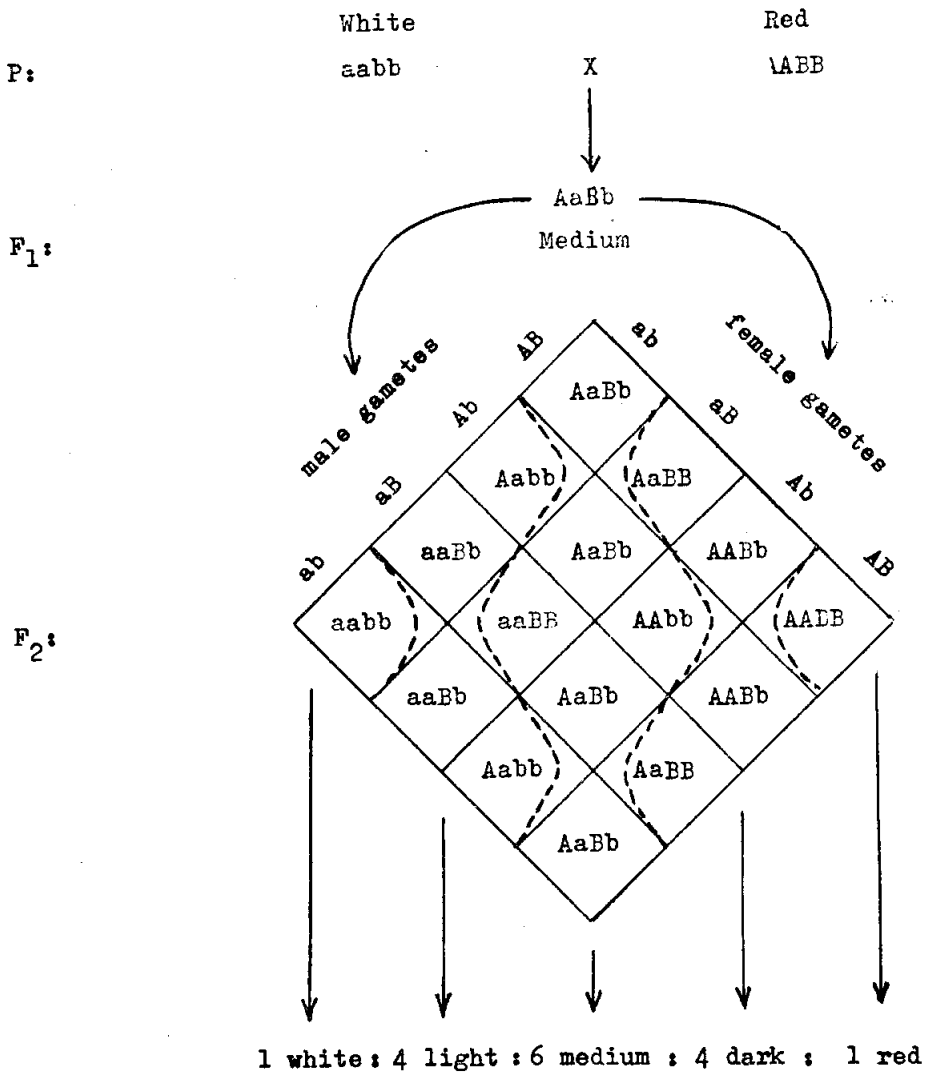
ในทางธรรมชาติแล้วลักษณะที่สำคัญ ๆ เป็นจำนวนมากในคน สัตว์ และพืช จะไม่ค่อยแตกต่างกันอย่างเห็นได้ชัดมากนัก ความผันแปรที่เกิดขึ้นจะเป็นแบบ continuous variation คือไม่สามารถจะจัดแบ่งออกเป็นหมวดหมู่ได้อย่างเด็ดขาด มักต้องใช้การชั่ง ตวง วัด เปรียบเทียบในการจัดหมวดหมู่ เช่น ลักษณะที่เกี่ยวข้องกับขนาด โครงสร้าง น้าหนัก ความฉลาด ความสูง ผลผลิต ความสามารถในการออกไข่ และไข่มุม เป็นต้น ลักษณะที่วัดได้มักมีการกระจายตัวแบบ normal curve จากค่าต่ำสุด ๆ เริ่มไปหาค่าสูง ลักษณะเหล่านี้จึงว่าเป็นลักษณะทางปริมาณ (quantitative characters) จะถูกควบคุมโดยยีนส์มากมาย โดยยีนส์แต่ละตัวจะมีผลต่อลักษณะเหล่านั้นน้อย มักแสดงผลออกมาแบบสะสม (additive or cumulative effect) สภาพแวดล้อมจะมีผลกระทบเหมือนต่อลักษณะที่จะปรากฏออกมามาก ดังนั้น phenotype ของมันจึงเป็นผลรวมระหว่างกรรมพันธุ์กับสภาพแวดล้อม เรียกยีนส์ที่ควบคุมลักษณะแบบนี้ว่า multiple factors or multiple genes or polygenes or minor genes และเรียกการถ่ายทอดลักษณะแบบนี้ว่า multiple-factor or multiple-gene or polygenic inheritance

Multiple Factors

ในปี ค.ศ. 1906 Yule ได้เสนอแนะว่า continuous quantitative variation อาจเป็นผลจากการแสดงออกร่วมกันของยีนส์เป็นจำนวนมาก โดยแต่ละตัวต่างก็มีผลเพียงเล็กน้อยต่อลักษณะเหล่านั้น หลังจากนั้นไม่นาน H. Nilson-Ehle ซึ่งเป็นนักพันธุศาสตร์ชาวสวีเดนได้รายงานผลการทดลองที่แสดงให้เห็นว่ายีนส์ที่ควบคุมลักษณะทางปริมาณนั้นก็มีการ segregation และ assortment ความถี่ของเมนเดลเช่นเดียวกัน โดยเขาได้ทำการศึกษา

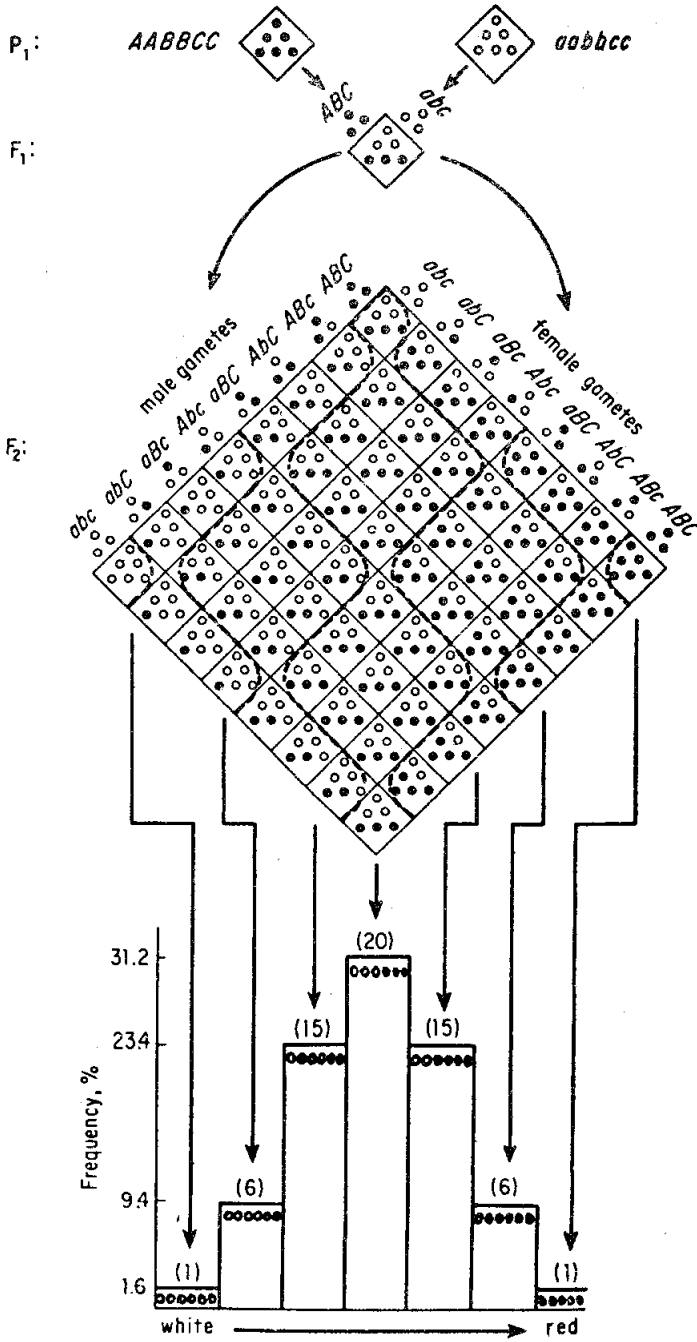
กับลักษณะสีของ เมล็ดข้าวสาลีซึ่งมียีนส์ เกี่ยวของอยู่ถึงสามคู่ด้วยกัน คือ Aa, Bb, Cc โดย alleles A, B, C แต่ละตัวจะมีความสามารถในการสร้าง red pigment ใดพอ ๆ กัน ส่วน alleles a, b, c จะไม่สามารถสร้าง pigment ใดเลย ถ้าหากพิจารณาถึงการถ่ายทอดลักษณะของยีนส์แต่ละคู่แยกกันแล้ว ในการผสมระหว่าง heterozygotes เช่น Aa x Aa จะได้อุทธที่มี เมล็ดสีแดง และ เมล็ดสีขาวในอัตราส่วน 3:1 (3A- : 1aa) ถ้าหากนำ heterozygotes ในยีนส์สองคู่มาผสมกันก็จะได้อุทธที่มี เมล็ดสีแดงและสีขาวในอัตราส่วน 15:1 [15(A-B-, A-bb, aaB-) : 1 aabb] และในทำนองเดียวกันถ้าหากทำการผสมระหว่าง heterozygotes ที่มียีนส์ เกี่ยวของสามคู่ก็จะได้อุทธอัตราส่วน 63 แดง : 1 ขาว

ในบรรดา เมล็ดข้าวสาลีที่มีสีแดงนั้น ถ้าหากนำมาพิจารณาอีกทีแล้วจะพบว่ามันไม่ใคร่มีสีแดง เหมือนกันทีเดียว จะมีสีตั้งแต่แดงจาง ๆ ไปจนถึงสีแดงเข้ม ทั้งนี้อธิบายได้ว่า allele แต่ละตัวที่นำลักษณะสีแดงนั้นจะก่อให้เกิดสี เพียง เล็กน้อยในปริมาณจำกัด ดังนั้นแต่ละ genotype ก็จะแสดง phenotype ออกมานั่นก็ขึ้นอยู่กับว่า มันมี allele ดังกล่าวอยู่กี่ตัว รูปที่ 8-1 แสดงการผสมพันธุ์ระหว่างข้าวสาลีสองพันธุ์ซึ่งมียีนส์ เกี่ยวของสองคู่ จะเห็นว่า F₁ มีสีอยู่กึ่งกลางระหว่างพ่อแม่ แต่ใน F₂ จะมี phenotypes แดงออกโตเป็น 5 พวกด้วยกันตามจำนวน alleles ที่นำลักษณะสีแดงซึ่ง genotypes ต่างๆ มีอยู่ และจะได้ phenotypic ratio 1:4:6:4:1



รูปที่ 8-1 ผลจากการผสมระหว่างข้าวสาลีที่มีเมล็ดสีต่างกัน โดยมียีนที่เกี่ยวข้องเพียงสองคู่

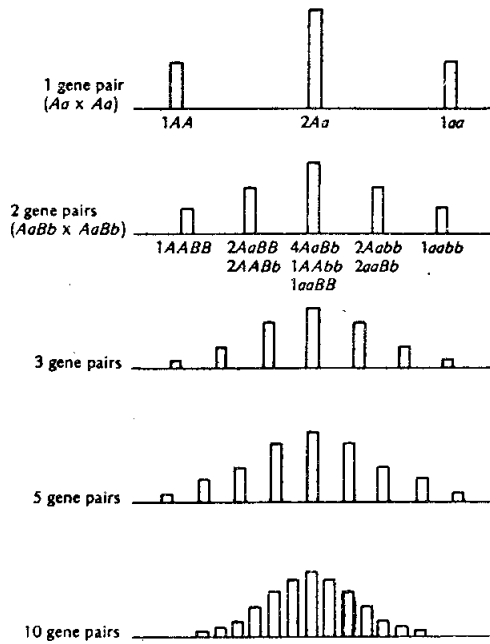
รูปที่ 8-2 แสดงการผสมพันธุ์ระหว่างข้าวสาลีที่มีเมล็ดสีต่างกัน และมียีนที่เกี่ยวข้องอยู่สามคู่ จะเห็นได้ว่า phenotypic distribution ของ F₂ ซึ่งเป็นผลจากการแยกตัวและรวมตัวระหว่างยีนสี่ เป็นอิสระต่อกัน จะมีการกระจายตัวแบบ normal distribution ที่เป็นเช่นนั้น เนื่องจากว่ายีนสี่ดังกล่าวยังมีการถ่ายทอดลักษณะที่เป็นไปตามกฎของเมนเดล ซึ่งจะคาดได้จาก binomial distribution ว่าถ้าหากมียีนสี่อยู่ในสภาพ heterozygous จำนวน n คู่ จะมี gametes เกิดขึ้น 2ⁿ ชนิด ดังนั้นในกรณีของยีนสี่สามคู่จะได้ gametes 8 ชนิด



รูปที่ 8-2

ผลจากการผสมระหว่างชาวสาสนิมมีเมล็ดสีต่างกัน โดยมียีนส์เกี่ยวของสามคู่ การกระจายตัวของ F₂ แสดงไว้ใน histogram ตอนล่าง

ซึ่งถ้าหากนำมาคิดตามจำนวนยีนที่หน้าลักษณะสีที่มีอยู่จะได้ $\frac{1}{8}$ (3 red genes) : $\frac{3}{8}$ (2 red genes, 1 white gene) : $\frac{3}{8}$ (1 red gene : 2 white genes) : $\frac{1}{8}$ (3 white genes) เมื่อปล่อยให้ F_1 ผสมตัวเอง ในรุ่น F_2 จะได้ genotypes ต่าง ๆ เกิดขึ้นถึง 64 combinations ควบกัน และถ้าหากแบ่ง phenotypes ของมันออกตามจำนวนยีนที่หน้าลักษณะสีแดงต่อไปอีก จะได้ $\frac{1}{64}$ (6 red genes) : $\frac{6}{64}$ (5 red genes) : $\frac{15}{64}$ (4 red genes) : $\frac{20}{64}$ (3 red genes) : $\frac{15}{64}$ (2 red genes) : $\frac{6}{64}$ (1 red gene) : $\frac{1}{64}$ (0 red gene) ซึ่งปรากฏอยู่ในตอนกลางของรูปที่ 8-2 และจากรูปนี้เห็นได้ชัดว่า การกระจายตัวของลักษณะสีของ เมล็ดใน F_2 ยังคงแบ่งออกได้เป็นหมวดหมู่อย่างเด่นชัด แต่ถ้ามียีนส์เข้ามาเกี่ยวข้องมากขึ้นเรื่อย ๆ การกระจายตัวของมันจะใกล้เคียง normal curve เข้าทุกทีซึ่งแสดงไว้ในรูปที่ 8-3 ซึ่งจะสังเกตเห็นได้ว่า ถ้าหากมีจำนวนยีนส์เพิ่มมากขึ้นจะยิ่งแยก phenotypes ออกเป็นหลาย discrete classes ความหนาแน่นของ genotypes ต่าง ๆ ใกล้เคียงกันมากขึ้นจนในที่สุดมันจะกลายเป็น single continuous class ไป



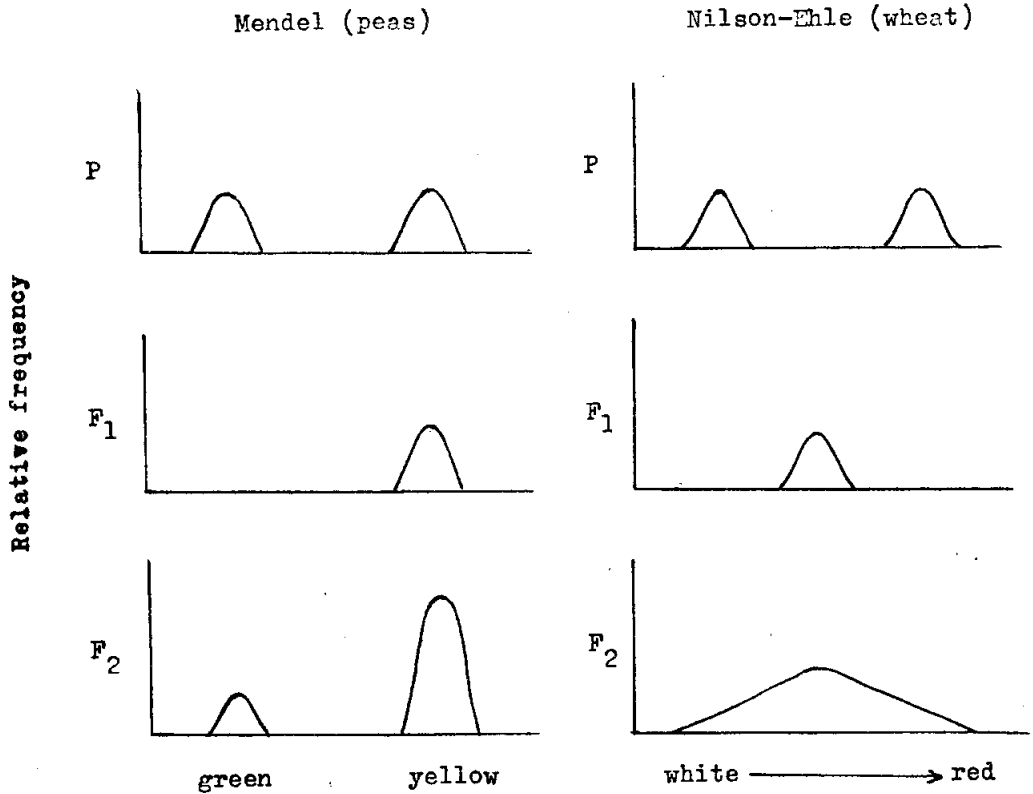
รูปที่ 8-3

แสดง relative frequencies (length of columns) ของ genotypes ต่าง ๆ ที่เกิดจากการผสมพันธุ์ระหว่าง heterozygotes ที่มียีนส์เป็นอิสระต่อกัน เกี่ยวข้องในจำนวนคู่ต่าง ๆ กัน ในสองกรณีแรกใช้ยีนส์ Aa และ Bb แสดงประกอบด้วย

เนื่องจากว่าลักษณะทางปริมาณต่าง ๆ นั้นมียีนส์ที่เกี่ยวข้อง เป็นจำนวนมากด้วยกัน ยีนส์เหล่านี้จึงได้รับการเรียกว่า multiple factors หรือ multiple genes แต่ต่อมาภายหลังก็มักแสดงความคิดเห็นว่า การเรียก multiple factors นั้น อาจไม่ค่อยถูกต้องนัก เพราะไม่อาจจะระบุ quantitative effect ที่เกิดจาก factor แต่ละตัวได้ เหมือนในกรณีของยีนส์ที่ควบคุมลักษณะทางคุณภาพ และนอกจากนั้นยังมี side effects จากยีนส์ที่ควบคุมลักษณะอื่น ๆ เข้ามามีเกี่ยวข้องอีกด้วย ดังนั้นต่อมา Mather จึงได้เรียกยีนส์พวกนี้ใหม่ว่า polygene ซึ่งเขาได้ให้คำจำกัดความไว้ดังนี้ "Polygenes are defined as genes with a small effect on a particular character that can supplement each other to produce observable quantitative changes".

ผลของยีนส์ เหล่านี้ส่วนใหญ่อาจกล่าวได้ว่าเป็นแบบ additive คือ phenotype ที่ปรากฏขึ้นมา นั้น เป็นผลรวมจากทั้ง negative and positive effects ของ polygenes ที่เกี่ยวข้อง

อาจเปรียบเทียบการถ่ายทอดลักษณะทางคุณภาพซึ่งถูกควบคุมโดยยีนส์เพียงคู่เดียว ที่แสดง major effect กับการถ่ายทอดลักษณะทางปริมาณซึ่งถูกควบคุมโดยยีนส์หลายคู่ที่แสดง additive effect ได้โดยรูปที่ 8-4 สิ่งที่แตกต่างกันอย่างเห็นได้ชัดคือการแบ่งแยก phenotypes ของ F_2 โดยในกรณีของ เมิน เคิลจะแบ่งออกเป็นสอง discrete classes แต่ในกรณีของ Nilson-Ehle จะได้เพียงหนึ่ง continuous class

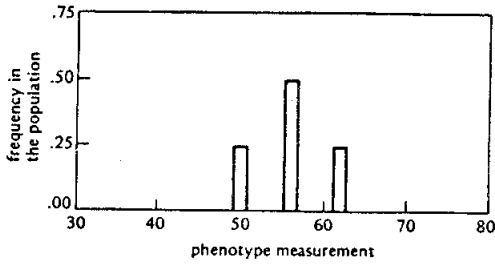


รูปที่ 8-4

เปรียบเทียบผลการทดลองในชั่ว P, F₁, F₂ ระหว่าง single-factor กับ multiple-factor inheritance ตามซ้ายมือได้จากผลการทดลองของเมนเดลในถั่วสัเตา ส่วนทางขวามือได้จากผลการทดลองของ Nilson-Ehle ในข้าวสาลี

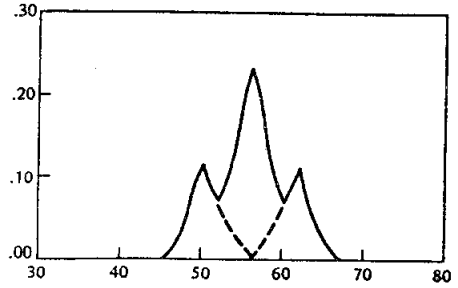
นอกจากยีนส์จะมีผลโดยตรงต่อการแสดงออกของลักษณะต่าง ๆ แล้ว สภาพแวดล้อมก็ยังสามารถจะก่อให้เกิดการเปลี่ยนแปลงในลักษณะที่เราคาดคะเนจะเกิดขึ้นในชั่วต่าง ๆ ได้อีกด้วย ในรูปที่ 8-5 เป็นการสมมติว่าลักษณะหนึ่งถูกควบคุมโดยยีนส์หนึ่งคู่ซึ่งแสดง quantitative effect เมื่อไม่มีสภาพแวดล้อมเข้ามาเกี่ยวข้องเลย การกระจายตัวของมันในชั่ว F₂ จะทำให้ได้ 3 phenotypes (รูปที่ 8-5a) แต่ถ้าหากมีสภาพแวดล้อมเข้ามาเกี่ยวข้องเพียงเล็กน้อยและทำให้ลักษณะของ F₂ เปลี่ยนแปลง จะทำให้มี phenotypes เกิดขึ้นมากกว่า 3 ชนิด (รูปที่ 8-5b) และเมื่อสภาพแวดล้อมเข้ามามีอิทธิพลมากยิ่งขึ้น ก็จะทำให้ F₂ มีการกระจายตัวของลักษณะนั้นมากขึ้นตามไปเรื่อย ๆ จนกระทั่งทำให้ลักษณะดังกล่าวจะมีเป็นสภาวะควบคุมอยู่เพียงคู่เดียว มีการกระจายตัวแบบ normal distribution ได้ (รูปที่ 8-5c,d) ทั้งนี้

no environmental effect



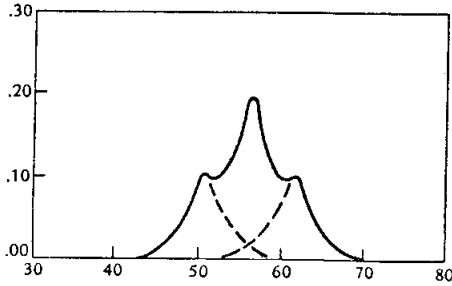
(a)

12.5% environmental effect



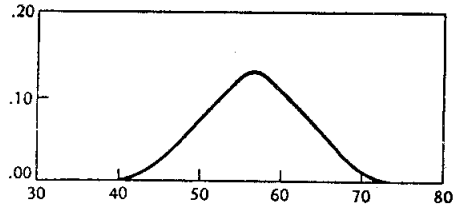
(b)

25% environmental effect



(c)

50% environmental effect



(d)

รูปที่ 8-5

ผลของสภาพแวดล้อมในระดับต่าง ๆ กันที่มีต่อการแสดงออกของ F_2 genotypes ที่เกิดจากการกระจายตัวของยีนส์เพียงคู่เดียว (a) เมื่อไม่มีผลจากสภาพแวดล้อมเข้ามาเกี่ยวข้องของ homozygous genotypes ทั้งสองจะมี phenotypes ออกมา 50 และ 62 หน่วยพอดี ส่วน heterozygote จะมี phenotype อยู่กึ่งกลางระหว่างพ่อแม่ คือวัดได้ 56 หน่วย (b), (c), (d) เมื่อมีสภาพแวดล้อมเข้ามาเกี่ยวข้อง จะทำให้แต่ละ genotype แสดงลักษณะออกมาได้หลายขนาด ยิ่งเกี่ยวข้องมากก็จะยิ่งทำให้ช่วงพิสัยกว้างมากขึ้น เช่นตัวอย่าง genotype ที่แสดง phenotype ออกมา 50 หน่วยใน (a) จะแสดง phenotype ออกมาตั้งแต่ 43-57 หน่วย เมื่อมีสภาพแวดล้อมเข้ามาเกี่ยวข้อง 25% ใน (c)

จากตัวอย่างนี้จะเห็นได้ว่า ถ้าหากลักษณะใดก็ตามมียีนส์ควบคุมอยู่เป็นจำนวนมาก และสภาพแวดล้อมสามารถจะมีอิทธิพลต่อการแสดงออกของมันได้เป็นอย่างมากด้วยแล้ว จะทำให้การกระจายตัวของลักษณะดังกล่าวเป็นแบบ continuous

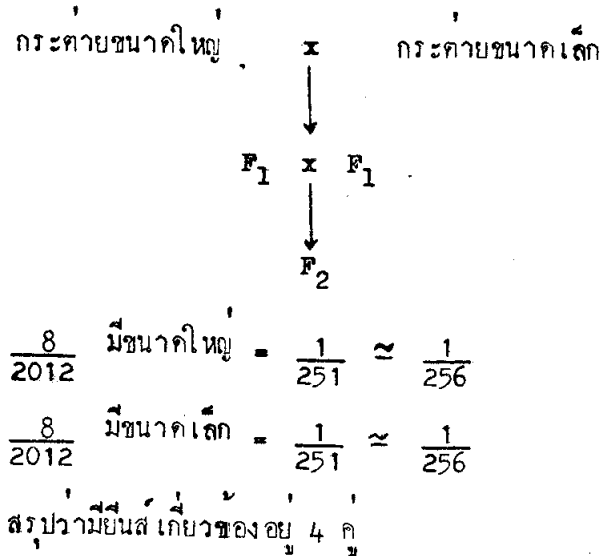
การประมาณจำนวนของยีนที่เกี่ยวของ (Estimating the number of gene differences)

ในการที่จะประมาณจำนวนของยีนที่เกี่ยวของกับลักษณะที่กำลังศึกษาหรือทดลอง อาจทำได้โดยการสังเกตจากการกระจายตัวของลูก F₂ ว่ามีลูกที่มีลักษณะเหมือนพ่อหรือแม่เดิม (original parents) เป็นสัดส่วนเท่าใด เช่น ในกรณีของยีนเดี่ยวๆ อย่างสมระหว่าง AA x aa ประมาณ 1/4 ของลูก F₂ จะมีลักษณะเหมือนพ่อหรือแม่ (1/4 AA : 2/4 Aa : 1/4 aa) แต่ถ้ามยีนที่เกี่ยวของอยู่สองคู่ เช่น AABB x aabb จะมีลูก F₂ ที่เหมือนพ่อหรือแม่อยู่เพียง 1/16 เท่านั้น ซึ่งจะเห็นได้จากเมื่อจำนวนของ segregating gene pairs เพิ่มขึ้น อัตราส่วนของลูกที่มีลักษณะเหมือนพ่อหรือแม่จะยิ่งลดลง ตารางที่ 8-1 แสดงให้เห็นถึงอัตราส่วนของ F₂ ในทางทฤษฎีที่มีลักษณะเหมือนพ่อหรือแม่ฝ่ายใดฝ่ายหนึ่ง เมื่อยีนที่เกี่ยวของในจำนวนต่าง ๆ กัน และมี random assortment

ตารางที่ 8-1 แสดงถึงโอกาสที่จะได้ F₂ ที่มีลักษณะเหมือนพ่อหรือแม่เดิม เมื่อยีนซึ่งเป็นอิสระต่อกัน เกี่ยวของในจำนวนต่าง ๆ กัน

จำนวนของ segregating genes ที่เกี่ยวของ	สัดส่วนของ F ₂ ที่มีลักษณะเหมือนพ่อหรือแม่
1	1/4
2	1/16
3	1/64
4	1/256
5	1/1024
6	1/4096
⋮	⋮
⋮	⋮
⋮	⋮
⋮	⋮
⋮	⋮
n	1/4 ⁿ

ตัวอย่าง ขนาดของกระต่ายมียีนส์ควบคุมอยู่หลายคู่ โดย active gene แต่ละตัวต่างก็แสดง additive effect ใกล้เคียง ๆ กัน จาก F₂ จำนวน 2012 ตัวที่ได้จากการผสมพันธุ์ระหว่างกระต่ายพันธุ์ที่มีขนาดใหญ่ และขนาดเล็ก พบว่ามีกระต่าย 8 ตัวที่มีขนาดเล็กเท่ากับกระต่ายพันธุ์เล็ก และอีก 8 ตัวที่มีขนาดเท่ากับกระต่ายพันธุ์ใหญ่ จึงประมาณจำนวนคู่ของยีนส์ที่เกี่ยวข้อง



การประมาณจำนวนคู่ของยีนส์จะยิ่งทำได้ลำบากขึ้น เมื่อมียีนส์ที่เกี่ยวข้องตั้งแต่ 5 คู่ขึ้นไป ลักษณะหลายอย่าง เช่น อาจจะมียีนส์ควบคุมอยู่ถึง 10 คู่ และบางลักษณะอาจมีมากถึง 200 คู่ นอกจากนั้นแล้วยังมีสาเหตุอื่น ๆ อีกหลายอย่างที่ทำให้การประมาณจำนวนคู่ของยีนส์ทำได้ลำบาก เช่น

1. การที่มียีนส์ของสภาพแวดล้อมเข้ามาเกี่ยวข้องมาก อาจทำให้ลูกที่จะมีลักษณะเหมือนพ่อแม่เดิมไม่ปรากฏออกมา เช่น พืชที่มียีนส์น้ำลักษณะสูงอยู่มาก แต่ถูกนำไปปลูกในที่โล่ง อาจเทียบว่าคนพืชที่มียีนส์น้ำลักษณะสูงอยู่นอกก็ได้ จึงทำให้ phenotypic distribution ไม่เห็นไปตาม genotypic distribution
2. ยีนส์ที่เกี่ยวข้องอาจแสดงผลออกมาไม่เท่าเทียมกัน เช่น อาจแสดง multiplicative effect แทนที่จะเป็น additive effect
3. การมี dominance effect เกิดขึ้นในยีนส์บางคู่แทนที่จะเป็น additive effect และมีการข่มระหว่างยีนส์ต่างคู่กัน เกิดขึ้นในยีนส์คู่ที่กล่าวถึงศึกษา

4. อาจมียีนส์อื่น เช่น **modifiers** มาทำปฏิกิริยากับยีนส์ที่กล่าวถึงศึกษาอยู่ เช่น ลักษณะความสูงซึ่งเป็นลักษณะทางปริมาณ อาจมี **qualitative dwarf gene** เพียงตัวเดียวมาชมทำให้ตนเตี้ยลงได้
5. อาจมี **linkage** ของยีนส์เข้ามาเกี่ยวข้อง ทำให้อัตราส่วนของลักษณะที่ปรากฏออกมาเปลี่ยนแปลงไปจากอัตราส่วนที่จะเกิดขึ้นจากกรณียีนส์เป็นอิสระต่อกัน
6. อาจมี **partial sterility** เข้ามาเกี่ยวข้อง ทำให้อัตราส่วนของลูกที่มีลักษณะเหมือนพ่อหรือแม่เปลี่ยนแปลงไป
7. ถ้าลักษณะ เหล่านั้นมียีนส์ควบคุมเป็นจำนวนมากด้วยกัน ในการที่จะหาสัดส่วนของลูก F_2 ที่มีลักษณะเหมือนพ่อหรือแม่จำเป็นจะต้องมีลูก F_2 เกิดขึ้นเป็นจำนวนมากด้วยกัน แต่ในทางปฏิบัติแล้วอาจทำไม่ได้ เช่น ในกรณีของการศึกษากับสัตว์ที่มีขนาดใหญ่ซึ่งมีลูกในแต่ละครั้งน้อยตัว และต้องใช้เวลานาน

อย่างไรก็ตามการประมาณจำนวนคของยีนส์ที่เกี่ยวข้องก็ยังคงเป็นสิ่งจำเป็นอยู่ โดยเฉพาะอย่างยิ่งในด้านการปรับปรุงพันธุ์พืชหรือสัตว์ เช่น ถ้าต้องการจะปรับปรุงลักษณะบางอย่างของมันซึ่งค่าความมียีนส์จำนวนมากเกี่ยวข้อง ก็ควรจะคงทราบว่าลักษณะเหล่านั้นมียีนส์ควบคุมอยู่กี่ตัว มีโอกาสมากน้อยแค่ไหนที่จะได้ลูกที่มีลักษณะตามต้องการเกิดขึ้น ทั้งนี้เพื่อจะได้นำข้อมูลดังกล่าวมาวางแผนการทดลองในลูกของว่าจะต้องสร้างลูก F_2 ออกมาในจำนวนมากน้อยแค่ไหน จึงจะมีโอกาสค้นพบลูกที่มีลักษณะตามต้องการได้

ตัวอย่าง ถ้าหากว่าลักษณะความสูงของคณยาสูบ เป็นลักษณะทางปริมาณมียีนส์ควบคุมอยู่สี่คู่ซึ่งแสดง **additive effect** และลักษณะความต้านทานต่อโรคชนิดหนึ่ง เป็นลักษณะเด่นมียีนส์ควบคุมเพียงคู่เดียว สมมติว่าจะทำการผสมพันธุ์ระหว่างยาสูบพันธุ์แทตสันสูง แต่ไม่ต้านทานต่อโรค กับพันธุ์แทตสันเตี้ย แต่ต้านทานต่อโรค ถ้าหากต้องการคัดเลือกหาลูกที่มีลักษณะคนสูง และต้านทานต่อโรคที่เป็น **homozygous genotype** อยากทราบว่า จะมีโอกาสสักเท่าใด และควรปลูก F_2 ในจำนวนเท่าใด จึงจะพบคนที่ต้องการได้

สมมุติยีนส์ A-a, B-b, C-c, D-d ควบคุมลักษณะความสูง
ยีนส์ R-r ควบคุมลักษณะความต้านทานต่อโรค โดย R > r

พันธุ์แท้คนสูง ไม่ต้านทานโรค พันธุ์แท้คนเตี้ย ต้านทานโรค

P: AABBCDDRr x aabbccddRR

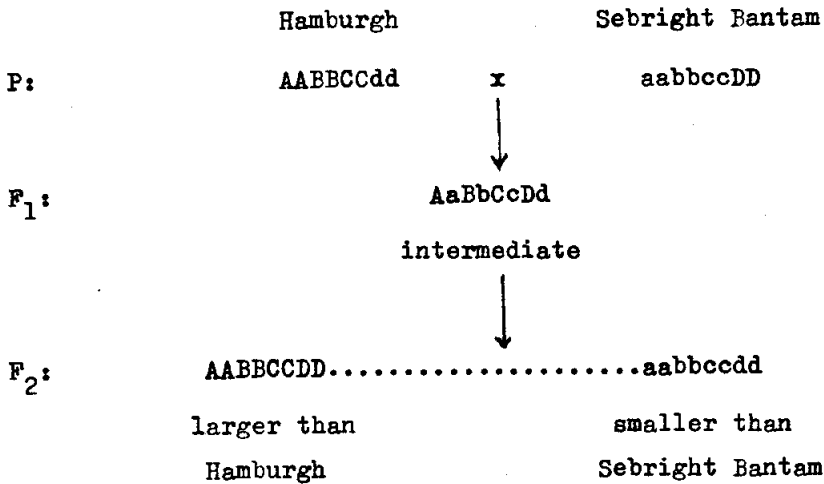
F₁: AaBbCcDdRr
คนสูงปานกลาง ต้านทานโรค

F₂: $\frac{1}{1024}$ AABBCDDRr $\frac{1}{1024}$ aabbccddrr
คนสูง ต้านทานโรค คนเตี้ย ไม่ต้านทานโรค

ดังนั้นโอกาสที่จะได้คนที่ที่มีลักษณะตามต้องการ = $\frac{1}{1024}$ และควรจะมีลูก F₂ อย่างน้อยที่สุดราว 1024 คน (อาจปลูกคนเดียวกันก็ได้ แต่จะมีโอกาสพบคนที่ต้องการน้อยมาก)

Transgressive variation

จากตัวอย่างของลักษณะทางปริมาณที่ได้อธิบายมาแล้ว เป็นตัวอย่างในกรณีที่พ่อแม่มีลักษณะแตกต่างกันมากที่สุด คือ ฝ่ายหนึ่งจะมี active alleles ที่ควบคุมลักษณะเหล่านั้นครบ และอีกฝ่ายหนึ่งจะมีแต่ nonactive alleles เมื่อนำมาผสมกัน F₁ จึงมีลักษณะอยู่กึ่งกลาง และ F₂ มีลักษณะอยู่ในช่วงของทั้งสองฝ่าย แต่มีบางครั้งบางคราวที่พบว่า F₂ บางส่วนที่มีลักษณะเกินเลยไปจากพ่อแม่ เช่น จากการทดลองของ Punnett ที่ได้ทำการผสมพันธุ์ไก่ระหว่างพันธุ์ Hamburgh ซึ่งมีขนาดใหญ่กับพันธุ์ Sebright Bantam ซึ่งมีขนาดเล็ก เขาพบว่า F₁ จะมีขนาดกึ่งกลางระหว่างไก่ทั้งสองพันธุ์ แต่ในชั่ว F₂ แมวส่วนใหญ่ของไก่อจะมีขนาดอยู่ในช่วงของไก่ทั้งสองพันธุ์ แต่มีไก่อบางตัวที่มีขนาดใหญ่และเล็กกว่าพันธุ์พ่อแม่ จากการตรวจคัดสรรส่วนของ F₂ ที่มีขนาดใหญ่ที่สุด และเล็กที่สุด ทำให้เขาสันนิษฐานว่าคงมียีนส์ที่ควบคุมลักษณะนี้ โดยไก่พันธุ์ Hamburgh จะมี genotype เป็น AABBCcDd และพันธุ์ Sebright Bantam เป็น aabbccDD ดังนั้น F₁ จึงเป็น AaBbCcDd และมีขนาดอยู่กึ่งกลาง ส่วน F₂ บาง genotypes จะมีจำนวน active alleles มากกว่าไก่พันธุ์ Hamburgh จึงมีขนาดใหญ่กว่า และ F₂ บางส่วนที่มีแต่ nonactive alleles จึงมีขนาดเล็กกว่าไก่พันธุ์ Sebright Bantam อาจแสดงควมแปรผันดังต่อไปนี้คือ



ปรากฏการณ์ที่กลไกในชั่วหลัง ๆ มีขนาดใหญ่หรือเล็กกว่าพ่อแม่หรือป้าตายาย เรียกว่า **transgressive variation** มักจะพบเสมอในการผสมข้ามพันธุ์ในสัตว์หรือพืชที่พันธุ์พ่อแม่อาจมีขนาดค่อนข้างเล็ก หรือใหญ่ผิดปกติค่อนข้างต่ำ แต่ในลูกชั่วต่อ ๆ มา มีบางตัวหรือบางสายพันธุ์มีขนาดใหญ่กว่าหรือใหญ่ผิดปกติสูงกว่าพันธุ์พ่อแม่ ปรากฏการณ์แบบนี้จึงเป็นที่ต้องการมากในการปรับปรุงพันธุ์สัตว์และพืช

การวิเคราะห์ลักษณะทางปริมาณโดยวิธีการทางสถิติ

(The Statistical Analysis of Quantitative Traits)

อีกกล่าวมาแล้วว่าลักษณะทางปริมาณที่มียีนส์ เกี่ยวข้อง เป็นจำนวนมากและไครบี ความกระทบกระทั่งกันจากสภาพแวดล้อมในขณะนั้น ยากที่จะแยกแยะผลของยีนส์แต่ละตัวหรือผลจากแต่ละ genotype ได้ เพราะมีความแปรปรวนเกิดขึ้นมาก นอกจากนั้น **phenotypic variation** อาจไม่เป็นไปตาม **genotypic variation** ก็ได้ กล่าวคือสภาพแวดล้อมเข้ามาเกี่ยวข้องมาก ถ้าหากลองมาพิจารณาในเรื่องความสูงของคน ถ้าเราไปสุ่มเอาคนมาวัดความสูงสุ่มสัก 100 คน จะพบว่า เราจะได้คนออกได้เป็นพวก ๆ ว่าเป็นคนสูง คนเตี้ย หรือมีความสูงปานกลางก็ตาม แต่ที่จริงแล้ว เราแบ่งออกได้ไม่ชัดเจนนักระหว่างกลุ่มคนทั้งสามจึงกล่าว เพราะเราไม่แน่ใจว่าสูงแค่ไหนจึงจะจัดว่าเป็นพวกสูง และต่ำแค่ไหนจึงจะจัดเขาเป็นพวกเตี้ย คนสูงของไทยกับสูงอย่างฝรั่งก็ไม่เหมือนกันอีก นอกจากนั้นวิธีการที่จะนำมาวัดค่า ยิ่งวัดก็ละเอียดขึ้นมาก ก็จะได้แบ่งออกเป็นหมวดหมู่ได้มากขึ้นอีก เช่น ถ้าวัดเป็นฟุตก็จะได้ไม่ดีกว่า แต่ถ้าวัดเป็นนิ้ว หรือละเอียดลงไปถึงครึ่งนิ้ว ก็อาจไ้มากมายหลายพวกด้วยกัน และ

จำนวนคนในแต่ละพวกก็จะไม่เท่ากันด้วย หรือถ้าหากจะลองมาพิจารณาอีกสักตัวอย่าง คือคนจากในกลุ่มของพืชที่มี **genotype** เหมือนกันก็ยังมี ความแปรปรวน เกิดขึ้นไ้มาก เช่น ชาวพันธุ์เดียวกัน เมื่อนำไปปลูกในที่ต่างกัน ก็ยังมีความสูง อายุ เก็บเกี่ยว และการในผลผลิตแตกต่างกันไป ดังนั้นแทนที่จะกล่าวถึง **phenotype** ของพืชคนใดคนหนึ่งหรือสัตว์ตัวใดตัวหนึ่งหรือของพันธุ์ใดพันธุ์หนึ่งจึงมีการใช้วิธีการทางสถิติเข้ามาช่วยในการอธิบาย **continuous variation** และที่นิยมกันมากที่สุดก็คือ เป็นการวิเคราะห์ออกมาในรูปของค่าเฉลี่ย (**mean**) และความแปรปรวน (**variance**) ของประชากร (**population**) และการสรุปผลออกมา ก็มักจะ เป็นไปในรูปของการสรุปผลโดยทั่ว ๆ ไปของทั้งประชากรมากกว่าที่จะเป็นผลเฉพาะของแต่ละ **genotype** หรือแต่ละพวก เช่น ใน F_2 แทนที่จะบอกเป็น **phenotype** ของพืชแต่ละคน ก็บอกออกมาเป็น **mean** และ **variance** ของ F_2 ทั้งหมด ซึ่ง **variance** ใน F_2 จะมากกว่าใน F_1 แม้ว่าทั้ง F_1 และ F_2 จะมี **mean** ใกล้เคียงกันก็ตาม แสดงให้เห็นว่าความแปรปรวนในชั่ว F_2 เป็นผลจากการกระจายตัวของยีนส์ร่วมกับผลจากสภาพแวดล้อม

การวัดแนวโน้มเซาหาศูนย์กลาง (Measures of central tendency)

โดยปกติการศึกษาลักษณะทางปริมาณมักจะ เกี่ยวข้องกับการวัดตัวเลขออกมาเป็นจำนวนมากกว่ากัน ค่าเหล่านั้นก็จะมี การกระจายตัวจากน้อยไปหามาก หรือจากต่ำไปหาสูง จะเห็นได้ว่า การวัดตัวเลขแต่ละตัวในกลุ่มตัวเลขเหล่านั้นไม่ใ้ใดให้ความรู้ความเข้าใจอะไรมากนัก จึงจำเป็นที่จะต้องหาตัวแทนของมันออกมา เพื่อนำมาใช้บอกกว่าตัวเลขเหล่านั้นมีจุดกลางอยู่ที่ไหนหรือมีค่าเท่าไร

การวัดแนวโน้มเซาหาศูนย์กลางที่จะนำมากล่าวอย่างย่อ ๆ มีอยู่ 3 วิธีด้วยกัน คือ

1. **Mode** คือค่าที่มีความถี่ (**frequency**) มากที่สุด สมมติเราวัดความสูงของคน 11 คน ออกมา เป็นนิ้วได้ความสูงดังนี้

60 62 64 64 64 65 65 67 68 70 71

Mode = 64 นิ้ว

2. **Median** คือค่าของตัวเลขที่อยู่กึ่งกลางของข้อมูลชุดหนึ่ง เมื่อนำข้อมูลชุดนั้นมา เรียงกันจากค่าน้อยไปหาค่ามาก หรือจากค่าต่ำไปหาค่าสูง แล้วจะทำให้ได้จำนวนตัวเลขที่อยู่สองข้างของ **median** มีจำนวนที่เท่ากันพอดี เช่น จากตัวอย่าง เดิม

Median = 65 นิ้ว

แต่ถ้า เรายังมีจำนวนของตัว เลข เป็นจำนวนคู่ก็จำเป็นต้องนำค่าของ เลขสอง จำนวนที่อยู่กึ่งกลางมาเฉลี่ย เช่น สมมติเราวัดความสูงของคนมาเพียง 10 คน เท่านั้น ได้ ตัว เลขดังนี้

60 62 64 64 64 65 65 67 68 70

$$\text{Median} = \frac{64 + 65}{2} = 64.5 \text{ นิ้ว}$$

3. Arithmetic mean or mean (ค่าเฉลี่ย) เป็นค่าที่ได้จากการรวมค่า ตัวใดทั้งหมดแล้วหารด้วยจำนวนตัว เลขทั้งหมด เช่น ถ้าเรามีค่าตัวใดจำนวน

N ค่า คือ $X_1, X_2, X_3, \dots, X_N$

$$\text{Mean} = \bar{X} = \frac{X_1 + X_2 + \dots + X_N}{N} = \frac{\sum_{i=1}^N X_i}{N}$$

จากตัวอย่างความสูงของคน 11 คน จะได้ค่าเฉลี่ยดังนี้

$$\begin{aligned} \text{Mean} &= \frac{60 + 62 + 64 + 64 + 64 + 65 + 65 + 67 + 68 + 70 + 71}{11} \\ &= 65.45 \text{ นิ้ว} \end{aligned}$$

Mode และ median ไม่ค่อยจะนิยมนำมาใช้กัน แต่ mean จะได้รับการนำมาใช้ มากในทาง quantitative genetics

การวัดความแปรปรวน (Measures of variation)

การวัดแนวโน้ม ค่าศูนย์กลางของข้อมูลเพียงอย่างเดียว ไม่เป็นการพอเพียง ที่จะทำให้มองเห็นภาพของข้อมูลทั้งหมด เช่น จากค่าเฉลี่ยกับอกโตแล้วคนกลุ่มนั้นมีความสูง โดย เฉลี่ยสักเท่าใด แต่ไม่โดยบอกให้ทราบถึงการกระจายตัวหรือความแปรปรวนของความสูงในกลุ่ม คนดังกล่าว เสียว่า คนส่วนใหญ่สูงไล่เรียงกันมากหรือมีความแตกต่างกันมาก นอกจากนั้นก็ยัง ไม่สามารถที่จะนำข้อมูลจากต่างชุดกันมา เปรียบ เทียบกันได้ เมื่อทราบแต่ค่าที่อยู่ศูนย์กลาง เพียง อย่างเดียว จึงจำเป็นต้องนำวิธีการทางสถิติอื่น ๆ มาช่วยบอกวามสูงของคนนั้น ๆ มีการกระจาย ตัวไปจากศูนย์กลางหรือมีการ เกาะกลุ่มกันอยู่มากน้อยแค่ไหน วิธีที่นิยมใช้คือการหาค่า variance เขียนย่อว่า s^2 เป็นค่าที่ได้จากผลรวมของความแตกต่างระหว่างค่าสัง เกตแต่ละตัวกับค่า เฉลี่ย ยกกำลังสองหาร ด้วยจำนวนค่าสัง เกตทั้งหมด สมการหนึ่ง

$$\text{Variance} = s^2 = \frac{(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2}{N - 1}$$

$$= \frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2}{N - 1}$$

variance จะมีค่ามาก เมื่อค่าสังเกตส่วนใหญ่กระจายตัวออกไปจากศูนย์กลางมาก และจะมีค่าน้อย เมื่อค่าสังเกตเหล่านั้นมีค่าใกล้เคียงกับศูนย์กลาง

แต่โดยเหตุที่ค่าเฉลี่ยไม่ได้เป็นค่าที่ได้จากการยกกำลังสองทิ้ง เช่นค่าของ variance ดังนั้นในการที่จะพูดถึงความสัมพันธ์ระหว่างค่าที่ศูนย์กลางกับการกระจายตัวของข้อมูลทั้งหมด จึงต้องใช้ค่าที่ได้จากการถอดรากที่สองของ variance ซึ่งเรียกว่า standard deviation เขียนย่อว่า s แทน

$$S.D. = s = \pm \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2}{N - 1}}$$

ค่า s จะมีหน่วยออกมาตามหน่วยที่ใช้วัดข้อมูลนั้น มีทั้งค่าบวกและลบ ทั้งนี้เนื่องจากค่าเฉลี่ยเป็นค่าที่อยู่ศูนย์กลางค่าที่คลาดเคลื่อนไปจากค่าเฉลี่ยย่อมมีทั้งค่าที่มากกว่าและน้อยกว่า มันจะแสดงขอบเขตการกระจายตัวของข้อมูลราวราวสองในสามของข้อมูลทั้งหมดนั้นจะมีค่าที่ใดตั้งแต่ไหนถึงไหน เช่น ถ้าเราวัดความสูงจากคน 100 คน ได้ mean = 60 นิ้ว, $s^2 = 25$ และ $s = \pm 5$ นิ้ว แสดงว่าจะมีคนอยู่ราว 67 คน ที่มีความสูง $= \bar{x} \pm s = 60 \pm 5$ หรืออาจพูดว่าจะมีคนอยู่ราว 67 คน ที่สูงตั้งแต่ 55 นิ้วถึง 65 นิ้ว

Standard error of means (S. E. หรือ $s_{\bar{x}}$) ก็คือค่า standard deviation ของเฉลี่ยของหลาย ๆ ตัวอย่าง (samples) ที่สุ่มเอามาจากประชากร (population) เกี่ยวกัน เช่น สมมติว่าไปเก็บตัวเลขจากหลายตัวอย่างของประชากรหนึ่ง แล้วนำมาหาค่าเฉลี่ยของแต่ละตัวอย่าง จะพบว่าค่าเฉลี่ยของตัวอย่างเหล่านั้นก็มีความแตกต่าง

กัน เช่นเดียวกับข้อมูลภายในแต่ละตัวอย่าง จึงต้องหาวิธีการที่จะบอกถึงการกระจายตัวของค่าเฉลี่ยเหล่านั้นด้วย แต่โดยเหตุที่ค่าเฉลี่ยที่ได้อาจมาจากตัวอย่างต่าง ๆ จากประชากรหนึ่งประชากรใด จะมีความแตกต่างหรือความคลาดเคลื่อนจากกันนัยกว่าความแตกต่างที่จะเกิดขึ้นระหว่างค่าเฉลี่ยที่เกิดจากตัวอย่างเดียวกัน ดังนั้นจึงไม่จำเป็นที่จะต้องไปสุ่มเอาตัวอย่างมาหลายกลุ่มเพื่อหาค่าเฉลี่ยของมันมาหา variance of means และ standard error of means อีก โดยสามารถจะหาค่า standard error ได้จากสูตร

$$S. E. = \frac{s}{\sqrt{N}} = \sqrt{\frac{s^2}{N}}$$

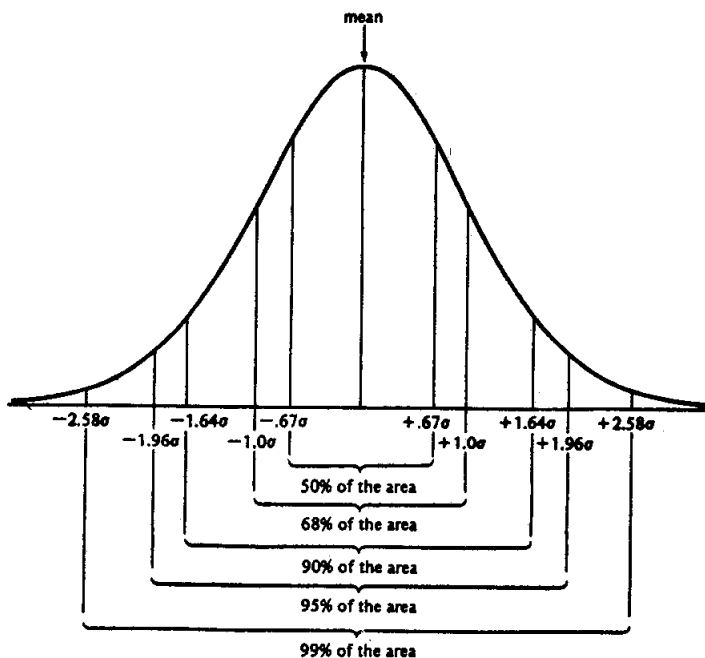
N = จำนวนค่าเฉลี่ยที่เกิดขึ้นในแต่ละตัวอย่าง หรือเป็น sample size ค่า s จะแสดงให้เห็นว่าค่าเฉลี่ยของตัวอย่างต่าง ๆ ที่ได้อานั้น จะใกล้เคียงกับค่าเฉลี่ยที่แท้จริงของประชากรนั้นมากน้อยเพียงใด

Normal Curve

ลักษณะทางปริมาณ เป็นจำนวนมากด้วยกันมีการกระจายตัวแบบที่เรียกว่า normal distribution ซึ่งถ้านำมาสร้างเป็นกราฟแล้ว จะได้แบบที่เรียกว่า normal curve (รูปที่ 8-6) คือเป็นกราฟที่มีค่าเฉลี่ยอยู่ที่จุดกึ่งกลาง ตอนกลางของกราฟจะสูง เนื่องจากมีจำนวนค่าของลักษณะที่วัดได้ในช่วงนั้นมาก แต่ตอนปลายทั้งสองข้างจะลดต่ำลงไปเรื่อย ๆ เนื่องจากจำนวนข้อมูลที่วัดค่าทางออกไปจากค่าเฉลี่ยมากจะลดน้อยลง ดังนั้นจำนวนค่าของตัวเลขที่วัดได้ในช่วงต่าง ๆ กับพื้นที่ภายใต้เส้นกราฟจึงมีความสัมพันธ์กัน ค่าที่วัดได้โดยเฉลี่ยจะครอบคลุมพื้นที่ภายใต้เส้นกราฟได้มากกว่าค่าที่วัดได้โดย

ในการที่จะวัดค่าของข้อมูลหนึ่ง ๆ นั้นจะมีการกระจายตัวจากค่าเฉลี่ยหรือมีความแปรปรวนมากน้อยแค่ไหน จะใช้วัดด้วยค่า standard deviation of normal curve (σ) ซึ่งอยู่ตามแกนแนวนอน โดยถือว่าพื้นที่ทั้งหมดภายใต้ normal curve จะเท่ากับ 100% พื้นที่ ๆ อยู่ภายในช่วง 1σ ของค่าเฉลี่ยทั้งสองข้างจะมีค่าประมาณ 68% และ 95% ของพื้นที่จะอยู่ในช่วง $\pm 1.96\sigma$ และ 99% จะอยู่ในช่วง $\pm 2.58\sigma$ ดังนั้นหากทราบค่าเฉลี่ยและ standard deviation ของประชากรใด ๆ ก็พอจะบอกได้ว่ากี่เปอร์เซ็นต์ของข้อมูลนั้นมีค่าที่วัดได้ภายในช่วงใดภายใต้ normal curve

จะสังเกตเห็นในการคำนวณหาค่า standard deviation จากตัวอย่างที่สุ่ม
 จากประชากรนั้น จะใช้ตัวย่อเป็น s แต่ใน normal curve จะใช้ σ ทั้งนี้เนื่องจาก
 ว่าถ้าหากเราไปวัดค่าจากประชากรที่มีอยู่ทั้งหมดที่มีการกระจายตัวแบบ normal
 distribution แลวนำมาคำนวณจะได้ค่าที่แท้จริงของ standard deviation เป็น σ
 แต่หาเพียงแต่วัดค่าจากตัวอย่าง เพียงส่วนน้อยที่สุ่มมาจากประชากรนั้น จะได้ s ซึ่งเป็นแค่
 เพียงค่าโดยประมาณของ standard deviation ที่แท้จริงของประชากรเท่านั้น



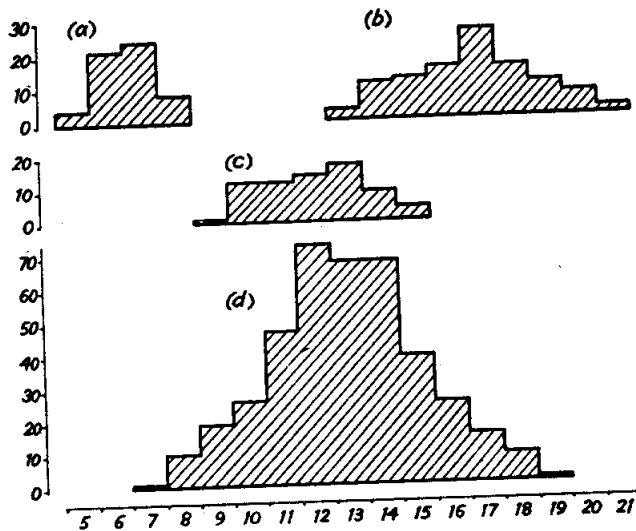
รูปที่ 8-6

Normal distribution curve แสดงถึงการแบ่งพื้นที่ภายใต้เส้นกราฟออกเป็น เบอ เช่นค่าความช่วงของ standard deviations ที่อยู่ห่างออกไปทั้งสองข้างจากค่าเฉลี่ยที่ศูนย์กลาง

การศึกษาลักษณะทางปริมาณโดยใช้สถิติ

Emerson and East (1913) ได้ศึกษาพันธุกรรมของลักษณะทางปริมาณของข้าวโพค
ไว้มาก เช่น ลักษณะ ความยาวและเส้นรอบวงของฝัก น้ำหนัก เมล็ด ความสูงของลำต้น จำนวนขอ
ความยาวของปลอก และอายุ ตัวอย่างผลการทดลองที่เด่นที่สุดของ เขาได้มาจากการผสมพันธุ์ระหว่าง
ข้าวโพคสองสายพันธุ์ (inbred lines) ซึ่งมีความยาวของฝักแตกต่างกันมาก เขาได้ทำการวัดความ
ยาวของฝักจากสายพันธุ์พ่อแม่ และลูกที่เกิดจากการผสมพันธุ์จนถึง F_2 โดยลึงแสดงไว้ในตารางที่ 8-2
และรูปที่ 8-7 จะเห็นได้ว่าลักษณะความยาวของฝักข้าวโพคเป็นลักษณะทางปริมาณ เพราะการทำ
ตารางที่ 8-2 จำนวนฝักข้าวโพคแบ่งตามความยาวของฝัก ซึ่งได้จากการทดลองผสมพันธุ์ระหว่าง
ข้าวโพคสองสายพันธุ์ที่มีความยาวของฝักต่างกัน

Generation	Length of ear, cm																	N	\bar{X}	S.D.	S.E.			
	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21							
Parent 60	4	21	24	8														57	6.63	0.82	0.11			
Parent 54												3	11	12	15	26	15	10	7	2	101	16.80	1.89	0.19
F_1 (60 x 54)				1	12	12	14	17	9	4							69	12.12	1.52	0.18				
F_2	1	10	19	26	47	73	68	68	39	25	15	9	1			401	12.89	2.25	0.11					



รูปที่ 8-7

Frequency histograms ของความยาวของฝักข้าวโพค แกนตั้ง เป็นจำนวนฝัก
ส่วนแกนขน เป็นความยาวฝัก (a) และ (b) เป็นของสายพันธุ์พ่อแม่ (c) เป็น
ของ F_1 และ (d) เป็นของ F_2

การวัดความยาวของฝักข้าวโพดทุกฝัก แล้ว แบ่ง ออก เป็นหลายพวกตามความยาวจากน้อยไปหา
 มาก เป็น **continuous variation** แทนที่จะแบ่ง ออก เป็นสองพวกว่า เป็นพวกฝักสั้นหรือฝักยาว
 ในการกล่าวถึง **phenotype** ซึ่งก็คือความยาวของฝักข้าวโพดนั้น จะนำค่าเฉลี่ย
 มาใช้ คือสายพันธุ์ที่มีฝักสั้น (**Parent 60**) มีความยาวเฉลี่ย 6.63 ซม. พันธุ์ที่มีฝักยาว
 (**Parent 54**) มีความยาวเฉลี่ย 16.80 ซม. F_1 และ F_2 มีความยาวของฝักโดยเฉลี่ยแล้ว
 ใกล้เคียงกัน และอยู่ประมาณกึ่งกลางค่าเฉลี่ยของสายพันธุ์พ่อแม่ ส่วนในด้านการกระจายตัว
 ของลักษณะนี้นั้น ในสายพันธุ์พ่อแม่สายพันธุ์ที่มีฝักยาวมีความแปรปรวนมากกว่า คือมี **S.D.** 1.89
 ซม. เมื่อเปรียบเทียบกับ **S.D.** 0.82 ซม. ของสายพันธุ์ฝักสั้น ส่วน F_2 นั้นจะมีความแปร
 ปรวน เกิดขึ้นมากที่สุด (**S.D.** 2.25 ซม.)

ถ้าหากสมมติว่าสายพันธุ์พ่อแม่ทั้งสองมีเป็นสิ่งที่ควบคุมความยาวของฝักทั้งหมดอยู่ในสภาพ
homozygous ความแปรปรวนที่เกิดขึ้นกับสายพันธุ์ทั้งสอง และ F_1 จะเกิดจากสภาพแวดล้อม
 เพียงอย่างเดียว ส่วนความแปรปรวนที่เกิดขึ้นใน F_2 จะเกิดจากทั้งสภาพแวดล้อมและ **genetic**
variation